

Министерство образования и науки Российской Федерации

Томский государственный университет систем управления  
и радиоэлектроники (ТУСУР)

Кафедра автоматизированных систем управления (АСУ)

**Романенко В.В.**

**ОБЪЕКТНО-ОРИЕНТИРОВАННОЕ  
ПРОГРАММИРОВАНИЕ  
Лабораторные работы**

**Методические указания по выполнению лабораторных  
работ по дисциплине «Объектно-ориентированное  
программирование»**

для студентов очной формы обучения специальностей  
010400 – «Прикладная математика и информатика» и  
230100 – «Информатика и вычислительная техника»

Томск – 2014

## СОДЕРЖАНИЕ

|  |   |
|--|---|
| <b>ВВЕДЕНИЕ .....</b>                              | <b>6</b>                                |
| <b>1. Общие положения .....</b>                    | <b>7</b>                                |
| <b>1.1. Выполнение и сдача работы .....</b>        | <b>9</b>                                |
| 1.1.1. Рейтинговая система                         | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 1.1.2. Требования к отчету                         | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 1.1.3. Языки программирования                      | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| <b>1.2. Входные и выходные данные</b>              | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 1.2.1. Формат чисел и строк                        | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 1.2.2. Работа с функциями, заданными в             |   |
| аналитическом виде.....                            | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 1.2.3. Использование стандартных потоков ввода-    |   |
| вывода.....  | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 1.2.4. Размещение файлов лабораторной работы       | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| <b>1.3. Результаты вычислений. Погрешность</b>     | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| <b>2. ЛАБОРАТОРНЫЕ РАБОТЫ</b>                      | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| <b>2.1. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №1 «Интерполяция и</b> |   |
| <b>численное дифференцирование функций»</b>        | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 2.1.1. Методы решения                              | <b>.Ошибка! Закладка не определена.</b> |
| 2.1.1.1. Полином Ньютона                           | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 2.1.1.2. Полином Лагранжа                          | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 2.1.1.3. Метод наименьших квадратов                | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 2.1.2. Формат входных данных                       | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 2.1.3. Формат выходных данных                      | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| <b>2.2. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №2 «Приближение</b>    |   |
| <b>сплайнами» .....</b>                            | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 2.2.1. Методы решения                              | <b>.Ошибка! Закладка не определена.</b> |
| 2.2.1.1. Линейные сплайны                          | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 2.2.1.2. Параболические сплайны                    | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 2.2.1.3. Кубические сплайны                        | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 2.2.1.4. Метод прогонки                            | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 2.2.2. Формат входных данных                       | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |
| 2.2.3. Формат выходных данных                      | <b>Ошибка! Закладка не определена.</b>  |

**2.3. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №3 «ЧИСЛЕННОЕ****ИНТЕГРИРОВАНИЕ ФУНКЦИЙ» ....Ошибка! Закладка не определена.****2.3.1. Методы решения.Ошибка! Закладка не определена.****2.3.1.1. Формулы прямоугольниковОшибка! Закладка не определена****2.3.1.2. Формула трапецийОшибка! Закладка не определена****2.3.1.3. Формула СимпсонаОшибка! Закладка не определена****2.3.1.4. Формула ЧебышеваОшибка! Закладка не определена****2.3.1.5. Формула ГауссаОшибка! Закладка не определена****2.3.1.6. Вычисление интеграла с заданной****точностью .....Ошибка! Закладка не определена****2.3.2. Формат входных данныхОшибка! Закладка не определена****2.3.3. Формат выходных данныхОшибка! Закладка не определена****2.4. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №4 «РЕШЕНИЕ УРАВНЕНИЙ С****ОДНОЙ ПЕРЕМЕННОЙ» .....Ошибка! Закладка не определена****2.4.1. Методы решения.Ошибка! Закладка не определена****2.4.1.1. Интервальные методыОшибка! Закладка не определена****2.4.1.2. Итерационные методыОшибка! Закладка не определена****2.4.1.2. Комбинированный методОшибка! Закладка не определен****2.4.2. Формат входных данныхОшибка! Закладка не определена****2.4.3. Формат выходных данныхОшибка! Закладка не определена****2.5. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №5 «РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ****ЛИНЕЙНОЙ АЛГЕБРЫ» .....Ошибка! Закладка не определена****2.5.1. Методы решения.Ошибка! Закладка не определена****2.5.1.1. Метод ГауссаОшибка! Закладка не определена****2.5.1.2. Метод декомпозицииОшибка! Закладка не определена****2.5.1.3. Метод ортогонализацииОшибка! Закладка не определена****2.5.1.4. Метод вращенийОшибка! Закладка не определена****2.5.1.5. Метод простой итерацииОшибка! Закладка не определен****2.5.1.6. Метод ЗейделяОшибка! Закладка не определена****2.5.1.7. Вычисление обратных матрицОшибка! Закладка не опред****2.5.2. Формат входных данныхОшибка! Закладка не определена****2.5.3. Формат выходных данныхОшибка! Закладка не определена****2.6. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №6 «ВЫЧИСЛЕНИЕ****СОБСТВЕННЫХ ЧИСЕЛ И СОБСТВЕННЫХ ВЕКТОРОВ»Ошибка! Закладка не опре****2.6.1. Методы решения.Ошибка! Закладка не определена**

