

Министерство образования Российской Федерации
ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ
(ТУСУР)

Н.В. Зариковская

**МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ВЫПОЛНЕНИЮ
ВЫЧИСЛИТЕЛЬНОЙ ПРАКТИКИ**

Учебно-методическое пособие для аудиторных практических занятий и самостоятельных работ студентов по направлению
210100.62 «Электроника и наноэлектроника» и
222900.62 «Нанотехнологии и микросистемная техника»

2014

Зариковская Н.В.

ВЫЧИСЛИТЕЛЬНАЯ ПРАКТИКА. Учебно-методическое пособие для аудиторных практических занятий и самостоятельных работ студентов. – Томск: Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники (ТУСУР), 2014. – 54 с.

© Зариковская Н.В. 2014

© Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники (ТУСУР), 2014

СОДЕРЖАНИЕ

| | |
|---|----|
| ЦЕЛЬ ВЫЧИСЛИТЕЛЬНОЙ ПРАКТИКИ | 4 |
| СОДЕРЖАНИЕ ЗАДАНИЙ НА ВЫЧИСЛИТЕЛЬНУЮ ПРАКТИКУ | 4 |
| СОДЕРЖАНИЕ ВОЗМОЖНОСТЕЙ МАТНЕСАД, ПОДЛЕЖАЩИХ ИЗУЧЕНИЮ: | 4 |
| ЗАДАНИЕ НА ВЫЧИСЛИТЕЛЬНУЮ ПРАКТИКУ | 5 |
| УКАЗАНИЯ ПО ВЫПОЛНЕНИЮ ЗАДАНИЙ | 7 |
| ПЕРЕЧЕНЬ МАТЕРИАЛОВ, ПРЕДОСТАВЛЯЕМЫХ ДЛЯ ЗАЩИТЫ..... | 8 |
| ПОРЯДОК И ПРАВИЛА ЗАЩИТЫ ПРАКТИКИ | 8 |
| ВАРИАНТЫ ИСХОДНЫХ ДАННЫХ | 8 |
| 1. Графики | 8 |
| 2. Решение СЛАУ | 21 |
| 3. Матрицы | 32 |
| 4. Интегрирование | 34 |
| 5. Дифференцирование..... | 41 |
| 6. Интерполяция..... | 46 |
| ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ, ВЫНОСИМЫЕ НА ЗАЩИТУ | 49 |
| ВАРИАНТЫ ЗАДАНИЙ | 51 |

ЦЕЛЬ ВЫЧИСЛИТЕЛЬНОЙ ПРАКТИКИ

Цель вычислительной практики - освоение системы MathCAD и использование пакета для решения задач линейной алгебры, численного интегрирования, интерполяции.

СОДЕРЖАНИЕ ЗАДАНИЙ НА ВЫЧИСЛИТЕЛЬНУЮ ПРАКТИКУ

1. Построение графиков функций
 - 1.1. От одной переменной в декартовой системе координат
 - 1.2. Построение поверхности
 - 1.3. Параметрически заданные функции
 - 1.4. Кусочно-непрерывные функции
2. Работа с матрицами и векторами
3. Решение систем линейных уравнений с использованием программирования и встроенных функций
 - 3.1. Решение системы методом Крамера
 - 3.2. Решение системы методом Гаусса
4. Дифференцирование
 - 4.1. Нахождение первой производной
 - 4.2. Первой и второй производной в заданной точке
5. Интегрирование
 - 5.1. Вычисление определенного интеграла
 - 5.2. Вычисление неопределенного интеграла
6. Символические вычисления
7. Интерполяция

СОДЕРЖАНИЕ ВОЗМОЖНОСТЕЙ МАТНСАД, ПОДЛЕЖАЩИХ ИЗУЧЕНИЮ:

1. Системное меню
2. панели инструментов Графики, Матанализ, Матрицы, Булево, Символы, Арифметика, Программирование и их использование.
3. Редактирование файла документа, редактирование областей (Regions)
4. Вставка, редактирование и форматирование текстовых блоков
5. Построение графиков функций в декартовой системе координат
6. Форматирование чисел, текстовых областей, графиков.

7. Системные переменные ORIGIN, TOL, CTOL.
8. Встроенные функции MathCAD
 - 8.1. Тригонометрические, логарифмические, степенные, показательные функции, функции ввода-вывода.
 - 8.2. Решения СЛАУ, нелинейных уравнений, полиномов и уравнений с одной переменной
 - 8.3. Функции для работы с матрицами и векторами: заполнение, выделение части матрицы, слияние и разбиение матриц, определение размерности, стандартные разложения, вычисление ранга, сортировка, нахождение собственных чисел и векторов, генерация матриц специального вида
9. Элементы программирования в MathCAD : локальное присваивание, инструкции ветвления, циклические инструкции.
10. Символический процессор. Разложение на простые дроби, приведение подобных, упрощение выражений, раскрытие скобок, прямое и обратное преобразование Лапласа, определенный и неопределенный интегралы, дифференцирование.

ЗАДАНИЕ НА ВЫЧИСЛИТЕЛЬНУЮ ПРАКТИКУ

1 Построение графиков функций

1.1 Построение графика функции одной переменной в декартовой системе координат.

Найти область определения функции. Указать диапазон изменения аргумента с определенным шагом. Диапазон необходимо выбирать таким образом, чтобы он полностью входил в область определения функции и не содержал особых точек. Определить функцию, зависящую от одного аргумента. Имена для функции и аргумента выбираются произвольно. Построить график функции .

1.2 Построение поверхности.

Построить поверхность, задаваемую функцией двух аргументов. Интервал и количество точек выбирать произвольно.

1.3 Построение графика параметрически заданной функции.

Определить $x(t)$ как функцию, зависящую от параметра. Определить $y(t)$ как функцию, зависящую от параметра. Построить график функции.

1.4 Построение графика кусочно-непрерывной функции

Для заданного графика определить аналитический вид функции, построив уравнение прямой на каждом отрезке.

Определить соответствующую функцию в MathCad при помощи элементов программирования.

Построить график функции на заданном интервале.

2 Решение систем линейных уравнений

2.1 Решение СЛАУ методом Крамера.

Написать при помощи элементов программирования функцию, которая находит решение системы методом Крамера. Вычисление определителя производить при помощи соответствующей операции MathCad'a. Найти решение системы при помощи данной функции. Проверить результат

2.2 Решение СЛАУ методом Гаусса.

Написать функцию, которая находит решение системы методом Гаусса. Найти решение системы при помощи данной функции. Проверить результат

3 Матричные операции

3.1. Определить матрицы. Размерность матриц подбирать с учетом выражения. Количество строк и столбцов исходных матриц - не менее четырех. Обязательно наличие неквадратных матриц.

3.2. Заполнить матрицы случайными значениями при помощи встроенных функций (не вручную).

3.3. Вычислить заданное матричное выражение.

3.4. Для результирующей матрицы выполнить следующее

3.4.1. Сложить каждый элемент со скаляром $x1$

3.4.2. Вычесть из каждого элемента скаляр $x2$

3.4.3. Вычислить определитель матрицы

3.4.4. Найти обратную матрицу и проверить результат

3.4.5. Найти собственные числа и собственные вектора и проверить результат

3.4.6. Вычислить ранг матрицы

3.4.7. Определить вектора, которые состоят из элементов w-строки и m-столбца и для них вычислить

3.4.7.1. Модуль каждого вектора

- 3.4.7.2. Орт каждого вектора
- 3.4.7.3. Сумму координат
- 3.4.7.4. Количество положительных и отрицательных координат каждого вектора
- 3.4.7.5. Скалярное произведение векторов
- 3.4.7.6. $\sin(y)$, $\cos(Y)$, где y - угол между векторами
- 3.4.7.7. Векторное произведение
- 3.4.7.8. Вектор, координаты которого являются произведением соответствующих координат исходных векторов

4 Интегрирование

4.1 Определенный интеграл

Построить график подынтегральной функции на интервале интегрирования. Вычислить значение интеграла.

4.2 Неопределенный интеграл

Найти вручную первообразную для подынтегральной функции. Вычислить неопределенный интеграл при помощи MathCad

5 Дифференцирование

Найти производную заданной функции.

Вычислить значение первой и второй производных в заданной точке

6 Сплайн-интерполяция

Для заданного набора точек построить линейный, параболический и кубический сплайны.

Отобразить на одном графике исходные точки, линейный, параболический и кубический сплайны.

УКАЗАНИЯ ПО ВЫПОЛНЕНИЮ ЗАДАНИЙ

Вычислительная практика выполняется согласно полученного задания (см -данного файла). Все задания и отчет выполнять в среде MathCad. В отчете для каждого задания обязательно привести формулировку задания и исходные данные. Снабдить ход решения подробными комментариями. Пример оформления заданий прилагается.

ПЕРЕЧЕНЬ МАТЕРИАЛОВ, ПРЕДОСТАВЛЯЕМЫХ ДЛЯ ЗАЩИТЫ

На защиту практики предоставляется твердая копия отчета, а также MathCad-файл, содержащий решенные задания с подробными комментариями.

ПОРЯДОК И ПРАВИЛА ЗАЩИТЫ ПРАКТИКИ.

Зашитва проводится в регламентированное время. Сначала защищается работа, потом выполняется дополнительное задание в MathCad'e. По итогам выставляется оценка по пятибалльной шкале и рейтинг по 100 балльной шкале. Критерии оценивания: правильность и полнота выполнения заданий, правильность и полнота оформления отчета, знание численных методов и соответствующих разделов высшей математики, знание возможностей MathCad и умение применять их на практике, правильность и полнота выполнения дополнительного задания.

ВАРИАНТЫ ИСХОДНЫХ ДАННЫХ

1. Графики

1.1. Функции одной переменной

$$1. f(x) := \sqrt{x - 4} + \sqrt{8 - x}$$

$$3. f(x) := \frac{x}{\sqrt{x^2 - 3x + 2}}$$

$$5. f(x) := \arcsin\left(\frac{x-4}{3}\right) - \lg(5-x)$$

$$7. f(x) := \lg(9 - x^2) + x^2$$

$$9. f(x) := \lg\left(\arcsin\left(\frac{6x-x^2}{8}\right)\right)$$

$$11. f(x) := \begin{cases} \frac{x+3}{x^2+9}, & x < 0 \\ \frac{x-1}{x^2+4}, & x \geq 0 \end{cases}$$

$$13. f(x) := \begin{cases} \frac{\sin(x-2)}{x^2+9}, & x < 0 \\ \frac{\sin(x^2-x-1)}{x^2+4}, & x \geq 0 \end{cases}$$

$$2. f(x) := \sqrt{x^2 - 3x + 2} + \frac{1}{\sqrt{x^2 - 7x + 12}}$$

$$4. f(x) := \sqrt[3]{\log\left(\frac{3x-x^2}{2}\right)}$$

$$6. f(x) := \sqrt{\arcsin(\ln(x^2))}$$

$$8. f(x) := \frac{1}{\sqrt{x}} + 4^{\arcsin(x-2)} + \frac{1}{\sqrt{x-2}}$$

$$10. f(x) := \lg(|x| - x)$$

$$12. f(x) := \begin{cases} \frac{x+4}{x^2+16}, & x < 0 \\ \frac{\sin(x)}{x^2+8}, & x \geq 0 \end{cases}$$

$$14. f(x) := \begin{cases} \frac{x^2+3x+3}{x^2+4x+9}, & x < 0 \\ \frac{\sin(x)^2}{x^3+2x^2}, & x \geq 0 \end{cases}$$

$$\begin{aligned}
15. f(x) := & \begin{cases} \frac{\sin(x)^2}{x^3+2x^2}, & x < 0 \\ \frac{\sin(x+5)}{x^2+13}, & x \geq 0 \end{cases} \\
17. f(x) := & \begin{cases} \frac{x+2}{x^2+4}, & x < 0 \\ \frac{x^2-3x+4}{x^3+x^2}, & x \geq 0 \end{cases} \\
19. f(x) := & \begin{cases} \frac{x+2}{x^2+9}, & x < 0 \\ \frac{|x-1|}{x^2+4}, & x \geq 0 \end{cases} \\
21. f(x) := & \ln(x)e^x \\
23. f(x) := & \sqrt{x}\sin(x) \\
25. f(x) := & e^x(x^2 + 2x + \sin(x)) \\
27. f(x) := & \frac{1}{x^3} \arcsin(x^2 - 1) \\
29. f(x) := & \frac{\sqrt{x}}{x^2 - 3x - 4} + \frac{1}{\sqrt{x^2 - 4}}
\end{aligned}$$

1.2. Поверхности

$$\begin{aligned}
1. z := & \frac{xy}{x-y} \\
3. z := & \ln \left(\cos \left(\frac{y}{x} \right) \right) \\
5. z := & \ln(x^2 + y^2) \\
7. z := & x^3y + xy \\
9. z := & \frac{e^x}{\ln(|y|)} \\
11. z := & \frac{e^y}{x^2} \sin(2x) \\
13. z := & x^y x^2 \\
15. z := & \frac{x^3 + x^2}{x \sin(y)} \\
17. z := & \ln(y) + \ln \left(\frac{x}{y} \right) \\
19. z := & \frac{3x^2 e^y - xy}{x^2 + y^2} \\
21. z := & \cos(x) \sin(y) \\
23. z := & 6x^2 + 3y^2 + 6 \frac{x^2}{y^2}
\end{aligned}$$

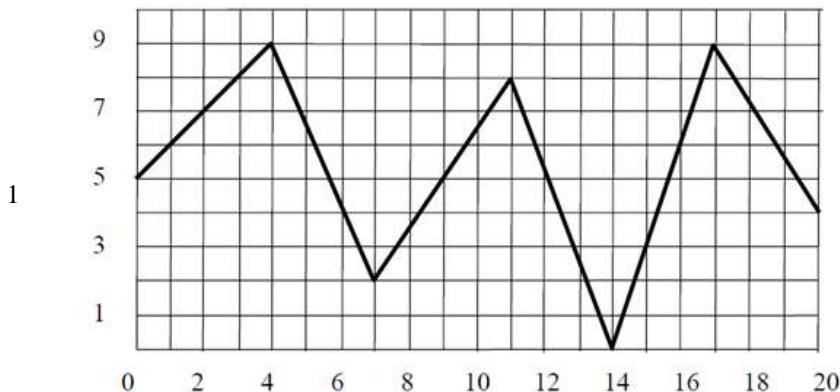
$$\begin{aligned}
16. f(x) := & \begin{cases} \frac{\sin(x+2)}{x^2+4}, & x < 0 \\ \frac{x}{x^2+10}, & x \geq 0 \end{cases} \\
18. f(x) := & \begin{cases} \frac{x}{x^2+9}, & x < 0 \\ \frac{x \sin(x^3-1)}{x+2}, & x \geq 0 \end{cases} \\
20. f(x) := & \begin{cases} \frac{x+3+x^2}{x^2+x+6}, & x < 0 \\ \frac{x}{x^2+x+3}, & x \geq 0 \end{cases} \\
22. f(x) := & \frac{x+1}{x^2+10} \\
24. f(x) := & \frac{1}{\sqrt[3]{x}} (\sin(x) + \cos(x)) \\
26. f(x) := & x^3 \sqrt{x^2 + x - 1} + x^3 \\
28. f(x) := & \frac{x^3 + x^2 + 2x - 3}{2x^2 - 2x - 7} \\
30. f(x) := & \frac{\ln(x)}{\sqrt{x^3 + x + 1}} \cos(x)
\end{aligned}$$

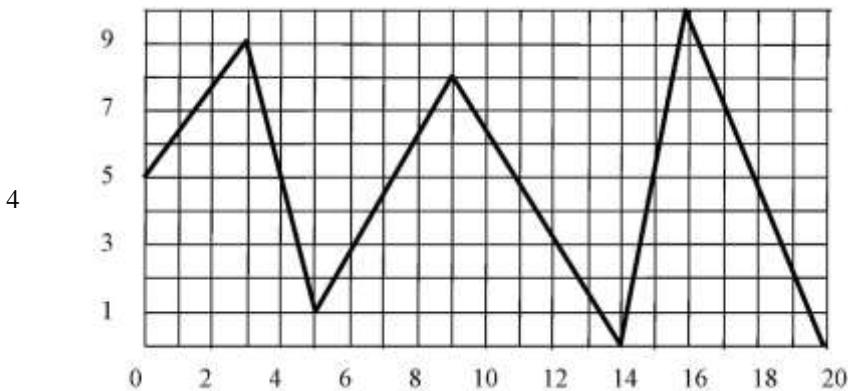
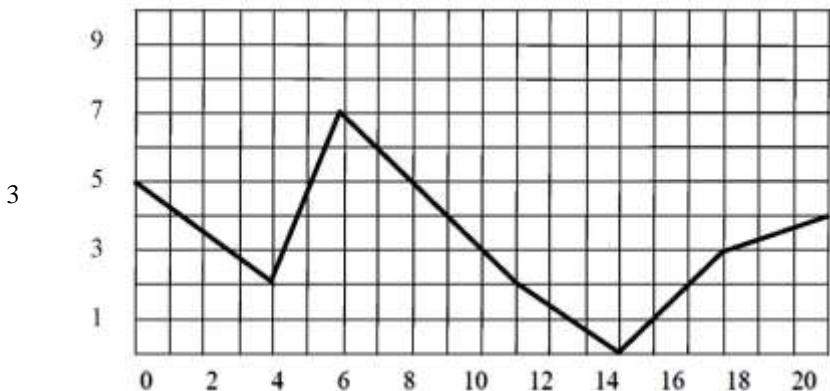
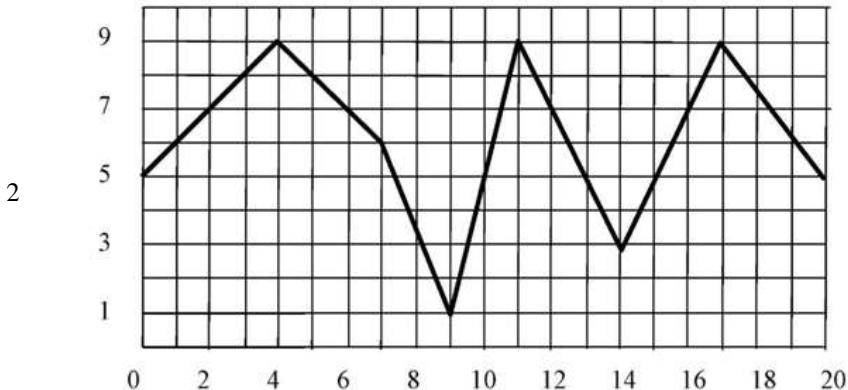
$$\begin{aligned}
2. z := & \sqrt{x^2 + y^2} \\
4. z := & \frac{x^2 - y^2}{x^2 + y^2} \\
6. z := & \operatorname{tg} \left(\frac{x^2}{y} \right) \\
8. z := & xy - \sqrt{2 \frac{x}{y}} \\
10. z := & \frac{e^{x^2+y}}{x+y} \\
12. z := & \frac{x-y}{x^2 + y \sin(xy)} \\
14. z := & x^2 \cos(x) + \frac{x}{y} \\
16. z := & \frac{1}{2} x^2 + x \sin(y) \\
18. z := & e^{\frac{-x}{y}} x^2 y^{\frac{1}{5}} \\
20. z := & 6x^2 + 3y^2 + 6 \frac{xy}{x+y} \\
22. z := & \sin^2(x) + \cos^2(x)
\end{aligned}$$

