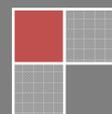


**ГОЛОГРАФИЧЕСКИЕ
ФОТОННЫЕ
СТРУКТУРЫ В
ФОТОПОЛИМЕРНЫХ
МАТЕРИАЛАХ**

С.Н. Шарангович



**Министерство образования и науки Российской Федерации
ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ**

Кафедра сверхвысокочастотной и квантовой радиотехники (СВЧиКР)

С.Н. Шарангович

**ГОЛОГРАФИЧЕСКИЕ ФОТОННЫЕ СТРУКТУРЫ
В ФОТОПОЛИМЕРНЫХ МАТЕРИАЛАХ**

Учебное пособие

Томск

2015

УДК 621.37

Рецензент:

Коханенко А.П., д-р физ.-мат. наук, проф. каф.
квантовой электроники и оптоинформатики Том. гос. ун-та.

С.Н. Шарангович

Голографические фотонные структуры в фотополимерных материалах. Учебное пособие / С.Н. Шарангович. – Томск: Томск. гос. ун-т систем упр. и радиоэлектроники, 2015. – 191 с.

В учебном пособии рассмотрены голографические методы и физические механизмы формирования фотонных структур в наноструктурированных фотополимерных материалах. Представлены математические модели формирования одно-, дву- и трехмерных фотонных структур пропускающего и отражательного типов. Рассмотрены влияние нелинейности процессов формирования и эффектов двухпучковых взаимодействий на формирование высших пространственных гармоник фотонных структур с учетом светоиндуцированных эффектов изменения оптического поглощения. Рассмотрены основы волновой оптики квазипериодических фотонных структур и приведены результаты моделирования и экспериментальных исследований их дифракционных характеристик.

Учебное пособие предназначено для подготовки магистров по программе «Оптические системы связи и обработки информации» направления 11.04.02 «Инфокоммуникационные технологии и системы связи» по дисциплине «Голографические фотонные структуры в наноструктурированных материалах».

(с) Томск. гос. ун-т систем упр. и
радиоэлектроники 2015
(с) С.Н. Шарангович 2015

Содержание

Введение.....	6
1 Голографические дифракционные структуры в фотополимерных средах	9
1.1 Материалы для голографической записи.....	9
1.2 Голографические фотополимерные материалы (ФПМ).....	17
1.3 Голографические дифракционные решетки в фотополимерных материалах	21
1.4 Голографических дифракционные решетки в фотополимеризующихся жидкокристаллических композиционных материалах	35
2 Пропускающие голографические дифракционных решеток (ПГДР) в фотополимеризующихся жидкокристаллических композиционных материалах (ФПМ-ЖК).....	45
2.1 Формирование ПГДР.....	45
2.1.1 Кинетические уравнения голографической записи в ФПМ-ЖК	45
2.1.2 Запись ПГДР с учетом постоянного оптического поглощения ФПМ-ЖК	52
2.1.3 Запись ПГДР световыми волнами с существенно-различными амплитудами с учетом самодифракции.....	58
2.1.4 Запись ПГДР световыми пучками с неоднородным амплитудно-фазовым ираспределением	62
2.1.5 Запись ПГДР с учетом высших пространственных гармоник.....	69
2.1.6 Многоволновое смешение на высших пространственных гармониках ПГДР	79
2.2 Дифракционные свойства пространственно неоднородных ПГДР	86
2.2.1 Дифракционная эффективность и селективные свойства.....	89
2.2.2 Дифракционные свойства ПГДР с учетом самодифракции при малом онтрасте.....	91
2.2.3 Дифракционные свойства ПГДР в поглощающем ФПМ с учетом высших пространственных гармоник.....	93
2.2.4 Дифракционные свойства ПГДР с учетом многоволнового смешения на высших пространственных гармониках.....	96
2.2.5 Дифракционные свойства ПГДР, записанных пучками с амплитудно-фазовым неоднородным распределением.....	97
3 Отражающие голографические дифракционных решеток (ОГДР) в фото полимеризующихся жидкокристаллических композиционных материалах (ФПМ-ЖК).....	99
3.1 Формирование ОГДР.....	99
3.1.1 Запись ОГДР с учетом постоянного оптического поглощения ФПМЖК.....	100
3.1.2 Запись ОГДР световыми волнами с существенно-различными амплитудами с учетом самодифракции.....	104
3.1.3 Запись ОГДР с учетом высших пространственных гармоник.....	108

3.1.4	Многоволновое смещение на высших пространственных гармониках	111
3.2	Дифракционные свойства пространственно неоднородных ОГДР	118
3.2.1	Дифракционная эффективность и селективные свойства	122
3.2.2	Дифракционные свойства ОГДР в поглощающем ФПМ	124
3.2.3	Дифракционные свойства ОГДР с учетом самодифракции при малом контрасте.....	127
3.2.4	Дифракционные свойства ОГДР в поглощающем ФПМ с учетом высших пространственных гармоник.....	129
4	Голографическое формирование наложенных голографических дифракционных структур в ФПМ	132
4.1	Последовательная запись наложенных голографических дифракционных структур в ФПМ с учетом взаимодействия пространственных гармоник и эффектов самодифракции	132
4.1.1	Формирование основных гармоник НГДР в ФПМ с фотоиндуцированным изменением поглощения.....	132
4.1.1.1	Аналитическая модель процесса формирования НГДР.....	133
4.1.1.2	Результаты численного моделирования формирования НГДР..	136
4.1.2	Формирование высших пространственных гармоник НГДС в поглощающих ФПМ при нелинейных взаимодействиях гармоник	139
4.1.2.1	Математическое модель процесса формирования НГДС.....	139
4.1.2.2	Результаты численного моделирования формирования НГДР..	143
4.1.3	Формирования дополнительных пространственных гармоник при двухпучковых взаимодействиях записывающих волн при записи НГДР	146
4.1.3.1	Математическая модель процесса формирования дополнительных пространственных гармоник НГДС.....	146
4.1.3.2	Результаты численного моделирования.....	152
4.2	Параллельная многопучковая запись наложенных голографических дифракционных структур в ФПМ с учетом взаимодействия пространственных гармоник	153
4.2.1	Геометрия формирования НГДС различной симметрии.....	153
4.2.2	Аналитическая модель процессов формирования НГДС.....	155
4.2.3	Результаты моделирования процесса формирования НГДС	159
4.2.3.1	Пропускающая геометрия	160
4.2.3.2	Гибридная геометрия	165
	Список использованных источников	169

Введение

Хотя оптическая память и системы оптической обработки информации уже нашли самые широкие применения в видеоэлектронике, вычислительной технике, связи и других областях техники, проблема их совершенствования и развития остается по-прежнему актуальной. Также одним из основных направлений современного научно-технического прогресса является развитие волоконно-оптических систем связи, обеспечивающих возможность доставки на значительные расстояния чрезвычайно большого объема информации с наивысшей скоростью. Возможность передачи такого большого количества информации по ВОЛС связана с использованием технологии WDM/DWDM, использующей селективные свойства оптических дифракционных структур (ДС). Поиск новых материалов, обеспечивающих высокую плотность записи ДС, долговременную стабильность, низкий уровень шумов и высокую фоточувствительность, в последние годы существенно активизировался. Особенно большое внимание уделяется средам для голографической записи информации, таким как, фоторефрактивные кристаллы, фоторефрактивные полимеры, жидкокристаллические среды.

В последнее время широко исследуются голографические дифракционные решетки (ДР) в фотополимерных материалах (ФПМ) с жидкокристаллической (ЖК) компонентой (ФПМ-ЖК), на основе которых можно создать динамически управляемые селективные по длине волны оптические коммутаторы для оптических систем связи и обработки информации.

Голографический метод создания дифракционных решеток в указанных материалах является наиболее удобным. В настоящее время исследования голографической записи в фотополимерных материалах все больше переходят в плоскость применения, благодаря возможности создания в композиционных материалах с жидко кристаллической компонентой нано - размерных матриц, фотонных кристаллов и управляемых периодических дифракционных структур,

которые находят обширные применения в области оптической связи и обработки информации.

Перспективность указанной среды обуславливается их высокой разрешающей способностью, высокой дифракционной эффективностью, стабильностью записи, возможностью управления селективными и дифракционными свойствами. Так же основным преимуществом фотополимеров является то, что голограммы в них формируются в процессе записи и не нуждаются в дополнительной химической обработке.

Целенаправленный поиск фоточувствительных сред требует построения теоретических моделей оптической записи. В случае голографической записи эти построения связаны с решением задач о многоволновых взаимодействиях световых пучков в нелинейной фоторефрактивной среде. Для стационарных взаимодействий эти задачи уже рассмотрены в литературе в различных приближениях. Динамические модели записи построены лишь для простейших случаев.

Создание теоретических моделей записи и считывания в композиционном материале с ЖК компонентой периодических дифракционных структур голографическим методом, позволит моделировать и оптимизировать характеристики данных структур и методики их получения. На данный момент именно голографический способ создания жидкокристаллических матриц с наноразмерами и фотонных кристаллов является перспективным и наиболее часто интенсивно исследуемым. Рассматриваемые вопросы носят фундаментальный характер и являются важным этапом в создании оптических динамически управляемых структур.

Основной целью данного учебного пособия является рассмотрение вопросов формирования наноразмерных динамически управляемых дифракционных квазипериодических структур в фотополимерных и фотополимеризующихся жидкокристаллических композиционных материалах и вопросов динамического управления ими.

В рамках поставленной цели рассматриваются следующие задачи :

- исследование динамической записи пропускающих и отражающих фазовых голографических решеток в ФПМ-ЖК с учетом оптического поглощения, полимеризационно-диффузионного механизма записи, произвольной степени нелинейности фотополимеризации,

- разработка математических моделей формирования неоднородных дифракционных структур в фотополимерах и динамических жидкокристаллических дифракционных решеток в композиционных материалах,

- изучение нестационарных многоволновых взаимодействий при записи и усилении голографических решеток в фотополимерных средах, приводящих к образованию дополнительных дифракционных структур,

- исследование кинетики формирования гармоник пространственного профиля решетки показателя преломления и определение количества гармоник, которые необходимо принимать во внимание в зависимости от параметров материала и процесса записи;

- решение самосогласованной дифракционной задачи и определение селективных свойств пространственно неоднородных решеток для произвольного количества пространственных гармоник;

- исследование явления двухволнового смещения, приводящего к формированию дополнительных решеток в материалах с произвольной степенью нелинейности фотополимеризации.

- построение теоретических моделей записи и считывания наложенных голографических решеток с учетом их взаимовлияния,

В первом разделе учебного пособия проводится аналитический обзор исследуемых вопросов, второй и третий разделы посвящены развитию теоретических моделей динамического формирования пропускающих и отражающих дифракционных структур в фотополимерных и фотополимеризующихся жидкокристаллических материалах и изучению их дифракционных характеристик. В четвертом разделе рассмотрены вопросы формирования наложенных голографических дифракционных структур.

1 Голографические дифракционные структуры в фотополимерных средах

Голографические методы создания дифракционных структур [1,2] находят применение во многих областях от изготовления голографических оптических элементов до оптической обработки информации. Достоинство голографических методов обработки информации состоит в том, что в голографии исходная информация обрабатывается сразу же целиком и практически одновременно по всей области. Возможность фиксирования и амплитуды и фазы в голограмме возникает благодаря преобразованию фазы в амплитудное распределение интерференционной картины когерентных волн. Столь необходимые в электронных системах операции, как сканирование и развертка изображений по строкам либо разнесение действительной и мнимой частей комплексной функции по отдельным каналам полностью устраняются в когерентной оптике.

Голография основывается на двух физических явлениях - дифракции и интерференции световых волн. Голограммы делят, как правило, по физическому параметру модуляции на амплитудные (модуляция коэффициента поглощения) и фазовые (модуляция коэффициента преломления); по геометрии записи на пропускающие (в попутных пучках, схема на прохождение) и отражающие (во встречных пучках и схема на отражение); по области дифракции на плоские (тонкие) для области Рамана-Ната, когда наблюдаются несколько дифракционных порядков и объемные (толстые) для области Брэгга, когда остается только один порядок дифракции, который наблюдается строго под углом Брэгга. В области дифракции Рамана-Ната амплитудные голограммы имеют эффективность первого порядка дифракции не более 4.8% и фазовые не более 33.8%, а в области Брэгга 3.7% и 100% соответственно. Далее будем рассматривать фазовые объемные голограммы.

1.1 Материалы для голографической записи

Будущее голографии во многом зависит от регистрирующих сред.

Большинство ограничений, связываемых с применением голографии, можно объяснить неоптимальными регистрирующими средами. В таблице 1 приведена классификация основных голографических материалов [3-10,13-15].

Первые голограммы были записаны на галоидосеребряных фотографических слоях. В голографической записи галогенидосеребряные эмульсии получили большое признание по сравнению с другими материалами. Это объясняется несколькими причинами. В частности, фотографические эмульсии характеризуются очень высокой экспозиционной чувствительностью и сравнительно высокой разрешающей способностью, а также широким диапазоном спектральной чувствительности. Кроме того, их можно применять для получения как плоских, так и объемных голограмм с амплитудной или фазовой записью. Однако, после химической обработки и фиксирования перезапись или реверсивная запись в данном материале невозможна.

Другой материал, получивший широкое распространение в голографии - бихромированная желатина. В этом материале в противоположность галоидосеребряным слоям высокая дифракционная эффективность сочетается с низким уровнем шума. На пластинках задубленной бихромированной желатины получают голограммы с эффективностью до 90% и отношения сигнал/шум 27дБ.

Данный материал, как известно, обладает двумя исключительными свойствами, первое - разрешение, по некоторым данным достигающее 15000 мм^{-1} , является одним из самых высоких среди голографических материалов, а второе – низкая чувствительность бихромированной желатины около 100 мДж/см^2 , что существенно снижает конкурентоспособность материала.

Из-за малого срока хранения пластины с бихромированной желатиной необходимо приготавливать непосредственно перед работой с ними. После длительной процедуры приготовления пластинка задубленной бихромированной желатины экспонируется, затем промывается для удаления бихромата и других растворенных компонентов из слоя и обезвоживается в нескольких ваннах с изопропиловым спиртом.

Голограммы и голографические оптические элементы, записанные на задубленной бихромированной желатине, создают восстановленные изображения, характеризующиеся исключительно большой яркостью и высоким разрешением. Однако недодержка при экспонировании и недостаточное задубливание приводят к появлению в голограмме молочной дымки, которая разрушает восстановленное изображение.

Еще одним часто используемым материалом в голографии является фоторезист, который используется для создания рельефных картин. Во время экспозиции в материале происходят химические реакции, приводящие к изменению растворимости материала в проявителе с соответствующим растворителем в зависимости от экспозиции. После проявления и сушки на полученных решетках методом вакуумного испарения можно получить алюминиевое покрытие с высоким отражением. С другой стороны, проявленный фоторезист можно применять без покрытия как высококачественную тонкую фазовую решетку.

Недостатком материалов является сравнительно низкое предельное разрешение $250\text{--}1500\text{ мм}^{-1}$, для достижения которой необходима экспозиция около 10^2 Дж/см^2 и длительная процедура получения голограммы.

Следует отметить, что все выше описанные материалы объединяет один существенный недостаток - сложная химическая обработка после экспозиции.

К другому классу фоточувствительных материалов, используемых для записи фазовых голограмм, относятся фотопластики. Эти материалы имеют многослойную структуру с подложкой из стекла; нижняя их сторона покрывается проводящим слоем осажденных окислов олова или индия, напыленного золота или серебра. На подложку осаждается фотопроводник. Термопластик наносится в качестве верхнего слоя. Метод записи состоит из ряда операций, начинающегося с создания однородного электростатического заряда на поверхности термопластика.

При последующем экспонировании освещенные участки фотопроводника оказываются проводящими, что приводит к изменению

напряжения на поверхности слоя в соответствии с изображением. После экспонирования фотопластик нагревается до температуры размягчения термопластического слоя, что позволяет электростатическим силам деформировать поверхность термопластика. Образующийся рельеф поверхности закрепляется охлаждением материала. Повторный нагрев термопластика до более высокой температуры возвращает фотопластическую пленку в исходное состояние. Таким образом, на фотопластике можно проводить многократные циклы запись — стирание.

Дифракционная эффективность в данных материалах составляет примерно 34%, т. е. теоретическое значение дифракционной эффективности тонкой фазовой дифракционной решетки. Чувствительность фотопластических пластинок и пленок такая же, как и у некоторых фотоэмульсий. То, что разрешающая способность фотопластиков превышает 4100 мм^{-1} , делает фотопластические процессы формирования изображения наиболее перспективными для электростатических методов формирования изображений с целью записи голограмм.

Все вышеперечисленные материалы объединяет сложность работы с ними и большая длительность процедур получения голограммы. Использование двух следующих классов материалов позволяет упростить этот процесс.

Первыми можно упомянуть фотохромные материалы, которые под действием света и тепла в общем случае испытывают обратимое изменение цвета, показателя преломления или электро-оптических эффектов. Они не обладают зернистостью, а разрешающая способность ограничивается только длиной волны используемого света. При получении голограммы не требуется никакого проявления. Голограмму, записанную на фотохромном материале, можно стереть оптическим или тепловым способом, и материал можно использовать для повторной записи.

К сожалению, из-за химических реакций, происходящих на молекулярном уровне, фоточувствительность фотохромных материалов на три порядка ниже чувствительности галоидосеребряных фотографических слоев и

фотохромный материал, на котором записана голограмма, остается чувствительным к любому свету, длина волны которого, лежит в его полосе поглощения. При хранении происходит стирание записи вследствие тепловой релаксации (темновых реакций) [6]. Реверсивность материала обуславливает его использование в динамической голографии [7].

В последние 30 лет интенсивно развиваются работы в области голографических фотополимерных материалов (ФПМ), представляющих собой многокомпонентную смесь органических веществ, нанесенную в виде аморфной пленки толщиной 10 - 100 мкм на стеклянную или пленочную подложку.

Регистрирующий слой фотополимера содержит полимерный носитель, фотополимеризующиеся мономеры, систему фотоинициирования, пластификаторы, поверхностно-активные вещества и ряд других ингредиентов. Наличие в нем красителя-сенсбилизатора обеспечивает чувствительность материала в области излучения записывающего лазера. По действием актиничного излучения в материале происходит процесс фотополимеризации, приводящий к необратимым изменениям плотности материала с периодом порядка длины световой волны. [3] Соответствующая модуляция коэффициента преломления вещества, образует фазовые голограммы, что позволяет получать высокую дифракционную эффективность до 100%. Фоточувствительность ФПМ больше чувствительности фоторезистов и фотохромных материалов, но меньше чувствительности галогенидосеребряных эмульсий. Голограммы высокого разрешения можно получить при использовании материала с толщиной, соответствующей длине волны излучения, применяемого при регистрации [14].

Основное преимущество фотополимеров заключается в совершенно сухой и быстрой их обработке. Такие материалы имеют продолжительный жизненный цикл (в плане хранения записанной на них информации) и устойчивы к воздействию температур [15], а также являются потенциально дешевым материалом для однократной голографической записи [16]. Следует

также упомянуть о времени создания голограммы, составляющем от нескольких секунд до нескольких минут в зависимости от интенсивности используемого света и параметров материала. Однако в отличие от многих выше рассмотренных материалов во время создания голограммы или непосредственно после экспозиции можно оценить ее дифракционные характеристики. Записанные голограммы, как правило, закрепляются путем УФ засветки либо нагревом в течение нескольких минут [13,16-19]. Данную обработку следует проводить в течении двух-трех дней после экспозиции [13]. Закрепленные голограммы становятся устойчивы к посторонней засветке и воздействию тепла, вследствие истощения мономера и красителя в обработанном образце.

Таким образом, как следует из приведенных основных характеристик материалов для голографии, ФПМ являются перспективными для создания голографических элементов и обладают рядом преимуществ по сравнению с остальными материалами, однако на настоящий момент голографическая запись в ФПМ изучена недостаточно.

В последующих подразделах проведен аналитический обзор литературы посвященной фотополимерным материалам, как сред для голографической записи дифракционных структур . На основе обзора определен круг вопросов для рассмотрения в данной работе.

Класс материалов	Процесс регистрации/стирания / обработки	Диф.эф., /с/ш	Модулируемый параметр	реверсивность	Время хранения / Время стирания	Разрешенность, мм ⁻¹	Толщина, мкм	Диапазон рег. длин волн, мкм	Чувствительность, Дж/см ²
Галоидо-серебряные пленки (фотоматериал)	Восстановление металлического серебра / - / Мокрая химическая	3% - ам 20%-фм	Оптическая плотность	Нет	Постоянное / -	3000-5000	3-7		10 ⁻⁷ – 10 ⁻⁴
Задубленная бихромированная желатина	Поперечное фотосшивание / - / Мокрая химическая	90% / 27дБ	Показатель преломления	...	Постоянное / -	до 15000	0.5 - 3	0.25-0.52	3·10 ⁻³
Фоторезисты	Образование органических кислот, поперечное фотосшивание или фотополимеризация / Мокрая химическая или подогретый воздух		поверхностный рельеф / -	<1000 (500)	~1		10 ⁻²

Фотопластик и	Образование электростатического скрытого изображения, причем электрическое поле вызывает деформацию нагретого пластика / нагревание / Коронный разряд и нагревание		поверхностный рельеф	Есть	... / ~1с.	>4100	1-4		$10^{-4}-10^{-5}$
фотохромные материалы	Обычно новые фотоиндуцированные полосы поглощения / актиничный свет ли нагревание / Без обработки	<10 %	Оптическая плотность или показатель преломления	...	Минуты – месяцы / <нс.		100-6000		0.1-80
фотополимеры	Фотополимеризация / Без обработки или с последующим равномерным экспонированием и нагреванием	<100	коэффициент преломления или поверхностный рельеф / -	3000	3-150 5-15	0.35- 0.55 0.63, 0.53, 0.52, 0.49	$(4-5)10^{-3}$ $(2-3)10^{-2}$

Таблица 1 Классификация основных голографических материалов

1.2 Голографические фотополимерные материалы (ФПМ)

ФПМ впервые были использованы в качестве голографического материала Клосом и др. в 1969 [20]. С тех пор огромное количество ФПМ было разработано и опробовано, но только несколько из них стали коммерческими продуктами. Эти материалы имели несколько преимуществ. Вследствие того что ФПМ может иметь толщину до сотен микрон, голограммы в них имеют существенную ДЭ и узкую угловую селективность. Основное большинство ФПМ не требуют химической обработки, а только равномерную засветку или нагрев. Однако разрешающая способность материалов обычно не высока, а увеличение толщины слоя приводит к увеличению рассеяния, которое снижает отношение сигнал/шум.