2.6.1.1. Метод Данилевского**Ошибка! Закладка не определена.**

2.6.1.2. Метод Крылова**Ошибка! Закладка не определена.**

2.6.1.3. Определение кратности собственных чисел

и векторов .....**Ошибка! Закладка не определена.**

2.6.2. Формат входных данных**Ошибка! Закладка не определена.**

2.6.3. Формат выходных данных**Ошибка! Закладка не определена.**

## **2.7. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №7 «РЕШЕНИЕ СИСТЕМ**

**НЕЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ»..... Ошибка! Закладка НЕ ОПРЕДЕЛЕНА.**

2.7.1. Методы решения.**Ошибка! Закладка не определена.**

2.7.1.1. Метод Ньютона**Ошибка! Закладка не определена.**

2.7.1.2. Метод итераций**Ошибка! Закладка не определена.**

2.7.1.3. Метод наискорейшего спуска**Ошибка! Закладка не определена.**

2.7.2. Формат входных данных**Ошибка! Закладка не определена.**

2.7.3. Формат выходных данных**Ошибка! Закладка не определена.**

## **2.8. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №8 «РЕШЕНИЕ**

**ОБЫКНОВЕННЫХ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ»Ошибка! Закладка НЕ ОПРЕДЕЛЕНА.**

2.8.1. Методы решения.**Ошибка! Закладка не определена.**

2.8.1.1. Решение ОДУ первого порядка методами

Рунге-Кутта .....**Ошибка! Закладка не определена.**

2.8.1.2. Решение систем ОДУ методами Рунге-

Кутта .....**Ошибка! Закладка не определена.**

2.8.1.3. Решение ОДУ n-го порядка методами

Рунге-Кутта .....**Ошибка! Закладка не определена.**

2.8.2. Формат входных данных**Ошибка! Закладка не определена.**

2.8.3. Формат выходных данных**Ошибка! Закладка не определена.**

## **2.9. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №9 «РЕШЕНИЕ ЛИНЕЙНЫХ**

**ИНТЕГРАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ» ... Ошибка! Закладка НЕ ОПРЕДЕЛЕНА.**

2.9.1. Методы решения.**Ошибка! Закладка не определена.**

2.9.1.1. Метод последовательных приближений**Ошибка! Закладка не определена.**

2.9.1.2. Метод дискретизации**Ошибка! Закладка не определена.**

2.9.1.3. Решение ЛИУ первого рода**Ошибка! Закладка не определена.**

2.9.2. Формат входных данных**Ошибка! Закладка не определена.**

2.9.3. Формат выходных данных**Ошибка! Закладка не определена.**

**ЛИТЕРАТУРА ..... 42**

**ПРИЛОЖЕНИЯ ..... 42**

|   |                                       |
|---|---------------------------------------|
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ А. ФОРМАТ ТИТУЛЬНОГО ЛИСТА ОТЧЕТА .....</b> | <b>43</b>                             |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ Б. ЛИСТИНГ МОДУЛЯ POLSTR.H.....</b>         | <b>44</b>                             |
| <b>ПРИЛОЖЕНИЕ В. ЛИСТИНГ МОДУЛЯ POLUTILS.PAS</b>          | <b>Ошибка! ЗАКЛАДКА НЕ ОПРЕДЕЛЕНА</b> |

## ВВЕДЕНИЕ

Данное пособие предназначено для студентов специальностей 010400 – «Прикладная математика и информатика», а также 230100 – «Информатика и вычислительная техника» ТУСУР и содержит требования к выполнению лабораторных работ по дисциплине «Объектно-ориентированное программирование». В рамках дисциплины «Объектно-ориентированное программирование» изучаются основные принципы ООП, а также программирование на языках C++ и C#.

Формат титульного листа отчета приведен в **приложении А**.

# 1. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №1

## 1.1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Практическое ознакомление с правилами составления протоколов описаний классов C++, получение навыков составления элементарных программ с типами данных «объект-экземпляр класса».

## 1.2. ЗАДАНИЕ К ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ

Составить описание класса для объектов-векторов, задаваемых координатами концов в трехмерном пространстве, считая, что компоненты векторов представлены вещественными числами типа **double**. Компоненты векторов должны быть скрыты (инкапсулированы) в объекте. Предусмотреть в классе деструктор и, как минимум, два конструктора:

- а) для инициализации векторов нулевыми компонентами и
- б) заданным набором компонентов.

Можно использовать параметры по умолчанию для сокращения количества конструкторов.

Организовать в конструкторах и деструкторе вывод на экран информационных сообщений, например, «*Конструктор 1*», «*Деструктор*» и т.д.

I. С помощью **функций-элементов класса** обеспечить

- 1) доступ к элементам вектора (чтение/запись);

- 2) вычисление модуля вектора;
- 3) копирование вектора;
- 4) умножение вектора на скаляр;
- 5) нормировку вектора (получение вектора единичной длины).

II. С помощью **внешних функций** обеспечить двуместные операции над векторами  $A$  и  $B$ :

- a) с получением нового вектора  $C$ :
  - 1) сложение ( $C = A + B$ );
  - 2) вычитание ( $C = A - B$ );
  - 3) векторное произведение ( $C = A \times B$ );
- b) с получением скалярных величин:
  - 1) скалярного произведения двух векторов;
  - 2) косинуса и синуса угла между двумя векторами;
  - 3) величины угла в градусах между векторами в пределах  $[-180^\circ, 180^\circ]$ .

**УКАЗАНИЕ:** для расчета угла воспользуйтесь функцией **atan2**, подключив заголовочный файл **math.h**.

Создайте функцию-элемент класса для вывода на экран компонентов вектора в удобной форме, например, в виде строки:

$x = <\text{значение } x>; y = <\text{значение } y>; z = <\text{значение } z>.$

По возможности используйте передачу параметров и возврат значений из функций по ссылке. Там, где это возможно, используйте модификатор **const** при описании функций-элементов класса и параметров.

Исследуйте, в каких местах программы происходит автоматический вызов конструкторов и деструктора. Объясните, почему так происходит.

Математические сведения, необходимые для программирования методов векторной алгебры представлены в **Приложении Б**.

### **1.3. ЗАДАЧИ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОГО РЕШЕНИЯ**

1. Описать класс с двумя полями X и P, инкапсулирующий число  $X \cdot 10^P$ . Определить методы деления, умножения и возведения в степень таких чисел.

2. Класс инкапсулирует число N, записанное в системе счисления по основанию P ( $2 \leq P \leq 16$ ). Определить методы вывода числа на консоль и копирования строки такому числу.

