ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ

ИЗМЕРЕНИЕ ε И tgδ ДИЭЛЕКТРИЧЕСКИХ **МАТЕРИАЛОВ РЕЗОНАТОРНЫМ МЕТОДОМ**

Руководство к лабораторной работе

Министерство образования и науки РФ

ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ УПРАВЛЕ-НИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ (ТУСУР)

Кафедра сверхвысокочастотной и квантовой радиотехники (СВЧ и КР)

УТВЕРЖДАЮ
Зав. кафедрой
С.Н. Шарангович

ИЗМЕРЕНИЕ ε И tgδ ДИЭЛЕКТРИЧЕСКИХ МАТЕРИАЛОВ РЕЗОНАТОРНЫМ МЕТОДОМ

Руководство к выполнению лабораторной работы по дисциплине «Микроволновая техника» по направлению магистерской подготовки 210400.68 – «Радиотехника» и по дисциплине «Устройства СВЧ и антенны» для направлений подготовки специалистов 210601.65 – Радиоэлектронные системы и комплексы

Разработчики:

профессор каф. СВЧ и КР Гошин Г.Г.,

доцент каф. СВЧ и КР Фатеев А.В.

УДК 53.17 + 53.08

Рецензент: кандидат физ.-мат. наук, доцент кафедры радиофизики Научного исследовательского Томского государственного университета Буянов Ю.И.

Гошин Г.Г., Фатеев А.В.

Измерение є и $tg\delta$ диэлектрических материалов резонаторным методом: Руководство к лабораторной работе. — Томск: Томский гос. ун-т систем упр. и радиоэлектроники, 2013. — 18 с.

В руководстве содержится методический материал по измерению ε и $tg\delta$ диэлектрических материалов резонаторным методом. Отмечаются основные теоретические положения, расчётные формулы, математическую модель эксперимента,
входной и выходной тестовый контроль, схемы лабораторных столов и порядок
проведения эксперимента, шаблон отчёта, особенности работы программы управления прибором, порядок работы с прибором.

Руководство рекомендовано в качестве пособия к выполнению лабораторной работы по дисциплине «Микроволновая техника» по направлению магистерской подготовки 210400.68 – «Радиотехника» и по дисциплине «Устройства СВЧ и антенны» для направлений подготовки специалистов 210601.65 – Радиоэлектронные системы и комплексы.

- © Гошин Г.Г., 2013
- © Фатеев А.В., 2013
- © Томский гос. ун-т систем управления и радиоэлектроники, 2013

Содержание

Введение	4
1. Краткие теоретические сведения	4
1.1. Структура поля в цилиндрическом объёмном резонаторе	4
1.2. Основные параметры объёмного резонатора	7
1.3. Расчёт диэлектрической проницаемости и потерь в диэлектрике 1	0
2. Домашнее задание1	1
3. Экспериментальная часть1	2
3.1 Описание установки и методики измерений	2
3.2 Порядок выполнения работы1	3
3.3 Требования к оформлению отчёта	5
Список литературы1	6

Введение

Целью лабораторной работы является:

- ознакомление с некоторыми вопросами теории объёмных цилиндрических резонаторов;
- расчёт основных параметров цилиндрического резонатора для колебаний типа E и типа H, возбуждаемых в резонаторе;
- изучение методики измерений, основанной на методе малых возмущений, применительно к цилиндрическому резонатору;
- проведение измерений образцов различных диэлектрических материалов.

1. Краткие теоретические сведения

1.1. Структура поля в цилиндрическом объёмном резонаторе

В радиотехнике сверхвысоких частот в качестве колебательных систем используются замкнутые металлические объемы, называемые объемными резонаторами. Замкнутый объем образован стенками волновода и короткозамыкающими металлическими пластинами на его торцах (рис. 1). В лабораторной работе используется цилиндрический объемный резонатор с возбуждением посредством петли.