Как говорилось выше, ФПМ в общем случае состоит из мономера, фоточувствительного красителя, и инициатора в жидком или сухом растворе. Сухие фотополимеры обычно содержат полимерную матрицу, в которой растворены остальные компоненты. Так как материалы на основе акриламида являются наиболее распространенными и широко исследуются, то в дальнейшем будем их рассматривать более подробно. Сводка основных материалов приведена в Таблице 2. [9,13,20-37]

Оригинальная система на основе акриламида, представленная Клосом и др. [20], содержала жидкую смесь мономеров акриламида и метакрилата, а в качестве фотокатализатора метилен голубой и р-толуол натрия соли. Дифракционная эффективность достигала 45% при экспозиции 300 мДж/см^2 . Разрешение материала составляло порядка 3000 мм^{-1} . Главным недостатком являлось очень короткое время жизни. Дженни [21] улучшил чувствительность исходной композиции до 0.6 мДж/см^2 используя barium acrylate с акриламидом в качестве мономера.

Вторая жидкая система была разработана Сугавара и Сугегава [22] и содержала мономер – акриламид, сшивающий мономер - N,N метилен

бисакриламид, сенсibilизатор метилен голубой и либо триэтаноламин или ацетилацетон в качестве инициатора. Дифракционная эффективность в данных растворах достигала 65 % при экспозиции 50 мДж/см² и разрешение 550 мм⁻¹. Материал основанный на том же мономере и сшивающем мономере ,но с ferric ammonium citrate в качестве сенсibilизатора и t-butyl hydrogen peroxide также рассматривалась в [23]. Данная система обеспечивала ДЭ до 80% при экспозиции 20 мДж/см² и разрешение 1500 мм⁻¹.

Таблица 2

<p>Close 1969 [20] М.: Acrylamide/metal acrylates, П.м.: None И.с.: Methylene Blue/p-toluene sodium salt ДЭ=45%, Р=3000, Ч=300мДж/см²</p>	<p>Jenney 1970 [21] М.: Acrylamide/lead or barium acrylates, П.м.: None И.с.: Methylene Blue/p-toluene sodium salt ДЭ =45%, Р =3000, Ч =0.6 мДж/см²</p>
<p>Sugawara 1975 [22] М.: Acrylamide/ bisacrylamide, П.м.: None И.с.: Methylene Blue/Triethanolamine or acetylacetone ДЭ =65%, Р =550, Ч =50 мДж/см²</p>	<p>Sukegawa 1975 [23] М.: Acrylamide/ bisacrylamide, П.м.: None И.с.: Ferric ammonium citrate/t-butyl hydrogen peroxide ДЭ =80%, Р =1500, Ч =20 мДж/см²</p>
<p>Sadlej 1975 [24] М.: Acrylamide/ bisacrylamide, П.м.: PVA И.с.: Methylene Blue/p-toluene sodium salt ДЭ =4%, Р =4700, Ч =10 мДж/см²</p>	<p>Judy 1975 [25] М.: Acrylamide/Bisacrylamide, П.м.: PVA И.с.: Indolino-spiropyran ДЭ =90%, Р =3000, Ч =100 мДж/см²</p>
<p>Calixto 1987 [26] М.: Acrylamide/Bisacrylamide, П.м.: PVA И.с.: Methylene Blue/Triethanolamine</p>	<p>Смирнова 1987 [27] М.: , П.м.: нет И.с.: (Eritrozine) ДЭ =95% при Р <6000, Ч =20 мДж/см²</p>

ДЭ =10%, P =Not specified, Ч =94 мДж/см ²	
Fimia 1993 [28] Added second dye to reduce O ₂ inhibition ДЭ =40%, P =1000, Ч =3 мДж/см ²	Шелковников 1993 [29] М.: Acrylamide/Bisacrylamide, П.м.: PVA И.с.: Methylene Blue (Eritrozine) /Triethanolamine Crosslinker hexamethylenbis acrylamide ДЭ =90%, P >2000, Ч =20 мДж/см ²
Martin 1995 [30] М.: Acrylamide/Bisacrylamide, П.м.: PVA И.с.: Xanthene Dye/Triethanolamine ДЭ =>80%, P =2750, Ч =80 мДж/см ²	Weiss 1996 [31] Added diphenyl iodoium chloride as sensitiser Added glutaraldehyde as crosslinker ДЭ =>90%, P =2000, Ч =12 мДж/см ²
Blaya 1998 [32] Added N,N-dihydroethylenebisacrylamide as crosslinker ДЭ =70%, P =1000, Ч =5 мДж/см ²	Zhao 1998 [33] М.: acrylamide & acrylic acid П.м.: желатин И.с.: Methylene Blue (Eritrozine) /Triethanolamine p-toluenesulfonic acid ДЭ > 80%, P < 4000 мм ⁻¹ , Ч=2 мДж/см ²

М. - мономер, **П.м.** – полимерная матрица, **И.с.** – иницирующая система, ДЭ – дифракционная эффективность, P - разрешение, Ч – чувствительность.

Садледж и Смолинска [24] улучшили оригинальную композицию предложенную Клосом и Дженни включив поливиниловый спирт в качестве полимерной матрицы, что позволило сделать сухие образцы, которые намного проще в обращении и имеют на порядки больше время жизни, чем жидкие системы. Это позволило улучшить стабильность записанной голограммы. Чувствительность системы была 10 мДж/см², а разрешение до 4700 мм⁻¹. Основным недостатком являлась низкая ДЭ=4%.

Джюжи и Робилард [25] представили интересную версию жидкой

композиции Sugawara, которая включала обратимый фотохром (indolinospiropyran) в качестве сенсibilизатора и поливиниловый спирт в качестве полимерной матрицы. Фотохром, который не чувствителен к видимому свету, может быть активирован ультрафиолетовым светом, который смещает его полосу поглощения в область 633нм. Когда запись ДР заканчивается ультрафиолет выключается и фотохром снова становится нечувствительным к видимому свету. Таким образом получают стабильные голограммы с ДЭ=90% и пренебрежимо малым поглощением, при экспозиции 100мДж/см² и с разрешением 3000 мм⁻¹.

Фимиа и др. [28] разработали метод для повышения чувствительности ФПМ за счет уменьшения индукционного периода обусловленного кислородом. Материал содержащий два красителя метилен голубой (633нм) и бенгальский розовый (546нм). Предэкспозиция материала проводилась светом с длиной волны 546 нм до начала записи. Краситель бенгальский розовый взаимодействуя со светом приводил к образованию радикалов, которые в свою очередь вступали в реакцию с кислородом в материале. Когда начиналась запись на длине волны 633нм, меньшее количество кислорода взаимодействовало с радикалами красителя метиленового голубого, которые приводили в полимеризации мономера. Использование данной системы позволяло достигать ДЭ в 40% при пространственной частоте 1000 мм⁻¹ при экспозиции 3 мДж/см².

Вэйс и др. [31] улучшили чувствительность системы Close и Sugawara при длине волны 514 нм путем добавления дифенил iodonium chloride в качестве вместе с ТЕА. Добавление glutaraldehyde в качестве второго сшивающего мономера привело к увеличению модуляции коэффициента преломления. Дифракционная эффективность данных систем была выше 90% при 2000 мм⁻¹ и экспозиции 12 мДж/см².

Новый гибридный материал, содержащий акриламид и acrylic acid в качестве мономеров, был разработан Жао в 1998 [33]. Материал использовал метилен голубой как краситель, ТЕА и p-toluenesulfonic acid

как сенсibilизатор и желатин как матрицу. Данный материал способен записывать ДР с пространственной частотой до 4000 мм^{-1} и ДЭ более 80% при необходимой экспозиции 2 мДж/см^2 .

Наиболее широко распространенным фотополимерным материалом является линейка материалов на основе акрилата, разработанная E.I. DuPont Nemours and Co. Оригинальный материал состоял из мономеров семейства акрилатов, иницирующей системы и целлюлозной матрицы [34,35]. Точный состав материалов не известен в связи с коммерческой тайной. Данные системы имели ДЭ до 90% при экспозиции 30 мДж/см^2 и разрешении 3000 мм^{-1} . ДЭ может быть улучшена засветкой флуоресцентной лампой. Для записи отражающих голограмм DuPont разработали фотополимеры серии Omnidex [36,37] с разрешением около 6000 мм^{-1} и ДЭ до 99% при экспозиции $50\text{--}100 \text{ мДж/см}^2$. Материал относится к классу сухих ФПМ на основе акрилового мономера, красителя сенсibilизатора, инициатора, пластификатора, полимерной матрицы. Данный материал характеризуется очень большим значением модуляции коэффициента преломления ($n_1 = 0.07$) по сравнению со всеми известными системами, что объясняется большой разностью между коэффициентами преломления ароматического полимерной матрицы и алифатическим мономером [37]. Благодаря высокой дифракционной эффективности, чувствительности и разрешения, данные ФПМ являются лучшими коммерчески доступными фотополимерными материалами на данный момент.

1.3 Голографические дифракционные решетки в фотополимерных материалах

Исследованием ФПМ занимаются коллективы из разных стран на протяжении последних 30 лет. Многие авторы независимо в одно и тоже время разрабатывают, как сами материалы, так и модели для описания процессов наблюдаемых при изучении формирования и считывания

голографических решеток. Очень многие работы посвящены только экспериментальным исследованиям [16,18,27,29,38-46] в первую очередь записи голографических решеток [29,38,41,42] и дифракционных свойств, таких как дифракционная эффективность, угловая и частотная селективность [16,18,27,29,38-41] записанных решеток, а также их постэкспозиционного (темнового) усиления [18,42,43], динамического (оптического) самоусиления, наблюдаемого во время считывания решеток в материале с неизрасходованным мономером [44-46], записи наложенных решеток [29].

Исследование дифракционных решеток в ФПМ в общем виде имеет цель выяснения влияния параметров ФПМ и внешних условий формирования решетки на ее дифракционные свойства - дифракционную эффективность, угловую и частотную селективность. Условно данная общая задача может быть разделена на две части. Первая - это формирование или запись ДР в материале при котором падающее излучение приводит за счет изменений параметров среды к формированию фазовой голографической дифракционной решетки с определенным амплитудно-фазовым распределением показателя преломления материала. Основной задачей исследования формирования является выяснение влияния внутренних параметров материала, внешних условий, механизмов формирования и возникающих эффектов обратного влияния записываемой решетки на записывающее поле на пространственное амплитудно-фазовое распределение показателя преломления. Во второй части - реконструкции или считывании записанной ДР определяются дифракционные характеристики решетки в зависимости от пространственного амплитудно-фазового распределения записанной ДР. Две части могут быть объединены при использовании неактивного излучения для мониторинга ДЭ во время записи. На рис.1 приведена диаграмма, показывающая основные внутренние и внешние параметры и механизмы формирования ДР в ФПМ.

Все теоретические работы исходят из постановочной части для

задачи записи в виде кинетических уравнений для концентрации мономера и полимера, полученных из теории радикальной фотополимеризации с учетом диффузионного массопереноса. Впервые полимеризационно-диффузионный механизм записи использован в [47,48]. Для показателя преломления среды n , кинетическое уравнение получают с помощью уравнения Лорентц-Лоренца исходя из концентраций компонент материала - мономер, полимер и инертная компонента - и поляризуемости их молекул. Данный переход от концентраций компонент ФПМ к n осуществляют либо на стадии кинетических уравнений, либо получают решения для концентраций мономера M и полимера N , а затем переходят к модуляции показателя преломления n . Решение кинетических уравнений представляется в виде суммы пространственных гармоник, в большинстве случаев ограничиваясь рассмотрением только нулевой и первой.

Для задачи считывания ДР и оценки дифракционных свойств, как правило, используется формула Когельника [49] или выражение, получаемое из уравнений связанных волн в кинематическом приближении, когда влиянием дифрагированного пучка на падающий пренебрегается вследствие малости эффективности дифракции решетки.

Первой была представлена модель голографической записи в ФПМ Смирновой и др. с учетом нейтральной компоненты в [50], которая была модифицирована в работе [51] и затем в [52]. Рассмотрим подробнее работу [52], где представлена модель «количественной теории голографической записи», разработанная для фотополимеризующихся материалов с полимеризационно-диффузионным механизмом записи. Модель записана в виде общей системы дифференциальных уравнений, описывающих динамику неоднородной полимеризации в сложных композитах с нейтральной компонентой с учетом диффузионного массопереноса. Модель записи основана на предположении об израсходовании мономера и вытеснении нейтральной компоненты из области полимера, образующейся в более освещенных участках, что

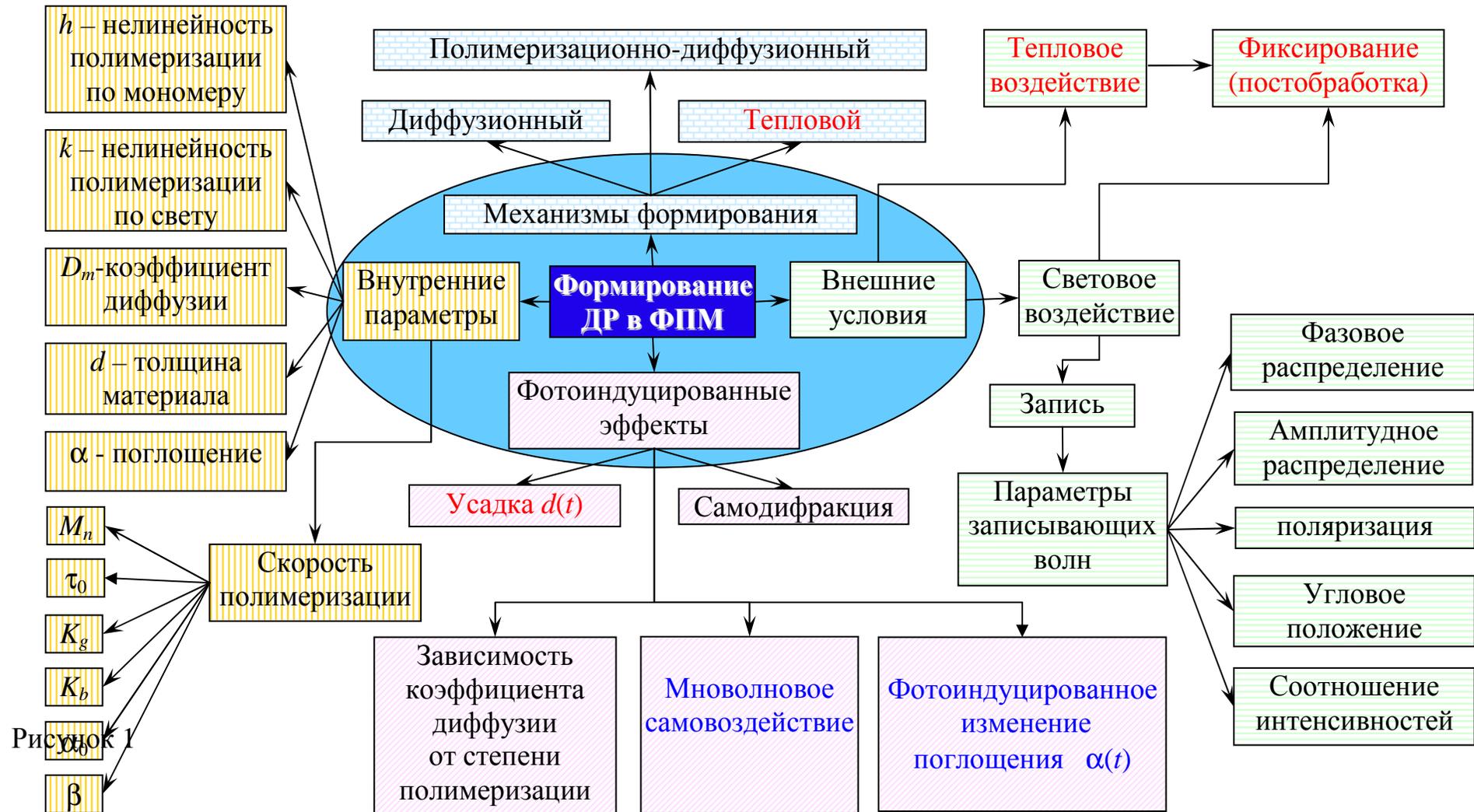
приводит к градиенту концентраций нейтральной компоненты и мономера. Потоки являются обратноподвиженными и происходит их взаимодиффузия – диффузионный механизм записи. Для такой системы получено аналитическое решение, которое качественно согласовалось с экспериментальными результатами [50,51] только для области малых времен, когда еще не проявляется обрыв полимерной цепи. В работе приняты $h=1/2$ и линейная зависимость скорости полимеризации от интенсивности света $k=1$, а также зависимость K_b от степени полимеризации, что аналогично изменению коэффициента диффузии от степени полимеризации. Причем коэффициент бимолекулярного обрыва цепи уменьшается по экспоненциальной зависимости от концентрации полимера, а мономолекулярного увеличивается пропорционально концентрации полимера. Сам коэффициент диффузии принимается величиной постоянной. Также данная работа является единственной, в которой получена система с учетом и теплового механизма записи, однако данный механизм является существенным либо в отсутствии светового излучения, либо при слабой интенсивности и высокой температуре материала. При комнатной температуре в процессе записи световой энергией, тепловой механизм можно не рассматривать в силу малости по сравнению с полимеризационно-диффузионным, а температурная зависимость коэффициента диффузии в масштабе времени записи пренебрежимо мала.

Анализ данной системы уравнений проведен в [53], где установлена взаимосвязь голографических характеристик среды с параметрами полимеризационного и диффузионного процессов, ответственных за формирование решетки показателя преломления. Из анализа модели и экспериментальных результатов приводится критерий эффективности записи, выполнение которого, по мнению авторов, является необходимым условием достижения максимально возможных значений амплитуды модуляции показателя преломления и скорости записи:

$$D_{ef} = (D_0/\Lambda^2)(u_p/I_0^{1/2}) > 1, \quad (1.1)$$

где величина безразмерного коэффициента D_{ef} зависит от свойств полимеризационно-способной составляющей носителя (u_p), коэффициента взаимодиффузии подвижных компонент (D_0), интенсивности записывающих пучков (I_0) и периода записываемой голографической решетки (Λ).

Следует заметить, что данный критерий эффективности будет получен независимо многими авторами в их моделях голографической записи в ФПМ [54-56] и в экспериментальных работах, например в [18,43,70]. Фактически данный критерий устанавливает оптимальное соотношение скоростей диффузионных и полимеризационного процессов записи.



M_n – начальная концентрация мономера, τ_0 – время релаксации возбужденной молекулы красителя K_g , K_b – параметры роста и обрыва полимерной цепи, α_0 – поглощение ФПМ обусловленное красителем, β – параметр фотоиницирования

Рис.1 - Основные внутренние и внешние параметры и механизмы формирования ДР в ФПМ

Также в данной работе определен диапазон оптимальных концентраций основных компонент материала ФПК-488, обеспечивающий максимальную эффективность записи. В случае среды с нейтральной компонентой содержание последней рекомендуется порядка 35-45%. Для материала ФПК-488 определен коэффициент взаимодиффузии мономера и нейтральной компоненты $D_0 = 1.5 \cdot 10^{-9} \text{ см}^2/\text{с}$. Показано, что для каждого материала существует область оптимальных значений интенсивности записывающих пучков, при которых скорость записи и амплитуда модуляции показателя преломления достигают максимально возможной величины, причем последняя в данной области практически не зависит от интенсивности света. Для сред с диффузионным разделением компонент предсказано уменьшение эффективности записи с уменьшением пространственной частоты решетки, что подтверждено литературными данными для различных регистрирующих сред данного типа (следует из 1.1).

Авторы предлагают использовать данную теорию для описания других эффектов, имеющих место при записи голограмм на фотоформерах, например, постполимеризационного самоусиления голограмм [42] и определять параметры процессов полимеризации и диффузии голографическими методами. Идея использования топографических измерений для исследования динамики процесса полимеризации представляет несомненный практический интерес. Трудность, однако, заключается в том, что на результаты оптических измерений одновременно оказывают влияние многие параметры фотополимеров. Расшифровка результатов измерений возможна только на основе теоретического моделирования процесса записи голограмм в конкретных типах регистрирующих сред, что и продемонстрировано авторами в работе [53].

Следует отметить, что главной трудностью использования данной модели является то, что модель записана только в виде системы дифференциальных уравнений для концентраций компонент, а аналитическое решение не найдено. Таким образом, для расчета дифракционных

характеристик необходимо решить данную систему дифференциальных уравнений, затем полученные концентрации компонентов материала подставить в соотношение Лорентц-Лоренца и определить амплитуду решетки показателя преломления, на основе которой с помощью формулы Когельника рассчитать дифракционные характеристики записанной решетки.

Идеально было бы получить аналитическую модель, которая бы путем недолгих вычислений показала, как изменять химический состав материала и процедуру записи, чтобы получить лучшие дифракционные характеристики. Хорошим примером является работа Когельника [49] в области дифракции, которая представляет простое аналитическое решение для области с соблюденными и нарушенными условиями Брэгга для произвольной поляризации для объемных амплитудных и фазовых решеток в пропускающей и отражающей геометриях. Также известно, что данная модель работает только в некоторой области параметров [57], и что есть более общие электромагнитные модели [58], однако модель Когельника пригодна для многих важных областей голографических параметров и является простой и физически наглядной.