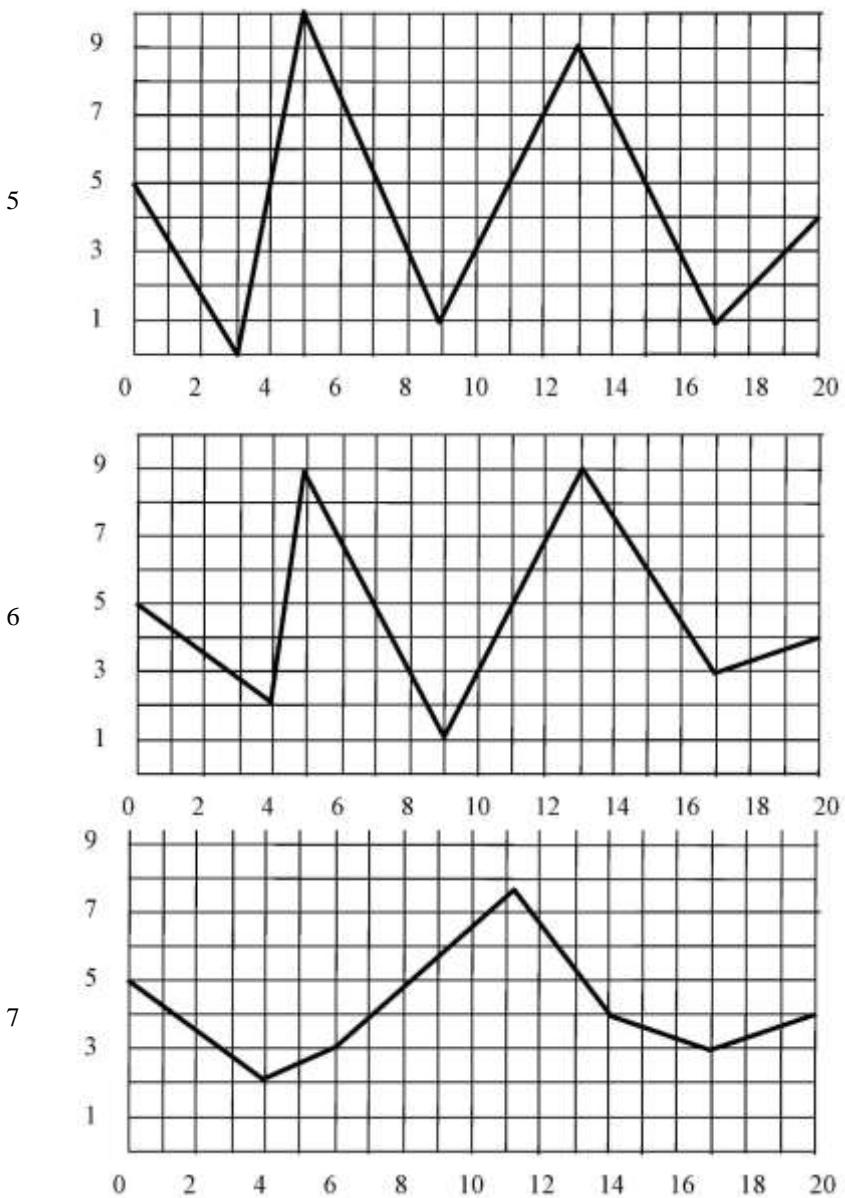
1.3. Параметрически заданные функции

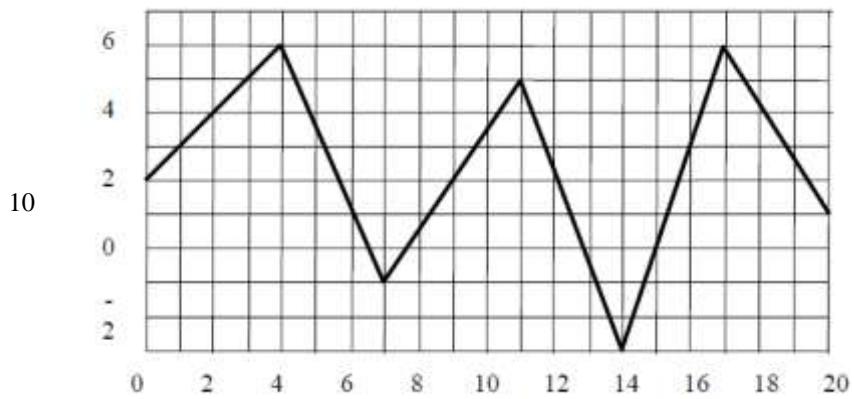
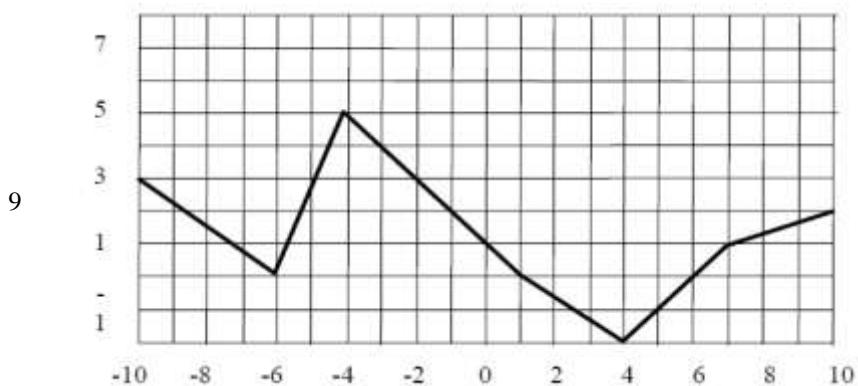
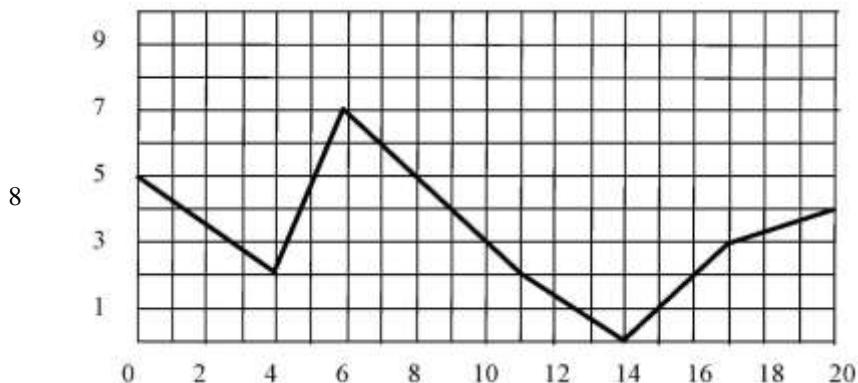
1. $x:=b\cos^3(t)$ $y:=b\sin^3(t)$ $t:=0..2\pi$
2. $x:=(a+b)\cos(t) - a \cdot \cos\left[(a+b)\frac{t}{a}\right]$ $y:=(a+b)\sin(t) - a \cdot \sin\left[(a+b)\frac{t}{a}\right]$ $t:=0..2\pi$
3. $x:=a\frac{(t^2-1)}{t^2+1}$ $y:=a^2\frac{(t^2-1)}{t^2+1}$ $t:=-100..100$
4. $x:=a \cdot \cos^2(t) + b\cos(t)$ $y:=a \cdot \cos(t) \cdot \sin(t) + b\sin(t)$ $t:=0..2\pi$ $a>0$
 $b>0$
5. $x:=a \cdot \cos(2t)$ $y:=b \cdot \cos(3t)$ $t:=0..2\pi$
6. $x:=\cos(t)$ $y:=\sin(t)$ $t:=0..2\pi$
7. $x:=\cos(3t)$ $y:=\sin(5t)$ $t:=0..2\pi$
8. $x:=\cos(2t^2)$ $y:=\sin(4t)$ $t:=0..2\pi$
9. $x:=(a+b)\cos(2t)$ $y:=(a-b)\sin(4t)$ $t:=0..2\pi$
10. $x:=(a^2 + b^2)\cos(t)$ $y:=(a^2 - b^2)\sin(t)$ $t:=0..2\pi$

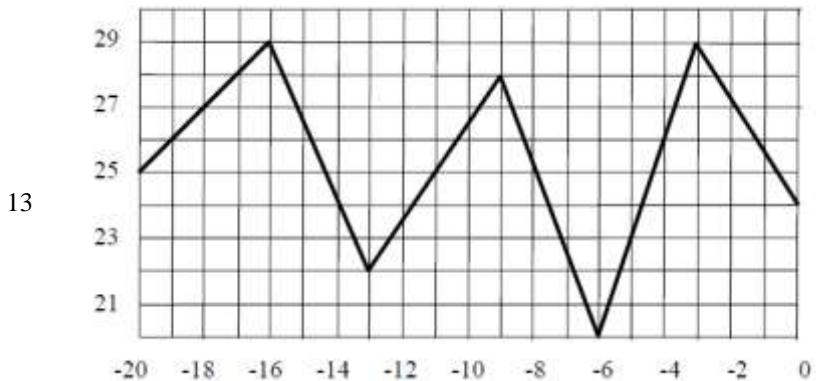
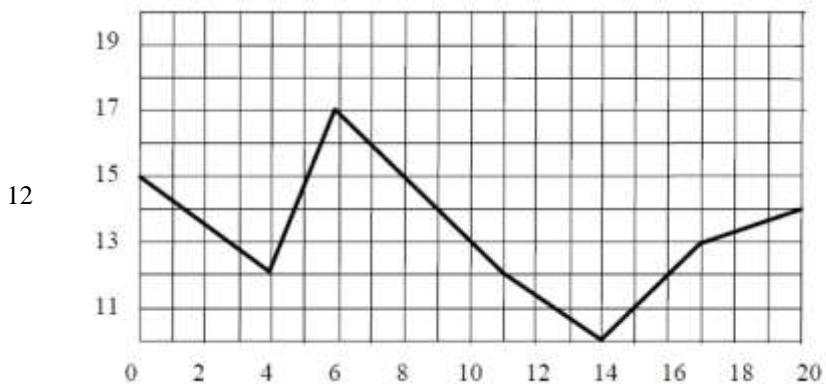
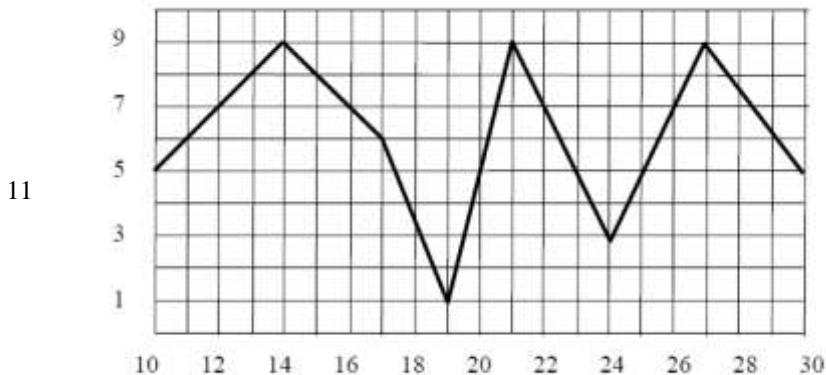
1.4. Кусочно-непрерывные функции

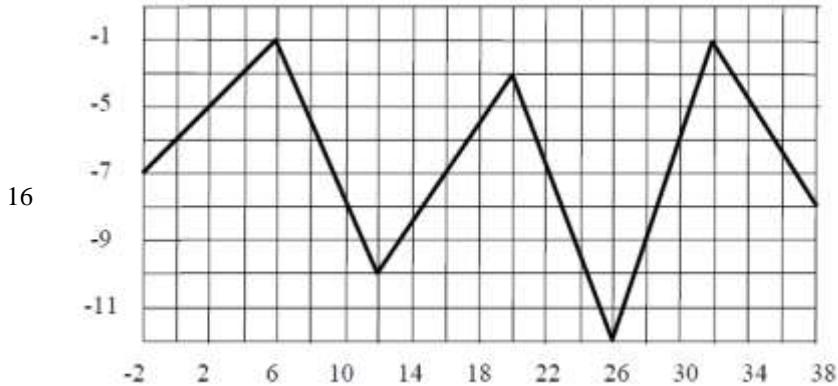
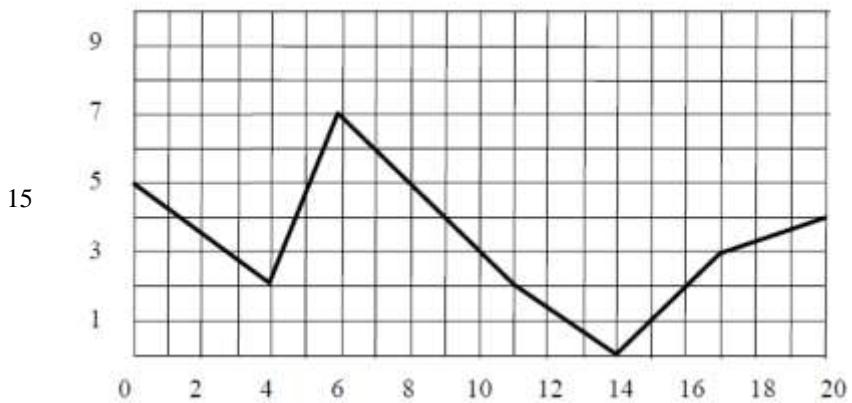
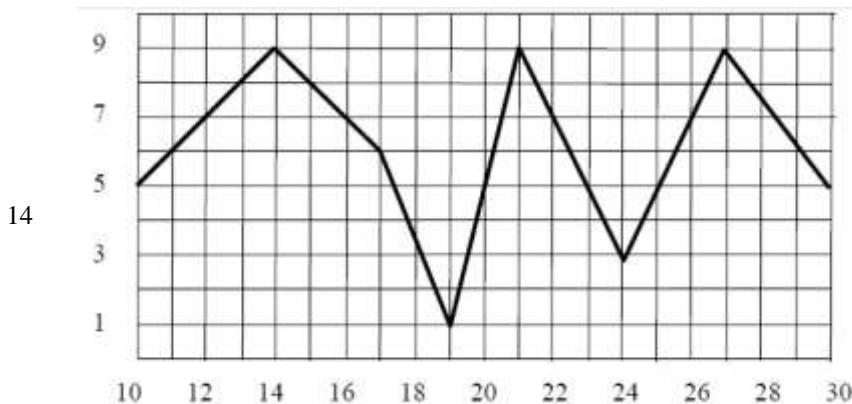


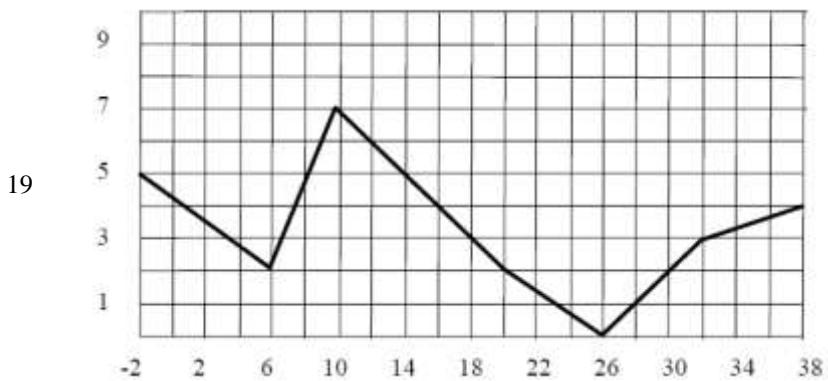
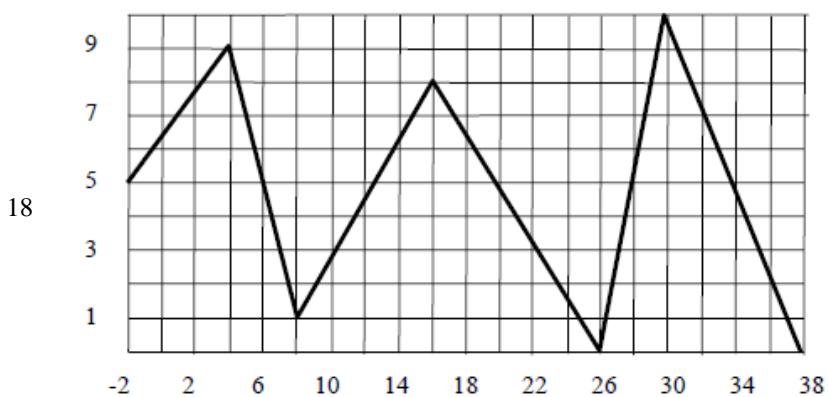
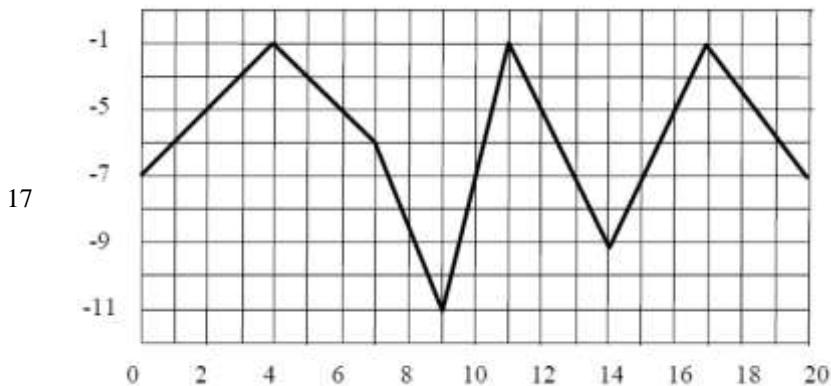


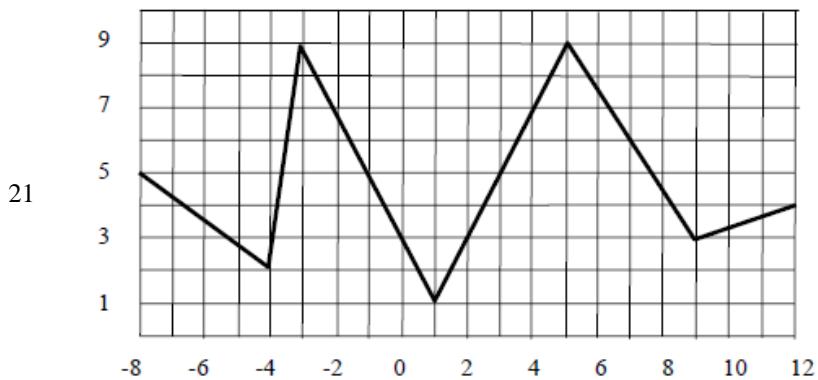
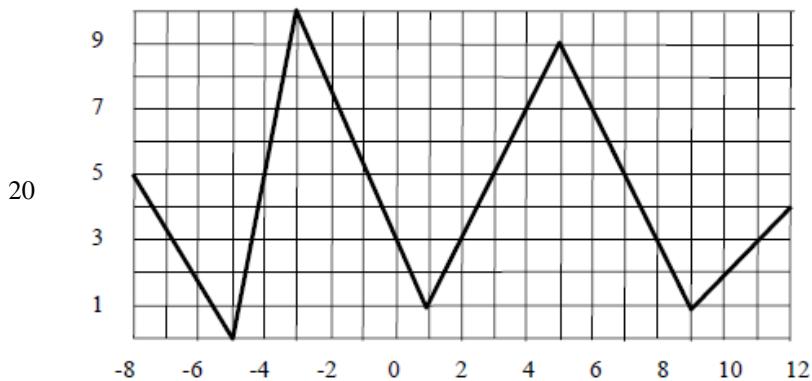


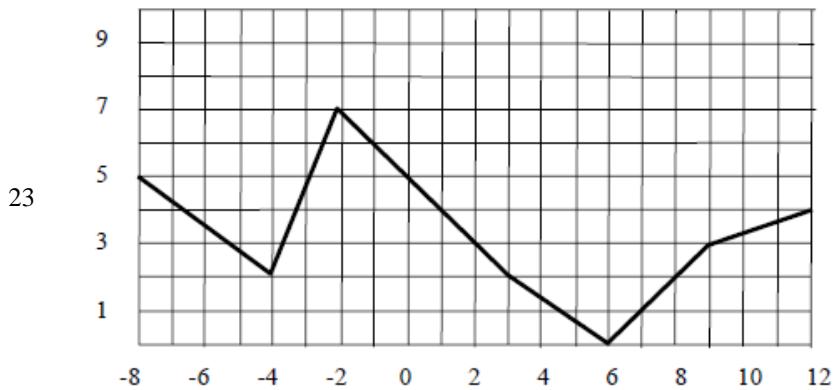
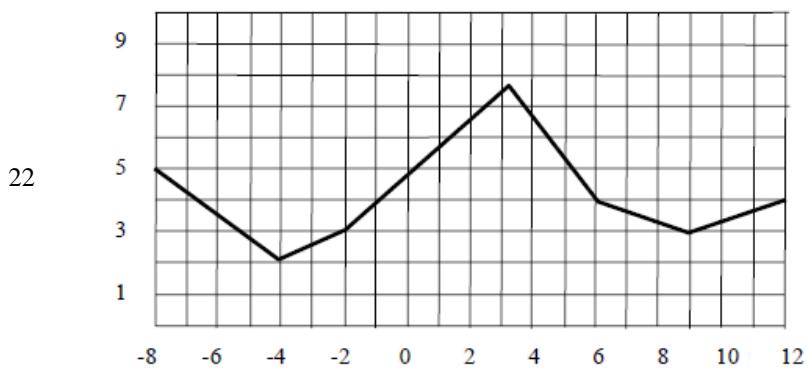


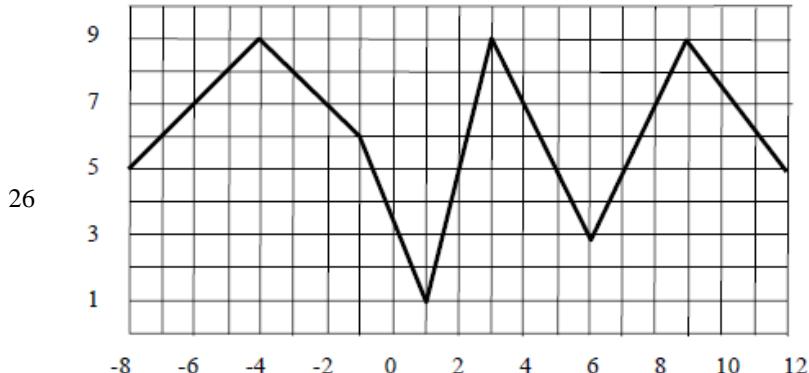
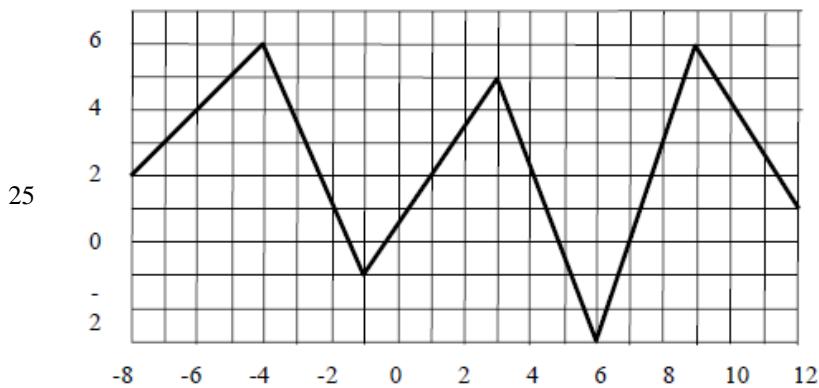
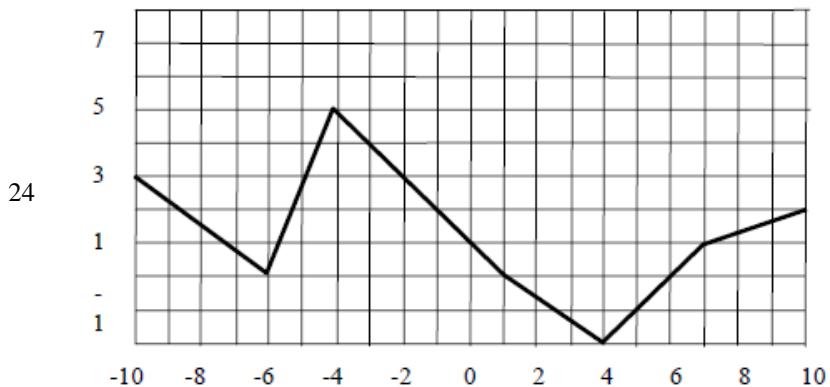