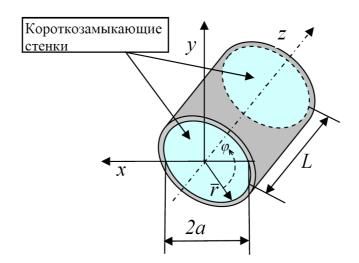


Рисунок 1 – Цилиндрический объёмный резонатор.

Одним из основных отличий объемного резонатора от колебательного контура с сосредоточенными параметрами является его многомодовость. Объясняется это тем, что в резонаторе, как и в волноводе, могут возбуждаться продольные магнитные и продольные электрические типы колебаний (моды), но в отличие от волноводов, кроме вариаций полей по поперечным координатам φ и r имеются вариации и по оси z, совпадающей с осью резонатора (рис. 1). Каждый тип колебания характеризуется собственной структурой поля и собственной резонансной частотой f_0 . Под структурой понимают распределение и форму электрических и магнитных силовых линий в резонаторе в фиксированный момент времени. Структуру поля можно построить, пользуясь выражениями для компонент векторов \vec{E} и \vec{H} , полученными путем решений уравнений Максвелла в цилиндрической системе координат для короткозамкнутого с двух торцов отрезка круглого волновода.

Выражения, определяющие структуру поля колебаний H_{mnp} и E_{mnp} в цилиндрическом объёмном резонаторе, имеют следующий вид [1]:

колебания H_{mnp}

$$E_{r} = \frac{j\omega_{0}\mu_{0}}{r}mD \cdot J_{m}\left(\frac{\mu_{mn} \cdot r}{a}\right) \sin(m\varphi) \sin\left(\frac{\pi pz}{L}\right);$$

$$E_{\varphi} = j\omega_{0}\mu_{0}\frac{\mu_{mn}}{a}D \cdot J_{m}'\left(\frac{\mu_{mn} \cdot r}{a}\right) \cos(m\varphi) \sin\left(\frac{\pi pz}{L}\right);$$

$$E_{z} = 0;$$

$$H_{r} = \frac{\mu_{mn}}{a}\frac{\pi p}{L}D \cdot J_{m}'\left(\frac{\mu_{mn} \cdot r}{a}\right) \cos(m\varphi) \cos\left(\frac{\pi pz}{L}\right);$$

$$H_{\varphi} = -\frac{1}{r}\frac{m\pi p}{L}D \cdot J_{m}\left(\frac{\mu_{mn} \cdot r}{a}\right) \sin(m\varphi) \cos\left(\frac{\pi pz}{L}\right);$$

$$H_{z} = \frac{\mu_{mn}^{2}}{a^{2}}D \cdot J_{m}\left(\frac{\mu_{mn} \cdot r}{a}\right) \cos(m\varphi) \sin\left(\frac{\pi pz}{L}\right);$$

$$(1)$$

колебания E_{mnp}

$$H_{r} = -\frac{j\omega_{0}\varepsilon_{0}}{r}mC \cdot J_{m}\left(\frac{v_{mn} \cdot r}{a}\right)\sin(m\varphi)\cos\left(\frac{\pi pz}{L}\right);$$

$$H_{\varphi} = -j\omega_{0}\varepsilon_{0}\frac{v_{mn}}{a}C \cdot J_{m}'\left(\frac{v_{mn} \cdot r}{a}\right)\cos(m\varphi)\cos\left(\frac{\pi pz}{L}\right);$$

$$H_{z} = 0;$$

$$E_{r} = -\frac{v_{mn}}{a}\frac{\pi p}{L}C \cdot J_{m}'\left(\frac{v_{mn} \cdot r}{a}\right)\cos(m\varphi)\sin\left(\frac{\pi pz}{L}\right);$$

$$E_{\varphi} = \frac{1}{r}\frac{m\pi p}{L}C \cdot J_{m}\left(\frac{v_{mn} \cdot r}{a}\right)\sin(m\varphi)\sin\left(\frac{\pi pz}{L}\right);$$

$$E_{z} = \frac{v_{mn}^{2}}{a^{2}}C \cdot J_{m}\left(\frac{v_{mn} \cdot r}{a}\right)\cos(m\varphi)\cos\left(\frac{\pi pz}{L}\right);$$

$$(2)$$

где m = 0,1,2,... – число вариаций поля по координате φ ;