Следующей была представлена работа Жао и Моуроулиса [55], в которой получено выражение для первой гармоники показателя преломления на основе полимеризационно-диффузионных кинетических уравнений для низких пространственных частот при $h=1$ и $k=1$ и показано, как отношение скоростей полимеризации и диффузии контролирует процесс формирования решетки, что аналогично с выводами работы [53]. Следует отметить, что Жао и Моуроулис представляли и модифицированную модель при $h=1$ и произвольном k [59] в которой показали, что в силу $k \neq 1$, следует учитывать вторую пространственную гармонику показателя преломления. Однако, данное утверждение необоснованно ограничено случаем $k \neq 1$, т.к. из вида кинетических уравнений следует, что даже при $k=1$ высшие пространственные гармоники решетки не исчезают, более того при слабо выраженной диффузионном механизме записи высшие гармоники превосходят по амплитуде первую при

$k=1$.

Данная работа [59] стала основополагающей для описания голографической записи в ФПМ и использовалась другими авторами для описания экспериментально наблюдаемых процессов, например в [43] и обобщалась в работах [54,60,61]. Широко известной стала нелокальная диффузионная модель (NPDD) записи ДР в ФПМ [54], разработанная Шериданом и др. на основе результатов из [59]. Главным отличием NPDD от работы [59] является математическое описание эффекта уменьшения эффективности дифракции ДР с увеличением пространственной частоты, т.е. ограниченности разрешающей способности материала.

Шеридан и др. объясняют спад ЭД на высоких частотах тем, что период решетки становится сравним с длиной полимерных цепей, что снижает контраст записанного полимерного распределения. Т.е. рост цепи от светлой к темной области позволяет описать процесс замыкания решетки, который приводит к уменьшению эффективной толщины решетки, как функции параметров записи. Данная причина является основой нелокальности материала и названо авторами нелокальным откликом ФПМ, для математического описания которой принята функция Гаусса. Первые выражения для данной модели получены при $h=1$, $k=1$ для четырех пространственных гармоник показателя преломления, как функции поляризуемости молекул полимера и гармоник его концентрации, выражения для которых также представлены с учетом влияния двух ближайших гармоник.

Следует отметить, что во всех работах данного коллектива авторов приводятся системы связанных дифференциальных уравнений для концентраций мономера и полимера без решения. Также в «нелокальных диффузионных» моделях не учтена нейтральная компонента, но учтена произвольная степень нелинейности процесса фотополимеризации и четыре пространственные гармоники, в отличие от модели в [52].

В [54] на основе численного моделирования показано, что амплитуды пространственных гармоник показателя преломления существенно возрастают

с уменьшением скорости полимеризации, зависящей от интенсивности записывающего излучения, что согласуется с результатами работ [53,55,59]. С уменьшением периода формируемой решетки, по предсказанию данной модели, амплитуды гармоник существенно уменьшаются, причем с ростом номера гармоники данный эффект усиливается. Однако данные эффекты имеют место только, когда период решетки становится меньше разрешающей способности материала, зависящей от длины формируемых полимерных цепей, и только в данном случае использование нелокальной модели становится целесообразным.

Таким образом, учет высших пространственных гармоник в модели записи является целесообразным, когда вклад полимеризационного механизма записи в амплитуду записываемой ДР много больше чем вклад диффузии компонентов материала. Такое заключение делается и в работе [56], где рассматриваются два граничных случая, когда диффузия материала отсутствует, и когда она является определяющей в формировании решетки. Приведенные результаты моделирования четко обозначили, что при слабовыраженной диффузии необходимо учитывать высшие пространственные гармоники профиля записываемой решетки, а в случае слабой диффузии можно ограничиться рассмотрением первой и нулевой гармониками решетки, и погрешность при этом будет меньше погрешности эксперимента, которым будет проверяться адекватность модели.

Данные выводы послужили отправной точкой для разработки аналитической модели, представленной в 1996 г. в работе [62], для $k=0.5$ и $h=1.5$. Выбор $h=1.5$ может говорить о рассмотрении двух различных ситуаций. Либо $h=1+k$, т.е. экспозиция проводится УФ светом и взаимодействует напрямую с мономером и тогда роль красителя в модели сводится к ослаблению интенсивности излучения по глубине материала, и формируемая решетка становится неоднородной по глубине материала. Либо $h=1.5$, что является промежуточным случаем, между $h=1$ - наиболее часто рассматриваемым случаем и подтвержденным многими экспериментальными результатами [75], и $h=2$, когда процесс обрыва полимерной цепи происходит в

результате мономолекулярного механизма. Установлено, что различные механизмы записи дают разную кинетику вкладов в процесс записи. На этой основе предложен экспериментальный способ разделения вкладов отдельных механизмов и оценки параметров, характеризующих процесс записи. [63]

Данная модель затем была обобщена на случай формирования решетки одним импульсом в поглощающем ФПМ [63], что позволило получить аналитические решения, описывающие пространственно-временное преобразование поля пропускающей голографической решетки, как при записи, так и при ПЭУ, с учетом оптического поглощения и диффузионных процессов. В задачи записи принято фотоиндуцированное изменение коэффициента диффузии среды из [47,48], а на стадии ПЭУ коэффициент диффузии принимается независимым от координаты. Показано, что затухание оптических пучков в процессе записи приводит к пространственной неоднородности профиля решетки показателя преломления и кинетики ее роста. В основе процесса ПЭУ лежит диффузия мономера и инертной компоненты, как результата градиента концентрации мономера вдоль вектора решетки, который возникает в результате неравномерного израсходования мономера под действием локальной засветки.

Результаты исследования ПЭУ также было представлено в работе [43], где получена эмпирическая формула для описания постэкспозиционного усиления голографической решетки принимающая во внимание два процесса: диффузия мономера из темных областей в светлые и взаимодействия и диффузии свободных радикалов, которых находится в избытке в светлых областях, для завершения полимеризации (обрыва полимерных цепей). Время для второго процесса обратно пропорционально коэффициенту обрыва цепи и более чем на порядок превосходит время диффузии, а вклад в рост амплитуды коэффициента преломления в разы меньше, чем вклад диффузии мономера. С помощью полученного эмпирического соотношения и экспериментальных данных можно получить время завершения процесса полимеризации, зная коэффициент диффузии, время записи и амплитуду решетки на момент

окончания записи.

Наиболее полное экспериментальное исследование постэкспозиционного усиления (ПЭУ) проведено в [42], где показано, что при использовании ПЭУ отношение сигнал/шум может быть улучшено на порядок за счет устранения динамического усиления шумовых решеток, которое имеет место при непрерывном экспонировании. Зависимость скорости эффекта постполимеризации и конечной глубины превращения полимера от исходной глубины превращения композита в момент прекращения облучения позволяет путем дозированной предполимеризации слоя некогерентным излучением сократить время экспонирования исходной голограммы интерференционным полем и тем самым дополнительно повысить отношение сигнал/шум. При использовании режима ПЭУ с предполимеризацией слоя отношение сигнал/шум для элементарных голограмм увеличивается примерно на порядок.

Интерес также представляют приведенные зависимости коэффициента усиления от выбора рабочей точки – времени записи до начала ПЭУ, исследованного также и в [18], и периода решетки. Показано, что с уменьшением периода решетки до 0.7мкм, коэффициент усиления увеличивается, что объясняется уменьшением длины диффузионного пробега инертного компонента и, следовательно, увеличением модуляции ее концентрации по слою, а дальнейшее уменьшение периода приводит к обратному эффекту за счет уменьшения диффузии инертного компонента в необлученные области из-за их полимеризации за счет эффекта передачи цепи и роста макрорадикалов из облученных областей в необлученные, т.е. уже сказывается разрешающая способность материала. В данной работе также подтверждается, что диффузия инертной компоненты является определяющим фактором в ПЭУ. Данные по величине максимального коэффициента ПЭУ 13 раз в зависимости от выбора рабочей точки $D\Delta=1\%$ находятся в хорошем согласии с другими источниками в которых исследовалось ПЭУ [42,43].

Другим интересным режимом усиления является динамическое (оптическое) самоусиление ДСУ. Единственная работа по теоретическому

изучению данного эффекта была представлена в [64] и модифицирована в [65]. В данных работах приводится аналитическая модель дифракции света на наклонных голографических решетках в фотополимерных материалах в нестационарном режиме считывания описывающая динамический процесс оптического усиления голограмм с учетом фотополимеризационного и диффузионного механизмов записи при $h=1.5$, $k=0.5$ и $m=1$. В основе описания ДСУ принято, что во время считывания формируется неоднородная по глубине материала интерференционная картина, образованная считывающей волной и дифрагированной волной на записанной решетке. В случае неполного израсходования мономера в процессе записи решетки, данная интерференционная картина приводит к записи дополнительной решетки, которая может быть рассогласованна с основной, что приводит к повороту эффективного вектора решетки и изменению пространственного профиля результирующей решетки, что согласуется с основными выводами в экспериментальных работах [44-46]. Решение задачи дифракции проведено в кинематическом приближении. На ее основе проведено численное моделирование динамики дифракционной эффективности и селективных свойств голограмм. Также на основе моделирования показано, что дифракционные характеристики наклонных голограмм являются пространственно неинвариантными по отношению к направлению считывающего пучка. Результаты данных теоретических работ находятся в очень хорошем согласии с экспериментальными результатами, представленными в работах [18,44-46].

Все исследования ДСУ [44-46,64,65] показали следующие. Коэффициент усиления всегда больше единицы, и ДЭ стабилизируется на достигнутом уровне по завершении процесса полимеризации вне зависимости от материала и выбора рабочей точки. А величина ДЭ решетки, сформировавшейся в результате ДСУ, зависит от начальной дифракционной эффективности (рабочей точки) и пространственного периода решетки, уменьшаясь с уменьшением последних. Наклон решетки, сформировавшейся при ДСУ, определяется

дифракцией записывающих пучков на смещенной решетке.

Кроме того практическая значимость ДСУ [45] является возможность создания стабильных решеток с ДЭ до 90% при сниженных требованиях к виброустойчивости схемы записи, в связи с тем, что интерференционная картина образуется в результате дифракции считывающего пучка на слабой записанной решетке.

В более поздних работах [66] получены параметры исследованных фотополимерных материалов, которые находятся в согласии с результатами других коллективов, а также представлялись аналитические модели записи ДР с учетом как оптического поглощения материала, так и его фотоиндуцированного изменения [67], что позволило уточнить параметры материала с учетом данного эффекта [68].

Следует заметить, что модели [56,62-68] разработаны без учета контраста интерференционной картины и фотоиндуцированного изменения поглощения, только для нулевой и первой гармоник концентрации мономера и показателя преломления при $h=1.5$, $k=0.5$ и с учетом нейтральной компоненты, а дифракционная задача решена в кинематическом приближении, однако в отличие от всех представленных ранее моделей с учетом неоднородности пространственного профиля решетки показателя преломления, и что особенно важно в аналитическом виде.

В данных работах, как и во всех известных автору теоретических исследованиях пренебрегается как усадкой материала, по крайней мере в задаче формирования решетки, так и диффузией полимера. В работах [43,69-74] проведено экспериментальное исследование эффекта усадки, а в работе [43] получено эмпирическое выражение для оценки величины усадки:

$$\Delta d(t) = \Delta d_{\max} \left(1 - \exp \left\{ k_0 I_0^{1/2} [1 - \exp(-\sigma \cdot t)] \cdot t \right\} \right) \quad (1.3)$$

где I_0 – интенсивность экспозиции, $\sigma \approx 0.5 k_0 I_0^{1/2}$, k_0 – коэффициент пропорциональности, зависящий от внутренних параметров материала, Δd_{\max} – максимальная величина усадки, уменьшающаяся с уменьшением I_0 . Выражение показывает, что временная эволюция толщины материала совпадает с

изменением среднего показателя преломления, т.е. общей плотности материала. В целом, усадка материала составляет порядка (1.5-2)% от толщины слоя, а максимальная величина не превышает 3.5%, что находится в согласии с другими работами [69-74]. Эффект усадки может быть устранен при использовании закрепленных жестких ограничивающих плоскостей, между которыми находится ФПМ, как это сделано например в [72].

Вопрос, связанный с диффузией полимера, решен, например, в работе [73], где приводятся результаты исследований изменения дифракционной эффективности пропускающих решеток, записанных в ФПМ на основе акриламида, при хранении. Там же приводится качественная теория рассасывания решетки, и определяются коэффициенты диффузии полимера, которые оказываются на четыре порядка меньше коэффициентов диффузии мономера, что находится в согласии с качественной оценкой в [52]. На основе чего делается заключение о приемлемости пренебрежения диффузией полимера, как на стадии записи и ДСУ, так и на стадии ПЭУ.

1.4 Голографические дифракционные решетки в фотополимеризующихся жидкокристаллических материалах

В настоящее время все больший интерес к себе привлекают фотополимерные композитные материалы с включением жидкокристаллической компоненты. Это связано с возможностью применения таких материалов для создания элементов управления оптическим излучением, устройств отображения и передачи информации [81,82].

Существует несколько типов композитных материалов: фотополимерный жидкокристаллический композитный материал- ФПМ-ЖК, в зарубежной литературе называемый «polymer dispersed liquid crystals»- PDLC [83,84] или «polymer-liquid-polymer slides»- POLCRYPS [85,86], и азосодержащие ЖК полимеры- АПЖК [87,88]. В обоих случаях для создания периодической структуры используется голографический метод.

На данный момент известно несколько методов приготовления

композитных материалов: эмульгирование, фазовое разделение [89].

Согласно методу эмульгирования раствор полимера смешивается с каплями ЖК. При испарении растворителя пленка полимера отвердевает, при этом образуются капли, внутри которых находится жидкий кристалл [89].

В процессе фазового разделения однородный раствор ЖК и матрицы разделяется при отвердевании полимерной составляющей с вытеснением молекул жидкого кристалла в капли. В зависимости от способа отверждения принято различать фазовое разделение в результате: охлаждения расплава, испарения растворителя и полимеризации.

Формирование капсулированных структур в ФПМ-ЖК

С помощью указанных способов отверждения в ФПМ-ЖК материале возможно создать структуру, в которой в результате фазового разделения молекулы ЖК капсулируются. Плотность и размер капсул в композите зависит от исходного состава композита [82, 90, 91]. Их размер варьируется от единиц *мкм* до структуры, в которой ЖУ «переплетен полимерной сетью» [92, 93]. Например, 2% полимера в композите формирует капсулы диаметром 80 *мкм*, 5% полимера- 20 *мкм*, для 50% полимера- 10 *мкм* [82].

В настоящее время, при изготовлении ПРМ-ЖК материалов используют жидкий кристалл в нематической фазе [91]. Существует возможность применения холестерического жидкого кристалла [92].

Управление таких материалов основано на переориентировании молекул жидкого кристалла под действием внешнего электрического поля. Переориентация молекул приводит к изменению показателя преломления последнего [86]. Прикладываемое напряжение зависит от состава композита. Например, для 2% полимера управляющее напряжение составляет 20 В, для 50% полимера- 120 В [91].

Коллективом из Красноярска (институт физики им. Л.В. Киренского СО РАН) были представлены осциллограммы светопропускания оптического отклика КПНЖК для различных размеров капель ЖК при различных управляющих напряжениях [94]. Согласно которым, для малых размеров капель

нематика (диаметр- 1,4 мкм) характерны монотонно убывающие, близкие к экспоненциальным, релаксационные зависимости. При этом светопропускание составило 0,5. Существенно отличающийся вид имеют релаксационные кривые при крупных размерах капель (диаметр- 5 мкм). Светопропускание сначала уменьшается, достигает минимума, потом увеличивается, достигает локального максимума, и лишь затем уменьшается

Такие структуры возможно применять в качестве модуляторов, устройств отображения информации [95], а так же в качестве поляризационно-селективных и не селективных дифракционных оптически элементов [96].

Формирование ДС в ФПМ-ЖК

Голографический метод формирования ДС в ФПМ-ЖК материале является наиболее предпочтительным.

В соответствии с пространственным распределением интерференционной картины в фотополимере с ЖК компонентой, под действием двух механизмов фотополимеризационного и диффузионного, происходит фазовое разделение молекул полимера и ЖК: молекулы ЖК локализуются в капсулы [82, 88, 91, 94, 97]. В результате, в фотополимерной композиции формируется упорядоченная структура характеризующаяся модуляцией показателя преломления в его объеме. Период такой структуры составляет единицы микрометров.

Плотность и размер капсул в композите зависит от исходного состава композита, от спектрального состава источника облучения, его мощности, времени экспозиции [91, 81]. В работе [91] установлено, что при увеличении плотности излучения от 1 до 200 мВт/см² диаметр ЖК капсул уменьшается с 5,5 до 2,5 мкм, а при энергиях облучения 150-200 мДж/см² формируются капсулы с размерами 0,5-1 мкм; увеличение концентрации полимера ведет к уменьшению рассеяния света и увеличению управляющего напряжения, а также, к увеличению параметра порядка [91].

Таким образом, сформированный композитный материал можно рассматривать как дифракционную решетку, обладающей дифракционной

эффективностью и угловой селективностью [91]. Согласно [93], для пленки толщиной 10 мкм дифракционная эффективность может достигать 32%, $\Delta n \approx 0,009 \pm 0,001$, для пленки толщиной 50 мкм - 70%, $\Delta n \approx 0,0077$; предел пространственной частоты порядка 1100 лн/мм.

В работах [97, 98] представлены математические модели, описывающие процесс формирования решетки, основой которых являются диффузионные уравнения для концентрации мономера в ФПМ-ЖК, учитывающее только полимеризационно - диффузионный механизм для мономера.

Модель, представленная в работе [97], позволяет рассчитать кинетику профиля показателя преломления с учетом высших гармоник.

Модель, представленная в работе [99], учитывает полимеризационно - диффузионный механизма для концентрации мономера, диффузионный механизм для концентрации жидкого кристалла, интенсивность записывающих пучков и время записи. Предложенная модель записи решетки состоит из двух этапов: «быстрый» и «медленный». Соотношение между этапами регулируется временем записи, интенсивностью- длина полимерной цепочки. Управляя интенсивность и временем записи возможно получить ДР с требуемыми параметрами. Согласно [99], необходима интенсивность записывающих пучков при которой в неосвещенных областях будут формироваться более длинные полимерные цепочки, чем в освещенной, что позволит повысить модуляцию концентрации ЖК.

Все представленные модели подтверждают, что профиль показателя преломления записанной решетки не синусоидальный.

Прекращение роста полимерной цепи объясняется наличием кислорода или других примесей, которые сдерживают распад мономера на свободные радикалы [98]. При предположении, что модуляция концентрации жидкого кристалла пропорциональна модуляции концентрации полимера, аналитически получена первая гармоника показателя преломления композитного материала, из которой видно, что профили решеток ЖК и полимера одинаковые.

Дифракционные свойства и управление ДС в ФПМ-ЖК

Научная группа из Италии представила экспериментальные работы на тему исследования отклика POLCRYPS, в которой показана возможность управления такими структурами [89,84].

Управление таких материалов основано на переориентировании молекул жидкого кристалла под действием внешнего электрического поля. В исходном состоянии показатель преломления полимера отличен от показателя преломления ЖК. Переориентация молекул приводит к изменению показателя преломления последнего. При сравнении показателей преломления полимера и ЖК структура становится оптически однородной в направлении распространения света [86].

В работе [89] представлены экспериментальные исследования дифракционных свойств материалов HCD-5 и HCB-31, содержащих 30% нематического ЖК 5CB, толщиной 7,8 мкм и 8,8 мкм соответственно, с период решетки 1,34 мкм.

Для указанных образцов представлены зависимости времени включения и выключения дифрагированного пучка от напряженности приложенного электрического поля для различной частоты (100 Гц и 1 Гц), длины волны света (632,8 нм и 1550,5 нм). Результаты были идентичны для обоих образцов: время включения дифрагированного пучка составляет 1 мс, а время выключения- 0,1 мс. Причем для $\lambda = 632,8$ нм была достигнута дифракционная эффективность в 90% при напряжении 55 В, для $\lambda = 1550,5$ нм- менее 20% при напряжении 45 В. Полученный результат объясняется тем, что образцы были оптимизированы для красного света.

Зависимость дифракционной эффективности от приложенного поля имеет не монотонную зависимость [101].

Работа [84] посвящена исследованию оптического отклика композита в тонких пленках. В работе исследовалось два образца толщиной 8,8 мкм, 12 мкм и периодом 1,34 мкм и 0,6 мкм, соответственно. Материал содержал 30% нематического ЖК. Считывание производилось на длине волны 633 нм. Было установлено, что время возрастания оптического отклика меньше у образца с

большой толщиной, и составляет величину порядка 100 мкс, а время спада больше у образца с меньшей толщиной. Оно составляет величину порядка 10 мкс [84]. При напряженности поля порядка 16 В/мкм время оптического отклика составляет 150-200 мкс, а время релаксации- 4 мс [91].

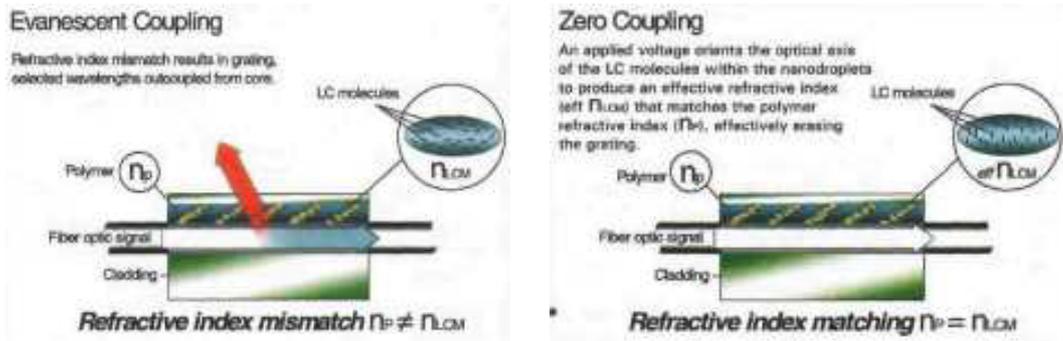
В рассмотренных работах не представлено моделей, описывающих ориентацию директора жидкого кристалла в капсуле ФПМ-ЖК. В работе [100] в аналитическом виде представлено решение задачи ориентации молекул ЖК в сферическом объеме.