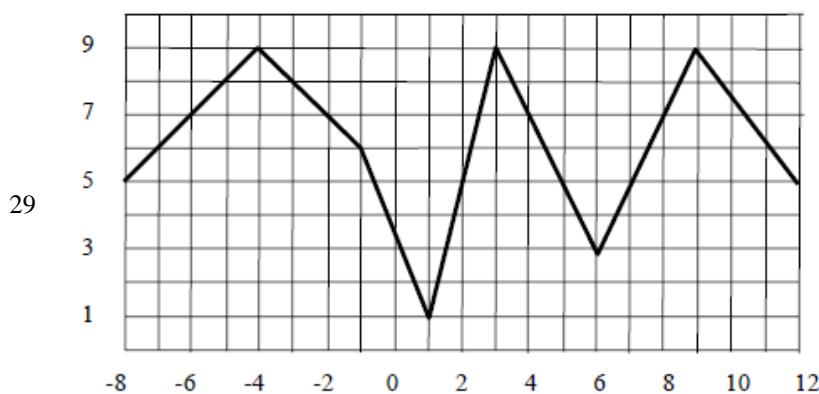
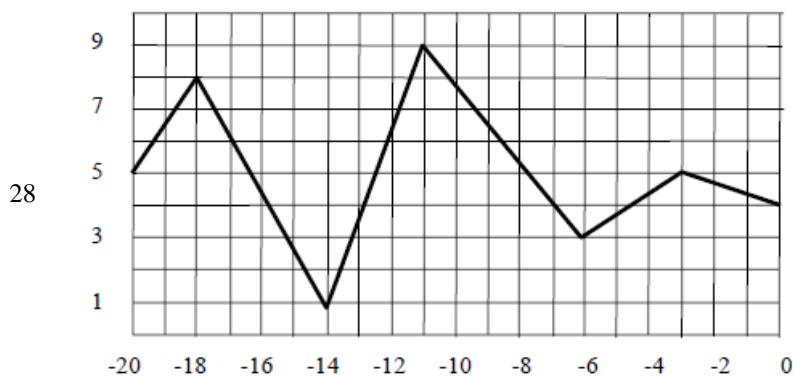
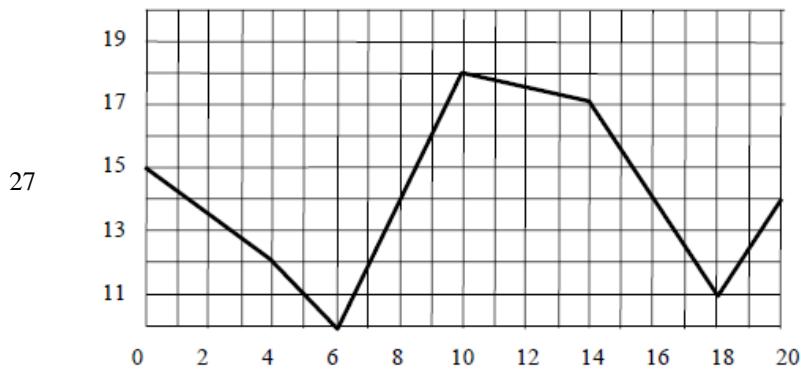


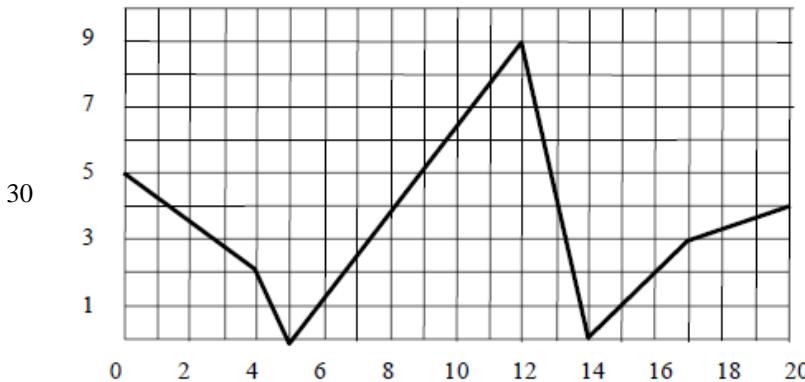












2. Решение СЛАУ

2.1. Метод Крамера

$$1. A = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 6 & 4 \\ -1 & 9 & -5 & 4 \\ 4 & 3 & -1 & 1 \\ 1 & 4 & -6 & -3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -28 \\ -12 \\ -18 \\ 16 \end{pmatrix}$$

$$2. A = \begin{pmatrix} -1 & 4 & -1 & 6 \\ -2 & 0 & 3 & 8 \\ 6 & 7 & 5 & 0 \\ -7 & 1 & 4 & -4 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 8 \\ -21 \\ 20 \\ 72 \end{pmatrix}$$

$$3. A = \begin{pmatrix} -3 & -2 & -2 & 1 \\ 2 & 3 & 6 & 4 \\ 2 & -3 & -1 & 1 \\ 5 & -3 & 0 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 9 \\ -12 \\ -6 \\ -16 \end{pmatrix}$$

$$4. A = \begin{pmatrix} -4 & -4 & 1 & 1 \\ 2 & 2 & 4 & 2 \\ 7 & -6 & 1 & 3 \\ -1 & 6 & -7 & 5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 10 \\ 4 \\ -73 \\ 37 \end{pmatrix}$$

$$5. A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 & -2 \\ 8 & -8 & 0 & -7 \\ 7 & 5 & -2 & -4 \\ -3 & -3 & 1 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -28 \\ -12 \\ -18 \\ 16 \end{pmatrix}$$

$$6. A = \begin{pmatrix} 5 & 4 & 7 & 9 \\ -1 & 4 & 4 & 1 \\ -1 & 4 & 0 & 2 \\ -8 & 1 & 4 & 7 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 116 \\ 51 \\ 24 \\ -6 \end{pmatrix}$$

$$7. A = \begin{pmatrix} -7 & 8 & -6 & 2 \\ -2 & -2 & -7 & -4 \\ 0 & -4 & 4 & -1 \\ 7 & 4 & 0 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 46 \\ 19 \\ -10 \\ -20 \end{pmatrix}$$

$$8. A = \begin{pmatrix} 2 & -5 & 0 & 0 \\ -5 & 3 & -5 & 6 \\ -3 & 1 & 0 & 6 \\ -4 & 0 & 3 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 4 \\ 65 \\ 43 \\ -6 \end{pmatrix}$$

$$9. A = \begin{pmatrix} 6 & -4 & -8 & -2 \\ 3 & 2 & -1 & -3 \\ -1 & -2 & -2 & -6 \\ 2 & 4 & 1 & -8 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -8 \\ -9 \\ 44 \\ 17 \end{pmatrix}$$

$$10. A = \begin{pmatrix} 1 & -7 & -1 & -6 \\ 3 & 0 & 5 & -6 \\ -6 & 6 & -2 & 0 \\ 1 & 4 & 7 & 5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -17 \\ -26 \\ -22 \\ 32 \end{pmatrix}$$

$$11. A = \begin{pmatrix} -4 & 2 & -3 & 8 \\ -1 & -1 & 0 & -2 \\ 0 & -2 & 0 & 1 \\ 7 & 1 & 1 & -5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -37 \\ 5 \\ 3 \\ -37 \end{pmatrix}$$

$$12. A = \begin{pmatrix} -4 & -1 & -1 & 6 \\ 4 & 8 & 8 & 0 \\ -2 & -1 & 8 & -2 \\ 6 & 1 & 8 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -36 \\ -8 \\ -19 \\ -11 \end{pmatrix}$$

$$13. A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 3 \\ -8 & -5 & -5 & 7 \\ 8 & -2 & 0 & 6 \\ -6 & 8 & -3 & 3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -4 \\ 47 \\ -48 \\ 110 \end{pmatrix}$$

$$14. A = \begin{pmatrix} 6 & -5 & -4 & 1 \\ -3 & -6 & -3 & -3 \\ -1 & -4 & 1 & -8 \\ -3 & -4 & -4 & 2 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 72 \\ 21 \\ 30 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$15. A = \begin{pmatrix} 2 & 4 & 1 & 1 \\ -6 & 0 & -9 & 1 \\ 2 & 0 & 2 & -4 \\ 2 & -6 & -6 & -7 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 6 \\ -38 \\ 16 \\ -16 \end{pmatrix}$$

$$16. A = \begin{pmatrix} -2 & -5 & 0 & -1 \\ 8 & 4 & 3 & -6 \\ -1 & 3 & -3 & 1 \\ 7 & 2 & 0 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 34 \\ -26 \\ -15 \\ -28 \end{pmatrix}$$

$$17. A = \begin{pmatrix} -7 & 5 & 2 & -5 \\ 5 & 6 & 2 & -6 \\ 1 & 0 & -1 & 3 \\ -1 & 6 & 3 & 4 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -49 \\ -6 \\ 2 \\ -28 \end{pmatrix}$$

$$18. A = \begin{pmatrix} 7 & -4 & 2 & 1 \\ 0 & 2 & 4 & 0 \\ 1 & 2 & 2 & 1 \\ 8 & 1 & -6 & 7 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 26 \\ -12 \\ -4 \\ 41 \end{pmatrix}$$

$$19. A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 8 & 0 \\ 1 & -3 & 9 & -4 \\ 2 & 6 & 1 & 7 \\ 0 & -2 & -6 & -4 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 25 \\ 17 \\ 25 \\ -28 \end{pmatrix}$$

$$20. A = \begin{pmatrix} 5 & -2 & 7 & 1 \\ 4 & 7 & 5 & -1 \\ 6 & 1 & 1 & 5 \\ -3 & 0 & 2 & -3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -23 \\ 45 \\ 37 \\ -24 \end{pmatrix}$$

$$21. A = \begin{pmatrix} -8 & 7 & -1 & -6 \\ 8 & 0 & 2 & -2 \\ 7 & 0 & 6 & 5 \\ -3 & 3 & 2 & 5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -19 \\ 22 \\ 43 \\ 10 \end{pmatrix}$$

$$22. A = \begin{pmatrix} -8 & 2 & 0 & 4 \\ -1 & -3 & 9 & 4 \\ 0 & 7 & 5 & 6 \\ 2 & -5 & 4 & 1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -4 \\ -70 \\ -67 \\ -33 \end{pmatrix}$$

$$23. A = \begin{pmatrix} -1 & -3 & 1 & 6 \\ 7 & 6 & -3 & -6 \\ -1 & 3 & 0 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & -5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -20 \\ 62 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}$$

$$24. A = \begin{pmatrix} -5 & 3 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 6 & -5 \\ -2 & -4 & -7 & 1 \\ 4 & -1 & -2 & 5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 7 \\ -19 \\ -26 \\ 26 \end{pmatrix}$$

$$25. A = \begin{pmatrix} 4 & 1 & -8 & 0 \\ -1 & 4 & -2 & -1 \\ 4 & 3 & 6 & 1 \\ -4 & 5 & 6 & -3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -35 \\ 5 \\ 5 \\ 47 \end{pmatrix}$$

$$26. A = \begin{pmatrix} -1 & 7 & 2 & 0 \\ -8 & 7 & 4 & 0 \\ 3 & -2 & 1 & 7 \\ 7 & 4 & -1 & -6 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 9 \\ 22 \\ 11 \\ -33 \end{pmatrix}$$

$$27. A = \begin{pmatrix} 5 & -2 & -6 & -1 \\ 1 & -9 & -3 & 4 \\ 0 & -5 & 4 & 3 \\ -1 & 3 & 3 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -37 \\ 3 \\ 1 \\ 3 \end{pmatrix}$$

$$28. A = \begin{pmatrix} 7 & -4 & -2 & -1 \\ 5 & 0 & -1 & -7 \\ -7 & 4 & 5 & -2 \\ -3 & 6 & -10 & 2 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -3 \\ -11 \\ -18 \\ 68 \end{pmatrix}$$

$$29. A = \begin{pmatrix} -2 & 3 & 7 & 4 \\ -3 & 1 & 4 & -1 \\ 0 & 4 & 1 & -6 \\ 3 & -4 & 9 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -12 \\ 14 \\ 27 \\ 7 \end{pmatrix}$$

$$30. A = \begin{pmatrix} -3 & -1 & 2 & 1 \\ 8 & -3 & 3 & 7 \\ -3 & 1 & -6 & -4 \\ 1 & 3 & -8 & -3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 10 \\ 41 \\ -37 \\ -36 \end{pmatrix}$$

$$31. A = \begin{pmatrix} -3 & 0 & -1 & 1 \\ 10 & -2 & 3 & 8 \\ -6 & -1 & 3 & 0 \\ 6 & 4 & -2 & 1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -14 \\ 107 \\ -31 \\ 31 \end{pmatrix}$$

$$32. A = \begin{pmatrix} -3 & 2 & -2 & 7 \\ -4 & 3 & -3 & -7 \\ -1 & -8 & 0 & -2 \\ 2 & -4 & 2 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 44 \\ 29 \\ -72 \\ -46 \end{pmatrix}$$

$$33. A = \begin{pmatrix} 3 & 9 & 5 & 6 \\ 9 & -1 & 1 & -3 \\ 2 & 9 & -6 & 3 \\ -4 & 3 & -7 & -6 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 23 \\ 20 \\ 13 \\ -3 \end{pmatrix}$$

$$34. A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 & 6 \\ -7 & 1 & -1 & -3 \\ -8 & 0 & -2 & 2 \\ 2 & -3 & -4 & 1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 34 \\ 11 \\ 48 \\ -6 \end{pmatrix}$$

$$35. A = \begin{pmatrix} 3 & -2 & -1 & 1 \\ 2 & -7 & -2 & 6 \\ -1 & 0 & 2 & 4 \\ -3 & -2 & 1 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -24 \\ -80 \\ -9 \\ 8 \end{pmatrix}$$

$$36. A = \begin{pmatrix} 4 & -3 & 5 & -5 \\ -9 & -7 & 3 & -5 \\ -6 & 3 & 2 & 1 \\ -2 & 5 & -4 & -3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 33 \\ -32 \\ -29 \\ -23 \end{pmatrix}$$

$$37. A = \begin{pmatrix} 5 & 4 & 0 & -4 \\ 4 & -8 & 3 & 4 \\ -1 & -6 & -3 & -1 \\ -7 & 1 & -9 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 32 \\ 48 \\ 37 \\ -25 \end{pmatrix}$$

$$38. A = \begin{pmatrix} 3 & 0 & -2 & -3 \\ -3 & -3 & 4 & 0 \\ 4 & 0 & 4 & 6 \\ -2 & 3 & 3 & 6 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 4 \\ -14 \\ -8 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$39. A = \begin{pmatrix} 1 & 8 & 7 & 0 \\ -4 & 1 & -6 & -3 \\ -8 & 2 & 4 & 4 \\ 2 & 2 & -4 & 4 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 3 \\ -22 \\ -54 \\ 16 \end{pmatrix}$$

$$40. A = \begin{pmatrix} -3 & -3 & -7 & 3 \\ -2 & -3 & 0 & 1 \\ 6 & 5 & 4 & -3 \\ -6 & 7 & 6 & 6 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -27 \\ 9 \\ 13 \\ -85 \end{pmatrix}$$

$$41. A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 5 & -4 \\ -1 & -4 & -6 & 0 \\ -2 & -7 & 5 & -8 \\ -8 & 6 & -3 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -2 \\ -9 \\ -14 \\ 80 \end{pmatrix}$$

$$42. A = \begin{pmatrix} 9 & 1 & -1 & -7 \\ -3 & 8 & -9 & 6 \\ 2 & -1 & 7 & -1 \\ -3 & 5 & -2 & 2 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -26 \\ 5 \\ 1 \\ 27 \end{pmatrix}$$

$$43. A = \begin{pmatrix} -2 & -5 & -3 & -2 \\ 10 & 7 & 5 & 4 \\ 2 & 2 & 1 & 2 \\ -2 & -1 & 4 & -4 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -25 \\ 101 \\ 19 \\ -2 \end{pmatrix}$$

$$44. A = \begin{pmatrix} 2 & -5 & 4 & 2 \\ 5 & -1 & 2 & 0 \\ 2 & 2 & -3 & -3 \\ 6 & -2 & 3 & 7 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -11 \\ -24 \\ -8 \\ 4 \end{pmatrix}$$

$$45. A = \begin{pmatrix} 4 & 1 & 2 & 6 \\ 3 & -3 & 5 & -4 \\ -2 & 3 & 0 & -7 \\ 2 & 2 & 3 & 1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -33 \\ -45 \\ 26 \\ -20 \end{pmatrix}$$

$$46. A = \begin{pmatrix} 6 & -1 & 0 & -5 \\ 1 & 0 & 4 & 6 \\ -6 & 0 & -2 & 1 \\ 7 & 0 & 2 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 2 \\ 29 \\ -12 \\ 15 \end{pmatrix}$$

$$47. A = \begin{pmatrix} -7 & -5 & 0 & -3 \\ 0 & 8 & -7 & -5 \\ -4 & -4 & -3 & -2 \\ 3 & -4 & 8 & -3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -27 \\ -10 \\ -15 \\ -24 \end{pmatrix} \quad 48. A = \begin{pmatrix} -2 & 0 & 0 & 2 \\ 1 & 6 & 0 & -7 \\ 2 & -1 & -3 & 1 \\ 3 & 4 & 3 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -6 \\ -9 \\ 5 \\ 28 \end{pmatrix}$$

$$49. A = \begin{pmatrix} -3 & -5 & 5 & 6 \\ 2 & 1 & -9 & -7 \\ -4 & 9 & -6 & 1 \\ 0 & 6 & 2 & -4 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 46 \\ -64 \\ -40 \\ -18 \end{pmatrix} \quad 50. A = \begin{pmatrix} 4 & 1 & -6 & 3 \\ -3 & 0 & -4 & 0 \\ -3 & 0 & 1 & 3 \\ -4 & 1 & -1 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 27 \\ 6 \\ -6 \\ -7 \end{pmatrix}$$

$$51. A = \begin{pmatrix} 4 & 2 & 0 & -5 \\ 6 & -2 & 1 & 2 \\ 3 & -3 & -7 & -8 \\ -4 & -2 & 3 & 7 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -61 \\ -20 \\ -150 \\ 105 \end{pmatrix} \quad 52. A = \begin{pmatrix} 4 & -6 & 6 & 4 \\ -8 & 2 & 8 & 1 \\ 1 & 3 & -6 & 0 \\ -7 & 0 & -4 & -5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 2 \\ -13 \\ -3 \\ 38 \end{pmatrix}$$

$$53. A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 7 & -4 \\ -3 & -1 & 3 & -9 \\ 1 & -5 & 2 & -1 \\ 4 & -8 & -2 & 5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 12 \\ 8 \\ -28 \\ -55 \end{pmatrix} \quad 54. A = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 3 & -1 \\ 3 & 1 & -1 & 9 \\ 1 & -6 & -1 & -6 \\ 2 & -4 & 2 & 3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -17 \\ 19 \\ 25 \\ 22 \end{pmatrix}$$

$$55. A = \begin{pmatrix} -2 & 3 & 1 & 5 \\ -4 & 3 & 4 & 5 \\ 0 & -7 & 5 & 6 \\ -7 & 0 & 0 & -4 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -12 \\ -21 \\ -64 \\ -5 \end{pmatrix} \quad 56. A = \begin{pmatrix} -4 & -5 & 4 & -2 \\ 8 & -7 & -1 & 4 \\ 0 & -2 & 3 & 4 \\ 4 & -8 & 6 & 3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -15 \\ -34 \\ 11 \\ -17 \end{pmatrix}$$