 $n = 1, 2, \dots$ – число вариаций поля по радиусу r;

p = 0,1,2,... – число вариаций поля по оси z;

 $\mu_{\scriptscriptstyle mn}-$ n-ый корень производной функции Бесселя $J_{\scriptscriptstyle m}'$ (χr) порядка m;

 $v_{\scriptscriptstyle mn}-$ n-ый корень функции Бесселя $J_{\scriptscriptstyle m}$ (χr) порядка m;

 $\omega_0 = 2\pi f_0$ — угловая резонансная частота;

 $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \; \Gamma$ н/м — магнитная постоянная вакуума;

 $\varepsilon_0 = 8,84 \cdot 10^{-12} \, \Phi/M \, -$ электрическая постоянная вакуума.

Несколько первых значений этих корней приведены в таблице 1.

Таблица 1 – Значения корней функции Бесселя и её производной

	1	u_{mn}			1	\mathcal{V}_{mn}	
n m	1	2	3	n m	1	2	3
0	3,832	7,016	10,174	0	2,405	5,52	8,654
1	1,84	5,335	8,536	1	3,832	7,016	10,173
2	3,054	6,705	9,965	2	5,135	8,417	11,620

Как следует из уравнений (1) и (2), каждая компонента поля в резонаторе зависит от трех координат φ , r, z. В нем возбуждаются только такие колебания, у которых на определенной резонансной частоте вдоль координатных линий укладывается целое число полуволн. Структура поля для нескольких низших типов колебаний приведена на рисунке 2.

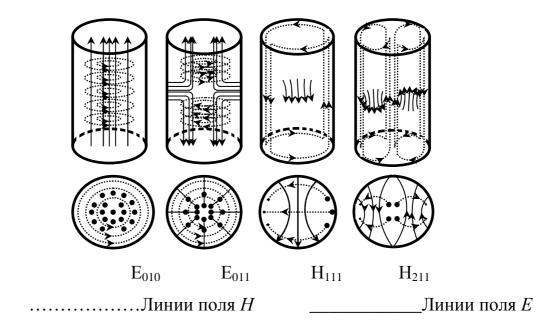


Рисунок 2 — Структура поля в цилиндрическом резонаторе для колебаний типа H_{mnp} и E_{mnp} .

1.2. Основные параметры объёмного резонатора

Основными параметрами объёмного резонатора, представленного эквивалентным колебательным контуром на определённом типе колебаний, являются:

- резонансная частота f_0 или резонансная длина волны $\lambda_0 = c/f_0$, где $c = 3 \cdot 10^8$ м/с скорость света в вакууме.
- собственная добротность резонатора Q_0 , определяющая его качество как колебательного контура.

Резонансная частота

Резонансные частоты определяются по формулам [2]:

$$f_0^H = \frac{c}{2\pi} \sqrt{\left(\frac{\mu_{mn}}{a}\right)^2 + \left(\frac{p\pi}{L}\right)^2} , \qquad (3)$$

$$f_0^E = \frac{c}{2\pi} \sqrt{\left(\frac{v_{mn}}{a}\right)^2 + \left(\frac{p\pi}{L}\right)^2} , \qquad (4)$$

где a – радиус резонатора;

L – высота (осевая длина) резонатора.