Ориентация жидкого кристалла сильно подвержена ориентирующему действию поверхностей. В POLCRYPS материалах этот эффект так же присутствует. В таком материале молекулы ЖК, в основном, сосредоточены между слоями полимера. В [102] исследуются ориентационные свойства ЖК между слоями N-винил карбозола при приложении внешнего электрического поля, из которой видно, что ориентационный эффект при приложении переменного или постоянного электрического поля одинаковый, разница лишь в том, что при постоянном токе напряжение переориентации больше (критическое напряжение).

В работе [103] предложена кусочно-линейная аппроксимация зависимости угла наклона директора ЖК от пространственной координаты при приложенном электрическом поле, а так же проведено сравнение представленной модели с результатами экспериментальных исследований.

Зависимость дифракционной эффективности от поляризации показала, что в капсуле директор ориентирован аксиально [104], и изменяет свою ориентацию только в одной плоскости [105].

На основе ДР, образованных в ФПМ-ЖК материалов, возможно создать динамически управляемые устройства для передачи информации, принципом работы которых являются электрически управляемые решетки Брэгга [83]. Применение, которых возможно в качестве управляемого демультиплексора для многоволновых систем оптической передачи информации [106, 107, 108].



а) б)

Рисунок 1.1- Принцип работы демультиплексора на основе ФПМ-ЖК: а) $n_p \neq n_{lc}$, б) $n_p = n_{lc}$. [83]

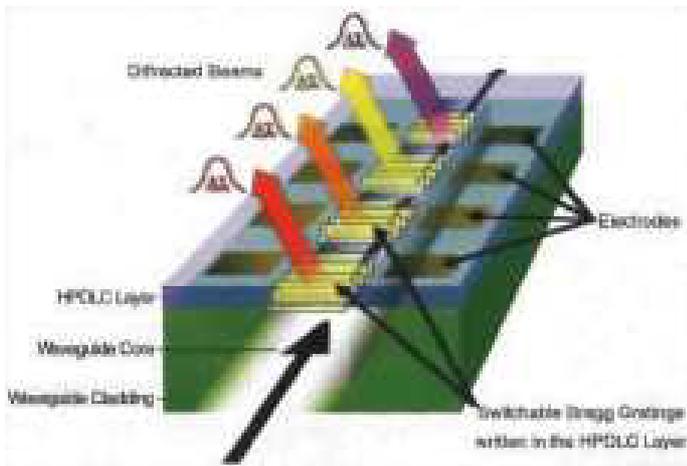


Рисунок 1.2- Применение ФПМ-ЖК в качестве демультиплексора [83]

На рисунке 1.1 представлен принцип работы демультиплексора, на рисунке 1.2 описана планарная схема применения ФПМ-ЖК материала в качестве управляемого демультиплексора для многоволновых систем оптической передачи информации. Быстродействие таких систем

порядка 100 мкс [82-83].

Таким образом в рассмотренных работах не представлено моделей в полной мере описывающих формирование ДР в ФПМ-ЖК материалах: профили показателя преломления ЖК и полимера полностью не определены, не определена глубина фазового разделения.

Нет моделей позволяющих рассчитать дифракционные свойства таких структур, нет моделей описывающих управление дифракционными структурами, не определено процентное соотношение компонент материала и ориентация директора ЖК в образце в зависимости от процентного соотношения составляющих композитного материала и граничных эффектов.

Проведенный анализ показывает недостаточную степень изученности вопросов голографического формирования ДР в ФПМ-ЖК материалах, вопросов дифракции света на указанных структурах и методов динамического управления их дифракционными свойствами внешними электрическими полями.

Выводы по разделу

Приведенный аналитический обзор литературы показал, что недостаточно исследованы следующие вопросы:

- Отсутствуют модели формирования отражательных решеток в ФПМ в какой либо форме.
- Модели для пропускающих решеток в ФПМ, полученные в аналитическом виде, не описывают следующие явления:
 - Высшие пространственные гармоники
 - Произвольную степень нелинейности процесса фотополимеризации
 - Явления двух волнового смещения
 - Влияние контраста интерференционной картины на свойства решеток
 - Формирование решеток с изменяющимся периодом
- Модели для пропускающих решеток в ФПМ в приближении нескольких пространственных гармоник и произвольной степени фотополимеризации не получены в аналитическом виде.
- Не представлено моделей в полной мере описывающих формирование ДР в ФПМ-ЖК материалах: профили показателя преломления ЖК и полимера полностью не определены, не определена глубина фазового разделения.
- Нет моделей позволяющих рассчитать дифракционные свойства ДР в ФПМ-ЖК, нет моделей описывающих управление дифракционными структурами, не определено процентное соотношение компонент материала и ориентация директора ЖК в образце в зависимости от процентного соотношения составляющих композитного материала.

Постановка задачи

На основании анализа источников можно считать, что для достижения цели работы необходимо решить следующие основные задачи :

а) исследование записи пропускающих и отражающих фазовых голографических решеток в ФПМ-ЖК с учетом поглощения, полимеризационно-диффузионного механизма записи, произвольной степени нелинейности фотополимеризации фотоиндуцированного изменения поглощения и коэффициента диффузии;

б) исследование кинетики формирования гармоник пространственного профиля решетки показателя преломления и определение количества гармоник, которые необходимо принимать во внимание в зависимости от параметров материала и процесса записи;

в) решение самосогласованной дифракционной задачи и определение селективных свойств пространственно неоднородных решеток для произвольного количества пространственных гармоник;

г) исследование решеток с линейно изменяющимся периодом для пропускающей и отражающей геометрий записи;

д) исследование явления двухволнового смещения, приводящего к формированию дополнительных решеток в материалах с произвольной степенью нелинейности фотополимеризации.

е) исследование записи пропускающих и отражающих фазовых голографических решеток в ФПМ-ЖК с учетом поглощения, полимеризационно-диффузионного механизма записи, произвольной степени нелинейности фотополимеризации фотоиндуцированного изменения поглощения и коэффициента диффузии

ж) построение теоретических моделей кинетик записи и считывания наложенных голографических решеток и их интегральных дифракционных характеристики с учетом их взаимовлияния,

з) построение теоретических моделей электрически управляемых ФПМ-ЖК дифракционных структур,

д) разработка программного обеспечения, основанного на полученных моделях, проведение численного моделирования кинетик записи и дифракционных характеристик исследуемых периодических дифракционных структур.,

Решение указанных задач позволяет сформировать аналитические методы описания процессов динамического формирования дифракционных структур в фотополимеризующихся жидкокристаллических композиционных материалах.

2 Исследования пропускающих голографических дифракционных решеток (ПГДР) в фотополимеризующихся жидкокристаллических композиционных материалах (ФПМ-ЖК)

В данном разделе представлены теоретические модели кинетики голографической записи и считывания ПГДР в композиционных фотополимеризующихся материалах и их интегральных дифракционных характеристик с учетом самодифракции формирующих пучков, амплитудных распределений записывающих и считывающих пучков, высших пространственных гармоник решеток на стадии записи и считывания [115-118, 120-126, 130, 133, 136-143]. В подразделе 2.1 получены аналитические выражения, описывающие кинетику пространственно – временных распределений решетки показателя преломления для ПГДР при различных условиях записи и на основе численного моделирования исследовано изменение пространственных профилей решеток в поглощающих ФПМ и при двухпучковых взаимодействиях на гармониках.

В подразделе 2.2 получены решения самосогласованной дифракционной задачи, на основе которой проводится исследование дифракционных характеристик пространственно-неоднородных ПГДР путем численного моделирования.

2.1 Формирование ПГДР

2.1.1 Кинетические уравнения голографической записи в ФПМ-ЖК

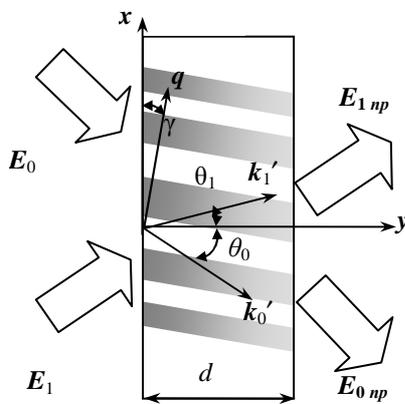
Пусть две когерентные монохроматические световые волны с амплитудами $E_0(\mathbf{r})$, $E_1(\mathbf{r})$ и волновыми векторами $\mathbf{k}_0'(\mathbf{r})$ и $\mathbf{k}_1'(\mathbf{r})$ на границе раздела сред распространяются под углами θ_0 и θ_1 внутри плоского слоя поглощающего ФПЖКМ ($0 \leq y \leq d$). Также будем считать, что \mathbf{k}_0' и \mathbf{k}_1' лежат в плоскости XY. Пространственная геометрия процесса записи представлена на рис.2.1.

Запись ДР в ФПЖКМ проводится с помощью лазеров, что позволяет в теоретическом рассмотрении ограничиться монохроматическим полем в геометро-оптическом приближении. Тогда оптическое поле внутри ФПМ толщиной d (рис.2.1) запишем в виде:

$$E(t, \mathbf{r}) = \sum_{j=0,1} \mathbf{e}_j \cdot E_j(\mathbf{r}) \cdot \exp[-\alpha(t)(N_j \cdot \mathbf{r})] \cdot \exp[i \cdot (\omega \cdot t - \varphi_j(\mathbf{r}))] + \hat{e} \cdot \tilde{n}, \quad (2.1)$$

где \mathbf{e}_j - вектор поляризации, $\alpha(t)$ – коэффициент оптического поглощения ФПМ с учетом его фотоиндуцированного изменения, \mathbf{r} – радиус-вектор, центральный волновой вектор $\mathbf{k}'_j = kN_j = -\text{grad}(\varphi_j(\mathbf{r}))$, $k = n_j \omega/c$ – волновое число и N_j – волновая нормаль, n_j – показатель преломления.

Под воздействием светового излучения в ФПЖКМ в результате процессов радикальной фотополимеризации и диффузии происходят локальные изменения показателя преломления, что приводит к формированию фазовой голографической решетки.



На записываемой решетке во время записи происходит дифракция записывающих волн, которая является существенной только при контрасте не равном единице и при существенно несимметричной геометрии.

Рисунок 2.1 - Пространственная геометрия процесса записи

Поэтому вопросы самодифракции рассмотрены отдельно. На практике считывание записываемой решетки производится либо после остановки записи, либо во время записи неактивным излучением под соответствующим длине волны считывания углом. Поэтому вопросы считывания ДР (задача дифракции) рассматривается отдельно от задачи записи

Рассмотрим более подробно процесс радикальной фотополимеризации приводящий к формированию решетки в ФПЖКМ.

Фотохимические реакции, протекающие в процессе радикальной фотополимеризации, приводят к локальным изменениям показателя преломления среды $n(\mathbf{r}, t)$. В упрощенном виде схема радикальной полимеризации в ФПМ с красителем-сенсбилизатором включает в себя несколько этапов [11,56].

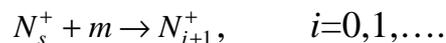
На первом этапе молекула красителя K поглощает квант светового излучения ($h\omega$) и взаимодействует в возбужденном состоянии K^* с инициатором



с образованием радикала красителя и первичного радикала инициатора In^* . Радикал красителя в дальнейших реакциях не участвует, в связи с рассредотачиванием радикального центра по всей молекуле и потерей активности и переходит в прозрачную лейко-форму. Радикал инициатора взаимодействует с молекулой мономера M , что приводит к образованию нового радикала (N_0^+), состоящего из инициатора и мономера, причем радикальный центр перемещается на мономер



Новый радикал в свою очередь взаимодействует с другой молекулой мономера, присоединяя ее, обуславливая процесс роста полимерной цепи, скорость которого характеризуется параметром роста цепи K_g



Затухание реакции полимеризации происходит, во-первых, за счет рекомбинации радикалов обусловленного мономолекулярным механизмом, то есть радикальная цепочка взаимодействует с первичным радикалом, или бимолекулярным механизмом, когда две радикальные цепочки взаимодействуют друг с другом, образуя димер, и во-вторых, за счет взаимодействия двух радикалов, причем один теряет свой радикальный центр, а второй присоединяет к себе атом водорода (диспропорционирование) [11]. Скорость обрыва полимерной цепи характеризуется параметром обрыва K_b .

При математическом описании процессов в описанной схеме за основу

примем теорию радикальной полимеризации, изложенную в [11]. Существенные упрощения в описании получаются в случае, когда характерное время изменения концентрации красителя и мономера является большим по сравнению со временем релаксации возбужденных состояний красителя τ_0 и временем установления равновесия в ансамбле радикалов [56].

В соответствии с теорией радикальной полимеризации [11] скорость полимеризации (изменения концентрации мономера) записывается в следующем виде:

$$-\frac{dM(t)}{dt} = K_g \left(\frac{\beta I_{abs}}{K_b} \right)^k M(t), \quad (2.2)$$

где I_{abs} - интенсивность поглощенного света, $M(t)$ - концентрация мономера, β - параметр реакции фотоинициирования, k - степень нелинейности процесса фотополимеризации, $0.3 < k < 1$ в общем случае, зависит от соотношения механизмов роста, распространения и обрыва полимерной цепи в процессе радикальной полимеризации [11,52,75].

Когда в состав ФПЖКМ входит краситель-сенсibilизатор и экспозиция производится излучением с интенсивностью I_0 и длиной волны из спектра поглощения красителя, то выражение для интенсивности, потраченной на фотополимеризацию, имеет вид [11]:

$$I_{abs} = I_0 \left(1 - 10^{-\alpha_0 \langle K \rangle d} \right) \approx I_0 \alpha_0 \langle K \rangle d, \quad (2.3)$$

где K - концентрация красителя, участвующего в фотополимеризации, d - толщина материала, α_0 - эффективный коэффициент поглощения молекулы красителя на длине волны экспозиции.

Таким образом, из сопоставления (2.2) и (2.3) видно, что в ФПМ с красителем-сенсibilизатором скорость фотополимеризации пропорциональна первой степени мономера и зависит от эффективного коэффициента поглощения красителя.

Когда экспозиция материала производится ультрафиолетовым светом и

излучение поглощает непосредственно мономер, выражение для интенсивности, потраченной на фотополимеризацию, принимает вид:

$$I_{abs} = I_0(1 - 10^{-\varepsilon Md}) \approx I_0 \varepsilon Md. \quad (2.4)$$

В данном случае I_{abs} пропорциональна концентрации мономера M , и тогда при подстановке в (2.2) получим, что скорость фотополимеризации пропорциональна M^{1+k} .

Выражение для скорости изменения концентрации мономера в общем случае может быть записано в виде:

$$-\frac{dM}{dt} = K_g \left(\frac{\beta \cdot I_{abs}}{K_b} \right)^k \cdot M^h, \quad (2.5)$$

где $h = 1+k$ – для взаимодействия излучения непосредственно с мономером, $h = 1$ – для ФПМ с красителем-сенсбилизатором, взаимодействующим с излучением.

Следует отметить, для ФПМ с красителем-сенсбилизатором h может быть равно двум, когда обрыв полимерной цепи происходит только вследствие мономолекулярного механизма [75], который начинает превалировать только при глубоких степенях конверсии мономера в полимер и пренебрежимо малой диффузии [52]. Экспериментальные исследования [75] подтверждают, что в подавляющем большинстве случаев $h=1$, поэтому в дальнейшем рассмотрении ФПМ с красителем-сенсбилизатором ограничимся $h=1$.

Для неоднородной засветки $I(\mathbf{r})$ скорость изменения M является пространственно-неоднородной функцией, что приводит к возникновению градиента концентрации мономера и соответственно диффузии мономера из менее освещенных областей в более освещенные. Объединяя обе причины изменения концентрации мономера, запишем уравнение для скорости изменения M в виде:

$$\frac{\partial M(t, \mathbf{r})}{\partial t} = \text{div}(D(t, \mathbf{r}) \text{grad } M(t, \mathbf{r})) - K_g \left[\frac{\alpha_0 \beta \langle K \rangle \tau_0 I(\mathbf{r})}{K_b} \right]^k M^h(t, \mathbf{r}), \quad (2.6)$$

где $I(\mathbf{r})$ – пространственное распределение интенсивности засветки, \mathbf{r} – радиус-вектор пространственной точки, $D(t, \mathbf{r})$ – коэффициент диффузии мономера; параметры вещества, взаимодействующего с излучением: α_0 – коэффициент поглощения одной молекулы, $\langle K \rangle$ – концентрация молекул, τ_0 – время жизни возбужденного состояния молекулы.

Для описания процесса диффузии мономера примем во внимание временное изменение D и используем выражение [48], полученное на основе феноменологического подхода и показавшее хорошее согласие с экспериментальными результатами [43,56]:

$$D(t, \mathbf{r}) = D_m \exp \left[-s \left(1 - \frac{M(t, \mathbf{r})}{M_n} \right) \right], \quad (2.7)$$

где M_n – начальная концентрация мономера, D_m – начальное значение коэффициента диффузии, s – параметр, описывающий скорость изменения D .

Дальнейшее изложение перехода от концентрации мономера к показателю преломления приведено в работе [56] для $k=0.5$ $h=1+k=1.5$. Изменение во времени M в некоторой точке приводит за счет процесса полимеризации к изменению во времени плотности полимерных молекул в этой точке. За счет процессов диффузии мономера происходит также вытеснение компоненты материала, которая не участвует в процессе полимеризации, однако имеет отличный от мономера и полимера показатель преломления (ЖК компонента). Т.о. все эти процессы ведут к изменению показателя преломления n , которое на основе формулы Лорентц-Лоренца можно записать в виде:

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \frac{4\pi}{3} \frac{(n^2 + 2)^2}{6n} \left(\alpha_m \frac{\partial N_m}{\partial t} + \alpha_p \frac{\partial N_p}{\partial t} + \alpha_{lc} \frac{\partial N_{lc}}{\partial t} \right), \quad (2.8)$$

где N_m , N_p , N_{lc} и α_m , α_p , α_{lc} число молекул в единице объема и поляризуемость молекул мономера, полимера и ЖК компоненты, соответственно [56]. Здесь под α_{lc} – понимается эффективное значение поляризуемости.

Изменение N_m , N_p и N_{lc} в некоторой точке при неоднородной засветке происходит за счет двух процессов: фотополимеризации мономера и процессов

взаимодиффузии мономерной и ЖК компонент.

Принимая среднюю длину полимерной цепи равной l , из закона сохранения числа частиц следует $N_m + lN_p = \text{const}$. Тогда изменение n за счет реакции полимеризации будет

$$\left(\frac{\partial n(t, \mathbf{r})}{\partial t}\right)_p = \delta n_p \left(\frac{\partial M(t, \mathbf{r})}{\partial t}\right)_p = \delta n_p K_g \left[\frac{\alpha_0 \beta \langle K \rangle \tau_0 I(\mathbf{r})}{K_b}\right]^k \frac{M^h(t, \mathbf{r})}{M_n},$$

где $\delta n_p = \frac{4\pi}{3} \cdot \frac{(n^2 + 2)^2}{6n} \left(\alpha_m - \frac{\alpha_p}{l}\right) \cdot \frac{M_n}{W_m}$, W_m -молекулярный вес мономера [56].

Считая диффузионные потоки мономера и ЖК компоненты равными, изменение показателя преломления вследствие вытеснения мономером ЖК компоненты в неосвещенную область запишем в виде:

$$\left(\frac{\partial n}{\partial t}\right)_{lc} = \delta n_{lc} \text{div}(D_{lc} \text{grad } M),$$

где $\delta n_{lc} = \frac{4\pi}{3} \cdot \frac{(n^2 + 2)^2}{6n} \alpha_{lc} \frac{M_{lc}}{W_{lc}}$, M_{lc} – концентрация инертной компоненты, W_{lc} –

молекулярный вес ЖК компоненты. Отметим, что вследствие анизотропии ФПЖКМ параметр δn_{lc} в общем случае зависит от поляризации световых волн.

В результате, учитывая оба процесса, изменяющих n , получим [56]:

$$\left.\frac{\partial n(t, \mathbf{r})}{\partial t}\right|_p = \delta n_p K_g K_b^{-k} (\alpha_0 \beta \langle K \rangle \tau_0 I(\mathbf{r}))^k \frac{M^h(t, \mathbf{r})}{M_n}, \quad \left.\frac{\partial n(t, \mathbf{r})}{\partial t}\right|_{lc} = \delta n_{lc} \text{div}\left[D_{lc} \text{grad} \frac{M(t, \mathbf{r})}{M_n}\right].$$

(2.9)

Система уравнений (2.6), (2.9) является базовой для описания процесса записи голограмм в ФПЖКМ и будет использована для разработки всех математических моделей в данной работе. Данная система уравнений в отличии от представленной в [56] получена в более общем виде, т.к. учтены произвольная степень нелинейности процесса фотополимеризации k , $h=1$.

Как показывает анализ выражений (2.6), (2.7) и (2.9), учет в задаче записи дифракционной решетки амплитудного профиля записывающих пучков с плоским фазовым фронтом приводит к зависимости контраста и

интенсивности записывающего поля от координат x и y , что приводит к неравномерности скорости полимеризации и контраста в каждой локальной точке записываемой голографической решетки. Таким образом, определив степень влияния контраста и скорости полимеризации на кинетику и вид профиля дифракционной решетки в приближении плоских волн, результаты можно обобщить на случай записи пространственно-неоднородными световыми пучками.

2.1.2 Запись ПГДР с учетом постоянного оптического поглощения ФПМ-ЖК

В данном разделе рассмотрим запись ПГДР плоскими волнами. Решение задачи получено в приближении нулевой и первой гармоник концентрации мономера и показателя преломления с учетом постоянного оптического поглощения, контраста интерференционной картины, произвольной степени нелинейности процесса фотополимеризации и зависимости коэффициента диффузии от степени полимеризации.