3. Класс инкапсулирует вектор из N элементов. Определить методы сравнения векторов. В качестве критерия сравнения использовать норму векторов.

4. Класс инкапсулирует десятичное число, хранящееся в виде строки S, максимальная длина которой равна N. Определить методы сложения и копирования таких чисел.

5. Класс инкапсулирует точку на декартовой плоскости. Определить методы покоординатного сложения и вычитания точек, а также метод обращения знака.

6. Класс инкапсулирует точку на декартовой плоскости. Определить методы поворота точки вокруг центра координат на указанный угол, а также поворота на угол  $\pm\pi$ .

7. Класс инкапсулирует двоичное число, хранимое в виде строки S максимальной длины N. Определить методы циклического сдвига двоичного числа вправо или влево, а также инверсии этого числа.

8. Класс инкапсулирует прямоугольник со сторонами A и B. Определить метод, соединяющий два прямоугольника горизонтально, если они имеют одинаковую высоту, и метод, соединяющий два прямоугольника вертикально, если они имеют одинаковую ширину, а также метод копирования.

9. Описать класс с полем P, инкапсулирующий число  $e^P$ . Определить методы деления, умножения и возведения в степень таких чисел, а также их деления и умножения с числами типа double.

10. Класс инкапсулирует шар радиуса R. Определить метод сложения, в результате которой получается шар, объем которого равен сумме объемов исходных шаров, а также метод вычитания по схожему принципу. При получении отрицательного объема выдавать ошибку.

11. Класс инкапсулирует дату (в виде номера дня, месяца и года – D, M, Y). Определить метод сравнения дат, а также увеличения и уменьшения даты на целое количество дней.

12. Класс инкапсулирует рациональную дробь (в виде числителя A и знаменателя B). Определить методы сравнения дробей.

13. Класс инкапсулирует мнимое число. Определить методы деления, умножения и вывода на экран таких чисел.

14. Класс инкапсулирует вектор произвольной размерности. Определить методы доступа к элементам вектора.

15. Описать класс с двумя полями X и P, инкапсулирующий число X, возведенное в степень P ( $X^P$ ). Определить методы деления, умножения и возведения в степень таких чисел.

## 2. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №2

### 2.1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Освоение методов использования динамической памяти, изучение свойства полиморфизма, реализуемого перегрузкой функций и операций в классах C++.

### 2.2. ЗАДАНИЕ К ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ

Составить описание класса для объектов прямоугольных матриц, задаваемых массивом вещественных чисел типа **double**, располагающегося в памяти по строкам. Компоненты матрицы должны быть скрыты (инкапсулированы) в объекте.

Предусмотреть применение конструкторов:

- а) по умолчанию;
- б) для инициализации квадратной матрицы заданного размера с заданными компонентами;
- в) для инициализации прямоугольной матрицы заданных размеров с заданными компонентами;
- г) копирования.

Можно использовать параметры по умолчанию для сокращения количества конструкторов.

Конструкторы должны создавать объекты в динамической памяти (оператор **new**), а деструктор – освобождать память (оператор **delete**). Способ размещения объекта в динамической памяти (в виде одномерного или двумерного динамического массива, либо комбинированный вариант –

одномерный массив с массивом указателей на начало каждой строки матрицы) выбрать самостоятельно. Все эти способы имеют как достоинства, так и недостатки.

Организовать в конструкторах и деструкторе вывод на экран информационных сообщений, например, «*Конструктор 1*», «*Деструктор*» и т.д.

I. С помощью функций-элементов класса обеспечить:

- 1) проверку возможности умножения двух матриц;
- 2) проверку возможности сложения двух матриц;
- 3) максимального элемента матрицы;
- 4) минимального элемента матрицы.

II. С помощью операторов-элементов класса обеспечить:

- 1) доступ к элементам матрицы по индексу строки и столбца (чтение/запись), т.е. переопределить оператор [];
- 2) вывод на экран матрицы в построчной форме, т.е. переопределить оператор вывода на поток <<;
- 3) математические действия над матрицами  $A$  и  $B$  без получения новых матриц, т.е. переопределить операторы
  - a)  $A = B$ ;

- б)  $A += B$ ;
- в)  $A -= B$ ;
- г)  $A *= B$ ;
- д) а также  $A *= k$  – умножение матрицы на скаляр.

III. С помощью внешних операторов обеспечить двуместные операции над матрицами  $A$  и  $B$  с получением новой матрицы  $C$ :

- 1) сложение ( $C = A + B$ );
- 2) вычитание ( $C = A - B$ );
- 3) произведение ( $C = A * B$ );
- 4) умножение матрицы на скаляр ( $C = A * k$ ).

Выполнению операций сложения, вычитания и умножения матриц должна предшествовать проверка возможности их выполнения над данными объектами.

**УКАЗАНИЕ:** Для выравнивания позиций при выводе матрицы на экран можно использовать функции-манипуляторы потока (библиотека **iomanip.h**) либо функции-элементы (методы) класса **ostream** (библиотека **iostream.h**) (табл. 2.1).

Табл. 2.1 – Форматирование вывода

| Манипуляторы потока              | Методы класса <b>ostream</b>            |
|----------------------------------|---|
| <code>fixed</code>               | <code>setf(ios_base::fixed,</code>      |
| <code>scientific</code>          | <code>ios_base::floatfield)</code>      |
| <code>setprecision(int n)</code> | <code>setf(ios_base::scientific,</code> |

|   |                       |
|---|-----------------------|
| setw(int n)                               | ios_base::floatfield) |
| resetiosflags(ios_base::fmtflags<br>flag) | precision(int n)      |
| setiosflags(ios_base::fmtflags<br>flag)   | width(int n)          |
|   | setf(0, flag)         |
|   | setf(flag)            |

### 2.3. ЗАДАЧИ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОГО РЕШЕНИЯ

1. Описать класс с двумя полями X и P, инкапсулирующий число  $X \cdot 10^P$ . Определить операции деления, умножения и возвведения в степень таких чисел (/,\* ,^).
2. Класс инкапсулирует число N, записанное в системе счисления по основанию P ( $2 \leq P \leq 16$ ). Определить операции вывода числа на консоль (<<) и присваивания строки (=) такому числу.
3. Класс инкапсулирует вектор из N элементов. Определить операции сравнения векторов (==, !=, >, >=, <, <=). В качестве критерия сравнения использовать норму векторов.
4. Класс инкапсулирует десятичное число, хранящееся в виде строки S, максимальная длина которой равна N. Определить операции сложения (+) и присваивания (=) таких чисел.
5. Класс инкапсулирует точку на декартовой плоскости. Определить операции покоординатного сложения и вычитания точек (+, -), а также унарную операцию обращения знака (-).