Добротность цилиндрического резонатора

Собственные добротности цилиндрического резонатора для колебаний типа H_{mnp} и E_{mnp} рассчитываются по методике, изложенной в [3]. Если стенки резонатора и диэлектрик не обладают магнитными свойствами, то искомое выражение имеет вид:

$$Q_0 = \frac{2}{\Delta^0} \frac{\int_{V_0} H_{mnp}^2 dV}{\int_{S} H_{mnp}^2 dS},$$
 (5)

где Δ^0 — толщина скин-слоя или глубина проникновения поля в корпус резонатора (для латуни $\Delta^0=127f_0^{-1/2}$ мм);

 V_0 – объем резонатора без диэлектрика;

S – площадь основания резонатора.

После нахождения интегралов формулы для собственной добротности резонатора на колебаниях H_{mnp} и E_{mnp} примут вид:

$$Q_0^{H_{mmp}} = \frac{1}{\Delta^0} \frac{aL \left[1 - \left(\frac{m}{\mu_{mn}} \right)^2 \right] \cdot \left[1 + \left(\frac{\pi p}{\mu_{mn}} \right)^2 \left(\frac{a}{L} \right)^2 \right]}{\left[L \left(1 + \left(\frac{\pi p}{\mu_{mn}} \right)^2 \left(\frac{am}{L} \right)^2 \right) + 2 \left(\left(\frac{\pi p}{\mu_{mn}} \right)^2 \left(\frac{a}{L} \right)^2 a \left(1 - \frac{m^2}{\mu_{mn}^2} \right) \right) \right]}, \quad (6)$$

$$Q_0^{E_{mnp}} = \frac{1}{\Delta^0} \frac{aL}{(L+2a)}.$$
 (7)

Нагруженная добротность определяется как

$$Q_{\scriptscriptstyle H} = \frac{f_0}{\Delta f_{\scriptscriptstyle H}} \,, \tag{8}$$

где $\Delta f_i = (f_2 - f_1)$ – полоса частот резонатора на уровне -3дБ (рис. 1.3).

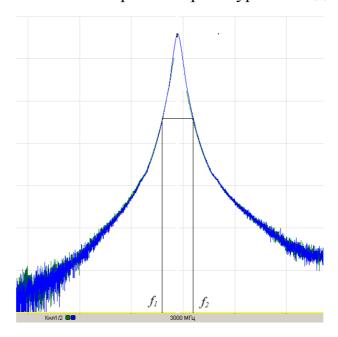


Рисунок 3 — Резонансная кривая колебания E_{010} .

1.3. Расчёт диэлектрической проницаемости и потерь в диэлектрике

Диэлектрическая проницаемость образца диэлектрика цилиндрической формы рассчитывается по формуле [4]:

$$\varepsilon = 1 + 2 \frac{\Delta f}{f_0} \int_{V_{\varepsilon}}^{E^2} dV , \qquad (9)$$

где $\Delta f = (f_0 - f_{\varepsilon})$ – смещение резонансной частоты при внесении диэлектрика, V_{ε} – объём образца исследуемого диэлектрика.

Рассмотрим резонатор цилиндрической формы с осесимметричным колебанием E_{010} , имеющим продольную компоненту E_z . Электрическое поле на оси резонатора постоянно и не зависит от φ (см. рис. 2), имеет там максимальное значе-

ние напряжённости электрического поля E_0 , определяемое подводимой мощностью, и достигает нулевого значения на стенке резонатора в силу выполнения граничного условия $J_0(\chi a)=0$.

Помещая в резонатор высотой L и радиусом a вдоль его оси образец в виде тонкого цилиндрического стержня радиуса b и высотой h, можно считать, что при выполнении условий b << a и L = h поле в образце будет однородным. Необходимо только, поместив образец на дно резонатора, как можно точнее его спозиционировать, совместив оси образца и резонатора, чтобы не нарушить симметрию. Тогда при расчете можно использовать метод малых возмущений [4]. Его применение оправдано при выполнении условия

$$b \le a/10\sqrt{\varepsilon}.\tag{10}$$

Взяв интеграл по объёму резонатора и по объёму диэлектрика, для колебания E_{010} получим:

$$\varepsilon = 1 + 2 \frac{a^2 L}{b^2 h} \frac{\Delta f}{f_0} \frac{J_1^2(v_{01})}{J_0^2(\frac{v_{01}b}{a}) + J_1^2(\frac{v_{01}b}{a})},$$
(11)

где $v_{01} = 2,405$ — первый корень производной функции Бесселя нулевого порядка;

 $\frac{a^2L}{b^2h} = \frac{V_0}{V_{arepsilon}}$ — отношение объёма пустого резонатора к объему исследуемого диэлектрика.