Пусть две плоские когерентные монохроматические световые волны с амплитудами E_0 , E_1 и волновыми векторами k_0' , k_1' на границе раздела сред распространяются под углами θ_0 и θ_1 внутри плоского поглощающего фотополимерного слоя ($0 \leq y \leq d$). Также будем считать, что k_0' и k_1' лежат в плоскости XY. Пространственная геометрия и векторная диаграмма процесса записи представлены на рис.2.2.

Распределение интенсивности интерференционной картины светового поля (рис.2.2) в случае постоянного оптического поглощения примет вид:

$$I(\mathbf{r}) = I_0(y) \cdot [1 + m(y) \cdot \cos(\mathbf{K}_1 \mathbf{r})], \quad (2.10)$$

где $m(y) = 2\sqrt{I^0(y)I^1(y)} \cdot (e_1 \cdot e_0) / (I^0(y) + I^1(y))$ - локальный контраст

интерференционной картины, $I_0(y) = I^0(y) + I^1(y)$, $I^j(y) = I_j \exp[-\alpha y / \cos \theta_j]$;

$I_j = |E_j|^2$; $j=0,1$; $\mathbf{K}_1 = \mathbf{k}_0' - \mathbf{k}_1'$, \mathbf{r} - радиус вектор.

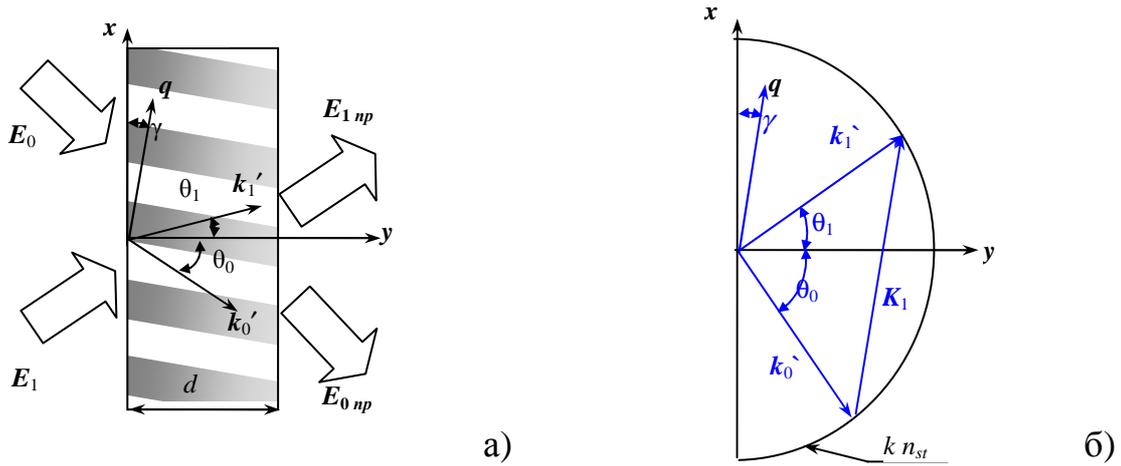


Рисунок 2.2 – Пространственная геометрия (а) и векторная диаграмма (б) процесса записи

С учетом (2.10) запишем уравнения описывающие процесс формирования фазовой решетки в ЖК фотополимерном материале с красителем сенсбилизатором в результате радикальной фотополимеризации (2.6)- (2.9):

$$\frac{\partial M(t, \mathbf{r})}{\partial t} = \text{div}(D_m(t, \mathbf{r}) \text{grad } M(t, \mathbf{r})) - K_g \left[\frac{\alpha_0 \beta \langle K \rangle \tau_0 I(t, \mathbf{r})}{K_b} \right]^k M(t, \mathbf{r}), \quad (2.11)$$

$$\frac{\partial n(t, \mathbf{r})}{\partial t} = \delta n_p K_g \left[\frac{\alpha_0 \beta \langle K \rangle \tau_0 I(t, \mathbf{r})}{K_b} \right]^k \frac{M(t, \mathbf{r})}{M_n} + \delta n_{lc} \text{div} \left(D_{lc}(t, \mathbf{r}) \text{grad} \frac{M(t, \mathbf{r})}{M_n} \right), \quad (2.12)$$

$$D_{m,lc}(t, \mathbf{r}) = D_{m,lc} \exp \left[-s \left(1 - \frac{M(t, \mathbf{r})}{M_n} \right) \right], \quad (2.13)$$

где K_g , K_b - коэффициенты роста и обрыва полимерной цепи, α_0 - коэффициент поглощения красителя, β - параметр реакции фотоиницирования, $\langle K \rangle$ - средняя по пространству концентрация красителя, τ_0 - время жизни возбужденного состояния молекулы красителя, D_m , D_{lc} - начальные значения коэффициентов диффузии мономера и ЖК, M_n - начальная концентрация мономера, δn_p , δn_{lc} - параметры модели, описывающие изменение n вследствие полимеризации и диффузии компонент материала, соответственно; k -

параметр, характеризующий степень нелинейности и скорость процесса радикальной фотолимеризации; s – скорость изменения коэффициента диффузии.

Решение системы уравнений (2.11) - (2.13) будем искать в виде:

$$M(t, \mathbf{r}) = M_0(t, y) + M_1(t, y) \cos(\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) \quad (2.14)$$

$$n(t, \mathbf{r}) = n_0(t, y) + n_1(t, y) \cos(\mathbf{K}_1 \mathbf{r}), \quad (2.15)$$

где $M_j(t, y) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} M(t, \mathbf{r}) \cos(j\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) d(\mathbf{K}_1 \mathbf{r})$, $n_j(t, y) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} n(t, \mathbf{r}) \cos(j\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) d(\mathbf{K}_1 \mathbf{r})$, $j=0,1$ –

нулевые и первые гармоники решеток концентрации мономера и показателя преломления, соответственно.

Для получения кинетических уравнений для гармоник M_j , n_j в уравнениях (2.11) и (2.12) воспользуемся разложением нелинейной функции $I^k(\mathbf{r})$ в ряд Тейлора, ограничившись тремя членами:

$$I^k(\mathbf{r}) \approx I_0^k(y) \cdot \left[1 + k m(y) \cos(\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) + \frac{k(k-1)}{2} m^2(y) \cos^2(\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) \right]. \quad (2.16)$$

Погрешность аппроксимации (2.16) в области параметров $0.75 < m(y) < 1$ $0.1 < k < 0.75$ составляет (1.5 – 3)%, и менее 1.5% в области $m(y) < 0.75$ и $0.75 < k < 1$.

При подстановке (2.10), (2.13) - (2.16) в уравнение (2.11), проведя операцию усреднения по периоду решетки вдоль $\mathbf{K}_1 \mathbf{r}$, найдем уравнения для амплитуд нулевых

$$\begin{cases} -\frac{\partial M_0}{\partial \tau} = \frac{2^k}{b_y} (1 + L_y) \cdot M_0 + \frac{2^k k m_y}{2b_y} \cdot M_1 \\ \frac{\partial n_0}{\partial \tau} = \delta n_p \left[\frac{2^k}{b_y} (1 + L_y) \cdot M_0 + \frac{2^k k m_y}{2b_y} \cdot M_1 \right] \end{cases} \quad (2.17)$$

и первых гармоник концентрации мономера и показателя преломления ФПМ

$$\left\{ \begin{aligned} -\frac{\partial M_1}{\partial \tau} &= b_m(\tau, y) \cdot M_1 + \frac{2^k k m_y}{b_y} M_0 + \frac{2^k}{b_y} (1 + 1.5 L_y) M_1 \\ \frac{\partial n_1}{\partial \tau} &= -\delta n_i b_m(\tau, y) \cdot \frac{M_1}{M_n} + \delta n_p \frac{2^k}{b_y} \left[k m_y \frac{M_0}{M_n} + (1 + 1.5 L_y) M_1 \right] \end{aligned} \right. \quad (2.18)$$

где $M_j = M_j(\tau, y)$, $n_j = n_j(\tau, y)$, $j=0,1$; $\tau = t/T_m$ – относительное время, $T_m = 1/(K_1^2 D_m)$ – время диффузии мономера, K_1 – волновое число первой гармоники основной решетки $K_1 = |K_1|$, $b_y = b(y) = T_p(y)/T_m$, $m_y = m(y)$, $T_p(y) = (2K_b / (\alpha\beta\tau_0 \langle K \rangle I_0(y)))^k / K_g$ – время полимеризации, $L_y = L(y) = k(k-1)m_y^2 / 4$, $b_m(\tau, y) = \exp[-s(1 - (M_0(\tau, y) + M_1(\tau, y))/M_n)]$, $\delta n_i = \delta n_{ic} D_{ic} / D_m$.

Допуская, что $M_1(\tau, y) \ll M_0(\tau, y)$ и $n_1(\tau, y) \ll n_0(\tau, y)$, в системе (2.17) можно пренебречь влиянием первой гармоники на нулевую, и используя начальные условия

$$M_0(\tau=0, y) = M_n, \quad n_0(\tau=0, y) = n_{st},$$

получим решение для нулевых гармоник в следующем виде:

$$M_0(\tau, y) = M_n \cdot p(\tau, y), \quad n_0(\tau, y) = n_0 + \delta n_p \{1 - p(\tau, y)\}, \quad (2.19)$$

где $p(\tau, y) = \exp\left[-\frac{2^k}{b_y} (1 + L_y) \cdot \tau\right]$.

Подставляя полученное выражение для $M_0(\tau, y)$ из (2.19) в первое уравнение из (2.18), интегрируя его и используя нулевые начальные условия для $M_1(\tau, y)$, получим решение для первой гармоники концентрации мономера:

$$M_1(\tau, y) = -M_n \cdot f(\tau, y), \quad (2.20)$$

где $f(\tau, y) = \frac{2^k k m_y}{b_y} e^{-\frac{2^k}{b_y} (1+1.5L_y) \tau} \cdot \int_0^\tau p(\tau', y) \cdot e^{\frac{2^k}{b_y} (1+1.5L_y) \tau' - \int_0^{\tau'} b_m(\tau'', y) d\tau''} d\tau'$,

$$b_m(\tau, y) = \exp[-s(1 - M_0(\tau, y)/M_n)].$$

Конечное выражение, описывающее пространственно-временное распределение первой гармоники решетки показателя преломления, получим при подстановке (2.19) и (2.20) во второе уравнение системы (2.18):

$$n_1(\tau, y) = n_{1p}(\tau, y) + n_{1i}(\tau, y), \quad (2.21)$$

где $n_{1i}(\tau, y) = \delta n_i \int_0^{\tau} f(\tau', y) \cdot b_m(\tau', y) d\tau'$,

$$n_{1p}(\tau, y) = \delta n_p \frac{2^k}{b_s} \int_0^{\tau} [p(\tau', y) \cdot km_y - f(\tau', y) \cdot (1 + 1.5L_y)] d\tau'.$$

Решение (2.21) записано как функция от пространственной и временной координат y, τ . Таким образом, в процессе записи амплитудный профиль записываемой решетки является неоднородным и трансформируется во времени. Также видно, что решение состоит из двух составляющих, каждая из которых описывает определенный механизм записи. Другими словами, кинетика изменения амплитуды решетки в каждой пространственной точке является различной и определяется вкладами в амплитуду голографической решетки процессов полимеризации и диффузии компонент материала, которые пропорциональны δn_p и δn_i , соответственно.

Рассмотрим степень влияния затухания на процесс записи голографических решеток. На рис.2.3 приведены пространственно-временные профили решеток, рассчитанные при $C_n = \delta n_i / \delta n_p = 2$, $s = 1$, $\alpha d = 4$ Неп для двух областей параметра $b = T_p / T_m$: $b = 0.25$ и $b = 5$.

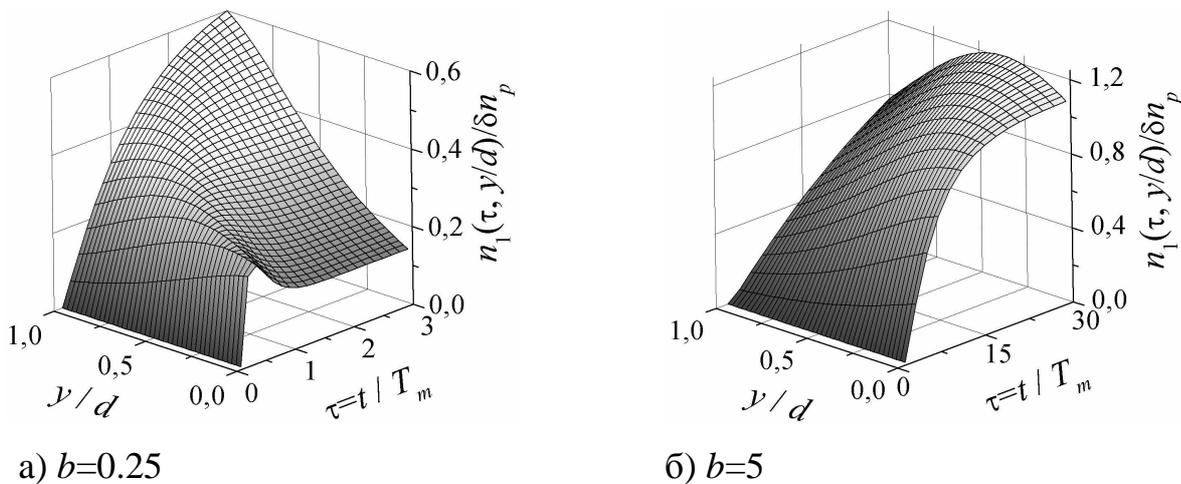


Рисунок 2.3

Как видно из рис.2.3 (а,б), вследствие поглощения пространственные

профили решеток становятся неоднородными по глубине и трансформируются во времени. В области малых времен записи пространственный профиль повторяет распределение светового поля вдоль y . Это обусловлено уменьшением скорости полимеризации вдоль координаты y вследствие уменьшения интенсивности записывающих пучков, вызванного оптическим поглощением (см. (2.10)). Таким образом, с увеличением y , процесс полимеризации протекает все медленнее и, соответственно, амплитуда ДС все меньше по сравнению с амплитудой ДС при $y \approx 0$.

Для параметра $b \leq 1$ (рис.2.3 а) пространственный профиль по глубине ДС трансформируется от спадающего к возрастающему за время записи. Это связано с изменением соотношения между временем полимеризации и временем диффузии мономера по глубине ДС. В результате диффузионные процессы мономера в областях ДС с наименьшей интенсивностью ($0.5 < y/d < 1$) приводят в процессе записи к увеличению амплитуды ДС за счет полимеризации мономера, диффундировавшего из темных полос интерференционной картины в светлые. А в области ($0 < y/d < 0.5$) мономер в светлых областях быстро полимеризуется и истощается, т.к. из темных областей мономер не успевает диффундировать. Вместе с тем в темных областях интерференционной картины мономер постепенно начинает полимеризоваться, и как следствие амплитуда первой гармоники ДС уменьшается. В результате при выходе на стационарный участок записи профиль становится возрастающим по глубине ДС и по амплитуде достигает большей величины, чем в случае без затухания. Следует отметить, что данный эффект имеет место только в данной области параметра b , когда диффузионные процессы не дают вклада в полимеризационные процессы записи.

В случае $b = T_p/T_m > 1$ (рис.2.4,б) происходит уменьшение вклада самого полимеризационного процесса в результате уменьшения скорости полимеризации в области ($0.5 < y/d < 1$) вызванного уменьшением интенсивностей записывающих пучков вследствие затухания. Таким образом, затухание записывающих пучков приводит к затягиванию формирования

профиля в указанной пространственной области. Однако исходное соотношение времени полимеризации и времени диффузии ($T_p > T_m$) приводит к тому, что в области ($0 < y/d < 0.5$) мономер не истощается в светлых полосах интерференционной картины и не полимеризуется в темных, т.к. мономер успевает диффундировать. Соответственно амплитуда ДС в указанных областях при стационарном значении имеет много большую амплитуду, в отличие от случая с $b < 1$.

Из сравнения с результатами, представленными в промежуточном отчете, видно, что, наличие ЖК в композиционном материале приводит к тому, что амплитуда первой гармоники n_1 увеличивается без изменения формы профиля ДС вдоль y .

2.1.3 Запись ПГДР световыми волнами с существенно-различными амплитудами с учетом самодифракции

Выше рассмотренные модели записи были получены в приближении заданного поля. Однако в процессе записи дифракция записывающих волн на формируемой ПГДР приводит к изменению распределения интенсивности записывающего поля внутри материала, и формирование решетки продолжается в соответствии с измененным распределением светового поля. В каждый момент времени два взаимосвязанных процесса - формирование решетки и самодифракция записывающих волн, протекая одновременно, приводят к формированию фазовой ПГДР со сложным пространственным амплитудно-фазовым распределением. При равных интенсивностях и симметричной пропускающей геометрии записи самодифракция не приводит к каким-либо изменениям светового поля [7], но при нарушении одного из данных условий происходит обмен энергией между пучками.

В данном подразделе рассмотрим случай записи плоскими монохроматическими световыми волнами с существенно-неравными амплитудами $E_0 \gg E_1$ и волновыми векторами k_0' и k_1' в ФПМ с пренебрежимо малым поглощением. Решение кинетических уравнений записи будем, как и

раньше, искать в виде суммы нулевой и первой гармоник концентрации мономера и показателя преломления (см. (2.14)-(2.15)). Учет самодифракции во время записи, в рассматриваемом случае ($E_0 \gg E_1$) можно ограничить дифракцией только сильной волны на ПГДР, и решение уравнений связанных волн () получить в приближении заданной интенсивности ($E_0 = \text{const}$). Тогда изменение слабой волны запишем в следующем виде:

$$E^1(t, y) = E_1 - iG_0 E_0 \int_0^y n_1(t, y') dy', \quad (2.22)$$

где n_1 - первая гармоника решетки показателя преломления, $G_0 = \pi / (\lambda \cos \theta_0)$, λ - длина волны света в материале, θ_0 - угол записи в материале для волны E_0 .

Распределение интенсивности интерференционной картины светового поля в рассматриваемом случае примет вид:

$$I(\mathbf{r}) = I_0 + E_0 E_1^* e^{-i\mathbf{K}_1 \mathbf{r}} + \text{к.с.}, \quad (2.23)$$

где $I_0 = I^0 + I^1$, $I^j = |E_j|^2$; $j=0,1$; $\mathbf{K}_1 = \mathbf{k}_0' - \mathbf{k}_1'$, \mathbf{r} - радиус вектор.

Далее будем использовать методика из [64,65], где кинетические уравнения записи для концентрации мономера M и показателя преломления n дополняются дифракционным уравнением в приближении заданного поля.

Используя разложение в ряд Тейлора для $I^k(\mathbf{r})$ $I(\mathbf{r})^k = [I_0 + E_0 E_1^* e^{-i\mathbf{K}_1 \mathbf{r}}]^k \approx I_0^k [1 + (E_0 E_1^* / I_0) \cdot e^{-i\mathbf{K}_1 \mathbf{r}}]^k$ и полагая, как и ранее, $M_0 \gg M_1$, запишем интегро-дифференциальные кинетические уравнения записи для нулевых

$$\frac{\partial}{\partial \tau} M_0 = -\frac{2^k}{b} M_0, \quad \frac{\partial}{\partial \tau} n_0 = \delta n_p \frac{2^k}{b} \frac{M_0}{M_n}$$

и первых гармоник M и n :

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial}{\partial \tau} M_1 = -M_1 b_m(\tau) - \frac{2^k}{b} \left[\frac{2k}{1+m_0} M_0 \left\{ \left(\sqrt{m_0} + iG \int_0^y n_1(y') dy' \right) \right\} + M_1 \right] \\ \frac{\partial}{\partial \tau} n_1 = \delta n_p \frac{2^k}{b} \left[\frac{2k}{1+m_0} \frac{M_0}{M_n} \left\{ \left(\sqrt{m_0} + iG \int_0^y n_1(y') dy' \right) \right\} + \frac{M_1}{M_n} \right] - \delta n_i \frac{M_1}{M_n} b_m(\tau) \end{array} \right. , \quad (2.24)$$

где $n_0=n_0(\tau)$, $M_0=M_0(\tau)$ и $n_1=n_1(\tau,y)$, $M_1=M_1(\tau,y)$ – нулевые и первые гармоники M и n , соответственно, $\tau=t/T_m$ – относительное время, $T_m=1/(K_1^2 D_m)$ – время диффузии, D_m – коэффициент диффузии, K_1 – волновое число первой гармоники основной решетки $K_1=|K_1|$; $G=\pi/(\lambda \cos \theta_B)$, θ_B – угол Брэгга в ФПМ, $b=T_p/T_m$, $T_p=(2K_b/(\alpha\beta\tau_0\langle K \rangle I_0))^k / K_g$ – время полимеризации, $m_0=I^1/I^0$ – соотношение интенсивностей записывающих волн, $b_m(\tau)=\exp[-s \cdot (1 - M_0(\tau)/M_n)]$.

Для решения уравнений для нулевых гармоник используем методику из подраздела 2.1.3. Тогда решения совпадают с (2.19) с учетом того, что поглощение пренебрежимо мало $\alpha d \approx 0$ и выражения являются функциями только временной координаты.