$$57. A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 & 7 \\ 3 & 1 & 6 & 0 \\ 0 & -1 & -5 & -5 \\ 2 & -3 & 2 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -24 \\ -29 \\ 34 \\ -13 \end{pmatrix} \quad 58. A = \begin{pmatrix} 0 & -6 & 0 & 2 \\ -2 & 1 & 7 & 3 \\ 2 & 7 & 5 & -4 \\ 2 & -1 & 4 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -6 \\ -29 \\ 13 \\ 7 \end{pmatrix}$$

$$59. A = \begin{pmatrix} -6 & 3 & -5 & -5 \\ 6 & -1 & 2 & -5 \\ 6 & -1 & 3 & -2 \\ 4 & -1 & 3 & 4 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -5 \\ -30 \\ -20 \\ 4 \end{pmatrix} \quad 60. A = \begin{pmatrix} 3 & -2 & -3 & -5 \\ -5 & -5 & -3 & 2 \\ 5 & 0 & -3 & 4 \\ -6 & 5 & -3 & 5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -35 \\ 21 \\ 13 \\ 20 \end{pmatrix}$$

$$61. A = \begin{pmatrix} 6 & -6 & 7 & 0 \\ 0 & 1 & -9 & 0 \\ -8 & -5 & 7 & -9 \\ 2 & -4 & 9 & 7 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -40 \\ 45 \\ -147 \\ -44 \end{pmatrix} \quad 62. A = \begin{pmatrix} -5 & 6 & -1 & 2 \\ 8 & 4 & 2 & -8 \\ 8 & 5 & 1 & -1 \\ -4 & -4 & -3 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -27 \\ 54 \\ 62 \\ -15 \end{pmatrix}$$

$$63. A = \begin{pmatrix} 0 & -3 & -6 & -2 \\ -4 & 0 & 0 & 2 \\ -2 & 9 & 2 & 0 \\ -5 & -1 & 5 & -8 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 7 \\ -6 \\ -25 \\ -95 \end{pmatrix} \quad 64. A = \begin{pmatrix} 3 & -3 & 8 & 5 \\ -7 & 3 & 3 & -4 \\ 5 & 5 & 7 & 0 \\ 1 & -5 & 1 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -38 \\ 30 \\ -34 \\ -6 \end{pmatrix}$$

$$65. A = \begin{pmatrix} 6 & -6 & 2 & -5 \\ 5 & -5 & -8 & 3 \\ 4 & -1 & 1 & -2 \\ 2 & 4 & 1 & 1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -35 \\ -70 \\ -13 \\ 11 \end{pmatrix}$$

$$66. A = \begin{pmatrix} -8 & -6 & 3 & -9 \\ 2 & -4 & 7 & -2 \\ -1 & 3 & 1 & -6 \\ 0 & 2 & 5 & -7 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -96 \\ -26 \\ -9 \\ -16 \end{pmatrix}$$

$$67. A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 3 & 2 \\ 3 & -7 & 0 & -4 \\ 5 & 0 & -6 & -7 \\ 6 & 6 & -2 & 1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 12 \\ 12 \\ 20 \\ 24 \end{pmatrix}$$

$$68. A = \begin{pmatrix} 4 & -1 & 0 & -2 \\ -2 & 3 & 0 & 6 \\ 8 & -2 & -2 & 3 \\ 2 & 7 & 1 & 1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -17 \\ 21 \\ -40 \\ 32 \end{pmatrix}$$

$$69. A = \begin{pmatrix} -3 & 6 & -3 & -8 \\ -4 & -1 & -8 & -1 \\ -6 & 6 & -1 & 4 \\ 0 & -4 & -8 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 34 \\ 26 \\ 38 \\ 12 \end{pmatrix}$$

$$70. A = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 3 & -1 \\ 8 & -8 & 6 & 1 \\ 0 & -3 & 8 & 0 \\ 3 & 3 & 1 & -8 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 9 \\ 27 \\ 26 \\ -8 \end{pmatrix}$$

1.2. Метод Гаусса

$$1. A = \begin{pmatrix} 16 & -4 & 3 & -3 & -7 & -3 \\ -5 & -13 & 9 & 3 & 1 & 5 \\ -4 & 4 & -4 & 4 & 12 & -10 \\ 15 & -11 & -1 & 14 & 6 & -7 \\ 6 & 8 & -8 & 2 & -10 & 5 \\ -3 & 14 & 12 & 0 & -5 & -5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -54 \\ -34 \\ -8 \\ -70 \\ 58 \\ 53 \end{pmatrix}$$

$$2. A = \begin{pmatrix} -2 & 9 & 0 & 14 & -3 & -7 \\ -5 & -13 & 9 & 3 & 1 & 5 \\ 10 & -12 & -4 & 3 & -7 & 15 \\ -10 & -10 & -7 & -10 & 4 & 5 \\ 13 & 9 & -7 & -9 & -6 & -4 \\ -2 & -8 & 12 & 10 & 4 & 13 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 101 \\ -48 \\ -48 \\ -57 \\ 179 \\ -218 \end{pmatrix}$$

$$3. A = \begin{pmatrix} -1 & 17 & -15 & -2 & 10 & -5 \\ 9 & 3 & 9 & 2 & 8 & 2 \\ 10 & 6 & -5 & -2 & -2 & -1 \\ 18 & 4 & -1 & -8 & -1 & 4 \\ -13 & -3 & -3 & -5 & 3 & -12 \\ -10 & 1 & 12 & 18 & -13 & 2 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -35 \\ 50 \\ 59 \\ 48 \\ -58 \\ 85 \end{pmatrix}$$

$$4. A = \begin{pmatrix} 1 & 5 & 8 & 3 & -1 & -2 \\ -12 & -8 & -13 & 2 & 0 & 7 \\ -4 & -10 & 5 & 6 & -8 & 3 \\ -9 & 10 & -2 & -3 & -10 & 2 \\ -6 & 15 & 3 & 3 & -7 & 14 \\ -6 & -2 & -13 & -1 & -5 & -9 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 48 \\ -86 \\ -36 \\ 10 \\ -4 \\ 15 \end{pmatrix}$$

$$5. A = \begin{pmatrix} 0 & -7 & 2 & 4 & -4 & -5 \\ 0 & 1 & 6 & -26 & 5 & 1 \\ -9 & 6 & 3 & -3 & -4 & -6 \\ 17 & -9 & -4 & 17 & 5 & -1 \\ 9 & -11 & 1 & 5 & -2 & 1 \\ -5 & 5 & 16 & -13 & 13 & 5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -35 \\ -18 \\ -18 \\ 15 \\ -25 \\ 27 \end{pmatrix}$$

$$6. A = \begin{pmatrix} 6 & 10 & -9 & 9 & -8 & 4 \\ 4 & -8 & 5 & -6 & -13 & -6 \\ 12 & 5 & 6 & -7 & -6 & -14 \\ -7 & -9 & -12 & 3 & 5 & -11 \\ 8 & 10 & 8 & 8 & -17 & 11 \\ 11 & -7 & 0 & 3 & -11 & 7 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 94 \\ 48 \\ 61 \\ -46 \\ 156 \\ 166 \end{pmatrix}$$

$$7. A = \begin{pmatrix} -15 & 6 & 6 & 12 & 5 & 3 \\ -2 & 10 & 3 & 16 & -3 & 3 \\ 6 & -6 & -17 & -5 & 4 & 6 \\ -5 & -2 & -6 & 4 & 4 & -4 \\ 2 & 18 & -1 & 3 & -6 & 2 \\ 6 & 6 & 8 & 9 & 4 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -12 \\ 86 \\ 80 \\ -4 \\ 20 \\ -14 \end{pmatrix}$$

$$8. A = \begin{pmatrix} -1 & 3 & -6 & 1 & -3 & 0 \\ 2 & -5 & -11 & 5 & -4 & -5 \\ -5 & -12 & 7 & 0 & -8 & -9 \\ 11 & 9 & -7 & 9 & 12 & -17 \\ 4 & 4 & -2 & 6 & 11 & -8 \\ 3 & -1 & -7 & -1 & 9 & 6 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 25 \\ 42 \\ 17 \\ -49 \\ -56 \\ -60 \end{pmatrix}$$

$$9. A = \begin{pmatrix} -7 & -15 & -8 & 15 & 2 & -11 \\ 16 & 15 & -7 & -7 & -6 & -13 \\ -6 & 6 & 8 & -9 & -5 & 9 \\ -6 & 6 & 8 & -9 & -5 & 9 \\ 7 & -12 & -11 & -4 & -1 & -3 \\ -4 & -17 & 3 & -9 & 12 & -5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -133 \\ 80 \\ -82 \\ 53 \\ 71 \\ -72 \end{pmatrix}$$

$$10. A = \begin{pmatrix} -12 & -2 & -4 & -9 & -1 & 15 \\ -13 & 17 & -1 & 12 & -2 & 8 \\ 3 & 10 & 6 & 4 & -17 & 2 \\ -8 & -15 & -15 & 9 & 3 & 10 \\ 11 & -14 & -8 & 3 & 2 & -3 \\ 0 & -16 & 19 & -2 & -9 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 29 \\ 308 \\ 125 \\ -95 \\ -234 \\ -73 \end{pmatrix}$$

$$11. A = \begin{pmatrix} -8 & 7 & -5 & 1 & 3 & -8 \\ 5 & -4 & -3 & -6 & 6 & 4 \\ -9 & 0 & 8 & 5 & -17 & 1 \\ -1 & -8 & 1 & 7 & 0 & 7 \\ -3 & -12 & 10 & -16 & -8 & -4 \\ 3 & 10 & -12 & 5 & 8 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 46 \\ -22 \\ 33 \\ -34 \\ -46 \\ 52 \end{pmatrix}$$

$$12. A = \begin{pmatrix} -3 & 6 & 4 & -1 & 1 & -10 \\ -7 & -2 & -3 & 12 & -4 & -3 \\ -5 & 0 & 13 & -7 & 1 & -2 \\ 11 & 8 & -3 & -4 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 & 11 & 3 & 3 \\ -1 & -15 & 17 & 10 & 0 & 3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 26 \\ -94 \\ 32 \\ 57 \\ -46 \\ -47 \end{pmatrix}$$

$$13. A = \begin{pmatrix} 3 & -8 & -9 & -4 & -4 & -6 \\ -1 & -7 & 13 & 4 & 2 & 5 \\ 12 & 9 & 7 & 3 & 1 & -2 \\ -5 & -11 & -11 & 2 & 2 & 16 \\ -4 & 10 & 1 & 7 & 3 & -5 \\ -19 & -3 & -20 & -10 & 7 & 12 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 44 \\ 35 \\ -43 \\ 74 \\ -94 \\ 101 \end{pmatrix}$$

$$14. A = \begin{pmatrix} 16 & -7 & -3 & 10 & 8 & 6 \\ 7 & 7 & 4 & -6 & 3 & -10 \\ 9 & 0 & -10 & -1 & 3 & 14 \\ -2 & -9 & 3 & -2 & 5 & 8 \\ 0 & 6 & -7 & 10 & 4 & 1 \\ -10 & 0 & -3 & -2 & -8 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 77 \\ -97 \\ -40 \\ 14 \\ 7 \\ 29 \end{pmatrix}$$

$$15. A = \begin{pmatrix} -3 & -13 & -2 & 0 & -1 & 5 \\ -9 & -4 & 3 & -5 & -5 & -6 \\ -6 & 4 & 8 & -6 & 1 & 1 \\ -14 & -12 & -19 & -5 & 1 & 2 \\ -4 & -3 & 1 & -3 & -6 & -2 \\ -11 & -9 & 9 & 10 & 4 & 14 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 58 \\ 75 \\ -82 \\ 277 \\ 49 \\ -187 \end{pmatrix}$$

$$16. A = \begin{pmatrix} -6 & 3 & 5 & -5 & 7 & 15 \\ -14 & -4 & 5 & 7 & 4 & -16 \\ -13 & 9 & 6 & 18 & 8 & -18 \\ 10 & -5 & -2 & -3 & -3 & 17 \\ 6 & -2 & -7 & 4 & -8 & -1 \\ -7 & -3 & -2 & 3 & -4 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -36 \\ 108 \\ 225 \\ -93 \\ -1 \\ 26 \end{pmatrix}$$

$$17. A = \begin{pmatrix} -5 & 6 & -8 & 10 & 0 & 1 \\ -2 & -4 & 5 & 5 & -4 & -7 \\ -2 & 5 & 0 & 12 & -7 & 10 \\ 1 & -7 & -7 & 10 & 4 & -10 \\ 3 & 13 & -8 & 5 & -3 & -9 \\ 4 & 13 & -7 & -3 & -7 & 18 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -103 \\ 66 \\ -111 \\ 28 \\ 74 \\ -132 \end{pmatrix}$$

$$18. A = \begin{pmatrix} 0 & -6 & 9 & -8 & -15 & -9 \\ -1 & 5 & 4 & -6 & 13 & 0 \\ -10 & 3 & 6 & -5 & -7 & -11 \\ -2 & 6 & -2 & 14 & 15 & -5 \\ 8 & -10 & -10 & 2 & 0 & 1 \\ 0 & -13 & 7 & 0 & 9 & -5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 39 \\ -16 \\ 21 \\ 23 \\ -13 \\ 72 \end{pmatrix}$$

$$19. A = \begin{pmatrix} -10 & -13 & 13 & -1 & 1 & 1 \\ -5 & -4 & -14 & 16 & -1 & -2 \\ -1 & -2 & 15 & 4 & 0 & -5 \\ -14 & 7 & -6 & -4 & -6 & -13 \\ 14 & -9 & -3 & -3 & -5 & -10 \\ -14 & 1 & 3 & 6 & -8 & -6 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 106 \\ 84 \\ 9 \\ 91 \\ -47 \\ 111 \end{pmatrix}$$

$$20. A = \begin{pmatrix} 5 & 1 & 2 & 3 & 10 & -2 \\ 4 & 0 & 5 & -8 & -2 & 6 \\ 0 & 12 & 2 & -2 & -2 & -1 \\ 2 & 15 & 0 & -16 & 8 & 16 \\ 2 & -12 & -3 & 1 & -3 & 6 \\ -8 & 11 & -8 & 1 & 1 & 7 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -39 \\ -6 \\ 61 \\ 36 \\ -71 \\ 50 \end{pmatrix}$$

$$21. A = \begin{pmatrix} -13 & -5 & 2 & 14 & -9 & -5 \\ 0 & -3 & -17 & -1 & -1 & 2 \\ 3 & -6 & 2 & -3 & -7 & -12 \\ 10 & 5 & 5 & -10 & -2 & -4 \\ -6 & 9 & -3 & -7 & 3 & -5 \\ -5 & -11 & 0 & 1 & -3 & 10 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 88 \\ -2 \\ 10 \\ -49 \\ -29 \\ 13 \end{pmatrix}$$

$$22. A = \begin{pmatrix} 0 & -7 & -15 & -2 & 10 & -1 \\ -9 & 11 & -4 & -3 & -5 & -5 \\ 1 & 4 & -1 & 5 & 4 & -10 \\ -7 & 1 & 1 & 17 & -7 & 0 \\ 2 & -4 & 0 & 3 & 15 & -9 \\ 2 & 11 & 2 & -5 & -8 & -16 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -102 \\ -52 \\ -15 \\ 80 \\ -39 \\ 9 \end{pmatrix}$$

$$23. A = \begin{pmatrix} -1 & 2 & 18 & 1 & -7 & -6 \\ -10 & -4 & 7 & -12 & 10 & -6 \\ 5 & 11 & -4 & -8 & -4 & 10 \\ -17 & 2 & -5 & -6 & 1 & -15 \\ 2 & -9 & -3 & -8 & -15 & -8 \\ -7 & 8 & -5 & 8 & -14 & 5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -61 \\ -14 \\ 117 \\ 79 \\ 11 \\ 20 \end{pmatrix}$$

$$24. A = \begin{pmatrix} 0 & -3 & 13 & -9 & -4 & -6 \\ 2 & -4 & 2 & -1 & 12 & -14 \\ 16 & 0 & 12 & -4 & -8 & -2 \\ -5 & 6 & -1 & -18 & 1 & -7 \\ 4 & -6 & -3 & 16 & -12 & -13 \\ -4 & -3 & 8 & 4 & 14 & -3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -33 \\ 43 \\ -68 \\ 29 \\ -62 \\ 40 \end{pmatrix}$$

$$25. A = \begin{pmatrix} -7 & 3 & 3 & -1 & -1 & -3 \\ 4 & -14 & -3 & 4 & 8 & -1 \\ -6 & 12 & 9 & -15 & 3 & 6 \\ -5 & -13 & -14 & -5 & 13 & -7 \\ 6 & 7 & 2 & 7 & -3 & -6 \\ 0 & 1 & -6 & 4 & 0 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 12 \\ -60 \\ 159 \\ -99 \\ 7 \\ -36 \end{pmatrix}$$

$$26. A = \begin{pmatrix} 16 & -4 & -10 & -17 & -2 & -3 \\ 8 & -3 & -8 & 6 & 10 & 4 \\ -9 & 1 & 7 & 19 & 4 & -7 \\ 0 & 0 & -5 & 1 & -8 & -14 \\ -15 & -3 & -4 & 15 & -11 & 2 \\ 7 & 7 & 1 & 10 & 9 & 5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 41 \\ 64 \\ -12 \\ 39 \\ 49 \\ 55 \end{pmatrix}$$

$$27. A = \begin{pmatrix} 5 & 2 & 0 & 6 & 14 & -10 \\ 2 & -5 & 3 & -4 & 11 & -3 \\ -14 & -14 & -5 & -10 & 0 & 7 \\ -2 & -16 & 11 & 6 & 1 & -1 \\ -13 & -7 & -2 & 8 & 5 & -3 \\ 1 & 12 & 8 & -12 & -2 & 5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -60 \\ -107 \\ -47 \\ 13 \\ 7 \\ -115 \end{pmatrix}$$

$$28. A = \begin{pmatrix} 4 & 7 & -7 & 2 & 8 & -3 \\ -7 & 4 & -5 & -1 & -4 & 1 \\ -8 & 1 & 2 & -13 & 4 & 3 \\ 13 & 0 & -11 & -6 & -2 & 17 \\ 2 & -5 & 14 & -2 & 14 & -1 \\ 2 & 2 & 13 & 7 & 10 & -9 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -2 \\ 20 \\ -54 \\ 75 \\ -91 \\ -88 \end{pmatrix}$$

$$29. A = \begin{pmatrix} -18 & -12 & 13 & 13 & -9 & 3 \\ 5 & 8 & 9 & 15 & -4 & 6 \\ 12 & -12 & 10 & -5 & 4 & 11 \\ 4 & -5 & -7 & -11 & 15 & -4 \\ -6 & -9 & 11 & 0 & 9 & 6 \\ -1 & -3 & 4 & 5 & 2 & 13 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 4 \\ -70 \\ -32 \\ 93 \\ 65 \\ 11 \end{pmatrix}$$

$$30. A = \begin{pmatrix} -1 & 5 & -13 & -1 & -2 & 1 \\ 9 & -8 & 0 & -3 & -6 & -6 \\ -13 & 11 & -16 & -1 & -4 & -9 \\ 9 & 6 & 2 & -4 & 2 & 10 \\ 14 & 2 & 3 & -8 & -2 & 18 \\ -2 & -9 & 16 & 8 & 0 & 6 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -21 \\ -27 \\ -51 \\ 89 \\ 80 \\ 16 \end{pmatrix}$$

$$31. A = \begin{pmatrix} 3 & -5 & 7 & -10 & -3 & 13 \\ -6 & 5 & 6 & 0 & 2 & -3 \\ -9 & 1 & -11 & 5 & 0 & 1 \\ -13 & 17 & 6 & 7 & 5 & -7 \\ -10 & 8 & -12 & -16 & -3 & -8 \\ -1 & 11 & -2 & 10 & -8 & -11 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -128 \\ -33 \\ 133 \\ -37 \\ 169 \\ 42 \end{pmatrix}$$

$$32. A = \begin{pmatrix} 18 & -1 & -10 & -6 & 3 & -8 \\ 1 & 1 & -1 & 16 & -6 & 5 \\ 2 & -3 & -6 & 1 & 5 & -5 \\ -5 & 5 & -3 & -2 & 16 & -5 \\ 1 & 7 & 1 & 9 & -2 & 13 \\ 2 & -14 & 5 & -1 & -4 & -13 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 91 \\ 104 \\ 11 \\ -102 \\ 12 \\ 100 \end{pmatrix}$$

$$33. A = \begin{pmatrix} -3 & 3 & 6 & -2 & 9 & 4 \\ 13 & 2 & -1 & -2 & 10 & 0 \\ 14 & 10 & 10 & 1 & 7 & -14 \\ -1 & 2 & -3 & 13 & 3 & 14 \\ 7 & -2 & 0 & -3 & -12 & 10 \\ 6 & -17 & -7 & -2 & 14 & 14 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 8 \\ -27 \\ -155 \\ 90 \\ -34 \\ 132 \end{pmatrix}$$

$$34. A = \begin{pmatrix} 17 & -3 & 11 & -9 & -3 & 8 \\ 6 & 19 & -17 & 4 & 1 & -5 \\ 8 & 2 & 0 & 4 & -2 & -10 \\ 7 & 13 & 16 & -14 & 5 & 8 \\ 3 & 2 & 2 & 7 & -8 & -3 \\ -6 & 9 & -5 & 5 & 3 & -5 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 66 \\ -74 \\ 48 \\ 88 \\ 98 \\ -14 \end{pmatrix}$$