6. Класс инкапсулирует точку на декартовой плоскости. Определить операции поворота точки вокруг центра координат на указанный угол ( $+=$ ,  $-=$ ), а также поворота на угол  $\pm\pi$  ( $++$ ,  $--$ ).

7. Класс инкапсулирует двоичное число, хранимое в виде строки S максимальной длины N. Определить операции циклического сдвига двоичного числа вправо или влево, а также инверсии этого числа ( $<<$ ,  $>>$ ,  $\sim$ ).

8. Класс инкапсулирует прямоугольник со сторонами A и B. Определить операцию «&», соединяющую два прямоугольника горизонтально, если они имеют одинаковую высоту, и операцию «|», соединяющую два прямоугольника вертикально, если они имеют одинаковую ширину, а также операцию присваивания ( $=$ ).

9. Описать класс с полем P, инкапсулирующий число  $e^P$ . Определить операции деления, умножения и возведения в степень таких чисел ( $/$ ,  $*$ ,  $^$ ), а также их деления и умножения с числами типа double.

10. Класс инкапсулирует шар радиуса R. Определить операцию сложения (+), в результате которой получается шар, объем которого равен сумме объемов исходных шаров, а также операцию вычитания (-) похожему принципу. При получении отрицательного объема выдавать ошибку.

11. Класс инкапсулирует дату (в виде номера дня, месяца и года – D, M, Y). Определить операции сравнения дат ( $<$ ,  $>$ ), а также увеличения и уменьшения даты на целое количество дней ( $+=$ ,  $-=$ ).

12. Класс инкапсулирует рациональную дробь (в виде числителя А и знаменателя В). Определить операции сравнения дробей.

13. Класс инкапсулирует мнимое число. Определить операции деления, умножения и вывода на экран таких чисел.

14. Класс инкапсулирует вектор произвольной размерности. Определить операцию доступа к элементам вектора.

15. Описать класс с двумя полями X и P, инкапсулирующий число X, возведенное в степень P ( $X^P$ ). Определить операции деления, умножения и возведения в степень таких чисел.

### **3. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №3**

#### **3.1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ**

Изучение механизма наследования классов и полиморфизма, виртуальных методов, а также абстрактных методов и классов в языке С++.

#### **3.2. ЗАДАНИЕ К ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ**

Необходимо разработать иерархическую структуру классов, позволяющую создавать два типа объектов – вектора и матрицы. Вектор представляет собой одномерный массив произвольной длины, матрица – двумерный массив произвольной размерности (см. ЛР№2). При этом с обоими типами объектов должны быть предусмотрены:

1. Конструкторы (по умолчанию, с параметрами, копирующий);
2. Проверка возможности сложения и умножения объектов (вектора и вектора, вектора и матрицы, матрицы и вектора, матрицы и матрицы);
3. Оператор доступа к элементам вектора и матрицы [];
4. Оператор вывода в поток <<;
5. Математические операторы (+, -, \*, +=, -=, \*=, =) с объектами, а также умножение объектов на скаляр;

Указание. Структуру иерархии классов продумать самостоятельно. Возможны, как минимум, три варианта (рис. 3.1). При выборе варианта №3 пользователь не должен иметь возможности создания экземпляров базового класса. Также необходимо самостоятельно решить, какие методы должны быть виртуальными.



Рис. 3.1 – Варианты иерархии классов

### **3.2. ЗАДАЧИ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОГО РЕШЕНИЯ**

Построить иерархию классов для следующей предметной области:

1. Геометрические фигуры;
2. Интервалы (открытые, закрытые, бесконечные и т.п.);
3. Транспорт;
4. Контейнеры для хранения данных;
5. Родственные связи.

Определить конструкторы, деструкторы, методы доступа к инкапсулированным полям, а также все необходимые операции для работы с объектами предметной области.

## 4. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №4

### 4.1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Создание классов математических объектов с перегрузкой операций на языке С++.

### 4.2. ЗАДАНИЕ К ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ

1. Составить описание класса для представления типа «обыкновенная дробь» вида

$$C = \frac{A}{B},$$

где А и В – целые числа.

- a) Обеспечить выполнение 4-х арифметических действий над этими объектами ( $=$ ,  $+$ ,  $-$ ,  $*$ ,  $/$ );
- б) Предусмотреть операцию автоматического «сокращения дроби» – удаления общих множителей числителя и знаменателя;
- в) Обеспечить операцию декомпозиции неправильной дроби на целую часть и правильную дробь, используя операцию деления с остатком.
2. Составить описание класса для представления типа «полином» вида

$$P(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_nx^n,$$

где  $a_i$  – вещественные коэффициенты.

- а) Обеспечить выполнение 3-х арифметических действий над этими объектами ( $+=$ ,  $+$ ,  $-=$ ,  $-$ ,  $*=$ ,  $*$ );
  - б) Предусмотреть операцию деления полиномов с остатком, используя «деление углом» (алгоритм Эвклида);
  - в) Предусмотреть функцию обновления, отбрасывающую старшие члены полинома с нулевыми коэффициентами;
  - г) Перегрузить операцию () для вычисления значения полинома.
3. Для всех типов организовать перегруженный оператор присваивания.