Далее для решения (2.24) используем интегральное преобразование Лапласа по пространственной координате y . В результате получим

$$\begin{cases} \frac{\partial}{\partial \tau} M_1^p = -M_1^p b_m(\tau) - \frac{2^k}{b} \left[\frac{2k}{1+m_0} M_0^p \left\{ \sqrt{m_0} + iG \frac{n_1^p}{p} \right\} + M_1^p \right] \\ \frac{\partial}{\partial \tau} n_1^p = \delta n_p \frac{2^k}{b} \left[\frac{2k}{1+m_0} \frac{M_0^p}{M_n} \left\{ \sqrt{m_0} + iG \frac{n_1^p}{p} \right\} + \frac{M_1^p}{M_n} \right] - \delta n_i b_m(\tau) \frac{M_1^p}{M_n} \end{cases}, \quad (2.25)$$

Учитывая, что функция $n_1(\tau,y)$ является медленно меняющейся по сравнению с $M_0(\tau) \cdot \exp(F_1(\tau) \cdot \tau)$ [64,65], где $F_1(\tau)=b_m(\tau)+2^k/b$, и используя начальное условие $M_1(\tau=0)=0$ и теорему о среднем для определенного интеграла

$\int_a^b \varphi(x) f(x) dx = \varphi(\xi) \int_a^b f(x) dx$, где $a \leq \xi \leq b$, получим следующее выражение для первой

гармоники концентрации мономера:

$$M_1(\tau, p) = -\frac{2^k}{b} \frac{2k}{1+m_0} \left[\sqrt{m_0} + iG \frac{n_1(\tau, p)}{p} \right] \cdot \int_0^\tau M_0(\tau') \cdot e^{-\int_{\tau'}^\tau F_1(\tau'') d\tau''} d\tau'.$$

С учетом полученного выражения для $M_1(\tau, p)$ решение для $n_1(\tau, p)$ запишем в виде:

$$n_1(\tau, p) = -\delta n_p F_2 \sqrt{m_0} \cdot \int_0^\tau R(\tau') e^{-\frac{\delta n_p F_2 i G}{p} \int_{\tau'}^\tau R(\tau'') d\tau''} d\tau',$$

где $F_2 = \frac{2^k}{b} \frac{2k}{1+m_0}$, $R(\tau) = \frac{M_0(\tau)}{M_n} - \left(\frac{2^k}{b} - C_n \right) \cdot \int_0^\tau \frac{M_0(\tau')}{M_n} \cdot e^{-\int_0^{\tau'} F_1(\tau'') d\tau''} d\tau'$.

Для получения конечного выражения для первой гармоники показателя преломления используем обратное преобразование Лапласа по пространственной координате y . В результате получим

$$n_1(\tau, y) = \delta n_p F_2 \sqrt{m_0} \cdot \int_0^\tau R(\tau') H_0(\tau', \tau, y) d\tau', \quad (2.26)$$

где $H_0(\tau', \tau, y) = 1 + \sqrt{\frac{i \cdot F_2 \cdot \Gamma}{y} \int_0^\tau R(\tau'') d\tau''} \cdot J_1 \left[2 \sqrt{i \cdot F_2 \cdot \Gamma \cdot y} \int_0^\tau R(\tau'') d\tau'' \right]$, $J_1(x)$ – функция

Бесселя, $C_n = \delta n_i / \delta n_p$, $\Gamma = \delta n_p G d$ – коэффициент связи, определяющий эффективность взаимодействия записывающих волн с ПДР, d – толщина ФПМ.

Выражение (2.26) определяет временную динамику пространственного распределения амплитуды ПДР с учетом эффекта самодифракции. Из решения видно, что пространственная неоднородность распределения амплитуды и фазы вдоль решетки обусловлена только эффектом самодифракции. Для перехода к случаю без учета самодифракции достаточно положить нулю коэффициент связи, характеризующий эффект самодифракции, тогда выражение (2.26) переходит в полученное ранее (2.21) с учетом $\alpha d \approx 0$ и $L_y = 0$.

На рис.2.4 приведены модуль (а) и аргумент (б) нормированного пространственного профиля ДС, рассчитанные по полученным выражениям для $C_n = 2$, $b = 5$, $\delta n_p = 0.014$, $k = 0.5$, $m_0 = 0.01$, $d = 20 \text{ мкм}$, $\theta_0 = \theta_1 = 10^0$.

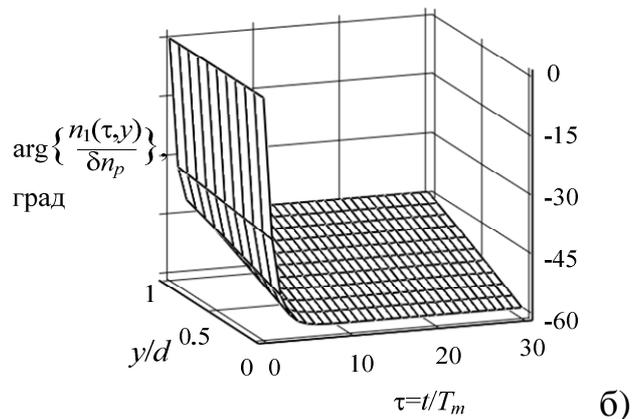
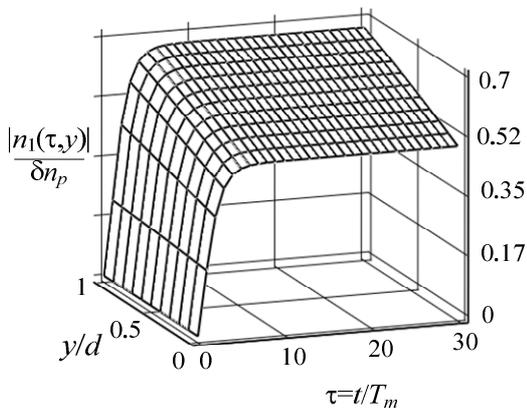


Рисунок 2.4

Видно, что (рис.2.4 а,б) амплитудный и фазовый профили ДС являются пространственно неоднородными. Неоднородность фазового профиля приведет к повороту у эффективного вектора решетки ДС, и как следствие, к смещению угла Брэгга при считывании.

Увеличение δn_p , k и d приводит к увеличению эффекта самодифракции и, соответственно пространственной неоднородности амплитудно фазового профиля ДС.

2.1.4 Запись ПГДР световыми пучками с неоднородным амплитудно-фазовыми распределением

Пусть две когерентные монохроматические световые волны с пространственными распределениями амплитуды и фазы $E_j(\mathbf{r})$ и $\varphi_j(\mathbf{r})$ на границе раздела сред распространяются под углами θ_0 и θ_1 внутри плоского поглощающего фотополимерного слоя ($0 \leq y \leq d$). Также будем считать, что \mathbf{k}'_0 и \mathbf{k}'_1 лежат в плоскости ХОУ. Пространственная геометрия процесса записи представлена на рис.2.5.

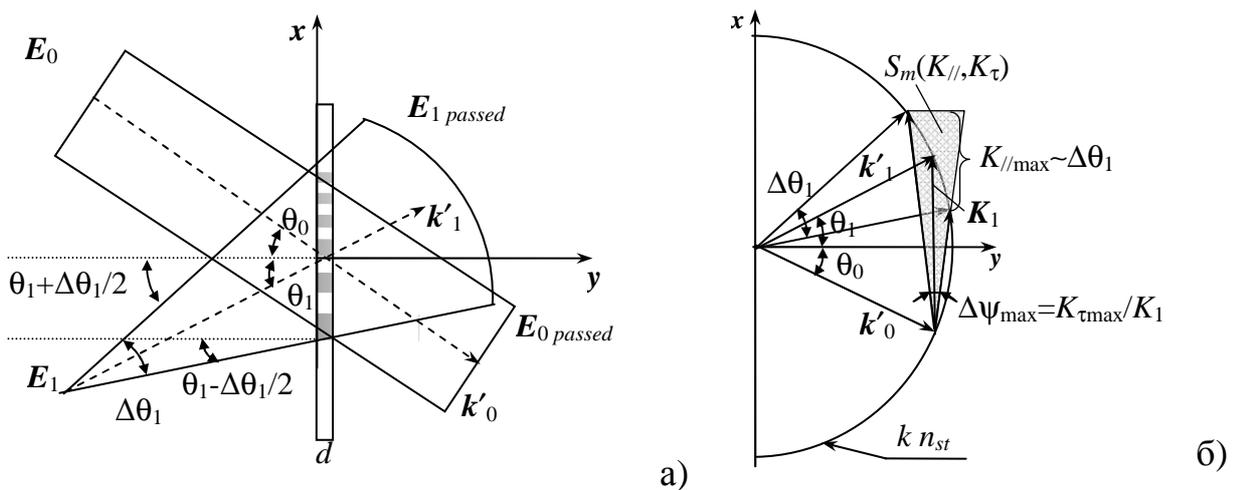


Рисунок 2.5 – Пространственная геометрия (а) и векторная диаграмма (б) процесса записи

Оптическое поле внутри ФПМ толщиной d (рис.2.5) запишем в следующем виде:

$$E(t, \mathbf{r}) = \sum_{j=0,1} \mathbf{e}_j \cdot E_j(\mathbf{r}) \cdot \exp[-\alpha(t)(N_j \cdot \mathbf{r})] \cdot \exp[i \cdot (\omega \cdot t - \varphi_j(\mathbf{r}))] + \hat{e} \cdot \hat{n}, \quad (2.27)$$

где \mathbf{e}_j - вектор поляризации, $\alpha(t)$ – коэффициент оптического поглощения ФПМ с учетом его фотоиндуцированного изменения [67], \mathbf{r} – радиус-вектор, центральный волновой вектор $\mathbf{k}'_j = kN_j$, $k = n\omega/c$ – волновое число и N_j – волновая нормаль, n – показатель преломления.

Распределение интенсивности интерференционной картины светового поля (рис. 2.5) запишем в виде:

$$I(t, \mathbf{r}) = I_0(t, \mathbf{r}) [1 + m(\mathbf{r}) \cos \varphi(\mathbf{r})], \quad (2.28)$$

где $\varphi(\mathbf{r}) = \varphi_0(\mathbf{r}) - \varphi_1(\mathbf{r})$, $\mathbf{k}_j = \nabla \varphi_j$ – волновой вектор j -го пучка, $j=0,1$;
 $m(\mathbf{r}) = 2\sqrt{I^0(\mathbf{r})I^1(\mathbf{r})} \cdot (\mathbf{e}_1 \cdot \mathbf{e}_0) / (I^0(\mathbf{r}) + I^1(\mathbf{r}))$, $I_0(t, \mathbf{r}) = (I^0(\mathbf{r}) + I^1(\mathbf{r})) e^{-\alpha(t)(N_j \cdot \mathbf{r})}$, $I^j(\mathbf{r}) = |E_j(\mathbf{r})|^2$.

Для пучков с малой угловой расходимостью функциональную зависимость $\varphi(\mathbf{r})$ можно представить в виде разложения в ряд Тейлора, ограниченного квадратичным членом: $\varphi = \varphi(\mathbf{r}) = \varphi_0 + \nabla \varphi \mathbf{r} + 0.5 \nabla^2 \varphi \mathbf{r}^2$. Введем обозначения $\varphi' = \nabla \varphi$, $\varphi'' = 0.5 \nabla^2 \varphi$.

Аналогично подразделу 2.1.3 решение кинетических уравнений (2.11) - (2.13) будем искать в виде суммы нулевой и первой гармоник решеток концентрации мономера и показателя преломления:

$$M(t, \mathbf{r}) = M_0(t, \mathbf{r}) + M_1(t, \mathbf{r}) \cos \varphi(\mathbf{r}), \quad (2.29)$$

$$n(t, \mathbf{r}) = n_{st} + n_0(t, \mathbf{r}) + n_1(t, \mathbf{r}) \cos \varphi(\mathbf{r}), \quad (2.30)$$

где $M_j(t, \mathbf{r}) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} M(t, \mathbf{r}) \cos(j\varphi(\mathbf{r})) d(\mathbf{K}_1 \mathbf{r})$, $n_j(t, \mathbf{r}) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} n(t, \mathbf{r}) \cos(j\varphi(\mathbf{r})) d(\mathbf{K}_1 \mathbf{r})$ –

нулевые и первые гармоники решеток концентрации мономера и показателя преломления, соответственно, $\mathbf{K}_1 = \mathbf{k}_0 - \mathbf{k}_1 = \varphi'$, $j=0,1$, n_{st} - значение показателя преломления ФПМ при $t=0$.

Подставим (2.28), (2.29) и (2.13) в уравнение (2.11):

$$\frac{\partial}{\partial t} \left\{ \sum_{j=0}^1 M_j(t, \mathbf{r}) \cos(j\varphi(\mathbf{r})) \right\} = \operatorname{div} \left(D(t, \mathbf{r}) \operatorname{grad} \left(\sum_{j=0}^1 M_j(t, \mathbf{r}) \cos(j\varphi(\mathbf{r})) \right) \right) - K_g K_b^{-k} (\alpha_0 \beta \langle K \rangle \tau_0 I_0(t, \mathbf{r}))^k (1 + m(t, \mathbf{r}) \cdot \cos \varphi(\mathbf{r}))^k \cdot \sum_{j=0}^1 M_j(t, \mathbf{r}) \cos(j\varphi(\mathbf{r})) \quad (2.31)$$

Полагая, что функции $M(t, \mathbf{r})$, $n(t, \mathbf{r})$, $D(t, \mathbf{r})$ и $\varphi(\mathbf{r})$ являются медленно меняющимися функциями координаты по сравнению с $\cos(\varphi(\mathbf{r}))$ и $\varphi' \gg \Delta\varphi''$, а $M_1(t, \mathbf{r}) \ll M_0(t, \mathbf{r})$, рассмотрим отдельно диффузионный член из (2.31)

$$\begin{aligned} \operatorname{div}(D(t, \mathbf{r}) \operatorname{grad}(M_0(t, \mathbf{r}) + M_1(t, \mathbf{r}) \cos \varphi(\mathbf{r}))) &= \\ = D(t, \mathbf{r}) M_1(t, \mathbf{r}) \left[-\cos \varphi(\mathbf{r}) \cdot (\varphi' + \varphi'' \mathbf{r})^2 - \sin \varphi(\mathbf{r}) \cdot \varphi'' \right] &\approx . \\ \approx -D(t, \mathbf{r}) \cdot \varphi'^2 \cdot M_1(t, \mathbf{r}) \cos \varphi(\mathbf{r}) \cdot (1 + \varphi'' \mathbf{r} / \varphi')^2 & \end{aligned} \quad (2.32)$$

Имея (2.32) и учитывая принятые допущения, применим операцию усреднения для (2.31) и перейдем к относительному времени:

$$\begin{aligned} \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \frac{d}{d\tau} \left\{ \sum_{l=0}^1 M_l(\tau, \mathbf{r}) \cos(l\varphi(\mathbf{r})) \right\} \cos(j\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) d(\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) &= \\ = \frac{1}{-2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \frac{D(\tau, \mathbf{r}) \cdot \varphi'^2 \cdot M_1(\tau, \mathbf{r}) \cos \varphi(\mathbf{r})}{(1 + \varphi'' \mathbf{r} / \varphi')^2} \cos(j\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) d(\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) - \\ - \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} \left[\frac{2^k (1 + m_r \cdot \cos \varphi(\mathbf{r}))^k}{b_r \exp[\alpha_1 (N_j \cdot \mathbf{r}) \ln(\tau_t + 1)]} \sum_{l=0}^1 M_l(\tau, \mathbf{r}) \cos(l\varphi(\mathbf{r})) \right] \cos(j\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) d(\mathbf{K}_1 \mathbf{r}), & \end{aligned} \quad (2.33)$$

где $\tau = t/T_m$ - относительное время; $\tau = t/T_m$ - относительное время; $T_m = 1/(D_m K_1^2)$ - характерное время диффузии, D_m - коэффициент диффузии, $K_1 = |\nabla\varphi| = \varphi'$, $b_r = T_p(\mathbf{r})/T_m$, $T_p(\mathbf{r}) = e^{\alpha_2 (N_j \cdot \mathbf{r})} (2K_b / (\alpha\beta\tau_0 \langle K \rangle I_0(\mathbf{r})))^k / K_g$ - локальное время полимеризации, $j=0, 1$, α_1, α_2, r_t - даны в [67].

Из (2.33) с учетом (2.16) получим уравнения для нулевой и первой гармоник концентрации мономера $M(\tau, \mathbf{r})$:

$$\begin{cases} -\frac{\partial M_0}{\partial \tau} = \frac{2^k}{b_r} (r_t \tau + 1)^{\alpha_{10} y} (1 + L_r) \cdot M_0 \\ -\frac{\partial M_1}{\partial \tau} = b_m(\tau, \mathbf{r}) M_1 + \frac{2^k}{b_r} (r_t \tau + 1)^{\alpha_{10} y} \{k m_r M_0 + (1 + 1.5 L_r) M_1\} \end{cases}, \quad (2.34)$$

где $M_j=M_j(\tau, \mathbf{r})$, $n_j=n_j(\tau, \mathbf{r})$, $j=0,1$; $r_t=T_m/T_\alpha$, $\alpha_{10}=2k/(\cos\theta_0+\cos\theta_1)$,
 $b_m(\tau, \mathbf{r})=(1+\varphi''\mathbf{r}/\varphi')^2 \exp[-s(1-M_0(\tau, \mathbf{r})/M_n)]$, остальные обозначения как в (2.18).

Аналогично можно получить из (2.30) уравнения для гармоник показателя преломления $n(\tau, \mathbf{r})$:

$$\begin{cases} \frac{\partial n_0}{\partial \tau} = \delta n_p \cdot \frac{2^k}{b_y} (r_t \tau + 1)^{\alpha_{10} y} (1 + L_r) \cdot M_0 \\ \frac{\partial n_1}{\partial \tau} = -\delta n_i b_m(\tau, \mathbf{r}) \frac{M_1}{M_n} + \delta n_p \frac{2^k}{b_r} (r_t \tau + 1)^{\alpha_{10} y} \left[km_r \frac{M_0}{M_n} + (1 + 1.5L_r) M_1 \right] \end{cases} \quad (2.35)$$

Как видно, уравнения (2.34) и (2.35) имеют зависимость от второй пространственной координаты x ($\mathbf{r} = r_x \mathbf{x}_0 + r_y \mathbf{y}_0$). Так как данные уравнения представляют собой дифференциальные уравнения по времени, то добавление такого вида пространственной зависимости не изменяет процедуру нахождения решений (см. пункт 2.1.4). В связи с этим вывод решений опустим и приведем только сами решения:

$$\begin{cases} M_0(\tau, \mathbf{r}) = M_n \cdot p(\tau, \mathbf{r}) \\ M_1(\tau, \mathbf{r}) = -M_n \cdot f(\tau, \mathbf{r}) \end{cases}, \quad \begin{cases} n_0(\tau, \mathbf{r}) = n_{sr} + \delta n_p (1 - p(\tau, \mathbf{r})) \\ n_1(\tau, \mathbf{r}) = n_{1p}(\tau, \mathbf{r}) + n_{1i}(\tau, \mathbf{r}) \end{cases}, \quad (2.36)$$

$$\text{где } p(\tau, \mathbf{r}) = \exp \left[\frac{2^k}{b_r r_t} (1 + L_r) \frac{(r_t \tau + 1)^{1 + \alpha_{10} y} - 1}{(1 + \alpha_{10} y)} \right],$$

$$f(\tau, \mathbf{r}) = \frac{2^k}{b_r} km_r \gamma(\tau, \mathbf{r}) \cdot e^{-\int_0^\tau b_m(\tau', \mathbf{r}) d\tau'} \cdot \int_0^\tau \frac{M_0(\tau', \mathbf{r})}{\gamma(\tau', \mathbf{r})} (r_t \tau' + 1)^{\alpha_{10} y} \cdot e^{\int_0^{\tau'} b_m(\tau'', \mathbf{r}) d\tau''} d\tau',$$

$$\gamma(\tau, \mathbf{r}) = \exp \left[-\frac{2^k}{b_r r_t} (1 + 1.5L_r) \frac{(r_t \tau + 1)^{1 + \alpha_{10} y}}{(1 + \alpha_{10} y)} \right], \quad b_m(\tau, \mathbf{r}) = (1 + \varphi''\mathbf{r}/\varphi')^2 \cdot e^{-s(1-p(\tau, \mathbf{r}))},$$

$$n_{1p}(\tau, \mathbf{r}) = \delta n_p \frac{2^k}{b_r} \int_0^\tau [p(\tau', \mathbf{r}) km_r - f(\tau', \mathbf{r}) (1 + 1.5L_r)] \cdot (r_t \tau' + 1)^{\alpha_{10} y} d\tau',$$

$$n_{1i}(\tau, \mathbf{r}) = \delta n_i \int_0^\tau f(\tau', \mathbf{r}) \cdot b_m(\tau', \mathbf{r}) d\tau'.$$

Выражения (2.36) представляют собой решение задачи записи ПГДР пучками с неоднородными пространственными амплитудно-фазовыми профилями. Видно, что в отличии от записи плоскими волнами появляется

зависимость от поперечной координаты вдоль вектора решетки. Из структуры решения видно, что амплитудная неоднородность записывающих пучков по поперечной пространственной координате приводит к соответствующей зависимости времени полимеризации, что дает неоднородность и амплитудного профиля решетки. В тоже время неоднородность фазового фронта по x приводит к изменению периода решетки в данном направлении, а соответственно и времени диффузии, что также обуславливает пространственную зависимость вдоль вектора решетки амплитуды записываемой ПГДР.

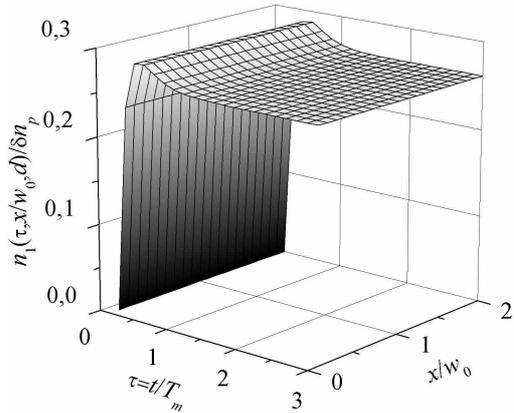
Поглощение, как и ранее, приводит к пространственной зависимости вдоль продольной координаты y . Таким образом, при использовании амплитудно- или фазово-модулированных пучков можно сформировать ПГДР с двумерно неоднородным пространственным профилем.