$$35. A = \begin{pmatrix} 6 & 0 & -3 & 0 & 13 & 3 \\ 5 & -8 & 1 & -2 & 0 & -1 \\ 3 & 9 & -10 & -1 & -5 & 2 \\ -2 & 0 & 0 & 4 & -19 & 1 \\ -12 & 1 & 14 & -6 & 13 & 1 \\ -12 & -2 & -5 & 15 & -11 & -14 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 34 \\ 43 \\ -62 \\ -83 \\ 7 \\ 98 \end{pmatrix}$$

$$36. A = \begin{pmatrix} 16 & -1 & -12 & 0 & -5 & 3 \\ 10 & -3 & 5 & -11 & 3 & 7 \\ 13 & 4 & 4 & 5 & 0 & 6 \\ -5 & -14 & -15 & 4 & 4 & 8 \\ 1 & -2 & -13 & -11 & -2 & -3 \\ 2 & 5 & 1 & 4 & -3 & -1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -86 \\ -140 \\ -94 \\ -30 \\ -29 \\ 14 \end{pmatrix}$$

$$37. A = \begin{pmatrix} -1 & -3 & 8 & -9 & 8 & 5 \\ -6 & 3 & 0 & -3 & -6 & -6 \\ 11 & -3 & -10 & -8 & 4 & -9 \\ -2 & -5 & 4 & -17 & 13 & -8 \\ -12 & 2 & 3 & 2 & 13 & -6 \\ 12 & -3 & 6 & 10 & 4 & 1 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -24 \\ 9 \\ 80 \\ 62 \\ 61 \\ -17 \end{pmatrix}$$

$$38. A = \begin{pmatrix} -7 & 5 & -7 & -1 & 14 & 7 \\ -10 & -5 & -2 & 13 & -9 & -7 \\ -11 & -2 & -3 & -14 & 1 & -8 \\ -4 & 12 & 8 & -9 & 1 & 5 \\ -2 & 6 & 10 & 4 & -5 & -4 \\ -11 & -14 & 0 & 13 & 7 & 12 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -49 \\ 106 \\ 95 \\ 4 \\ 64 \\ -31 \end{pmatrix}$$

$$39. A = \begin{pmatrix} -1 & -8 & 6 & 3 & 3 & -9 \\ 6 & -1 & -1 & 19 & -6 & 2 \\ 2 & -1 & -13 & 9 & -17 & -2 \\ -3 & 8 & 7 & 0 & 12 & -2 \\ 12 & -8 & -4 & -13 & 2 & -17 \\ -13 & -2 & 7 & 0 & -17 & 2 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -71 \\ -27 \\ -54 \\ 43 \\ -160 \\ 74 \end{pmatrix}$$

$$40. A = \begin{pmatrix} 9 & -14 & -13 & 10 & 10 & -14 \\ -5 & -2 & -2 & 13 & -2 & 9 \\ -13 & -5 & -17 & -2 & -11 & 8 \\ 2 & 0 & 11 & 1 & -9 & 12 \\ -3 & -7 & 15 & -11 & 5 & -7 \\ -16 & -10 & -10 & 3 & -8 & 14 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 97 \\ -32 \\ -37 \\ -17 \\ 39 \\ -55 \end{pmatrix}$$

$$41. A = \begin{pmatrix} 0 & -8 & 2 & 3 & 0 & 7 \\ -13 & -1 & 2 & -9 & 4 & 14 \\ -10 & 6 & -16 & -6 & -4 & -3 \\ -6 & -5 & -3 & -10 & 15 & 8 \\ -4 & 10 & 6 & 11 & 2 & 6 \\ 3 & -6 & -11 & 5 & -6 & 0 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 63 \\ 99 \\ -84 \\ 41 \\ 27 \\ -31 \end{pmatrix}$$

$$42. A = \begin{pmatrix} -15 & 15 & 1 & 0 & -16 & 2 \\ 3 & -5 & -1 & 5 & -8 & -11 \\ 0 & 0 & -4 & -5 & 14 & -6 \\ 12 & 9 & 2 & 5 & 4 & 7 \\ 2 & 2 & -2 & -15 & 8 & -17 \\ 11 & 0 & -11 & 0 & 1 & -8 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 26 \\ 25 \\ 4 \\ -92 \\ 1 \\ -4 \end{pmatrix}$$

$$43. A = \begin{pmatrix} 5 & 4 & 5 & -4 & -11 & -14 \\ 5 & 2 & -9 & -11 & -11 & 0 \\ 1 & -6 & 2 & 7 & 15 & 8 \\ 5 & -10 & 15 & -6 & -4 & 8 \\ 8 & -1 & -13 & -10 & -12 & -10 \\ 9 & 15 & 14 & -6 & 5 & 14 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 2 \\ 77 \\ -71 \\ -14 \\ 57 \\ -15 \end{pmatrix}$$

$$44. A = \begin{pmatrix} 2 & -5 & -1 & 5 & 12 & -7 \\ 7 & 4 & -2 & -2 & -12 & -10 \\ 2 & 16 & -1 & -2 & 7 & 5 \\ 0 & 1 & 8 & -10 & 17 & -4 \\ -1 & -9 & 5 & -1 & -13 & -3 \\ 3 & -14 & -3 & -11 & 14 & 17 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} -2 \\ 15 \\ 10 \\ 17 \\ -26 \\ 161 \end{pmatrix}$$

$$45. A = \begin{pmatrix} -11 & -13 & 6 & 2 & 12 & 7 \\ 8 & -3 & 8 & -8 & -6 & 2 \\ 12 & 7 & 4 & 5 & -16 & -6 \\ -7 & 1 & 11 & -1 & -7 & -2 \\ 5 & 7 & 14 & 16 & 5 & -15 \\ -3 & 4 & -5 & 1 & -17 & 3 \end{pmatrix} B = \begin{pmatrix} 33 \\ 79 \\ -73 \\ 4 \\ -30 \\ -115 \end{pmatrix}$$

3. Матрицы

| № | <u>Выражение</u> | <u>x1</u> | <u>x2</u> | <u>n</u> | <u>m</u> |
|----|------------------|--------------|--------------|----------|----------|
| 1. | $(A + C) B - DE$ | <u>-3.25</u> | <u>45.77</u> | <u>3</u> | <u>4</u> |
| 2. | $(A - BC) D + E$ | <u>52.58</u> | <u>47.96</u> | <u>4</u> | <u>5</u> |
| 3. | $AB - C(D - E)$ | <u>12.54</u> | <u>85.41</u> | <u>5</u> | <u>3</u> |

| | | | | | |
|-----|----------------------|--------|--------|---|---|
| 4. | $B - (D - CE)A$ | 72.36 | 88.25 | 3 | 4 |
| 5. | $DE - A(CB - AC)$ | 5.58 | 5.25 | 4 | 5 |
| 6. | $A(C - BE)D - AB$ | -52.47 | 78.58 | 5 | 3 |
| 7. | $B(A - D2 E)$ | 58.57 | 14.85 | 3 | 4 |
| 8. | $(A - BC)D + E$ | 78.12 | 16.85 | 4 | 5 |
| 9. | $A - B(CD - BA)$ | 21.98 | 87.25 | 5 | 3 |
| 10. | $(B - AC2)D - AE$ | -65.58 | 78.85 | 3 | 4 |
| 11. | $(D - CE2)A - BA$ | -58.12 | -85.41 | 4 | 5 |
| 12. | $(CE - AD)B - AC$ | 47.32 | -26.85 | 5 | 3 |
| 13. | $(AD - BF)B - CA$ | 89.26 | 12.22 | 3 | 4 |
| 14. | $(A - FD)B - AC$ | 14.36 | 12.63 | 4 | 5 |
| 15. | $B -(C^2 - AD)C$ | 98.32 | -14.25 | 5 | 3 |
| 16. | $(AD - DE)B - AC$ | 47.55 | 48.96 | 3 | 4 |
| 17. | $C (A - BE^2)D + B$ | 44.85 | 47.58 | 4 | 5 |
| 18. | $(AF + E)BA - AC$ | 87.65 | 36.54 | 5 | 3 |
| 19. | $(AD - DC) + BE$ | 25.45 | 69.54 | 3 | 4 |
| 20. | $(A - DAC) B + E$ | 98.52 | -36.45 | 4 | 5 |
| 21. | $(A - FD)B - AC$ | -47.32 | 78.52 | 5 | 3 |
| 22. | $B(AC + B) - DF$ | 12.65 | 98.65 | 3 | 4 |
| 23. | $C (A + DF) - BA$ | -85.66 | 65.14 | 4 | 5 |
| 24. | $(D - AE)B + FC$ | 58.84 | -45.68 | 5 | 3 |
| 25. | $E (F + AD) - BC$ | 47.69 | 98.24 | 3 | 4 |
| 26. | $(BA - AC)B - CF$ | 14.65 | 96.14 | 4 | 5 |
| 27. | $B(A - FD) - AC$ | 14.36 | -74.25 | 5 | 3 |
| 28. | $C(B - FD) - AC$ | 74.14 | 85.24 | 3 | 4 |
| 29. | $B(A - DC)+EA$ | -14.96 | 78.25 | 4 | 5 |
| 30. | $A(C - BE)D - AB$ | 98.25 | 48.52 | 5 | 3 |

| | | | | | |
|-----|------------------------|-------|--------|---|---|
| 31. | $A^2 - BC (A + D^2 E)$ | 52.3 | -44.28 | 3 | 4 |
| 32. | $D - A^2 (BD + EC)$ | 62.32 | 48.27 | 4 | 5 |

4. Интегрирование

4.1. Определенный интеграл

1. $\int_1^3 x^3 \sqrt{x^2 - 1} dx$
2. $\int_{\sqrt{3}}^2 \frac{dx}{x\sqrt{x^2-1}}$
3. $\int_1^2 \frac{dx}{2x-1}$
4. $\int_0^1 \frac{xdx}{1+x^4}$
5. $\int_{-2}^0 \frac{dx}{\sqrt{x+3}+\sqrt{(x+3)^3}}$
6. $\int_0^1 \frac{x^2 dx}{1+x^6}$
7. $\int_1^2 \frac{e^{1/x}}{x^2} dx$
8. $\int_2^{4/\sqrt{3}} \frac{\sqrt{x^2-4}}{x} dx$
9. $\int_0^{\pi/4} \sin^2 \varphi d\varphi$
10. $\int_0^1 e^{x+e^x} dx$
11. $\int_{\sqrt{3}/3}^{\sqrt{3}} \frac{dx}{\sqrt{(1+x^2)^3}}$
12. $\int_{\pi/6}^{\pi/3} \operatorname{tg}^4 x dx$
13. $\int_1^{\pi/2} \cos \ln x dx$
14. $\int_{-2}^2 \frac{dx}{(4+x^2)^2}$
15. $\int_0^2 \operatorname{sh}^3 x dx$
16. $\int_{-1}^2 x^3 dx$
17. $\int_1^5 \frac{dx}{x+\sqrt{2x-1}}$
18. $\int_0^1 \frac{dx}{4x^2+4x+5}$
19. $\int_1^8 \frac{dx}{\sqrt[3]{x}}$
20. $\int_{1/\sqrt{4}}^1 \frac{dx}{x\sqrt{1+4x^2}}$
21. $\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt{x^2+2x+2}}$
22. $\int_1^2 (3x^2 - 2x + 1) dx$
23. $\int_{-1}^1 \frac{xdx}{\sqrt{5-4x}}$
24. $\int_3^4 \frac{x^2+3}{x-2} dx$
25. $\int_0^1 (\sqrt{x} + \sqrt[3]{x^2}) dx$
26. $\int_{\ln 2}^{\ln 6} \frac{e^x \sqrt{e^x-2}}{e^x+2} dx$
27. $\int_{-2}^{-1} \frac{x+1}{x^3-x^2} dx$
28. $\int_1^8 \frac{2+5\sqrt[3]{x}}{x^3} dx$
29. $\int_0^3 x^2 \sqrt{9-x^2} dx$
30. $\int_2^1 \frac{e^{1/x^2}}{x^3} dx$
31. $\int_2^9 \sqrt[3]{x-1} dx$
32. $\int_0^{\pi/6} \frac{\sin^2 x}{\cos x} dx$
33. $\int_1^e \frac{\cos(\ln x)}{x} dx$
34. $\int_{\pi/2}^{\pi} \sin x dx$
35. $\int_{\ln 2}^{2 \ln 2} \frac{dx}{e^x-1}$
36. $\int_1^e \frac{dx}{x(1+\ln^2 x)}$
37. $\int_{-\pi/4}^0 \frac{dx}{\cos^2 x}$
38. $\int_0^{2\pi} \cos 5x \cos x dx$
39. $\int_0^{\pi/2} \cos^3 x dx$
40. $\int_1^2 e^x dx$
41. $\int_0^{\pi/3} \cos^3 x \sin 2x dx$
42. $\int_0^{1/3} \operatorname{ch}^2 3x dx$
43. $\int_0^3 2^x dx$
44. $\int_0^{\pi/4} \frac{x+\sin x}{1+\cos x} dx$
45. $\int_2^3 \frac{dy}{y^2-2y-8}$
46. $\int_1^6 \frac{dx}{1+\sqrt{3x-2}}$
47. $\int_1^2 \frac{dx}{x^2+x}$
48. $\int_{3/4}^2 \frac{dx}{\sqrt{2+3x-2x^2}}$
49. $\int_{\ln 3}^{\ln 8} \frac{dx}{\sqrt{e^2+1}}$
50. $\int_0^{\pi/2} e^x \cos x dx$
51. $\int_0^2 \frac{2x-1}{2x+1} dx$

52. $\int_0^{\pi/2} \frac{dx}{3+2\cos x}$

55. $\int_0^{\pi/4} \frac{dx}{1+2\sin^2 x}$

53. $\int_{-3}^3 \frac{x^2 \sin 2x}{x^2 + 1} dx$

56. $\int_{-1}^1 x \arctan x dx$

54. $\int_0^1 \frac{x^2 + 3x}{(x+1)(x^2 + 1)} dx$

57. $\int_{-1}^1 \sqrt{3 - 2x - x^2} dx$

4.2. Неопределенный интеграл

1. $\int x \sqrt{x} dx$

2. $\int \frac{dx}{\sqrt[5]{x}}$

3. $\int \frac{3-\sqrt{1-x^2}}{\sqrt{1-x^2}} dx$

4. $\int \frac{2-x^4}{1+x^2} dx$

5. $\int e^{3x} * 3^x dx$

6. $\int \frac{e^{\sqrt{2x-1}}}{\sqrt{2x-1}} dx$

7. $\int x^3 (1 - 2x^4)^3 dx$

8. $\int \sin(2 - 3x) dx$

9. $\int x \ln x dx$

10. $\int \arcsin x dx$

11. $\int x^2 \arctan x dx$

12. $\int (x+1)e^x dx$

13. $\int \frac{dx}{(x-1)^4}$

14. $\int \frac{dx}{(2x+3)^3}$

15. $\int \frac{dx}{x^2 + 6x + 18}$

16. $\int \frac{x+2}{x(x-3)} dx$

17. $\int \frac{2x^2 + x + 3}{(x+2)(x^2 + x + 1)} dx$

18. $\int \frac{5x^3 - 17x^2 + 18x - 5}{(x-1)^3(x-2)} dx$

19. $\int \frac{dx}{x^3 - 8}$

20. $\int \frac{dx}{\sqrt[4]{1-2x} - \sqrt[4]{1+2x}}$

21. $\int \frac{\sqrt[6]{x}}{1+\sqrt[3]{x}} dx$

22. $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2 - x - 1}}$

23. $\int \frac{dx}{x(\sqrt[3]{x} + 1)^2}$

24. $\int \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{\sqrt{x} + 1}} dx$

25. $\int \sin^2 x \sin 3x dx$

26. $\int (2x^2 - 2x - 1)e^x dx$

27. $\int \frac{\ln x}{x^3} dx$

28. $\int \frac{x^2 - 2}{x^2 + 2} \arctan x dx$

29. $\int (2x^2 - 1) \cos 2x dx$

30. $\int x \ln^2 x dx$

31. $\int \frac{2e^{2x} - e^x - 3}{e^{2x} - 2e^x - 3} dx$

32. $\int \arctan \sqrt{x} dx$

33. $\int \sqrt{2^x - 1} dx$

34. $\int (3x^2 + 2x + \frac{1}{x}) dx$

35. $\int \frac{2x+3}{x^4} dx$

36. $\int \sqrt{mx} dx$

37. $\int \frac{dx}{n\sqrt{x}}$

38. $\int \left(\frac{1}{\sqrt[3]{x^2}} - \frac{x+1}{\sqrt[4]{x^3}} \right) dx$

39. $\int \frac{(\sqrt{a+\sqrt{x}})^2}{\sqrt{ax}} dx$

40. $\int \frac{x^3 + 2}{x} dx$

41. $\int 2^x e^x dx$
42. $\int 2^x (1+3x^2 2^{-x}) dx$
43. $\int (2x + 3\cos x) dx$
44. $\int \sqrt{3+x} dx$
45. $\int (3 - 4\sin x)^{\frac{1}{3}} \cos x dx$
46. $\int \frac{dx}{x \ln^2 x}$
47. $\int \frac{dx}{a+bx}$
48. $\int \frac{\sec^2 x}{a-bt \tan x} dx$
49. $\int \frac{\cos \frac{x}{\sqrt{2}}}{2-3\sin \frac{x}{\sqrt{2}}} dx$
50. $\int ctgx g x$
51. $\int 3^{4x} dx$
52. $\int \cos(ax+b) dx$
53. $\int \sin(\ln x) \frac{dx}{x}$
54. $\int \sin \sqrt{x} \frac{dx}{\sqrt{x}}$
55. $\int \frac{dx}{\cos(x-\frac{\pi}{4})}$
56. $\int \frac{dx}{\operatorname{sh}^2 3x}$
57. $\int \frac{x}{\sqrt[3]{x^2-1}} dx$
58. $\int x 5^{-x^2} dx$
59. $\int \frac{dx}{1-4x^2}$
60. $\int \frac{e^{-ax}}{1+e^{-2ax}} dx$
61. $\int \frac{dx}{\sqrt{5-3x^2}}$
62. $\int \frac{dx}{\sqrt{9x^2-1}}$
63. $\int \frac{\sin x dx}{\sqrt{\cos^2 x + 4}}$
64. $\int \frac{x^3 dx}{x^8+1}$
65. $\int \frac{dx}{x^2+4x-5}$
66. $\int \frac{dx}{2x^2-4x+5}$
67. $\int \frac{dx}{x^2-5x+4}$
68. $\int \frac{dx}{2x^2-3x+3}$
69. $\int \frac{dx}{x^2-6x}$
70. $\int \frac{4x^{-3}}{x^2+2x+6} dx$
71. $\int \frac{xdx}{x^4+6x^2+13}$
72. $\int \frac{3^x dx}{3^{2x}+4+3^x+3}$
73. $\int \sin^3 x dx$
74. $\int \frac{\sin^3 x}{\cos^8 x} dx$
75. $\int \cos x^7 dx$
76. $\int \cos^4 \frac{x}{2} dx$
77. $\int \sin^2 x \cos^2 x dx$
78. $\int \sin^4 x \cos^2 x dx$
79. $\int \frac{dx}{\sin^6 x}$
80. $\int \frac{\sin^2 x}{\cos^6 x} dx$
81. $\int \frac{x+3}{x^2+2x+4} dx$
82. $\int \frac{x^3}{x^2-x-1} dx$
83. $\int \frac{dx}{(x-2)^2(x+3)}$
84. $\int \frac{dx}{(x^3-1)^2}$
85. $\int \frac{dx}{x^5(x^4+1)^2}$
86. $\int \frac{xdx}{\sqrt{x^2+x+2}}$