**УКАЗАНИЕ:** все арифметические операторы реализовать путем перегрузки операций с использованием свойства дружественности.

## 5. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №5

### 5.1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Изучение механизма применения шаблонов функций как средства агрегирования программных модулей в языке С++.

### 5.2. ЗАДАНИЕ К ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ

Данная лабораторная работа базируется на результатах лабораторных работ №1-3.

1. Используя исходный код класса прямоугольных матриц и метод шаблонов, составить описание класса для представления матриц с элементами произвольного типа. Протестировать полученный класс, т.е. проверить правильность выполнения всех функций и операторов класса, используя в качестве шаблонов:

- а) Базовые типы языка С (**int**, **double**, **char** и т.д.);
- б) Класс-вектор, являющийся результатом лабораторной работы №1;
- в) Класс-матрицу, являющуюся результатом лабораторной работы №2;
- г) Класс-матрицу с шаблоном, т.е. шаблоном должна являться матрица, использующая, в

свою очередь, некоторый базовый тип языка С в качестве шаблона.

**УКАЗАНИЕ:** При выполнении последнего пункта следует учесть, что не все компиляторы поддерживают конструкции вида «класс1<класс2<шаблон>>», в этом случае при помощи оператора **typedef** необходимо сначала создать новый вспомогательный тип, например

**typedef** класс2<шаблон1> шаблон2.

А уже затем использовать новый тип «шаблон2» как шаблон для класса «класс1».

2. Используя исходный код модуля «обыкновенная дробь», тип «полином» и метод шаблонов составить описание класса для представления объектного типа «полиномиальная дробь»:

$$W(x) = \frac{b_0 + b_1x + b_2x^2 + \dots + b_mx^m}{a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_nx^n},$$

где  $a_i$  и  $b_i$  - вещественные числа,  $m$  и  $n$  – целые числа.

а) Обеспечить выполнение 4-х арифметических действий над этими объектами ( $+=$ ,  $+$ ,  $-=$ ,  $-$ ,  $*=$ ,  $*$ ,  $/=$ ,  $/$ );

б) Обеспечить операцию декомпозиции неправильной дроби на целую часть и правильную дробь, используя операцию деления с остатком (здесь целая часть – полином, остаток – правильная полиномиальная дробь, у которой степень полинома числителя меньше, чем степень полинома знаменателя).

**УКАЗАНИЯ:**

- 1) На основе кода программного модуля «обыкновенная дробь» создать шаблон с параметризацией типа объектов в числителе и знаменателе дроби;
- 2) Формировать класс «полиномиальная дробь», конкретизируя параметр созданного шаблона классом «полином» с соответствующими перегруженными операторами.

## 6. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №6

### 6.1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Практическое ознакомление с правилами описания классов на языке C#. Освоение описания полей и методов классов, перегрузки операций.

### 6.2. ЗАДАНИЕ К ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ

Составить описание класса для объектов прямоугольных матриц, задаваемых массивом (одномерным или прямоугольным) вещественных чисел типа **double**. Компоненты матрицы должны быть инкапсулированы в классе.

I. Предусмотреть применение конструкторов:

- а) по умолчанию (создающий пустую матрицу);
- б) для инициализации квадратной матрицы заданного размера;
- в) для инициализации прямоугольной матрицы заданных размеров;
- г) для инициализации матрицы с заданными в виде прямоугольного двумерного массива компонентами.
- д) для копирования одной матрицы в другую.

Организовать в конструкторах и деструкторе вывод на экран информационных сообщений, например, «Конструктор матрицы XXX», «Деструктор матрицы XXX» и т.д. Вместо «XXX» указывать некоторый уникальный идентификатор матрицы.

II. С помощью методов класса обеспечить:

- 1) проверку возможности умножения двух матриц (static);
- 2) проверку возможности сложения двух матриц (static);
- 3) поиск максимального элемента матрицы;
- 4) поиск минимального элемента матрицы.

III. С помощью перегруженных операторов класса обеспечить операции сложения, вычитания и умножения матриц, а также умножения матрицы на скаляр. Выполнению операций сложения, вычитания и умножения матриц должна предшествовать проверка возможности их выполнения над данными объектами.

IV. С помощью индексатора обеспечить доступ к элементам матрицы по индексу строки и столбца (чтение/запись). С помощью свойств – доступ к количеству строк и столбцов (только чтение).

V. Перегрузить метод `ToString` для представления матрицы в построчной форме в виде строки. Использовать форматирование, чтобы элементы одного столбца матрицы располагались друг под другом.

При невозможности выполнения над матрицей тех или иных операций генерировать исключение (типа `ArgumentException` или других типов, в зависимости от операции).

### **6.3. ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ЗАДАНИЯ**

- 1) Обеспечить хранение элементов матрицы в классе в виде одномерного массива. Извне класса пользователь

должен иметь возможность работать с ним как с двумерным объектом.

2) Реализовать еще одну версию объекта типа «Матрица» в виде структуры. В комментариях пояснить, какие пришлось внести модификации в члены структуры по сравнению с членами класса.

3) Перегрузить для матриц операторы «==» и «!=», а также метод Equals. Сравнение матриц проводить поэлементно.

4) Добавить рекурсивный метод поиска определителя квадратной матрицы методом разложения по строке. Определить оператор неявного преобразования матрицы к типу **double**, результатом которого будет значение определителя матрицы.

5) Добиться того, чтобы оператор «&&» объединял матрицы. Причем операция « $x \&\& y$ » должна объединять матрицы, имеющие одинаковое количество столбцов таким образом, чтобы в результирующей матрице строки матрицы  $y$  располагались ниже строк матрицы  $x$ .

6) Добиться того, чтобы оператор «||» объединял матрицы. Причем операция « $x || y$ » должна объединять матрицы, имеющие одинаковое количество строк таким образом, чтобы в результирующей матрице столбцы матрицы  $y$  располагались правее столбцов матрицы  $x$ .