Решения (2.36) при $\phi''=0$ (плоский фазовый фронт) и $E_j(\mathbf{r})=E_j$ (равномерное амплитудное распределение) решения переходят в полученные. Также если еще и $\alpha_1=0$, $r_i=1$ (постоянное поглощение), выражения (2.36) переходят в (2.19) - (2.21), полученные для непрерывной записи ПГДР при постоянном поглощении.

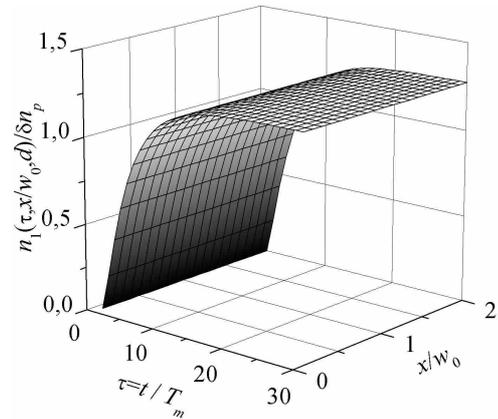
Использование записывающих световых пучков с фазовой модуляцией позволяет создавать ДС с переменным периодом. Однако в виду квадратичной зависимости скорости диффузии от периода ДС ($T_m \sim \Lambda^2$), происходит запись ПГДС с существенной пространственной неоднородностью вдоль вектора ДС, что приводит к уменьшению эффективности ДС. Возможным решением для данного случая является использование амплитудной модуляции записывающих пучков, для исправления возникшей вследствие чирпирования неоднородности. Т.к. скорость записи и амплитуда ДС зависят от параметра $b(x)=T_p(x)/T_m(x)$, где $T_p(x) \sim I_0^k(x)$ и $T_m(x) \sim \Lambda^2(x)$ (Λ -период ДС), то изменение I_0 (амплитудная модуляция пучков) позволяет компенсировать изменения $b(x)$ вследствие $\Lambda^2(x)$ (фазовая модуляция пучков).

В качестве иллюстрации вышесказанного на рис.2.6 приведены

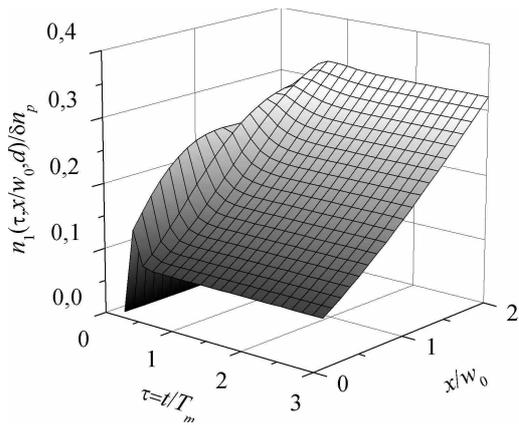
полученные на основе численного моделирования пространственно-временные зависимости $n_1(\tau, x)$ для следующих случаев: (а,б) - запись ДС пучками с плоским амплитудно-фазовым фронтом, (в,г) - запись ДС пучками с плоским амплитудным профилем и сферическим фазовым фронтом, приводящим к изменению периода ДС в 4 раза в пределах ширины пучка,



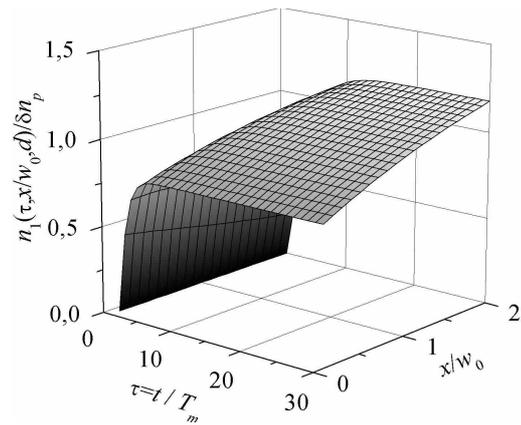
а)



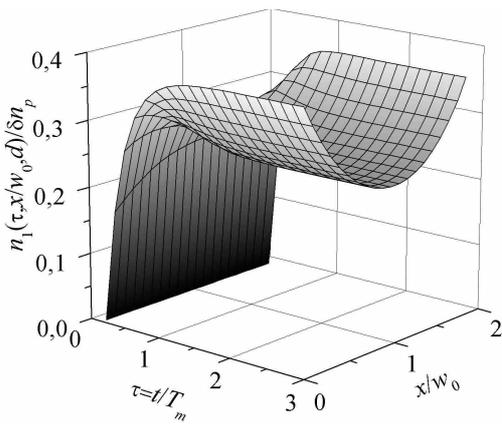
б)



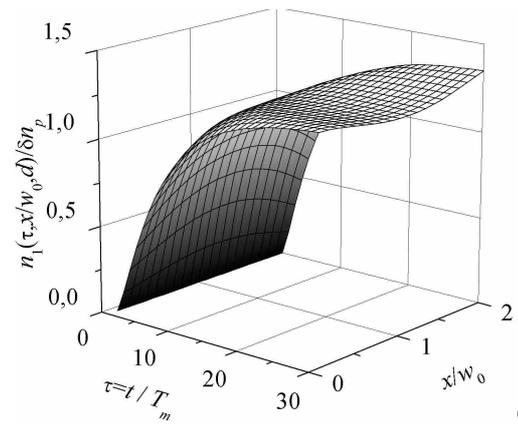
в)



г)



д)



е)

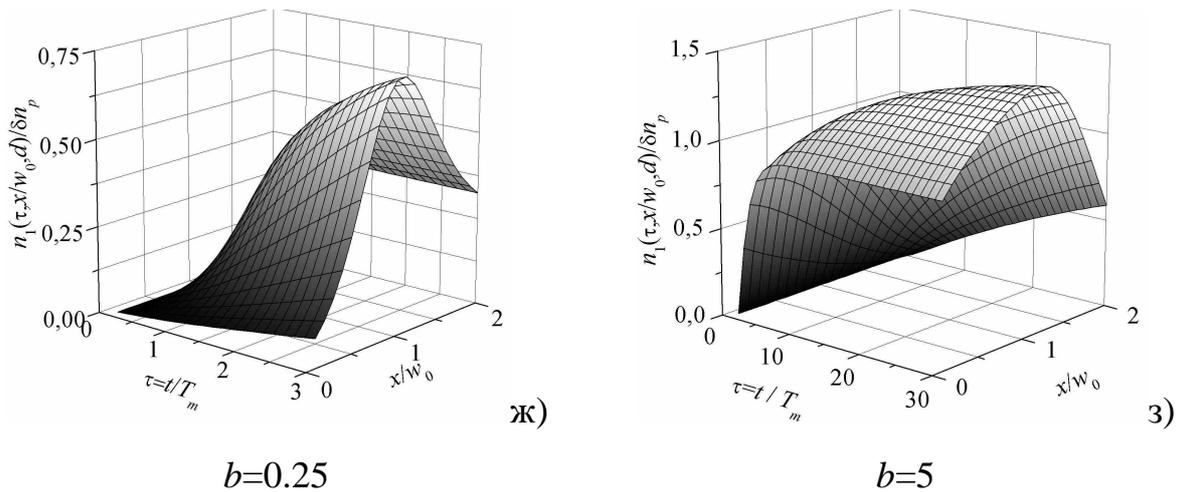


Рисунок 2.6

(д,е) - запись ДС с тем же фазовым фронтом, но с гауссовым распределением амплитуды, показанным на рис.2.7 (кривые 2,3), (ж,з) - запись ДС с тем же фазовым фронтом, но с гауссовым распределением амплитуды, показанным на рис.2.7 (кривые 1 ($b=0.25$), 4 ($b=5$)).

В отсутствие поглощения в композиционном материале, имеющем толщину много меньше размеров записывающих пучков, профиль вдоль продольной координаты y является практически равномерным, поэтому на рис.2.6 (а-е) приведены пространственно-временные профили ДС $n_1(\tau, x, y=d)$. При расчетах приняты следующие параметры: $C_n=2$, $s=0$, $2\theta=20^\circ$ в воздухе, $b=0.25$ (а,в,д,ж) и $b=5$ (б,г,е,з), $d=20\text{мкм}$, расположенном в центре интерференционной картины по y , $w=0.5\text{ мм}$.

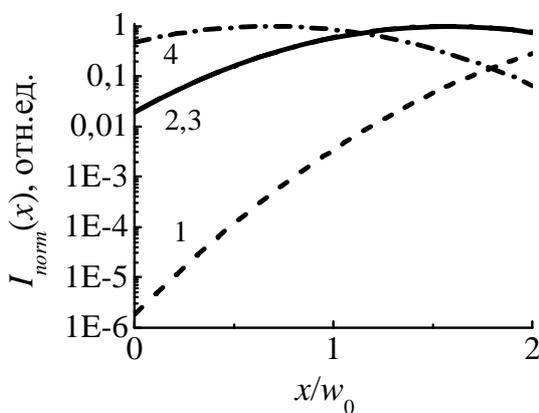


Рисунок 2.7

Из рисунка 2.6 (в,г) видно, что при малом значении b фазовая неоднородность пучка приводит к увеличению скорости роста и, соответственно, амплитуды в области малых времен при $y < 0.5d$, а при $y > 0.5d$ наоборот. При больших временах записи профиль ДС меняется до обратного. Причиной искажений профиля является изменение периода ДС, происходящего в

результате фазовой неоднородности записывающего поля, что приводит к изменению времени диффузии, и, соответственно, параметра b от $0.25b$ при $y=0$ до $2.25b$ при $y=d$, а влияние соотношения времен полимеризации и диффузии были продемонстрировано ранее.

На рис. 2.6 (д,е) приведены профили ДС с оптимально выбранным амплитудным распределением гауссова пучка, позволившим получить максимальную эффективность ДС для считывания плоским пучком с шириной равной ширине ДС по x . А на рис. 2.6 (ж,з) приведены профили ДС с оптимально выбранным амплитудным распределением гауссова пучка, позволившим получить максимальную эффективность ДС для считывания гауссовым пучком, с параметрами соответствующими записывающему пучку.

2.1.5 Запись ПГДР с учетом высших пространственных гармоник

В данном разделе рассмотрим ситуацию записи ПГДР пучками с плоскими фазовыми фронтами. Решение задачи получено для $(N+1)$ гармоники концентрации мономера и показателя преломления, с учетом постоянного оптического поглощения, контраста интерференционной картины, произвольной степени нелинейности процесса фотополимеризации и постоянного коэффициента диффузии.

Пусть две когерентные монохроматические световые волны с амплитудами E_0 , E_1 , плоскими фазовыми фронтами и волновыми векторами k_0' и k_1' на границе раздела сред распространяются под углами θ_0 и θ_1 внутри плоского поглощающего фотополимерного слоя ($0 \leq y \leq d$). Также будем считать, что k_0' и k_1' лежат в плоскости XOY . Пространственная геометрия и векторная диаграмма процесса записи представлены на рис.2.7.

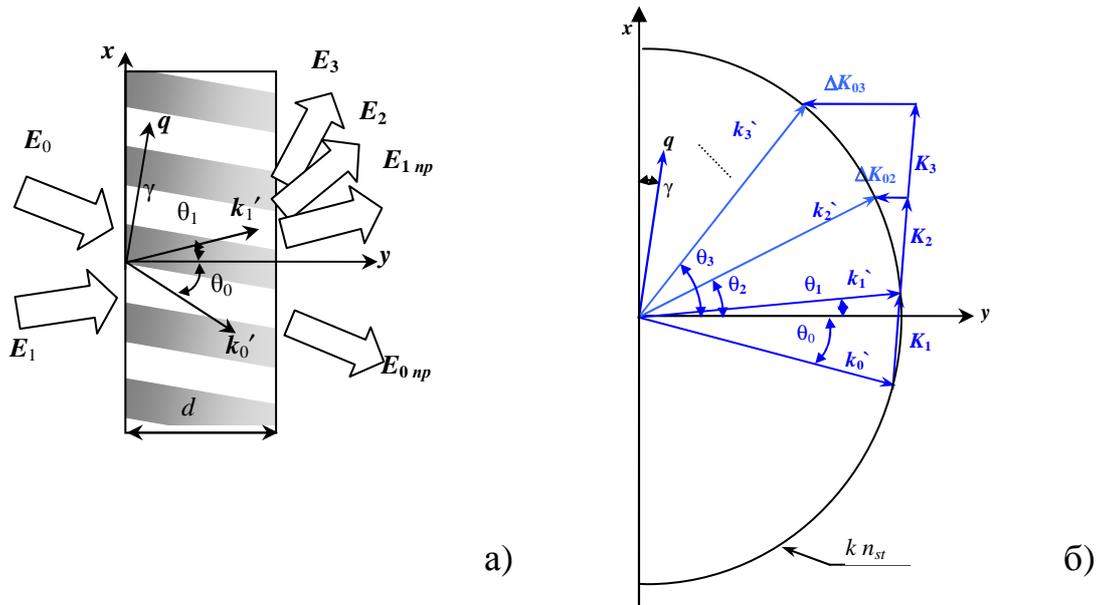


Рисунок 2.7 – Пространственная геометрия и векторная диаграмма процесса записи

Распределение интенсивности интерференционной картины светового поля (рис.2.7) в случае постоянного оптического поглощения примет вид:

$$I(\mathbf{r}) = I_0(y) \cdot [1 + m(y) \cdot \cos(\mathbf{K}_1 \mathbf{r})], \quad (2.37)$$

где $I_0(y) = I^0(y) + I^1(y)$, $I^j(y) = I_j \exp[-\alpha y / \cos \theta_j]$; $I_j = |E_j|^2$; $j=0,1$;

$m(y) = 2\sqrt{I^0(y)I^1(y)} \cdot (\mathbf{e}_1 \cdot \mathbf{e}_0) / (I^0(y) + I^1(y))$ - локальный контраст интерференционной картины, $\mathbf{K}_1 = \mathbf{k}_0' - \mathbf{k}_1'$, \mathbf{r} - радиус вектор.

Решение задачи записи будем искать в виде:

$$M(\tau, \mathbf{r}) = \sum_{j=0}^N M_j(\tau, y) \cos(j\mathbf{K}_1 \mathbf{r}), \quad n(\tau, \mathbf{r}) = n_{st} + \sum_{j=0}^N n_j(\tau, y) \cos(j\mathbf{K}_1 \mathbf{r}), \quad (2.38)$$

где $M_j(\tau, y) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} M(\tau, \mathbf{r}) \cos(j\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) d(\mathbf{K}_1 \mathbf{r})$,

$n_j(\tau, y) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} n(\tau, \mathbf{r}) \cos(j\mathbf{K}_1 \mathbf{r}) d(\mathbf{K}_1 \mathbf{r})$ - амплитуды гармоник концентрации

мономера и показателя преломления, соответственно; n_{st} - значение показателя преломления ФПМ при $\tau=0$, $\tau=t/T_m$ - относительное время.

Подставляя (2.37), (2.38) в (2.11) и (2.12) и используя (2.16) и

свойство ортогональности пространственных гармоник в (2.38), получим систему связанных кинетических дифференциальных уравнений для амплитуд гармоник концентрации мономера

$$\begin{cases} \frac{\partial M_0(\tau, y)}{\partial \tau} = \sum_{l=0}^N a_{0,l}(y) M_l(\tau, y) \\ \frac{\partial M_1(\tau, y)}{\partial \tau} = -M_1(\tau, y) + \sum_{l=0}^N a_{1,l}(y) M_l(\tau, y) \\ \dots \\ \frac{\partial M_N(\tau, y)}{\partial \tau} = -N^2 M_N(\tau, y) + \sum_{l=0}^N a_{N,l}(y) M_l(\tau, y) \end{cases} \quad (2.39)$$

и систему дифференциальных уравнений для амплитуд гармоник показателя преломления

$$\begin{cases} \frac{\partial n_0(\tau, y)}{\partial \tau} M_n = -\delta n_p \sum_{l=0}^N a_{0,l}(y) M_l(\tau, y) \\ \frac{\partial n_1(\tau, y)}{\partial \tau} M_n = -\delta n_p \sum_{l=0}^N a_{1,l}(y) M_l(\tau, y) + \delta n_i \cdot M_1(\tau, y) \\ \dots \\ \frac{\partial n_N(\tau, y)}{\partial \tau} M_n = -\delta n_p \sum_{l=0}^N a_{m,l}(y) M_l(\tau, y) + \delta n_i N^2 \cdot M_N(\tau, y) \end{cases} \quad (2.40)$$

В системах (2.39) и (2.40) введена матрица коэффициентов

$$a_{j,l}(y) = - \begin{pmatrix} e_1 & e_2 & e_3 & 0 & 0 & 0 & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2e_2 & e_{11} & e_2 & e_3 & 0 & 0 & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2e_3 & e_2 & e_1 & e_2 & e_3 & 0 & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & e_3 & e_2 & e_1 & e_2 & e_3 & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & e_3 & e_2 & e_1 & e_2 & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & e_3 & e_2 & e_1 & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \cdot & \cdot \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \cdot & e_1 & e_2 & e_3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \cdot & e_2 & e_1 & e_2 & e_3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \cdot & e_3 & e_2 & e_1 & e_2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \cdot & 0 & e_3 & e_2 & e_1 \end{pmatrix},$$

где $e_1 = \frac{2^k}{b_y}(1+L_y)$, $e_{11} = \frac{2^k}{b_y}(1+3L_y/2)$, $e_2 = \frac{2^k k m_y}{2b_y}$, $e_3 = \frac{2^k}{b_y} L_y/2$, $b_y = b(y) = \frac{T_p(y)}{T_m}$,

$L_y = L(y) = k(k-1)m_y^2/4$, $m_y = m(y)$.

Коэффициенты матрицы $a_{j,l}(y)$ показывают вклад полимеризационно-диффузионного механизма записи. Однако для анализа систем уравнений (2.39) и (2.40) удобно ввести коэффициенты связи $c_{j,l}(y)=a_{j,l}(y)-j^2\delta_{j,l}$ ($\delta_{j,l}$ - символ Кронекера), характеризующие связь j -той гармоники с l -той. Отличие коэффициентов связи $c_{j,j}(y)$ от $a_{j,j}(y)$ характеризует вклад диффузии мономера в процесс записи и пропорционально квадрату номера гармоники. Возрастание диффузионного вклада с номером гармоники, отраженное членом $j^2\delta_{j,l}$, обусловлено уменьшением периода и, соответственно, времени диффузии для данной гармоники относительно характерного времени диффузии, принятого для первой гармоники.

Из анализа коэффициентов $c_{j,l}$ качественно можно отметить, что связь j -той гармоники с $(j\pm 1)$ -ой определяется вторым членом ряда Тейлора (2.16), а с $(j\pm 2)$ -ой – третьим. Таким образом, количество взаимодействующих между собой гармоник определяется как $2(i-1)$, где i – количество членов ряда Тейлора в (2.16). Исключение, как видно из матрицы $a_{j,l}$, составляют только нулевая и первая гармоники, $(N-1)$ -ая и N -тая. С ростом номера гармоники второе слагаемое в коэффициентах $c_{j,l}$ начинает превалировать, поэтому для $j>3$ формирование гармоники определяется полимеризацией в светлых областях интерференционной картины диффундирующего мономера из темных областей.

Из анализа коэффициентов связи следует, что уменьшение m_y приводит к снижению влияния гармоник друг на друга, т.е. к линеаризации процесса формирования решетки, но и к уменьшению амплитуд гармоник. А уменьшение k относительно $k=0.5$ (характерная точка) приводит к уменьшению связи j -той гармоники с соседними $(j\pm 1)$ -ой и увеличению связи с самой собой (j) -ой и с $(j\pm 2)$ -ой, а увеличение k к увеличению связи с j -той, $(j\pm 1)$ -ой и $(j\pm 2)$ -ой. Но при $k=1$ пропадает связь гармоник с $(j\pm 2)$ -ми гармониками. То есть при линейной зависимости от интенсивности света процесс фотополимеризации остается нелинейным, ввиду нелинейной зависимости от концентрации мономера. Существенное снижение амплитуд высших пространственных

гармоник относительно первой гармоники, т.е. линейаризация процесса записи, наблюдается с увеличением параметра b , характеризующего отношение скоростей полимеризации и диффузии мономера.

Для решения системы связанных дифференциальных уравнений (2.39) с начальными условиями

$$M_0(\tau=0,y)=M_n, \quad M_1(\tau=0,y)=0, \quad \dots \quad M_m(\tau=0,y)=0, \quad (2.41)$$

воспользуемся операторным методом [78]. Общее решение для пространственных амплитудных профилей гармоник концентрации мономера $M_j(\tau,y)$ запишем в виде:

$$M_j(\tau,y) = M_n \sum_{l=0}^N A_{j,l}(y) \exp[\lambda_l(y) \cdot \tau], \quad (2.42)$$

где функциональные зависимости коэффициентов $\lambda_l(y)$ определяются как корни характеристического уравнения $|c_{j,l}(y) - \lambda_l(y)| = 0$. Анализ показывает, что $\lambda_l(y)$ являются вещественными, различными и отрицательными. $A_{j,l}(y)$ находятся из (2.39) и (2.42) с учетом начальных условий (2.41) как решения $(N+1)$ систем линейных алгебраических уравнений

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & \dots & 1 \\ \lambda_0 & \lambda_1 & \lambda_2 & \dots & \lambda_N \\ \lambda_0^2 & \lambda_1^2 & \lambda_2^2 & \dots & \lambda_N^2 \\ \lambda_0^3 & \lambda_1^3 & \lambda_2^3 & \dots & \lambda_N^3 \\ \lambda_0^4 & \lambda_1^4 & \lambda_2^4 & \dots & \lambda_N^4 \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \lambda_0^N & \lambda_1^N & \lambda_2^N & \dots & \lambda_N^N \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} A_{j,0} \\ A_{j,1} \\ A_{j,2} \\ A_{j,3} \\ A_{j,4} \\ \dots \\ A_{j,N} \end{pmatrix} = M_n \begin{pmatrix} \delta_{j,0} \\ c_{j,0} \\ \sum_{i_0=0}^N c_{j,i_0} c_{i_0,0} \\ \sum_{i_1=0}^N c_{j,i_1} \sum_{i_0=0}^N c_{i_1,i_0} c_{i_0,0} \\ \dots \\ \sum_{i_{(N-2)}=0}^N c_{j,i_{N-2}} \dots \sum_{i_2=0}^N c_{i_3,i_2} \sum_{i_1=0}^N c_{i_2,i_1} \sum_{i_0=0}^N c_{i_1,i_0} c_{i_0,0} \end{pmatrix}, \quad (2.43)$$

где $\lambda_j = \lambda_j(y)$, $A_{j,l} = A_{j,l}(y)$, $c_{j,l} = c_{j,l}(y)$.