87. $\int \frac{\ln x dx}{x\sqrt{6+4\ln x - \ln^2 x}}$
88. $\int \frac{dx}{x\sqrt{x^2+8x+4}}$
89. $\int x\sqrt{x^2 - 4} dx$
90. $\int x\sqrt{x^2 + 4x - 5} dx$
91. $\int x\sqrt{x^2 - 4} dx$
92. $\int \frac{dx}{(x^2+9)\sqrt{16-x^2}}$
93. $\int \frac{xdx}{\sqrt{x^4+16}}$
94. $\int \frac{dx}{\sqrt{(x^2+4)^3}}$
95. $\int \frac{dx}{\sqrt{x-\frac{4}{\sqrt{x+1}}}}$
96. $\int \frac{1}{(1+x)^2} \sqrt{\frac{1+x}{1-x}} dx$
97. $\int \operatorname{tg}^2 x dx$
98. $\int (shx - \sin x) dx$
99. $\int (\sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}})^2 dx$
100. $\int (2\operatorname{tg} x + 3\operatorname{ctg} x)^2 dx$
101. $\int x \cos(x^2) dx$
102. $\int \frac{dx}{(x+1)\sqrt{x}}$
103. $\int x(x^2 + 1)^{3/2} dx$
104. $\int \frac{xdx}{x^2-1}$
105. $\int \frac{xdx}{\sqrt{x^4-1}}$
106. $\int x^2 \sin x dx$
107. $\int x^5 e^{x^2} dx$
108. $\int \sqrt{x^2 + \lambda} dx$
109. $\int \frac{x^2 dx}{x^6+2x^3+3}$
110. $\int \frac{x-2}{x^2-4x+7} dx$
111. $\int \frac{5x+3}{x^2+10x+29} dx$
112. $\int \frac{x^3+x+1}{x^4-81} dx$
113. $\int \frac{dx}{(x^2-2x)^2}$
114. $\int \frac{x+1}{(x^2+1)(x^2+9)} dx$
115. $\int \frac{(\frac{19}{16})x^2+x+1}{(x^2+4)(x^2+2x+5)} dx$
116. $\int \frac{x^2+2}{x^4+4} dx$
117. $\int \frac{dx}{\sqrt{-x^2-2x+8}}$
118. $\int \frac{3x+2}{\sqrt{x^2+x+2}} dx$
119. $\int \frac{dx}{\sqrt[3]{1+x^3}}$
120. $\int \frac{dx}{x\sqrt{1+x^3}}$
121. $\int \frac{dx}{\sqrt[4]{1+x^4}}$
122. $\int \sqrt{6 + 4x - 2x^2} dx$
123. $\int e^{2x} \sin x dx$
124. $\int \frac{dx}{\cos^2 x \sqrt{5\operatorname{tg}^2 x + 2}}$
125. $\int \sin 2x \ln \cos x dx$
126. $\int (x+2) \cos(x^2 + 4x + 1) dx$
127. $\int \frac{x \cos x dx}{\sin^3 x}$
128. $\int \frac{x e^x}{\sqrt{1+e^x}} dx$
129. $\int \ln(x^2 + x) dx$
130. $\int \frac{dx}{x \ln x}$
131. $\int (ax^2 + b)^{\frac{1}{3}} x dx$
132. $\int \sqrt{\sin x} \cos x dx$

133. $\int \sin(a + bx) dx$
134. $\int \cos(\sin x) \cos x dx$
135. $\int \frac{\sin 4x dx}{\cos^4 2x + 4}$
136. $\int \frac{dx}{(x-7)\sqrt{x}}$
137. $\int \frac{e^{x/2} dx}{\sqrt{16-e^x}}$
138. $\int \frac{\sqrt{2-x^2} + \sqrt{2+x^2}}{\sqrt{4-x^2}} dx$
139. $\int (x^2 + 2x + 3) \cos x dx$
140. $\int e^{2x} \cos x dx$
141. $\int \sin lnx dx$
142. $\int \sin \sqrt{x} dx$, если $\sqrt{x} = t$
143. $\int \frac{x+1}{5x^2+2x+1} dx$
144. $\int \frac{dx}{(x^2+2)^3}$
145. $\int \frac{2x+3}{(x^2+2x+5)^2} dx$
146. $\int \frac{x^2 dx}{x^2-4x+3}$
147. $\int \frac{x^3+x^2}{x^2-6x+5} dx$
148. $\int \frac{x^4}{x^4-16} dx$
149. $\int \frac{3x^3+x^2+5x+1}{x^3+x} dx$
150. $\int \frac{dx}{(x+2)\sqrt{x^2+2x}}$
151. $\int \frac{dx}{x\sqrt{2x^2-2x-1}}$
152. $\int \frac{x-1}{(x+1)\sqrt{x^2+1}} dx$
153. $\int \frac{x^2+2x+3}{\sqrt{-x^2+4x}} dx$
154. $\int \sqrt[3]{x} \sqrt{5x^3\sqrt{x} + 3} dx$
155. $\int \frac{dx}{x^3\sqrt[3]{2-x^3}}$
156. $\int \frac{dx}{x^4+x^2}$
157. $\int \cos lnx dx$
158. $\int \frac{1+\sqrt[6]{x}}{(\sqrt[3]{x}-\sqrt[4]{x})\sqrt[4]{x^3}} dx$
159. $\int e^{ax} \sin bx dx$
160. $\int e^{ax} \cos bx dx$
161. $\int \frac{dx}{a^2 x \cos^2 x + b^2 \sin^2 x}$
162. $\int \frac{dx}{\sin^2 x \cos^2 x}$
163. $\int \frac{dx}{(1+x^2)^2}$
164. $\int \frac{2-\sin x}{\sin^2 x} dx$
165. $\int \frac{3-2\operatorname{ctg}^2 x}{\cos^2 x} dx$
166. $\int \frac{\cos 2x}{\sin^2 x \cos^2 x} dx$
167. $\int \sin^2 \frac{x}{2} dx$
168. $\int \operatorname{tg}^2 x dx$
169. $\int \operatorname{th}^2 x dx$
170. $\int \frac{dx}{\cos 2x + \sin^2 x}$
171. $\int (\arcsin x + \arccos x) dx$
172. $\int (\sin \frac{x}{2} - \cos \frac{x}{2})^2 dx$
173. $\int \frac{dx}{x^2+4}$
174. $\int \frac{dx}{5-x^2}$
175. $\int \frac{x dx}{\sqrt{x^4+1}}$
176. $\int \frac{dx}{a^2+b^2 x}$
177. $\int \frac{\sin ax}{\cos^3 ax} dx$
178. $\int ch^2 x sh x dx$
179. $\int \frac{e^x}{(7-e^x)^2} dx$

180. $\int \operatorname{tg} x dx$
181. $\int \operatorname{cth} 4x dx$
182. $\int \frac{\frac{1}{x}}{x^2} dx$
183. $\int \frac{x dx}{ch^2(x^2+1)}$
184. $\int \frac{dx}{(a-b)x^2-(a+b)} (0 < b < a)$
185. $\int \frac{dx}{4x^2+7}$
186. $\int \frac{xdx}{4x^2+7}$
187. $\int \frac{x^2 dx}{\sqrt{x^6+1}}$
188. $\int \frac{a^x}{\sqrt{a^{2x}-1}} dx$
189. $\int \frac{x-1}{(2+x)^2} dx$
190. $\int \frac{x^2}{3+x^2} dx$
191. $\int \frac{x^2-2x+3}{x^2-4} dx$
192. $\int \frac{xdx}{x^4 a^2 - b^2}$
193. $\int \frac{x^3}{9-4x^8} dx$
194. $\int \frac{x^4+1}{x^5+5x-8} dx$
195. $\int x^3 \sqrt[4]{5x^4 - 3} dx$
196. $\int \left(3 - \frac{x}{\sqrt{x^2+1}}\right) \left(\frac{dx}{\sqrt{x^2+1}}\right)$
197. $\int \frac{x+1}{\sqrt{1-4x^2}} dx$
198. $\int \frac{dx}{(x-3)(x+4)}$
199. $\int \frac{2x^2-1}{x^3-5x^2+6x} dx$
200. $\int \frac{x^3+2}{x^3-4x} dx$
201. $\int \frac{x^4+3x^3+3x^2-5}{x^{32}+3x^2+3x+1} dx$
202. $\int \frac{3x^2+2x-1}{(x-1)^2(x+2)} dx$
203. $\int \frac{2x-5}{(x^2-5x+4)^3} dx$
204. $\int \frac{dx}{x(x^2+2)}$
205. $\int \frac{dx}{x^4+1}$
206. $\int \frac{dx}{\sin^3 x \cos^5 x}$
207. $\int \frac{dx}{\sin^4 x \cos^2 x}$
208. $\int \frac{\cos(x+\frac{\pi}{4})}{\sin x \cos x} dx$
209. $\int \frac{dx}{\cos^5 x}$
210. $\int \operatorname{tg}^3 x dx$
211. $\int \left(ctg^3 \frac{x}{2} + ctg^4 \frac{x}{2}\right) dx$
212. $\int \frac{dx}{\sqrt{\sin^3 x \cos x}}$
213. $\int \frac{\sin x}{1-\sin x} dx$
214. $\int \frac{xdx}{1+\cos x} dx$
215. $\int \frac{\cos x}{(1-\sin x)^4} dx$
216. $\int \frac{dx}{2+\cos x}$
217. $\int \frac{dx}{3-4\sin^2 x}$
218. $\int \frac{2-\sqrt[3]{tg x} dx}{\cos^2 x}$
219. $\int \frac{\sec x \operatorname{th} x}{\sqrt{5-\sec^2 x}} dx$
220. $\int \frac{\cos^3 x}{\sin+5} dx$
221. $\int \frac{dx}{\sin x \cos^5 x}$
222. $\int \frac{dx}{\cos^6 x}$

223. $\int \frac{dx}{\sin^5 x}$
224. $\int x \sin x \cos 2x dx$
225. $\int \frac{dx}{\operatorname{sh} x \operatorname{ch} x}$
226. $\int \frac{dx}{\operatorname{sh}^2 x + \operatorname{ch}^2 x}$
227. $\int \operatorname{tg}^5 x dx$
228. $\int \frac{\operatorname{ch} \sqrt{1+x}}{\sqrt{1+x}} dx$
229. $\int \frac{x dx}{\operatorname{ch}^2 x}$
230. $\int \frac{dx}{\sqrt{3-x^2}}$
231. $\int \frac{\sqrt{x^2-3}-\sqrt{x^2+3}}{\sqrt{x^9-9}} dx$
232. $\int \frac{(1+x)^2}{x(1+x^2)} dx$
233. $\int (x+a)(x+a) dx$
234. $\int \left(a^{\frac{1}{3}} + x^{\frac{1}{3}}\right)^3 dx$
235. $\int \frac{\cos^2 x + 3 \cos x - 2}{\cos^2 x} dx$
236. $\int \operatorname{ctg}^2 x dx$
237. $\int \operatorname{cth}^2 x dx$
238. $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2-7}}$
239. $\int \frac{x^2-9}{x^2-8} dx$
240. $\int \frac{a^2+\sqrt{a^2+x^2 b^2}}{a^2+a^2 b^2} dx$
241. $\int \frac{dx}{\sqrt[5]{a^x}}$
242. $\int e^{x^3} \sqrt{4+e^x} dx$
243. $\int \frac{e^x}{\sqrt{e^{2x}+4}} dx$
244. $\int \frac{dx}{2^x+1}$
245. $\int \frac{e^{\arcsin x}+x+1}{\sqrt{1-x^2}} dx$
246. $\int \frac{x e^{\sqrt{x^2-1}}}{\sqrt{x^2-1}} dx$
247. $\int \sqrt{3-\operatorname{ch} x} \cdot \operatorname{sh} x \cdot dx$
248. $\int \frac{dx}{x \sqrt{1-4 \ln x}}$
249. $\int \frac{dx}{x \sqrt{1-\ln^2 x}}$
250. $\int \sin^2 x dx$
251. $\int \cos^2 x dx$
252. $\int \frac{dx}{\sin \frac{x}{\sqrt{2}}}$
253. $\int (\sin ax + \cos ax)^2 dx$
254. $\int \frac{x^2}{\cos(x^3)} dx$
255. $\int \frac{(1+\cos 2x)^3}{\cos 2x} dx$
256. $\int \frac{\sin 2x}{\sqrt{3-\cos^2 x}} dx$
257. $\int \frac{\sin 2x}{\sqrt{\cos^2 x + 3}} dx$
258. $\int \frac{dx}{\sin x \cos x}$
259. $\int \frac{dx}{\operatorname{ctg} \sqrt{3x}}$
260. $\int t h a x dx$
261. $\int \operatorname{tg}^2(ax+b) dx$
262. $\int x^2 \operatorname{ctg}^2(x^{32}-3) dx$
263. $\int e^{\sec x} \operatorname{tg} x \sec x dx$
264. $\int \frac{(x-1) dx}{(x^2+1)^3}$
265. $\int \frac{xdx}{(x-1)(x^2+x+1)^2}$
266. $\int \frac{dx}{(x-a)(x-b)}$
267. $\int \frac{x^2-x+4}{(x+1)(x-2)(x-3)} dx$
268. $\int \frac{dx}{x^3+8}$

269. $\int \frac{5x-13}{(x^2-5x+6)^2} dx$
270. $\int \frac{x^4+1}{x^4-1} dx$
271. $\int \frac{dx}{x^4+2x^2+1}$
272. $\int \cos^5 x dx$
273. $\int \frac{\sin^3 x}{\sqrt{\cos x}} dx$
274. $\int \sin^6 2x dx$
275. $\int \frac{dx}{\cos^4 x}$
276. $\int \frac{dx}{\cos^{\frac{x}{3}} \sin^{\frac{3}{3}}}$
277. $\int \frac{dx}{\sin^3 x}$
278. $\int \cos x \cos^2 2x dx$
279. $\int \sin^2(\ln x) dx$
280. $\int x e^{2x} dx$
281. $\int x e^{-x^2} dx$
282. $\int \frac{e^x dx}{e^{2x} + 4e^x - 5}$
283. $\int \frac{(a^x - b^x)}{a^x b^x} dx$
284. $\int e^{\arcsin x} dx$
285. $\int \sqrt{e^x - 1} dx$
286. $\int \frac{\arcsin x}{x^2} \frac{1+x^2}{\sqrt{1-x^2}} dx$
287. $\int \frac{\arcsine^x}{e^x} dx$
288. $\int \frac{x^4 \operatorname{arctg} x}{1+x^2} dx$
289. $\int x(1+x^2) \operatorname{arctg} x dx$
290. $\int \frac{\ln(1+x+x^2)}{(1+x)^2} dx$
291. $\int x \ln(4+x^4) dx$
292. $\int x \sqrt{x^2+1} \ln \sqrt{x^2-1} dx$
293. $\int \frac{x}{\sqrt{1-x^2}} \ln \frac{x}{\sqrt{1-x^2}} dx$
294. $\int x^2(1+\ln x) dx$

5. Дифференцирование

1. $y = \frac{7}{x^3}; \quad x_0=1$
2. $y = \frac{3}{4}x^3 \sqrt{x}; \quad x_0=2$
3. $y = \frac{2}{7}x^3 \sqrt{x} - \frac{4}{11}x^{5\sqrt{x}} + \frac{2}{15}x^7 \sqrt{x}; \quad x_0=4$
4. $y = (x^2 + 2x + 2)e^{-x}; \quad x_0=0$
5. $y = 3x^3 \ln x - x^3; \quad x_0=1$
6. $y = \frac{2^{3x}}{3^{2x}}; \quad x_0=0$
7. $y = x^2 \sin x + 2x \cos x - 2 \sin x; \quad x_0=\pi$
8. $y = \ln(2x^3 + 3x^2); \quad x_0=1$
9. $y = \sqrt{1-3x^2}; \quad x_0 = \frac{2}{3}$
10. $y = x \arccos \frac{x}{2} - \sqrt{4-x^2}; \quad x_0=0$
11. $y = \sqrt{x} \arcsin \sqrt{x} + \sqrt{1-x}; \quad x_0=0$

12. $y = (\sin \frac{x}{2} - \cos \frac{x}{2})^2; \quad x_0 = \frac{\pi}{2}$

13. $y = \cos^3(\frac{x}{3}); \quad x_0 = -\pi$

14. $y = \ln \operatorname{tg} \frac{2x+1}{4}; \quad x_0 = 10$

15. $y = \ln \sqrt{\frac{1+\sin x}{1-\sin x}}; \quad x_0 = \frac{\pi}{2}$

16. $y = \operatorname{tg} 2x + \frac{2}{3} \operatorname{tg}^3 2x + \frac{1}{5} \operatorname{tg}^5 2x; \quad x_0 = \pi$

17. $y = \frac{1}{3} \sin^3 \sqrt{x} - \frac{2}{5} \sin^5 \sqrt{x} + \frac{1}{7} \sin^7 \sqrt{x}; \quad x_0 = \pi^2$

18. $y = \ln(3x^2 + \sqrt{x^4 + 1}); \quad x_0 = 1$

19. $y = \frac{x}{2} \sqrt{a^2 - x^2} + \frac{a^2}{2} \arcsin \frac{x}{2}; \quad x_0 = 0$

20. $y = \ln \frac{\sqrt{4\operatorname{tg} x + 1} - 2\sqrt{\operatorname{tg} x}}{\sqrt{4\operatorname{tg} x + 1} + 2\sqrt{\operatorname{tg} x}}; \quad x_0 = \frac{\pi}{4}$

21. $y = -\operatorname{ctg}^2 \frac{x}{2} - 2 \ln \sin \frac{x}{2}; \quad x_0 = \frac{\pi}{6}$

22. $y = \operatorname{arctg} \sqrt{4x^2 - 1}; \quad x_0 = 1$

23. $y = \operatorname{arctg} \frac{x}{\sqrt{a^2 - x^2}}; \quad x_0 = 0$

24. $y = \operatorname{arctg} \frac{1 - \sqrt{1 - x^2}}{x}; \quad x_0 = 0$

25. $y = \arcsin \frac{2x^3}{1+x^6}; \quad x_0 = 0,5$

26. $y = \arccos \frac{9-x^2}{9+x^2}; \quad x_0 = 0$

27. $y = e^{-x} - \sin e^{-x} \cos e^{-x}; \quad x_0 = 1$

28. $y = \operatorname{arctg} \sqrt{\frac{1-x}{1+x}}; \quad x_0 = 0$

29. $y = \ln \frac{(x-1)(x-3)^3}{(x-2)^3(x-4)}; \quad x_0 = 9$

30. $y = 1 - e^{\sin x^2} \cos^2 3x; \quad x_0 = \frac{\pi}{3}$

31. $y = \ln \frac{2 \ln^2 \sin x + 3}{2 \ln^2 \sin x - 3}; \quad x_0 = 0$

32. $y = e^{\sqrt{2x}} (\sqrt{2x} - 1); \quad x_0 = 1$

33. $y = \ln \frac{x^5}{x^5 + 2}; \quad x_0 = 2$

34. $y = \left(\frac{\sin x}{1+\cos x}\right)^2; \quad x_0=2\pi$
35. $y = \arcsin \frac{\sin x}{\sqrt{1+\sin^2 x}}; \quad x_0=\frac{\pi}{4}$
36. $y = \sin(\ln x)\cos(\ln x)-\ln\left(\frac{1}{x}\right); \quad x_0=e$
37. $y=(x^5 + 3)(\ln(x^5 + 3) - 1); \quad x_0=1$
38. $y=\arcsin\sqrt{1-0,2x^2}; \quad x_0=0,5$
39. $y=0,5\left[(x+a)\sqrt{x^2+2ax+\beta}+(\beta-a^2)\ln(x+a+x^2+2ax+\beta)\right]; \quad x_0=1$
40. $y=\arcsine^x + \arcsin\sqrt{1-e^{2x}}; \quad x_0=0$
41. $y=m\sqrt{x^2+2ax+\beta}+(n-ma)\ln(x+a+\sqrt{x^2+2ax+\beta}); \quad x_0=2$
42. $y=\frac{x}{\sqrt{1-mx^2}}; \quad x_0=4$
43. $y=x^2+2x\sin x\cos x+\cos^2 x; \quad x_0=\frac{\pi}{4}$
44. $y=\operatorname{ctgx}\cosecx+\ln(\operatorname{ctgx}+\cosecx); \quad x_0=\pi$
45. $y=\frac{\sin x}{1+\ln\sin x}; \quad x_0=\frac{\pi}{3}$
46. $y=3x\sin^3 x+3\cos x-\cos^3 x; \quad x_0=\frac{2\pi}{3}$
47. $y=\ln\frac{\sqrt{1+x^2}-1}{\sqrt{1+x^2}+1}; \quad x_0=0,5$
48. $y=e^x-\sin e^x\cos^3 e^x-\sin^3 e^x\cos e^x; \quad x_0=2$
49. $y=\operatorname{arctg}(x+1)+\frac{x+1}{x^2+2x+2}; \quad x_0=1$
50. $y=x(\ln e^x-3\ln^2 x+6\ln x-6); \quad x_0=0,2$
51. $y=\ln \sin\sqrt{x}\operatorname{tg}\sqrt{x}-\sqrt{x}; \quad x_0=\frac{\pi}{3}$
52. $y=\operatorname{arctg}\frac{x^x-x^{-x}}{2}; \quad x_0=2$
53. $y=\frac{1}{64}\left(\operatorname{tg}^4\frac{x}{2}-\operatorname{ctg}^4\frac{x}{2}\right)+\frac{1}{8}\left(\operatorname{tg}^2\frac{x}{2}-\operatorname{ctg}^2\frac{x}{2}\right)+\frac{3}{8}\ln\operatorname{tg}\frac{x}{2}; \quad x_0=2\pi$
54. $y=\ln\operatorname{tg}\frac{x}{2}+\cos x+\frac{1}{3}\cos^3 x; \quad x_0=\frac{\pi}{3}$
55. $y=-\frac{2\cos(x/2)}{\sin(x/2)+3\cos(x/2)}; \quad x_0=3\pi$