Тангенс угла диэлектрических потерь для колебания типа E_{010} рассчитывается по формуле [4]:

$$tg\,\mathcal{S} = \frac{J_1^2(v_{01})}{\varepsilon} \frac{L}{h} \left(\frac{a}{b}\right)^2 \left(\frac{1}{Q_{\varepsilon}} - \frac{1}{Q_0}\right),\tag{12}$$

где Q_{ε} – добротность резонатора с помещенным в него образцом.

2. Домашнее задание

- 1. Рассчитать резонансные частоты для типов колебаний, которые могут возбуждаться в резонаторе с заданными размерами и диапазоном частот, используя формулы (3) и (4).
- 2. Изобразить структуру электромагнитного поля для всех возбуждаемых в резонаторе колебаний.
- 3. Рассчитать собственную добротность резонатора для колебания типа E_{010} , измеряемую в ходе эксперимента.

3. Экспериментальная часть

3.1. Описание установки и методики измерений

На рисунке 4 приведена структурная схема экспериментальной установки, включающая программно-управляемый измеритель модуля коэффициента передачи и отражения P2M-18 диапазона до 18 ГГц. Приведённая схема предполагает проведение измерений коэффициента прохождения.

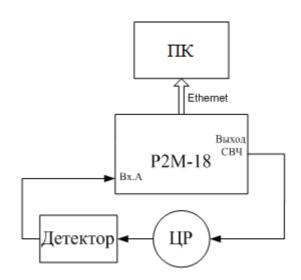


Рисунок 4 — Структурная схема установки для измерения электродинамических параметров резонатора.

На высокочастотном выходе измерителя P2M-18 формируется сигнал и поступает на цилиндрический резонатор (ЦР). Используемый резонатор выполнен из латуни, имеет высоту 35мм и радиус 22,2мм. Связь резонатора с внешними цепями осуществляется посредством петель. После прохождения ЦР, сигнал поступает на детектор, затем на вход приёмника P2M-18. По отношению мощности выходного сигнала к входному в ПК строиться АЧХ коэффициента передачи.

3.2. Порядок выполнения работы

- 1. Собрать установку в соответствии с рис. 4 и включить ПК.
- 2. Включить скалярный анализатор цепей P2M-18, установив переключатель ВКЛ на панели измерителя в положение « I » на панели прибора, дать приборам прогреться не менее 5 минут.
- 3. Для старта ПО Graphit, нажать «Пуск\ВсеПрограммы\Приборы\Микран\Graphit P2M\Graphit P2M».
 - 4. Подключиться к прибору с ІР адреса 192.168.1.248.
 - 5. Загрузить профиль «MUT.gpr» (см. рис. 5 №1).
- 6. Задать диапазон частот от 3 ГГц до 20 ГГц. Для подтверждения измерения параметра необходимо нажать клавишу «Enter» (см. рис. 5 №3).
 - 7. Запустить (см. рис. 5 №2).
- 8. Провести измерения первых десяти резонансных, настроив и установив автоматически маркеры для каждого резонанса (см. рис. 5 №4).
 - 9. Сохранить отчёт измерений в формате rtf
 - 10. Удалить все маркеры
 - 11. Задать верхнюю частоту диапазона 6 ГГц.
- 12. Настроить маркер на поиск резонансной частоты основного типа колебаний.
- 13. Настроить маркеры и связь между ними на поиск и расчёт добротности резонанса основного типа колебаний.
- 14. «Запомнить» измерительную трассу и повторить п.12 и п. 13 для сохранённой трассы.
- 15. Провести измерения диаметра и высоты цилиндрического образца материала. С целью повышения точности измерение каждого образца следует проводить три четыре раза, добиваясь достоверности результатов за счёт лучшего позиционирования образца на оси резонатора. Провести усреднение с оценкой доверительных интервалов.
- 16. Открыть резонатор и поместить в максимум поля колебания типа E_{010} исследуемый образец с известными размерами. Закрыть резонатор.