7) Добиться того, чтобы оператор «>>» циклически сдвигал столбцы матрицы указанное количество раз вправо, а оператор «<<» – влево.

8) Добиться того, чтобы оператор «>>» циклически сдвигал строки матрицы указанное количество раз вниз, а оператор «<<» – вверх.

9) Обеспечить возможность сложения, вычитания и деления матриц с операндами типа **double** и результатом типа **double**, допустимых в том случае, если матрица состоит из единственного элемента, а также деления произвольной матрицы на операнд типа **double**.

10) Перегрузить для матрицы операторы **true**, **false** и неявного преобразования матрицы к типу **bool**. Будем считать, что матрица = «ложь», если она пуста или имеет только нулевые коэффициенты. Также перегрузить оператор явного преобразования из типа **bool** к матрице. При этом, если матрице присваивается значение **false**, она должна обнуляться, а если **true** – становиться единичной.

11) Написать алгоритм построчной сортировки элементов матрицы методом пузырька. При этом выполнять сравнение элементов должен делегат, передаваемый в этот метод в качестве параметра. Разные делегаты должны обеспечивать разные методы сортировки, например: по возрастанию; по убыванию; сначала четные элементы, а затем нечетные или наоборот; сначала отрицательные элементы, а потом положительные и наоборот; и т.д.

12) Обеспечить поиск требуемого элемента в матрице. Критерий поиска должен задаваться в виде делегата, передаваемого в этот метод в качестве параметра. Например, поиск минимального или максимального элемента, первого или последнего отрицательного или положительного элемента и т.д.

13) Реализовать в классе интерфейс `IEnumerable`, позволяющий использовать матрицу в качестве итератора, например, для извлечения ее элементов в цикле `foreach`. Добавить в класс свойство типа `object`, которое, если оно не равно `null`, должно возвращаться итератором в конце каждой строки элементов. Например, это может быть "`\r\n`" для вывода каждой строки матрицы на отдельной строке консольного окна.

14) Реализовать в классе интерфейс `ICloneable`, а также метод `Copy`, возвращающий копию матрицы и метод `Assign`, принимающий аргумент типа `object`. Если данный аргумент содержит ссылку на матрицу, скопировать ее в текущий экземпляр матрицы.

15) Перегрузить в матрице операторы отношения и реализовать интерфейс `IComparable`. Сравнение матриц осуществлять на основании количества элементов.

16) Перегрузить в матрице операторы отношения и реализовать интерфейс `IComparable`. Сравнение матриц осуществлять на основании их норм.

17) Избавиться от хранения одинаковых копий матриц. Для этого реализовать класс-регистратор, хранящий ссылки на все имеющиеся матрицы. Прямой вызов конструкторов матриц запретить, вместо этого реализовать метод `CreateInstance`, возвращающий новую матрицу, если она уникальна, и ссылку на имеющуюся матрицу в противном случае. Экземпляр класса-регистратора создавать в статическом конструкторе матрицы.

18) Используя оператор `yield`, реализовать в классе итератор для перечисления всех элементов матрицы. Па-

раметр типа **object**, передаваемый в итератор, если он не равен **null**, должен возвращаться итератором в конце каждой строки элементов. Например, это может быть "\r\n" для вывода каждой строки матрицы на отдельной строке консольного окна.

19) Используя оператор **yield**, реализовать в классе итератор для перечисления элементов матрицы, удовлетворяющих требуемому условию. Условие должно передаваться в итератор в виде параметра, имеющего тип делегата. Предусмотреть методы для извлечения положительных, отрицательных, нулевых и т.п. элементов матриц.

20) Реализовать транспонирование матрицы в виде перегрузки какого-либо унарного оператора.

21) Реализовать в классе интерфейс **IList**. Некоторые методы данного интерфейса можно сделать в виде заглушек (генерировать в них исключение **NotSupportedException**) – например, **Insert**, **Remove** и т.д.

22) Реализовать в классе интерфейс **ICollection** для возможности интерпретации матрицы как коллекции.

23) Реализовать в классе интерфейс **IFormattable** для форматирования вывода элементов матрицы на экран.

24) Добавить в класс методы **Split** и **Join**. Первый должен возвращать две матрицы, являющиеся частями исходной матрицы (разделяя ее по указанной строке или столбцу). Второй метод должен реализовывать обратную операцию – соединять две матрицы построчно или по столбцам, если их размеры соответствуют.

25) Обеспечить хранение элементов матрицы в ортогональном массиве с возможностью задавать различное количество элементов для каждой строки.

26) Добавить в класс еще один индексатор с одним целочисленным индексом, обеспечивающий доступ к строкам матрицы (на чтение и запись).

27) Изменить тип элементов матрицы на обнуляемый тип **double?**. При выполнении всех операций с неинициализированными элементами матрицы (со значением **null**) должна генерироваться исключительная ситуация типа **NullReferenceException**.

28) Обеспечить операторы преобразования матрицы к типу **double[]** (при этом элементы матрицы должны располагаться в результирующем массиве построчно), и наоборот – от типа **double[]** к матрице.

29) Написать метод **Init** для инициализации элементов матрицы требуемыми значениями. Способ инициализации должен быть представлен делегатом, передаваемым в этот метод в качестве параметра. Написать несколько предопределенных инициализаторов (для обнуления матрицы, для получения единичной матрицы и т.п.).

30) Написать метод с переменным числом аргументов для сложения произвольного количества матриц с текущей матрицей и помещением результата в текущую матрицу, а также аналогичный метод для вычитания.

31) Добавить в конструкторы квадратных и прямоугольных матриц возможность передачи произвольного количества элементов типа **double** для инициализации элементов матрицы.

32) Создать методы расширения в отдельном классе. Первый должен заполнять прямоугольный массив элементами матрицы, второй – элементами матрицы, начиная с указанной строки и столбца. Если размер массива больше размеров копируемой части матрицы, то некоторые элементы останутся неинициализированными, а если меньше, то лишние элементы матрицы должны быть отброшены.