56. $y = \frac{1}{2} \operatorname{tg}^2 x + \ln \cos x; \quad x_0 = \frac{\pi}{2}$
57. $y = \ln(1 - \frac{1}{x}) + \frac{1}{x}; \quad x_0 = 2$
58. $y = \ln \frac{\sqrt{x^2 + 2x}}{x+1}; \quad x_0 = 0,5$
59. $y = 2x \operatorname{tg} 2x + \ln \cos 2x - 2x^2; \quad x_0 = \frac{\pi}{6}$
60. $y = \cos(2e^{2x} - 1); \quad x_0 = 2$
61. $y = \ln \ln x (\ln \ln \ln x - 1); \quad x_0 = 3$
62. $; y = \frac{x - e^{2x}}{x + e^{2x}} \quad x_0 = 0,5$
63. $y = \ln \frac{x \ln x - 1}{x \ln x + 1}; \quad x_0 = 10$
64. $y = \operatorname{arctg} \frac{3x - x^3}{1 - 3x^2}; \quad x_0 = 1$
65. $y = \operatorname{lntg} \frac{e^{2 \operatorname{sin} x}}{4}; \quad x_0 = \frac{\pi}{4}$
66. $y = \frac{a}{2} \sin^2 x + \frac{b}{2} \cos^2 x - \frac{a+b}{4} \cos 2x; \quad x_0 = \frac{\pi}{2}$
67. $y = \operatorname{tg}^3 x + 3 \operatorname{tg} x; \quad x_0 = \frac{\pi}{3}$
68. $y = \frac{\operatorname{arctg} x}{x} - \ln \frac{x}{\sqrt{1+x^2}}; \quad x_0 = 1$
69. $y = \frac{\ln x}{x^5} + \frac{1}{5x^5}; \quad x_0 = 2$
70. $y = \sqrt{2x + 1} [\ln(2x + 1) - 2]; \quad x_0 = 0,5$
71. $y = \sec x (1 + \ln \cos x); \quad x_0 = \pi$
72. $y = e^x \sqrt{1 - e^{2x}} - \arcsin x e^x; \quad x_0 = 3$
73. $y = 2^{\cos^2 x - 3 \cos x}; \quad x_0 = \frac{\pi}{6}$
74. $y = \frac{e^x 2^{5x}}{3^{4x}}; \quad x_0 = 2$
75. $y = \frac{x+1}{x} - e^{-\ln \frac{x}{x+1}}; \quad x_0 = 2$
76. $y = x \sin x \cos x + \frac{1}{2} \cos^2 x; \quad x_0 = 0$
77. $y = \frac{x^2 e^{x^2}}{x^2 + 1}; \quad x_0 = 3$
78. $y = \operatorname{lntg} \frac{x}{2} - \frac{x}{\sin x}; \quad x_0 = 3$

79. $y = \frac{1}{4a} \ln \frac{x-a}{x+a} + \frac{1}{2a} \operatorname{arctg} \frac{x}{a}; \quad x_0=12$
80. $y = \ln \frac{\sqrt{x^4+1}-x^2}{\sqrt{x^4+1}+x^2}; \quad x_0=-21$
81. $y = e^{0,5 \operatorname{tg}^2 x} \cos x; \quad x_0=0,2$
82. $y = \operatorname{arctg} \frac{2x^4}{1-x^8}; \quad x_0=-0,16$
83. $y = x^2 e^{x^2} \ln x; \quad x_0=8$
84. $y = \arccos \sqrt{1-2^x}; \quad x_0=-3$
85. $y = \log_{x^2} 2; \quad x_0=12,3$
86. $y = \log_2 \sin^2 x; \quad x_0=0,7$
87. $y = \log_a (x + \sqrt{x^2 + 9}); \quad x_0=-4$
88. $y = -m\sqrt{-x^2 + 2ax + b} + (ma+n) \arcsin \frac{x-a}{\sqrt{a+b}}; \quad x_0=7$
89. $y = x \arcsin x; \quad x_0=\frac{\pi}{2}$
90. $y = \left(\frac{x-1}{x+1}\right)^4; \quad x_0=13,2$
91. $y = \frac{2^x (x+1)^3}{(x-1)^2 \sqrt{2x+1}}; \quad x_0=1,8$
92. $y = \ln \left(\frac{1}{x} + \sqrt{\frac{1}{x^2} + 1} \right); \quad x_0=5,6$
93. $y = \frac{x^{m-1}}{(m+1)^2 + n^2} [(m+1) \cos(n \ln x) + n \sin(n \ln x)]; \quad x_0=3,3$
94. $y = (\operatorname{xtgx} + \operatorname{lncosx}) * \operatorname{tg}(\operatorname{xtgx} + \operatorname{lncosx}) + \operatorname{lncos}(\operatorname{xtgx} + \operatorname{lncosx}); \quad x_0=\frac{3}{2\pi}$
95. $y = (x \cos x - \sin x) [\ln(x \cos x - \sin x) - 1]; \quad x_0=\frac{\sqrt{2}}{2}$
96. $y + 3 \sin(xe^x - e^x) - \sin^3(xe^x - e^x); \quad x_0=e$
97. $y = \cos(2x\sqrt{1-x^2}); \quad x_0=-0,4$
98. $y = |x|, (x \neq 0); \quad x_0=4$
99. $y = |3x-5|; \quad x_0=21,2$
100. $y = e^{|x|}; \quad x_0=13$
101. $y = |x| + |x-2|; \quad x_0=-32$
102. $y = xe^x (\sin x - \cos x) + e^x \cos x; \quad x_0=\frac{4}{\pi}$
103. $y = \ln [x \sin x + \cos x + \sqrt{(x \sin x + \cos x)^2 + 1}]; \quad x_0=0,9$

$$104. y = \frac{x^x}{e^x} (x \ln x - x - 1); \quad x_0 = 1,9$$

$$105. y = \log_{\cos x} \sin x; \quad x_0 = \frac{\pi}{4}$$

$$106. y = \log_{e^2} (x^n + \sqrt{x^{2n} + 1}); \quad x_0 = 3,4$$

$$107. y = \log_x e; \quad x_0 = 10$$

$$108. y = \log_{x^2} x; \quad x_0 = 5$$

$$109. y = \log_{x^2} x^x; \quad x_0 = 1,2$$

$$110. y = x^{1/\ln x}; \quad x_0 = 4,4$$

$$111. y = x^x; \quad x_0 = 7,7$$

$$112. y = x^{-x} 2^x x^2; \quad x_0 = -3$$

$$113. y = x^{\ln x}; \quad x_0 = 2,6$$

$$114. y = \frac{x^2 \sqrt{x+1}}{(x-1)^3 \sqrt[5]{5x-1}}; \quad x_0 = 5,5$$

6. Интерполяция

| | | | | | | | | | | | |
|----|---|----------|---------|--------|----------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|
| | X | 4.729 | 0.2667 | 4.548 | 1.361 | 2.128 | 7.972 | 6.585 | 7.814 | 8.421 | 4.987 |
| 1 | Y | 14.73 | -2.369 | 14.41 | -8.42 | -6.36 | -1.958 | 3.614 | -2.178 | - | 0.01346 |
| 2 | X | 0.7572 | 3.562 | 4.098 | 2.979 | 7.449 | 0.5824 | 3.589 | 1.588 | 1.318 | 1.815 |
| | Y | -0.09519 | 0.493 | 0.8755 | -0.03488 | -0.9133 | 0.1178 | 0.5156 | -0.6673 | -0.5672 | -0.6861 |
| 3 | X | 2.492 | 3.469 | 6.649 | 9.325 | 1.052 | 5.580 | 8.951 | 8.723 | 3.883 | 6.719 |
| | Y | 7.219 | 12.97 | 98.5 | 643.5 | 1.082 | 46.3 | 496.7 | 424.1 | 16.23 | 103.6 |
| 4 | X | 2.814 | 9.821 | 5.948 | 1.320 | 6.005 | 3.553 | 4.784 | 9.481 | 9.826 | 5.136 |
| | Y | 1.840 | 2.093 | 0.095 | 0.5522 | 0.08001 | 1.849 | 0.9185 | 2.159 | 2.092 | 0.5952 |
| 5 | X | 8.980 | 3.265 | 5.708 | 3.481 | 2.902 | 9.228 | 8.070 | 6.867 | 7.668 | 7.218 |
| | Y | 9.260 | 7.456 | 2.945 | 7.403 | 7.228 | 9.569 | 6.910 | 3.368 | 5.585 | 4.207 |
| 6 | X | 3.416 | 4.843 | 8.382 | 5.406 | 5.687 | 6.400 | 7.599 | 1.58 | 7.864 | 4.384 |
| | Y | -1.924 | -5.802 | 6.241 | -5.158 | -4.194 | -0.2518 | 6.355 | 0.58 | 6.864 | -5.149 |
| 7 | X | 5.063 | 0.6828 | 9.82 | 6.155 | 3.675 | 8.601 | 2.419 | 0.5099 | 1.725 | 2.201 |
| | Y | -8.316 | -0.476 | -23.2 | -4.221 | -16.56 | -20.03 | -14.42 | 0.4722 | -8.95 | -12.92 |
| 8 | X | 7.869 | 0.8369 | 1.365 | 5.626 | 6.323 | 4.537 | 3.338 | 2.825 | 8.732 | 8.685 |
| | Y | -0.5738 | 0.5752 | 0.7059 | -1.736 | -1.225 | -1.892 | -0.8628 | -0.2539 | -1.108 | -1.063 |
| 9 | X | 6.046 | 3.613 | 9.760 | 8.958 | 9.535 | 2.017 | 3.555 | 2.910 | 0.9961 | 7.093 |
| | Y | 3.408 | 4.32 | 4.094 | 0.1542 | 2.987 | -2.601 | 4.053 | 0.8441 | -2.391 | -1.324 |
| 10 | X | 6.719 | 0.05783 | 6.046 | 2.906 | 7.469 | 9.122 | 6.059 | 7.842 | 5.426 | 3.947 |

| | | | | | | | | | | | |
|-----------|---|---------|---------|--------|-------------|---------|---------|---------|---------|--------|-------------|
| | Y | 5.642 | 4.011 | 5.702 | -3.018 | 3.742 | -1.082 | 5.718 | 2.400 | 4.247 | -1.589 |
| 11 | X | 1.019 | 0.2746 | 2.589 | 2.286 | 8.622 | 0.4762 | 0.5618 | 0.8501 | 9.625 | 8.786 |
| | Y | 3.443 | 2.335 | -7.057 | -7.238 | -13.62 | 3.598 | 3.947 | 4.108 | -7.672 | -13.57 |
| 12 | X | 4.031 | 6.585 | 9.452 | 0.0224 7 | 0.4946 | 4.220 | 6.039 | 4.144 | 6.231 | 0.0485 6 |
| | Y | 148.9 | 2129 | 9910 | -24.43 | -34.09 | 208.1 | 1439 | 183.1 | 1660 | -24.82 |
| 13 | X | 3.944 | 3.168 | 8.535 | 1.977 | 4.691 | 4.332 | 4.188 | 5.804 | 3.374 | 9.51 |
| | Y | 10.72 | 6.084 | -230.2 | -1.121 | 13.18 | 12.39 | 11.85 | 6.497 | 7.401 | -553.4 |
| 14 | X | 4.186 | 7.767 | 1.512 | 0.8735 | 4.718 | 3.328 | 6.145 | 2.807 | 4.391 | 2.21 |
| | Y | -19.44 | -197.7 | -11.71 | -11.45 | -25.19 | -14.5 | -61.89 | -13.06 | -21.34 | -12.18 |
| 15 | X | 5.19 | 0.07372 | 7.705 | 9.692 | 9.040 | 2.227 | 4.785 | 4.144 | 8.416 | 4.275 |
| | Y | 102.5 | -7.177 | 231.4 | 368.6 | 320 | 13.400 | 86.33 | 63.29 | 276.8 | 67.73 |
| 16 | X | 7.349 | 0.8175 | 8.47 | 3.596 | 0.944 | 1.884 | 9.134 | 3.103 | 3.415 | 2.723 |
| | Y | -1.897 | 1.09 | -7.961 | -3.046 | 3.104 | 1.37 | -7.672 | -2.182 | 0.9532 | -0.3852 |
| 17 | X | 1.725 | 0.6545 | 9.637 | 4.465 | 1.793 | 4.721 | 2.486 | 2.774 | 8.224 | 6.299 |
| | Y | 4.467 | 0.5883 | -4.711 | 3.223 | 4.229 | 3.647 | -0.7395 | -2.79 | 2.044 | -4.638 |
| 18 | X | 0.0721 | 2.895 | 8.595 | 7.075 | 9.210 | 0.9356 | 0.767 | 3.839 | 5.151 | 1.407 |
| | Y | 3.761 | 0.2024 | 1.107 | 3.721 | 0.7304 | 2.847 | 3.110 | 1.004 | 3.565 | 2.001 |
| 19 | X | 0.7462 | 9.148 | 7.553 | 1.017 | 6.779 | 8.242 | 2.715 | 8.704 | 9.708 | 2.207 |
| | Y | 0.5721 | 50.090 | 29.84 | -0.03426 | 21.84 | 37.96 | -0.4888 | 43.95 | 58.410 | -0.9573 |
| 20 | X | 2.046 | 1.929 | 9.568 | 7.388 | 6.798 | 9.213 | 8.443 | 1.054 | 9.038 | 8.927 |
| | Y | -0.4004 | -0.401 | -11.85 | -6.206 | -5.005 | -10.81 | -8.703 | -0.5788 | -10.31 | -9.998 |
| 21 | X | 9.567 | 3.315 | 8.875 | 4.333 | 2.671 | 5.279 | 7.941 | 4.867 | 5.59 | 3.472 |
| | Y | 172.5 | 17.66 | 147.7 | 32.21 | 10.6 | 49.45 | 117.2 | 41.51 | 55.91 | 19.63 |
| 22 | X | 9.112 | 3.685 | 2.113 | 0.5017 | 2.488 | 1.449 | 6.081 | 1.969 | 7.618 | 6.365 |
| | Y | 19.180 | 8.226 | 4.741 | 0.1266 | 5.77 | 2.776 | 11.180 | 4.324 | 15 | 11.730 |
| 23 | X | 1.744 | 9.632 | 1.976 | 0.4732 | 0.3605 | 0.8238 | 5.690 | 2.189 | 3.046 | 4.113 |
| | Y | 2.301 | 11.900 | 2.657 | -0.2749 | -0.6599 | 0.6301 | 7.428 | 2.972 | 4.160 | 5.527 |
| 24 | X | 2.517 | 5.088 | 9.879 | 1.217 | 7.070 | 2.947 | 5.251 | 5.172 | 8.292 | 1.037 |
| | Y | -9805 | -9593 | -9161 | -9907 | -9420 | -9770 | -9579 | -9585 | -9309 | -9921 |
| 25 | X | 4.421 | 3.790 | 5.576 | 8.366 | 0.09708 | 0.4063 | 2.560 | 7.076 | 1.331 | 8.568 |
| | Y | 82.95 | 44.01 | 263.8 | 4300 | -9.199 | -0.9603 | 12.540 | 1183 | 3.032 | 5259 |
| 26 | X | 2.183 | 3.134 | 6.068 | 9.556 | 3.869 | 2.371 | 5.924 | 0.1656 | 9.167 | 2.245 |
| | Y | -1.939 | -0.4004 | -1.183 | 0.0580 6 | 1.668 | -1.614 | -1.173 | 0.3525 | 0.2159 | -1.922 |
| 27 | X | 9.658 | 3.996 | 3.353 | 6.254 | 2.9 | 8.987 | 3.282 | 4.603 | 4.128 | 1.21 |
| | Y | 0.6622 | -0.8913 | 0.702 | 0.9692 | 1.125 | 1.064 | 0.8213 | -1.97 | -1.225 | 0.1849 |

| | | | | | | | | | | | |
|-----------|---|--------------|--------------|-------------|---------|--------|----------|---------|--------|---------|---------|
| 28 | X | 1.487 | 1.116 | 6.895 | 4.907 | 6.534 | 6.399 | 8.306 | 8.779 | 9.623 | 7.257 |
| | Y | -0.5751 | -0.4284 | 1.804 | 0.7517 | 1.263 | 1.103 | 5.02 | 6.213 | 8.109 | 2.495 |
| 29 | X | 3.741 | 8.525 | 7.436 | 2.356 | 7.837 | 5.632 | 1.243 | 4.138 | 1.71 | 2.413 |
| | Y | 9.386 | 0.6961 | -1.702 | -4.715 | -2.162 | 11.69 | -8.224 | 12.53 | -8.194 | -4.249 |
| 30 | X | 2.251 | 6.984 | 6.433 | 3.295 | 3.207 | 1.63 | 2.765 | 2.362 | 6.248 | 5.828 |
| | Y | -0.5674 | -0.6371 | -0.137 | 0.2549 | 0.1735 | -0.675 | -0.221 | -0.508 | 0.04793 | 0.4572 |
| 31 | X | 7.121 | 7.141 | 7.006 | 1.264 | 3.809 | 8.641 | 4.951 | 6.718 | 3.496 | 7.643 |
| | Y | 137.9 | 139.8 | 127 | 1.797 | 15.59 | 400.7 | 30.47 | 103.4 | 13.16 | 199.4 |
| 32 | X | 0.00657 6 | 7.481 | 7.94 | 7.238 | 5.386 | 1.018 | 0.9673 | 1.619 | 6.708 | 8.882 |
| | Y | -0.3004 | 0.7314 | 1.198 | 0.5099 | 0.3923 | 0.2543 | 0.2083 | 0.8685 | 0.1572 | 1.999 |
| 33 | X | 5.695 | 1.115 | 7.335 | 4.879 | 8.012 | 3.485 | 9.985 | 9.48 | 6.303 | 1.456 |
| | Y | 2.961 | 2.063 | 4.539 | 4.652 | 6.721 | 7.401 | 9.393 | 9.698 | 2.676 | 3.236 |
| 34 | X | 4.579 | 0.4867 | 7.424 | 6.507 | 2.344 | 9.945 | 8.933 | 8.918 | 6.16 | 7.311 |
| | Y | -5.539 | -0.7724 | 5.747 | 0.4464 | 0.6779 | -5.946 | 3.218 | 3.33 | -1.759 | 5.257 |
| 35 | X | 7.562 | 4.047 | 7.168 | 8.86 | 3.948 | 4.881 | 7.618 | 3.357 | 3.603 | 0.8145 |
| | Y | -11.26 | -14.98 | -8.1 | -21.62 | -15.49 | -9.54 | -11.75 | -17.17 | -16.77 | -1.325 |
| 36 | X | 9.97 | 3.967 | 4.15 | 2.697 | 2.25 | 6.418 | 8.79 | 4.117 | 9.644 | 3.417 |
| | Y | -2.513 | -1.528 | -1.676 | -0.1096 | 0.3282 | -1.15 | -1.165 | -1.651 | -2.146 | -0.9557 |
| 37 | X | 6.034 | 8.942 | 2.356 | 5.317 | 5.679 | 5.109 | 9.709 | 7.024 | 1.036 | 4.663 |
| | Y | 6.05 | -16.85 | -7.627 | 2.855 | 5.006 | 1.253 | -19.03 | 2.448 | 4.993 | -2.668 |
| 38 | X | 1.167 | 7.399 | 0.0441 5 | 9.564 | 7.509 | 6.783 | 6.63 | 0.7113 | 8.613 | |
| | Y | -0.6078 | -2.773 | -2.175 | 1.475 | 3.133 | -2.381 | -0.1164 | 0.5698 | -1.49 | -1.24 |
| 39 | X | 8.89 | 1.522 | 5.739 | 1.755 | 8.343 | 8.586 | 9.83 | 7.087 | 8.16 | 9.741 |
| | Y | -0.7744 | 0.651 | 5.144 | -0.206 | 0.6235 | -0.09838 | -0.7278 | 4.901 | 1.244 | -0.8786 |
| 40 | X | 3.141 | 2.055 | 9.478 | 2.498 | 8.662 | 2.057 | 7.533 | 3.747 | 6.307 | 7.363 |
| | Y | -3.145 | -6.176 | -8.949 | -7.299 | -13.66 | -6.191 | -4.54 | 0.9336 | -6.066 | -3.202 |
| 41 | X | 3.887 | 9.802 | 3.277 | 6.273 | 4.901 | 2.683 | 0.6519 | 4.54 | 6.465 | 2.661 |
| | Y | 109.7 | 1.151e+ 4 | -5.792 | 1712 | 512.4 | -57.83 | -38.28 | 332 | 1961 | -58.91 |
| 42 | X | 6.249 | 1.023 | 4.972 | 7.041 | 3.72 | 9.61 | 4.545 | 5.207 | 7.905 | 7.378 |
| | Y | -2.958 | -4.94 | 13.06 | -37.54 | 9.499 | -601.7 | 12.97 | 12.29 | -119.7 | -62.48 |
| 43 | X | 0.5173 | 9.909 | 6.434 | 9.008 | 9.153 | 4.798 | 7.577 | 7.446 | 3.629 | 8.223 |
| | Y | -11.3 | -922 | -75.78 | -484.1 | -537.5 | -26.31 | -172.2 | -156.7 | -15.79 | -274.9 |
| 44 | X | 4.347 | 0.8247 | 6.257 | 3.261 | 4.85 | 5.619 | 6.963 | 4.017 | 8.889 | 6.066 |
| | Y | 70.24 | -4.36 | 151.2 | 36.73 | 88.85 | 121.1 | 188.3 | 59.08 | 309.3 | 141.9 |