- 17. Установить связь между маркерами резонансных частот измерительной и запомненной трассами для вычисления разницы частот между ними.
 - 18. Сохранить отчёт измерений в формате rtf
 - 19. Результаты внести в таблицу 3.

Таблица 3 – Результаты измерений

|--|

- 20. Повторить п.15 п.18 по требованию преподавателя.
- 21. Выключить прибор, остановив процесс измерений, закрыв программное обеспечение Graphit P2M и установив переключатель ВКЛ на панели измерителя в положение « O ».

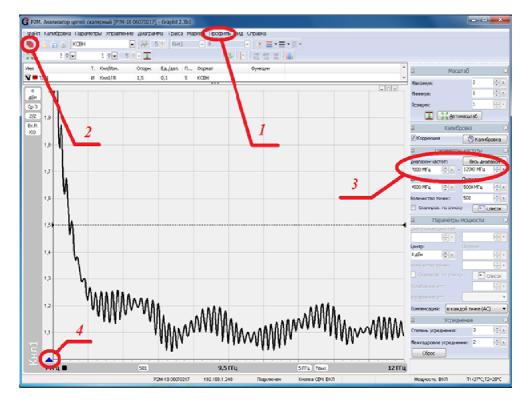


Рисунок 5. Окно программы Graphit

3.3. Требования к оформлению отчёта

- 1. Отчёт должен быть оформлен в соответствии с общими требованиями и правилами оформления отчётов по лабораторным работам, принятыми в ТУСУРе.
- 2. В отчёте должна быть изложена цель работы, методика измерений и краткое описание экспериментальной установки.
- 3. Отчёт должен содержать таблицы измерений. Таблицу данных, полученных по п.9 Порядка выполнения работ, дополнить расчётными, указав тип резонанса.
- 4. В отчёте должны быть представлены выводы по существу проделанной работы.

Список литературы

- 1. Ж.М. Соколова, Е.В. Падусова. К расчёту резонаторов СВЧ: методические указания по курсовому проектированию и к практическим занятиям для студентов. Томск: ТАСУР, 1994. 111с.
- 2. Н.Н. Федоров. Основы электродинамики. М.: Высшая школа, 1980. 399с.
- 3. В.В. Никольский. Теория электромагнитного поля. М.: Высшая школа, 1964. 383с.
- 4. А.А. Брандт. Исследование диэлектриков на сверхвысоких частотах. М.: Государственное издательство физ.-мат. литературы, 1963. 403с.
- 5. Скалярный анализатор параметров цепей Р2М [Электронный ресурс]: Руководство к лабораторной работе / Гошин Г. Г., Фатеев А. В Томск: ТУСУР, 2012.
- 36 с. Режим доступа: http://edu.tusur.ru/training/publications/7048.
- 6. ОС ТУСУР 01-2013 [Электронный ресурс]. Режим доступа: http://www.tusur.ru/export/sites/ru.tusur.new/ru/education/documents/inside/tech_01-2013_new.pdf

Учебное издание

Гошин Г.Г., Фатеев А.В.

измерение ϵ и $tg\delta$ диэлектрических материалов резонаторным методом

Руководство к лабораторной работе

Формат 60х84 1/16. Усл. печ. л., Тираж экз. Заказ

Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. 634050, Томск, пр. Ленина. 40. Тел. (3822) 533018.