33) Написать интерфейс `IMatrix`, определяющий свойства, возвращающие размеры матрицы и индексатор для доступа к элементам матрицы произвольного типа. Реализовать этот интерфейс в классе матрицы.

## 7. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №7

### 7.1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Изучение механизма наследования классов и полиморфизма, виртуальных методов, а также абстрактных методов и классов в языке C#.

### 7.2. ЗАДАНИЕ К ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ

Необходимо разработать иерархическую структуру классов, позволяющую создавать два типа объектов – вектора и матрицы. Вектор представляет собой одномерный массив произвольной длины, матрица – двумерный массив произвольной размерности (см. ЛР№2). При этом с обоими типами объектов должны быть предусмотрены те же операции, что и для матрицы в ЛР№2:

6. Конструкторы, деструктор;
7. Проверка возможности сложения и умножения объектов;
8. Поиск минимального и максимального элемента;
9. Индексатор;
10. Перегруженный метод `ToString`;
11. Перегруженные математические операторы.

#### Указания:

- 1) Необходимо обеспечить возможность выполнения математических операторов над объектами разных типов – например, сложение матрицы и вектора (если их размеры соответствуют) и т.п.

2) Структуру иерархии классов продумать самостоятельно. Возможны, как минимум, три варианта (рис. 7.1). При выборе варианта №3 пользователь не должен иметь возможности создания экземпляров базового класса. Также необходимо самостоятельно решить, какие методы должны быть виртуальными.



Рис. 7.1 – Варианты иерархии классов

3) Для векторов не должны быть доступны операции, свойственные матрицам, и наоборот. Т.е. либо соответствующих членов не должно быть в базовом классе (при выборе варианта №3), либо их использование должно приводить к исключению (при выборе вариантов №1 и №2).

## 8. ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА №8

### 8.1. ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Создание классов математических объектов с перегрузкой операций на языке C#. Изучение механизма универсальных типов в языке C#. Изучение делегатов и событий. Получение навыков документирования кода.

### 8.2. ЗАДАНИЕ К ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ

**1. Структура «Дробь».** Составить описание структуры для инкапсуляции объектов-дробей вида

$$\frac{A}{B},$$

где А и В (числитель и знаменатель) – целые числа. По умолчанию А = 0, В = 1.

I. Предусмотреть применение конструкторов:

а) для инициализации дроби целым числом;

б) для инициализации дроби указанными значениями числителя и знаменателя;

в) для копирования одной дроби в другую.

II. Предусмотреть метод, обеспечивающий декомпозицию дроби. Он должен возвращать целую часть дроби, а сама дробь в результате его работы должна стать правильной.

III. С помощью перегруженных операторов структуры обеспечить операции сложения, вычитания, умножения и деления дробей. Также перегрузить операторы преобра-

зования дроби к типам **int** и **double**, и значений типа **int** – в дробь.

IV. С помощью свойств обеспечить доступ для чтения значений числителя и знаменателя дроби. Также предусмотреть свойство типа **bool**, определяющее, будет ли автоматически при совершении любых операций с дробью происходить ее сокращение (делением числителя и знаменателя на НОД). Сокращение дроби реализовать в отдельном открытом (**public**) методе.

V. Перегрузить метод `ToString` для представления дроби в виде строки «A/B».

**2. Класс «Полином».** Составить описание класса для инкапсуляции объектов-полиномов, задаваемых одномерным массивом коэффициентов – вещественных чисел типа **double**. Коэффициенты полинома степени  $n$  ( $a_0, a_1, a_2, \dots, a_n$ ) должны быть инкапсулированы в классе. Полином всегда содержит, как минимум, один коэффициент –  $a_0$ .

I. Предусмотреть применение конструкторов:

- а) по умолчанию (создающий полином нулевой степени с единственным коэффициентом, равным 0);
- б) для инициализации полинома заданной степени;
- в) для инициализации полинома с заданными в виде одномерного массива коэффициентами.
- г) для копирования одного полинома в другой.

Организовать в конструкторах и деструкторе вывод на экран информационных сообщений, например, «Конструктор полинома XXX», «Деструктор полинома XXX» и т.д. Вместо «XXX» указывать некоторый уникальный идентификатор полинома.

II. Предусмотреть свойство типа **bool**, определяющее, будут ли автоматически при совершении любых операций с полиномом отбрасываться старшие члены с нулевыми коэффициентами. Отбрасывание коэффициентов реализовать в отдельном открытом (**public**) методе.

III. С помощью перегруженных операторов класса обеспечить операции сложения, вычитания, умножения, деления и остатка от деления полиномов. Деление полиномов выполняется по алгоритму Евклида.

IV. С помощью индексатора обеспечить доступ к коэффициентам полинома по индексу (чтение/запись). С помощью свойства – доступ к степени полинома (только чтение).

V. Перегрузить метод **ToString** для представления полинома в виде строки в удобной форме:

$$a_n x^n \pm a_{n-1} x^{(n-1)} \pm \dots \pm a_2 x^2 \pm a_1 x \pm a_0,$$

причем члены с нулевыми коэффициентами выводить не нужно.

**3. Универсальные типы.** Используя исходный код структуры «Дробь» и класса «Полином», составить описание универсальной структуры «Универсальная дробь» для инкапсуляции объектов-дробей вида

$$\frac{A}{B},$$

где А и В (числитель и знаменатель) – целые числа или полиномы. Значениями по умолчанию должны быть А = 0, В = 1.

В случае с целыми числами (типа **int**) получаем обычную рациональную дробь. В случае с полиномами получаем полиномиальную дробь вида

$$\frac{b_0 + b_1x + b_2x^2 + \dots + b_mx^m}{a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_nx^n}.$$

Используя исходный код структуры «Дробь» и класса «Полином», составить описание универсального класса «Универсальный полином» для инкапсуляции объектов-полиномов вида

$$a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_nx^n,$$

где  $a_i$  – числа с плавающей точкой или дроби.