| | | | | | | | | | | | |
|----|---|----------|---------|---------|----------|----------|---------|----------|----------|----------|---------|
| | X | 8.014 | 8.15 | 0.8129 | 9.825 | 4.993 | 5.673 | 8.62 | 9.896 | 4.025 | 3.987 |
| 45 | Y | -1.835 | -2.706 | 0.9852 | -6.166 | -0.2471 | -0.115 | -5.602 | -7.782 | 0.202 | -0.5113 |
| 46 | X | 9.309 | 2.777 | 5.257 | 9.17 | 0.4792 | 2.887 | 2.581 | 3.519 | 8.185 | 3.222 |
| | Y | -4.924 | -2.804 | 1.391 | -4.508 | -0.3637 | -3.351 | -1.484 | -2.97 | 2.255 | -3.919 |
| 47 | X | 9.612 | 9.336 | 1.034 | 2.274 | 1.914 | 8.967 | 0.5419 | 7.193 | 5.479 | 1.094 |
| | Y | 0.8809 | 0.7434 | 2.68 | 0.5917 | 1.097 | 0.7943 | 3.407 | 3.529 | 4.062 | 2.576 |
| 48 | X | 7.731 | 3.201 | 1.45 | 3.272 | 5.985 | 9.259 | 7.098 | 0.7179 | 0.1464 | 9.974 |
| | Y | 31.84 | 0.4433 | -0.6972 | 0.6188 | 14.88 | 51.69 | 24.99 | 0.6439 | 2.436 | 62.59 |
| 49 | X | 3.053 | 1.35 | 1.872 | 3.772 | 6.773 | 7.077 | 1.234 | 7.306 | 2.28 | 1.337 |
| | Y | -0.6216 | -0.4846 | -0.4033 | -1.028 | -4.957 | -5.554 | -0.5174 | -6.031 | -0.4156 | -0.4879 |
| 50 | X | 4.567 | 6.122 | 6.126 | 2.888 | 8.576 | 1.573 | 9.629 | 5.844 | 0.6849 | 3.982 |
| | Y | 36.15 | 67.84 | 67.93 | 12.79 | 137.5 | 2.375 | 174.8 | 61.46 | -0.7467 | 26.74 |
| 51 | X | 7.344 | 5.967 | 5.637 | 2.059 | 1.791 | 3.204 | 8.347 | 8.561 | 4.432 | 0.4772 |
| | Y | 14.2 | 10.98 | 10.48 | 4.587 | 3.801 | 7.406 | 17.17 | 17.77 | 9.141 | 0.06619 |
| 52 | X | 3.006 | 2.21 | 2.897 | 8.722 | 8.428 | 5.853 | 4.46 | 8.178 | 9.654 | 0.8798 |
| | Y | 4.107 | 3.003 | 3.96 | 10.89 | 10.56 | 7.62 | 5.956 | 10.28 | 11.92 | 0.7518 |
| 53 | X | 5.769 | 5.927 | 5.805 | 7.886 | 8.816 | 9.679 | 4.18 | 3.586 | 3.171 | 7.818 |
| | Y | -9534 | -9520 | -9531 | -9346 | -9261 | -9180 | -9669 | -9718 | -9752 | -9352 |
| 54 | X | 0.6115 | 3.976 | 4.452 | 5.686 | 6.062 | 3.752 | 9.058 | 8.121 | 9.482 | 1.971 |
| | Y | -0.726 | 989.5 | 1745 | 5935 | 8180 | 740 | 6.097e+4 | 3.531e+4 | 7.665e+4 | 27.6 |
| 55 | X | 5.139 | 8.251 | 6.906 | 3.965 | 9.828 | 2.53 | 6.808 | 9.507 | 2.713 | 2.027 |
| | Y | 170.4 | 3832 | 998.4 | 52.49 | 1.854e+4 | 12.16 | 904.7 | 1.345e+4 | 14.71 | 7.095 |
| 56 | X | 1.699 | 7.221 | 5.568 | 9.965 | 5.982 | 5.252 | 8.326 | 5.511 | 0.05369 | 8.175 |
| | Y | 0.000438 | 1.907 | -1.391 | -0.06325 | -1.508 | -0.2425 | -0.5984 | -1.865 | 0.1101 | -1.352 |
| 57 | X | 1.309 | 3.816 | 0.6526 | 0.1618 | 3.698 | 2.301 | 7.464 | 4.394 | 8.27 | 3.199 |
| | Y | 0.1002 | -0.4047 | 0.8698 | 1.109 | -0.0863 | 0.6351 | 0.2136 | -1.754 | 0.2411 | 0.9362 |

ТИПОВЫЕ ЗАДАНИЯ, ВЫНОСИМЫЕ НА ЗАЩИТУ

1. Построить график функции $f(x)=\frac{1}{x^2}$ на интервале $(-10,1)$ с шагом, равным 0.1. Форматирование : цвет – графика - синий, линия графика – пунктир, вспомогательная сетка - 10 строк и 10 столбцов

2. Построить график функции $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x^2}, & x < -1 \\ x^3, & x \geq -1 \end{cases}$ на интервале (-5,5) с шагом, равным 0.2. Функцию определять при помощи элементов программирования

3. Построить поверхность, заданную функцией $F(x,y)=\sin(x)+\cos(y)$. Интервал изменения аргументов : $x \in \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right], y \in [0.. \pi]$. Количество точек сетки для каждого аргумента – 30.

4. Заполнить массив из 10 элементов произвольными значениями. Упорядочить массив по убыванию.

5. Решить СЛАУ, заданную в матричном виде $Ax=b$, где $a=\begin{pmatrix} 2 & -6 & 7 \\ 8 & 5 & -5 \\ 7 & 3 & 2 \end{pmatrix}, b=\begin{pmatrix} 2 \\ 7 \\ 9 \end{pmatrix}$

6. Найти нуль функции $f(x)=x + \ln x$ на интервале [0.2,0.9]

7. Дано функция $u = 5 \arcsin(yz+x^2 - 4)$. Найти координаты вектора grad в точке $m(2, \frac{12}{13}, 1)$

8. Доказать, что функция $z=\frac{y}{x}$ удовлетворяет уравнению $y \frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} - \frac{\partial z}{\partial x} = 0$

9. Функция $z(x,y)$ задана неявно уравнением $2x^2 + 2y^2 + z^2 - 8xz + 8=0$. Вычислить $\frac{\partial z}{\partial x}(2,0,1), \frac{\partial z}{\partial y}(2,0,1)$

10.Найти неопределенный интеграл $\int \frac{e^x}{x^2} dx$ вручную и в MathCad.

11.Вычислить $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{x^3}{2(x+1)^2 x}$

12.Найти преобразование Лапласа функции $\sin(x)$

13.Найти обратное преобразование Лапласа функции $\frac{1}{2+s^2}$

14.Найти корни полинома $x^4 + 3x^3 + 4x^2 + 2$

15. В выражении $(x-3)(x+4)$ раскрыть скобки и привести подобные
16. Разложить дробь $\frac{x^2+3}{2x^2+3x-4}$ на элементарные дроби
17. Найти неопределенный интеграл $\int \sin(kx) dx$
18. Разложить функцию $\sin(kx^2 + bx)$ в ряд Тейлора с порядком аппроксимации, равным 5
19. Решить уравнение $ax^2 + bx + c$
20. Найти преобразование Фурье для функции $\cos(kx)$
21. Найти преобразование Лапласа для функции $\cos(kx)$
22. Найти первообразную $\cos(kx)$
23. Вычислить интеграл $\int_a^b \int_{-1}^1 x^2 + y^2 dx dy$
24. Вычислить символьно интеграл $\int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-(x^2+y^2)} dx dy$

ВАРИАНТЫ ЗАДАНИЙ

| N | 1.1 | 1.2 | 1.3 | 1.4 | 2.1 | 2.2 | 3 | 4.1 | 4.2 | 5 | 6 |
|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|----|-----|-----|-----|----|
| 1 | 1 | 10 | 10 | 26 | 12 | 28 | 6 | 37 | 49 | 125 | 27 |
| 2 | 1 | 20 | 4 | 15 | 41 | 7 | 14 | 39 | 5 | 177 | 16 |
| 3 | 21 | 13 | 3 | 4 | 13 | 8 | 4 | 56 | 70 | 151 | 24 |
| 4 | 30 | 3 | 10 | 16 | 4 | 14 | 22 | 19 | 48 | 180 | 30 |
| 5 | 13 | 7 | 2 | 26 | 5 | 32 | 19 | 25 | 99 | 128 | 3 |
| 6 | 29 | 14 | 10 | 9 | 9 | 31 | 7 | 53 | 75 | 127 | 51 |
| 7 | 17 | 17 | 5 | 18 | 27 | 18 | 26 | 8 | 17 | 139 | 42 |
| 8 | 22 | 11 | 4 | 11 | 16 | 12 | 31 | 33 | 32 | 166 | 55 |
| 9 | 28 | 10 | 8 | 15 | 56 | 1 | 3 | 5 | 46 | 140 | 54 |
| 10 | 12 | 11 | 5 | 17 | 25 | 6 | 17 | 13 | 98 | 135 | 20 |
| 11 | 11 | 20 | 6 | 20 | 6 | 17 | 9 | 40 | 88 | 161 | 49 |
| 12 | 25 | 9 | 6 | 12 | 39 | 10 | 15 | 5 | 16 | 121 | 30 |
| 13 | 23 | 22 | 3 | 9 | 68 | 32 | 2 | 33 | 25 | 113 | 17 |
| 14 | 6 | 23 | 9 | 3 | 70 | 34 | 29 | 39 | 65 | 185 | 40 |
| 15 | 11 | 19 | 4 | 29 | 37 | 23 | 16 | 1 | 26 | 168 | 37 |
| 16 | 7 | 6 | 5 | 30 | 26 | 40 | 19 | 54 | 77 | 183 | 8 |
| 17 | 29 | 7 | 2 | 22 | 8 | 43 | 7 | 17 | 82 | 170 | 36 |

| | | | | | | | | | | | | | |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|-----|----|-----|----|
| 18 | 10 | 6 | 10 | 25 | 35 | 33 | 10 | 16 | 59 | 101 | 5 | 79 | 45 |
| 19 | 6 | 5 | 8 | 3 | 12 | 45 | 28 | 23 | 100 | 115 | 46 | 63 | 32 |
| 20 | 5 | 4 | 3 | 30 | 20 | 14 | 26 | 15 | 74 | 200 | 9 | 75 | 33 |
| 21 | 23 | 11 | 10 | 5 | 2 | 23 | 18 | 21 | 69 | 147 | 7 | 84 | 25 |
| 22 | 3 | 5 | 9 | 24 | 54 | 8 | 4 | 55 | 3 | 152 | 33 | 65 | 26 |
| 23 | 19 | 15 | 1 | 16 | 23 | 29 | 21 | 44 | 62 | 193 | 12 | 111 | 55 |
| 24 | 10 | 20 | 3 | 12 | 60 | 31 | 28 | 22 | 51 | 186 | 43 | 59 | 3 |
| 25 | 14 | 21 | 2 | 3 | 3 | 17 | 22 | 36 | 10 | 117 | 15 | 63 | 43 |
| 26 | 15 | 2 | 6 | 28 | 46 | 11 | 20 | 29 | 86 | 175 | 24 | 101 | 21 |
| 27 | 22 | 23 | 5 | 14 | 7 | 21 | 2 | 38 | 79 | 192 | 37 | 94 | 26 |
| 28 | 14 | 18 | 8 | 6 | 28 | 39 | 5 | 2 | 53 | 167 | 18 | 95 | 36 |
| 29 | 4 | 21 | 1 | 22 | 22 | 3 | 30 | 11 | 42 | 138 | 56 | 70 | 41 |
| 30 | 7 | 22 | 6 | 25 | 33 | 44 | 9 | 41 | 13 | 102 | 48 | 77 | 11 |
| 31 | 9 | 19 | 1 | 2 | 51 | 15 | 27 | 27 | 95 | 126 | 12 | 98 | 37 |
| 32 | 7 | 2 | 1 | 10 | 52 | 35 | 11 | 30 | 30 | 145 | 26 | 85 | 23 |
| 33 | 26 | 6 | 3 | 8 | 38 | 4 | 10 | 18 | 64 | 176 | 31 | 82 | 27 |
| 34 | 6 | 21 | 7 | 4 | 48 | 24 | 15 | 13 | 36 | 130 | 50 | 81 | 56 |
| 35 | 18 | 3 | 8 | 5 | 21 | 45 | 31 | 15 | 12 | 163 | 27 | 83 | 39 |
| 36 | 20 | 1 | 4 | 4 | 6 | 12 | 24 | 34 | 52 | 105 | 39 | 71 | 28 |
| 37 | 8 | 20 | 7 | 13 | 24 | 44 | 3 | 35 | 91 | 122 | 25 | 61 | 42 |
| 38 | 5 | 11 | 5 | 1 | 5 | 3 | 26 | 16 | 54 | 118 | 11 | 90 | 46 |
| 39 | 19 | 14 | 4 | 23 | 7 | 22 | 23 | 40 | 1 | 188 | 21 | 87 | 47 |
| 40 | 9 | 16 | 10 | 27 | 58 | 38 | 14 | 31 | 45 | 157 | 29 | 113 | 12 |
| 41 | 27 | 6 | 8 | 20 | 4 | 6 | 21 | 57 | 2 | 194 | 31 | 70 | 40 |
| 42 | 21 | 5 | 7 | 21 | 53 | 27 | 18 | 34 | 9 | 123 | 44 | 91 | 40 |
| 43 | 11 | 15 | 8 | 20 | 25 | 30 | 25 | 46 | 11 | 191 | 2 | 102 | 53 |
| 44 | 16 | 18 | 4 | 8 | 32 | 16 | 22 | 25 | 89 | 103 | 22 | 80 | 22 |
| 45 | 16 | 2 | 1 | 23 | 18 | 19 | 32 | 12 | 23 | 174 | 15 | 88 | 38 |
| 46 | 24 | 2 | 3 | 27 | 11 | 37 | 1 | 38 | 29 | 198 | 41 | 107 | 44 |
| 47 | 7 | 9 | 4 | 1 | 3 | 2 | 2 | 17 | 39 | 131 | 4 | 77 | 31 |
| 48 | 4 | 16 | 9 | 18 | 47 | 10 | 16 | 24 | 80 | 178 | 57 | 62 | 13 |
| 49 | 12 | 3 | 8 | 27 | 21 | 9 | 23 | 8 | 60 | 144 | 1 | 66 | 24 |
| 50 | 18 | 5 | 1 | 14 | 24 | 41 | 2 | 28 | 44 | 119 | 36 | 58 | 6 |
| 51 | 1 | 3 | 3 | 1 | 29 | 42 | 13 | 14 | 76 | 104 | 6 | 84 | 20 |
| 52 | 4 | 12 | 9 | 30 | 63 | 35 | 5 | 26 | 83 | 184 | 53 | 69 | 1 |
| 53 | 15 | 19 | 2 | 25 | 14 | 25 | 29 | 42 | 43 | 155 | 5 | 59 | 11 |
| 54 | 26 | 15 | 8 | 6 | 40 | 21 | 14 | 47 | 4 | 190 | 28 | 104 | 17 |
| 55 | 9 | 23 | 7 | 10 | 65 | 40 | 23 | 10 | 66 | 153 | 47 | 67 | 35 |

| | | | | | | | | | | | | | |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|----|-----|----|
| 56 | 8 | 4 | 7 | 7 | 50 | 4 | 32 | 32 | 19 | 132 | 42 | 72 | 57 |
| 57 | 6 | 10 | 7 | 23 | 27 | 29 | 9 | 2 | 72 | 199 | 2 | 95 | 25 |
| 58 | 17 | 13 | 2 | 6 | 61 | 4 | 15 | 51 | 93 | 187 | 16 | 68 | 17 |
| 59 | 4 | 1 | 4 | 7 | 28 | 36 | 13 | 45 | 85 | 120 | 4 | 72 | 15 |
| 60 | 23 | 16 | 6 | 29 | 9 | 13 | 20 | 43 | 27 | 197 | 35 | 64 | 42 |
| 61 | 1 | 7 | 5 | 24 | 64 | 1 | 19 | 32 | 15 | 116 | 35 | 106 | 28 |
| 62 | 30 | 4 | 10 | 7 | 18 | 28 | 12 | 48 | 97 | 172 | 21 | 108 | 5 |
| 63 | 20 | 17 | 1 | 19 | 36 | 38 | 7 | 36 | 33 | 160 | 29 | 65 | 48 |
| 64 | 26 | 8 | 5 | 1 | 1 | 18 | 27 | 10 | 37 | 124 | 10 | 68 | 18 |
| 65 | 5 | 17 | 3 | 19 | 30 | 15 | 4 | 23 | 81 | 189 | 14 | 60 | 21 |
| 66 | 15 | 18 | 1 | 4 | 45 | 20 | 18 | 27 | 96 | 114 | 28 | 69 | 31 |
| 67 | 30 | 4 | 5 | 15 | 43 | 22 | 27 | 9 | 31 | 159 | 26 | 85 | 10 |
| 68 | 8 | 7 | 6 | 11 | 23 | 9 | 30 | 20 | 73 | 179 | 34 | 74 | 19 |
| 69 | 18 | 12 | 6 | 17 | 31 | 16 | 11 | 31 | 28 | 196 | 19 | 86 | 29 |
| 70 | 3 | 12 | 3 | 8 | 15 | 26 | 10 | 9 | 38 | 129 | 9 | 60 | 8 |
| 71 | 17 | 8 | 5 | 9 | 42 | 34 | 13 | 22 | 71 | 171 | 32 | 105 | 13 |
| 72 | 19 | 22 | 7 | 5 | 8 | 24 | 8 | 26 | 78 | 164 | 6 | 78 | 22 |
| 73 | 24 | 14 | 2 | 12 | 15 | 9 | 31 | 21 | 8 | 143 | 23 | 71 | 51 |
| 74 | 9 | 14 | 1 | 8 | 20 | 2 | 1 | 11 | 41 | 148 | 39 | 94 | 3 |
| 75 | 21 | 8 | 5 | 14 | 1 | 5 | 17 | 1 | 68 | 136 | 19 | 79 | 14 |
| 76 | 24 | 10 | 4 | 26 | 2 | 6 | 4 | 14 | 61 | 134 | 52 | 74 | 41 |
| 77 | 16 | 19 | 9 | 2 | 67 | 37 | 32 | 35 | 21 | 150 | 11 | 110 | 14 |
| 78 | 13 | 12 | 2 | 28 | 17 | 20 | 1 | 6 | 14 | 137 | 20 | 86 | 54 |
| 79 | 22 | 3 | 7 | 9 | 44 | 5 | 8 | 18 | 7 | 106 | 8 | 114 | 2 |
| 80 | 2 | 22 | 6 | 13 | 29 | 1 | 3 | 37 | 94 | 109 | 33 | 99 | 23 |
| 81 | 2 | 9 | 6 | 18 | 26 | 19 | 12 | 50 | 47 | 165 | 18 | 58 | 2 |
| 82 | 14 | 1 | 10 | 5 | 16 | 13 | 28 | 19 | 56 | 112 | 22 | 92 | 9 |
| 83 | 27 | 7 | 9 | 24 | 55 | 36 | 25 | 7 | 50 | 110 | 38 | 64 | 4 |
| 84 | 2 | 6 | 1 | 13 | 49 | 27 | 3 | 42 | 6 | 182 | 3 | 89 | 29 |
| 85 | 27 | 15 | 9 | 2 | 66 | 43 | 24 | 6 | 92 | 158 | 14 | 97 | 19 |
| 86 | 12 | 23 | 7 | 11 | 34 | 30 | 21 | 24 | 35 | 173 | 13 | 97 | 33 |
| 87 | 20 | 16 | 10 | 28 | 11 | 42 | 24 | 52 | 87 | 156 | 23 | 90 | 16 |
| 88 | 10 | 18 | 6 | 17 | 30 | 33 | 1 | 3 | 34 | 146 | 17 | 81 | 30 |
| 89 | 5 | 4 | 4 | 21 | 13 | 3 | 16 | 30 | 84 | 141 | 38 | 62 | 36 |
| 90 | 25 | 5 | 9 | 10 | 59 | 2 | 20 | 20 | 57 | 169 | 25 | 99 | 5 |
| 91 | 8 | 8 | 9 | 21 | 19 | 26 | 12 | 3 | 67 | 133 | 10 | 87 | 38 |
| 92 | 29 | 13 | 2 | 29 | 17 | 5 | 5 | 43 | 40 | 142 | 32 | 98 | 34 |
| 93 | 25 | 1 | 3 | 7 | 14 | 8 | 6 | 7 | 24 | 111 | 13 | 76 | 12 |

| | | | | | | | | | | | | | |
|-----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|----|-----|----|
| 94 | 3 | 2 | 2 | 22 | 69 | 39 | 29 | 12 | 55 | 154 | 45 | 96 | 24 |
| 95 | 28 | 13 | 2 | 3 | 10 | 41 | 6 | 29 | 20 | 107 | 43 | 73 | 10 |
| 96 | 3 | 17 | 8 | 16 | 57 | 7 | 17 | 28 | 58 | 195 | 40 | 96 | 35 |
| 97 | 13 | 21 | 7 | 19 | 10 | 11 | 30 | 41 | 63 | 162 | 41 | 78 | 8 |
| 98 | 28 | 1 | 8 | 10 | 62 | 10 | 25 | 4 | 22 | 149 | 34 | 61 | 9 |
| 99 | 10 | 8 | 9 | 6 | 19 | 7 | 8 | 49 | 18 | 108 | 1 | 82 | 50 |
| 100 | 2 | 9 | 10 | 2 | 22 | 25 | 11 | 4 | 90 | 181 | 7 | 100 | 15 |