В случае с числами с плавающей точкой (тип **double**) получаем обычный степенной полином. В случае с дробями получаем полином, коэффициентами которого являются рациональные дроби:

$$\frac{A_0}{B_0} + \frac{A_1}{B_1}x + \frac{A_2}{B_2}x^2 + \dots + \frac{A_n}{B_n}x^n.$$

Реализовать все операции, доступные для дробей и полиномов в ЛР№4.

**Указание.** Для универсального типа  $T$ , представляющего числитель и знаменатель дроби, а также коэффициенты полинома, следует описать ограничение типа. То есть все эти типы должны реализовывать некоторый общий интерфейс:

**interface** Интерфейс

{

```
    ...
}

struct Int : Интерфейс, ...
{
    ...
}

struct Double: Интерфейс, ...
{
    ...
}

struct Дробь<T> : Интерфейс, ... where T: Интерфейс
{
    ...
}

class Полином<T> : Интерфейс, ... where T: Интерфейс
{
    ...
}
```

Либо являться потомками общего абстрактного класса:

```
abstract class Класс
{
    ...
}

class Int : Класс, ...
{
    ...
}

class Double: Класс, ...
```

```
{
...
}

class Дробь<T> : Класс, ... where T: Класс
{
...
}

class Полином<T> : Класс, ... where T: Класс
{
...
}
```

В интерфейсе или абстрактном классе должны быть описаны все операции, которые будут применяться числителю и знаменателю дроби, а также коэффициентам полинома.

Первый вариант предпочтительнее, т.к. типы Int, Double и Дробь не имеет смысла делать ссылочными. Можно интерфейс или абстрактный класс также сделать универсальными:

```
interface Интерфейс<T>
{
...
}

struct Int : Интерфейс<Int>, ...
{
...
}
```

или

```
abstract class Класс<T>
{
    ...
}

class Int : Класс<Int>, ...
{
    ...
}
...
...
```

При этом типы `Int` и `Double` – это обёртки для инкапсуляции целых чисел (типа `int`) и чисел с плавающей точкой (типа `double`). Они должны иметь неявные преобразования в инкапсулируемый тип и обратно.

**4. События.** Описать в классе «Полином» события, сигнализирующие об изменении размеров или коэффициентов полинома.

**5. Обеспечить документирование кода проекта.** Все классы и члены классов должны быть снабжены специальными комментариями для генерации XML-файла документации. По данному XML-коду сформировать документацию в любом удобном для просмотра формате.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Павловская Т.А. С/C++. Программирование на языке высокого уровня: учебник для вузов. – СПб: Питер, 2013. – 461 с. (36 экз.).
2. Павловская Т.А. С/C++. Программирование на языке высокого уровня: учебник для вузов. – СПб: Питер, 2009 (4 экз.), 2010 (3 экз.), 2011 (1 экз.). – 464 с.
3. Павловская Т.А. С/C++. Программирование на языке высокого уровня для магистров и бакалавров: учебник для вузов. – СПб: Питер, 2012. – 461 с. (3 экз.).
4. Орлов С.А. Технологии разработки программного обеспечения: современный курс по программной инженерии. – СПб: Питер, 2012. – 608 с. (15 экз.).

## **ПРИЛОЖЕНИЯ**

### **ПРИЛОЖЕНИЕ А. ФОРМАТ ТИТУЛЬНОГО ЛИСТА ОТЧЕТА**

Министерство образования и науки Российской Федерации

Томский государственный университет систем управления  
и радиоэлектроники (ТУСУР)

Факультет систем управления (ФСУ)

Кафедра автоматизированных систем управления (АСУ)

### **НАЗВАНИЕ РАБОТЫ**

Отчет по лабораторной работе №X по дисциплине  
«Объектно-ориентированное программирование»

Выполнил: ст. гр. XXX

\_\_\_\_\_ Иванов И.И.

«\_\_\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2014 г.

Проверил: доц. каф. АСУ

\_\_\_\_\_ Романенко В.В.

«\_\_\_\_\_» \_\_\_\_\_ 2014 г.

Томск – 2014

## ПРИЛОЖЕНИЕ Б. ОПЕРАЦИИ ВЕКТОРНО-МАТРИЧНОЙ АЛГЕБРЫ

Пусть  $A$ ,  $B$  и  $C$  – вектора в трехмерном пространстве с компонентами  $(A_x, A_y, A_z)$ ,  $(B_x, B_y, B_z)$  и  $(C_x, C_y, C_z)$  соответственно. Тогда для  $C = A \pm B$  имеет место:

$$C_x = A_x \pm B_x;$$

$$C_y = A_y \pm B_y;$$

$$C_z = A_z \pm B_z.$$

Модулем вектора  $A$  называют число  $m = |A|$ , определяемое как корень квадратный из суммы квадратов компонентов вектора.

Векторным произведением двух векторов  $A$  и  $B$  называют вектор  $C = [A, B]$ , компоненты которого определяются на основе следующих соотношений:

$$C_x = A_y \times B_z - A_z \times B_y;$$

$$C_y = A_z \times B_x - A_x \times B_z;$$

$$C_z = A_x \times B_y - A_y \times B_x;$$

Вектор  $C$  перпендикулярен векторам  $A$  и  $B$  одновременно, его направление совпадает с движением правого винта, вращаемого от  $A$  к  $B$ , при этом  $|C| = |A| \times |B| \times \sin(\alpha)$ , где  $\alpha$  – угол между векторами.

Скалярным произведением двух векторов  $A$  и  $B$  называют скалярную величину  $s = (A, B)$ , определяемую как

$$s = A_x \times B_x + A_y \times B_y + A_z \times B_z.$$

Для скалярного произведения имеет место соотношение:  $s = |A| \times |B| \times \cos(\alpha)$ , где  $\alpha$  – угол между векторами.