Далее, подставив (2.42) в (2.40) и интегрируя полученные дифференциальные уравнения с начальными условиями

$$n_0(\tau=0,y)=0, \quad n_1(\tau=0,y)=0, \quad \dots \quad n_m(\tau=0,y)=0,$$

найдем общее решение для амплитуды j -ой гармоники решетки показателя

преломления в виде:

$$n_j(\tau, y) = n_{pj}(\tau, y) + n_{ij}(\tau, y), \quad (2.44)$$

$$\text{где } n_{pj}(\tau, y) = \delta n_p \sum_{l=0}^N a_{j,l}(y) \sum_{p=0}^N A_{l,p}(y) \frac{1 - \exp[\lambda_p(y) \cdot \tau]}{\lambda_p(y)},$$

$$n_{ij}(\tau, y) = -\delta n_i \cdot j^2 \sum_{p=0}^m A_{j,p}(y) \frac{1 - \exp[\lambda_p(y) \cdot \tau]}{\lambda_p(y)}, \quad j=0 \dots m.$$

Таким образом, выражения (2.38), (2.42) - (2.44) представляют общее решение нелинейного диффузионно-полимеризационного процесса формирования голографических дифракционных решеток пропускающего типа в поглощающих фотополимерных средах и определяют кинетику двумерных пространственных профилей концентрации мономера $M(\tau, x, y)$ и показателя преломления $n(\tau, x, y)$.

При рассмотрении задачи записи дифракционных решеток в ФПМ с учетом первых трех пространственных гармоник можно получить следующие аналитические выражения для функциональных зависимостей коэффициентов $\lambda_j = \lambda_j(y)$ и $A_{j,l} = A_{j,l}(y)$ из представленных выше решений:

$$\lambda_0(y) = -\frac{2}{3} \sqrt{3C_1 - B_1^2} \cos\left(\frac{\varphi}{3}\right) - \frac{B_1}{3}, \quad \lambda_{1,2}(y) = \frac{2}{3} \sqrt{3C_1 - B_1^2} \cos\left(\frac{\pi \mp \varphi}{3}\right) - \frac{B_1}{3},$$

$$A_{0,2} = M_n \frac{c_{00}c_{00} + c_{01}c_{10} + c_{02}c_{20} - \lambda_0^2 + (c_{00} + \lambda_0)(\lambda_1 + \lambda_0)}{\lambda_2^2 - \lambda_0^2 - (\lambda_2 - \lambda_0)(\lambda_1 + \lambda_0)}, \quad A_{0,1} = \frac{M_n(c_{00} + \lambda_0) + A_{02}(\lambda_2 - \lambda_0)}{\lambda_0 - \lambda_1};$$

$$A_{j2} = M_n \frac{c_{j0}c_{00} + c_{j1}c_{10} + c_{j2}c_{20} + c_{j0}(\lambda_1 + \lambda_0)}{\lambda_2^2 - \lambda_0^2 - (\lambda_2 - \lambda_0)(\lambda_1 + \lambda_0)}, \quad A_{j,1} = \frac{M_n c_{j0} + A_{j2}(\lambda_2 - \lambda_0)}{\lambda_0 - \lambda_1},$$

$$A_{j,0} = -A_{j,1} - A_{j,2}, \quad (j=1,2); \quad A_{0,0} = M_n - A_{1,0} - A_{2,0}$$

$$\text{где } \varphi = \arccos\left(\left(B_1^3 - 4.5B_1C_1 + 13.5D_1\right) \cdot |3C_1 - B_1^2|^{-3/2}\right),$$

$$\begin{cases} B_1 = c_{00} + c_{11} + c_{22} \\ C_1 = (c_{00} + c_{11})c_{22} + c_{11}c_{00} - c_{02}c_{20} - c_{12}c_{21} - c_{10}c_{01} \\ D_1 = c_{11}(c_{00}c_{22} - c_{02}c_{20}) + c_{12}(c_{01}c_{20} - c_{00}c_{21}) + c_{10}(c_{21}c_{02} - c_{22}c_{01}) \end{cases}.$$

Для получения наиболее общих результатов численного моделирования удобно использовать обобщенные параметры $C_n = \delta n_i / \delta n_p$, $\alpha_d = \alpha d$, соотношение интенсивностей записывающих пучков $m_0 = I_1^2 / I_0^2$, при этом пространственные

зависимости контраста интерференционной картины m_y и отношения времени полимеризации ко времени диффузии b_y в (2.40) запишутся

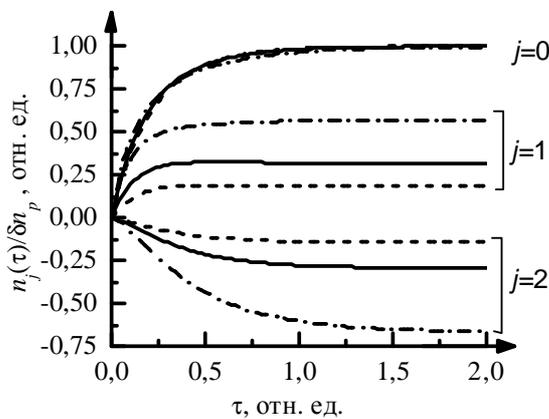
$$m_y = \frac{2\sqrt{m_0} \exp[-0.5\alpha_d(y/(d \cos \theta_0) + y/(d \cos \theta_1))] \cdot (e_1 \cdot e_0)}{\exp[-\alpha_d y/(d \cos \theta_0)] + m_0 \exp[-\alpha_d y/(d \cos \theta_1)]}, \quad (2.45)$$

$$b_y = b \cdot \left(\frac{\exp[-\alpha_d y/(d \cos(\theta_0))] + m_0 \exp[-\alpha_d y/(d \cos(\theta_1))]}{1 + m_0} \right)^k, \quad (2.46)$$

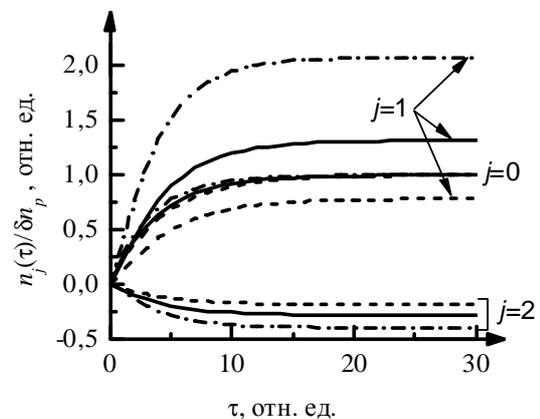
где θ_j ($j=0,1$) – угол между нормалью к волновому фронту j -го пучка внутри ФПМ и нормалью к поверхности ФПМ.

Для моделирования использовались первые три пространственные гармоники показателя преломления. Как и ранее моделирование проведем для двух областей параметра b , когда вклад диффузии мономера в процесс фотополимеризации является незначительным ($b < 1$) или существенным ($b > 1$). Для данных двух крайних областей b получается существенно различные кинетики формирования решеток.

Зависимости амплитуд нормированных гармоник показателя преломления от времени записи $n_j(\tau)/\delta n_p$ для различных величин k показаны на рис.3 для двух значений параметра b , характеризующих ситуации, когда полимеризационный механизм записи преобладает над диффузионным $b=0.25$, и наоборот $b=5$. Расчеты проведены для следующих параметров: $C_n=2$, $\alpha_d=0$ Неп, $m_0=1$. На рис.2.8 использованы следующие обозначения: сплошная линия - $k=0.5$, штрих-линия - $k=0.3$, штрихпунктирная линия - $k=0.8$.



а) $b=0.25, y/d=0$



а) $b=5, y/d=0$

Рисунок 2.8– Нормированные амплитуды гармоник от времени записи.

Из рис.2.8 (а) видно, что время формирования второй гармоники при $b < 1$ больше, чем для первой, т.к. b для второй гармоники в 2^2 раза больше чем для первой вследствие различия времен диффузии для этих гармоник. Из рис.2.8 (а) видно, что $n_1(\tau)$ имеет локальный максимум, а затем спадает до стационарного уровня, а $|n_2(\tau)|$ имеет максимум на стационарном уровне. Как отмечалось ранее, наличие локального максимума с последующим спадом до стационарного значения наблюдается только для характерной области $b < 0.75$ для первой гармоники. Но, так как, время диффузии для второй гармоники в 4 раза меньше, чем для первой, то для нее характерное отношение времени полимеризации ко времени диффузии $b_2 = 4b$, что обуславливает отсутствие локального максимума для второй гармоники при $b = 0.25$.

Проведенный численный анализ показал, что уменьшение m_0 приводит к уменьшению абсолютных значений n_1 и n_2 без изменения общего вида кривых. Физической причиной является увеличение доли нулевой гармоники ДС вследствие уменьшения глубины модуляции интерференционной картины записывающего светового поля.

Соотношения амплитуд гармоник и их кинетики отражают самосогласованный характер задачи записи и находятся в качественном согласии с работой **[Ошибка! Источник ссылки не найден.]**, где рассматривается данный вопрос для пространственно однородных решеток, т.е. без учета поглощения.

Из сравнения данных результатов с расчетами из промежуточного отчета видно, что наличие ЖК в композиционном материале приводит к увеличению амплитуд всех гармоник. Причем при $b < 1$ гармоника n_2 увеличилась в 3 раза, а n_1 в 2, а для $b > 1$ обе гармоники увеличились в три раза.

В качестве иллюстрации влияния поглощения на вид профиля ДС, на рис.2.9 приведены нормированные пространственные профили $n(x,y)/\delta n_p$ решеток в ФПМ в трех временных точках. Расчет проведен для $k = 0.5$, $b = 1$,

$m_0=1$, $C_n=2$, $\alpha_d=2$ Неп.

Из рис.2.9 видно, что двумерно неоднородный профиль ДС существенно модифицируется во времени, переходя от спадающего вдоль y (рис.2.9 а) к возрастающему (рис.2.9 в), что согласуется с результатами моделирования и выводами из [67].

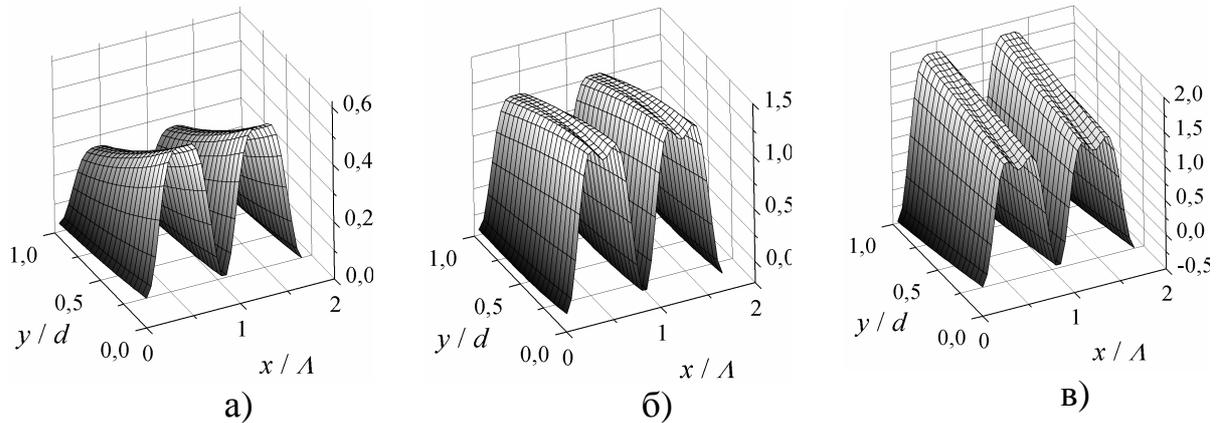


Рисунок 2.9

Трансформация распределения по x связана с изменением соотношению амплитуд пространственных гармоник профиля. Отметим, что синусоидальный вид профиля на начальной стадии формирования на рис.2.9 (а) говорит о том, что амплитуда первой гармоники много больше амплитуды второй гармоники, что связано с различием скоростей формирования первой и второй гармоник (рис.2.9 а). С течением времени амплитуда второй гармоники возрастает (рис.2.8 а), что приводит к отличию вида профиля от синусоидального рис.2.9 (б,в).

При увеличении y/d пространственный профиль ДС по x приближается к синусоидальному виду рис.2.9 (б,в), что связано с уменьшением амплитуды второй гармоники по абсолютному значению вдоль y . Это объясняется тем, что для рассматриваемого значения $b=1$, поглощение приводит к увеличению амплитуды первой гармоники за счет увеличения времени полимеризации и приближения локального b_y к оптимальному значению, характеризующему достижение максимальной амплитуды гармоники. Для второй гармоники ввиду меньшего времени диффузии значение b уже в начале ДС является близким к

оптимальному, поэтому увеличение времени полимеризации вследствие поглощения приводит только к затягиванию времени формирования, при сохранении спада амплитуды второй гармоники с ростом y . Таким образом, время формирования и амплитуды всех гармоник ДС в поглощающем ФПМ существенно неоднородны по глубине ДС (вдоль y) и зависят от степени затухания записывающих пучков.

Сравним представленные результаты с полученными с помощью упрощенных моделей. Нормированные амплитуды гармоник показателя преломления, рассчитанные для $C_n=2$, $b=0.1$, $\alpha_d=2\text{Неп}$, $m_0=1$, $k=0.5$ представлены на рис.2.10, где приняты следующие обозначения: $J=1$ – модель с учетом нулевой и первой гармоник, причем влияние первой гармоники на нулевую не учитывается (см. подраздел 2.1.3), $J=2$ – модель с учетом нулевой и первой гармоник, причем связь первой и второй гармоник и влияние нулевой гармоники на первую и вторую приняты во внимание, а влиянием первой и второй на нулевую гармоники пренебрегается, $J=3-5$ – самосогласованная модель, разработанная в данном разделе при $N=1, N=2, N=4$, соответственно.

Из рис.2.10 видно, что для данной области b учет взаимовлияния гармоник (особенно с нулевой) приводит к перераспределению амплитуд гармоник вдоль толщины материала y , однако не столь существенному как в ФПМ без ЖК.

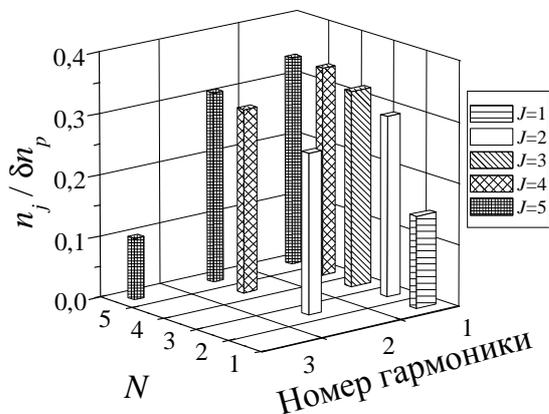
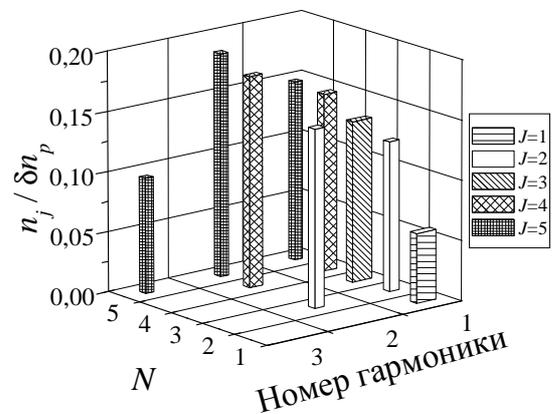
а) $y=0$ б) $y=d$

Рисунок 2.10

2.1.6 Многоволновое смещение на высших пространственных гармониках ПГДР

В данном пункте разрабатывается модель формирования дополнительной дифракционной решетки (ДДР) в результате многоволнового смещения. В основу рассмотрения положены кинетические уравнения для концентрации мономера M и показателя преломления n (2.11) и (2.12).

Рассмотрим механизм формирования ДДР на второй пространственной гармонике, векторная диаграмма которого представлена на рис.2.12.

В процессе записи ПГДР в ФПМ вследствие нелинейности среды формируется основная решетка, состоящая из набора пространственных гармоник, аналитическое описание кинетики формирования которых найдено в подразделе (2.1.6). В это же время происходит процесс дифракции записывающих волн (E_0, E_1) на гармониках ПГДР. Вопрос самодифракции записывающих пучков на первой пространственной гармонике решетки рассмотрен в подразделе (2.1.4) в данном подразделе не учитывается, т.к. принимается, что интенсивности записывающих волн близки по величине $I^0 \approx I^1$, так же как и углы записи $\theta_0 \approx \theta_1$.

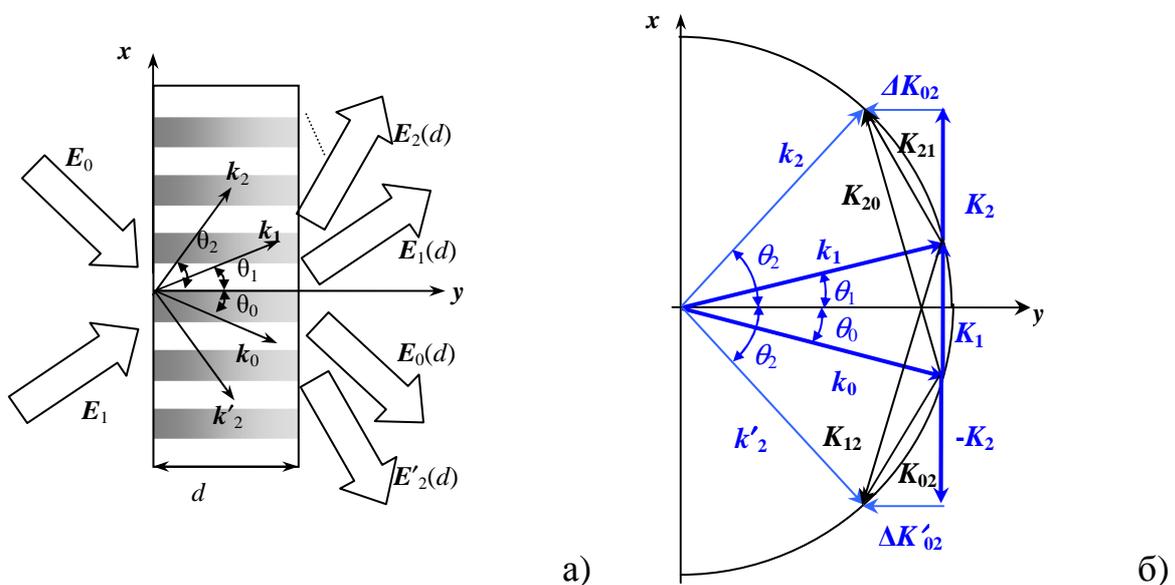


Рисунок 2.12

Дифрагированные на второй гармонике волны в результате интерференции с записывающими волнами приводят к записи ДДР с векторами $\mathbf{K}_{20}=\mathbf{k}_0-\mathbf{k}_2$, $\mathbf{K}_{21}=\mathbf{k}_1-\mathbf{k}_2$, $\mathbf{K}_{02}=\mathbf{k}_0-\mathbf{k}'_2$, $\mathbf{K}_{12}=\mathbf{k}_1-\mathbf{k}'_2$ (нижний индекс в обозначениях характеризует, какие волны участвуют в формировании ДДР, а последовательность цифр в нем направление вектора формируемой решетки, см. рис.2.12). Рассмотренный механизм справедлив для описания ДДР, сформированных на всех высших пространственных гармониках ПГДР.

Принимая во внимание малость амплитуд ДДР, можно пренебречь их взаимовлиянием и влиянием на пространственные гармоники решетки. Интерференционная картина в поглощающем ФПМ может быть записана в виде:

$$I(\mathbf{r}) = I_0 \left(\begin{aligned} &1 + m e^{-i\mathbf{K}_1 \mathbf{r}} + \frac{E_0 E_2^*}{I_0} e^{-i\mathbf{K}_{20} \mathbf{r}} + \frac{E_1 E_2^*}{I_0} e^{-i\mathbf{K}_{21} \mathbf{r}} + \\ &+ \frac{E_0 E_2'^*}{I_0} e^{-i\mathbf{K}_{02} \mathbf{r}} + \frac{E_1 E_2'^*}{I_0} e^{-i\mathbf{K}_{12} \mathbf{r}} + \dots + c.c. \end{aligned} \right), \quad (2.47)$$

где $I_0 = I^0 + I^1$, $I^j = |E_j|^2$, $j=0,1$; $m = 2\sqrt{I^0 I^1} \cdot (\mathbf{e}_1 \cdot \mathbf{e}_0) / (I^0 + I^1)$ - контраст интерференционной картины; $K_1 = |\mathbf{K}_1|$, $\mathbf{K}_1 = \mathbf{k}_0 - \mathbf{k}_1$ - вектор решетки, \mathbf{r} - радиус-вектор, E_j - амплитуды, \mathbf{k}_j - волновые вектора и \mathbf{e}_j - вектора поляризации падающих записывающих волн.

Общее решение задачи будем искать в виде:

$$M = 0.5 \left(\begin{aligned} &\sum_{j=0}^N M_j(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_j \mathbf{r}} + M_1^{20}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{20} \mathbf{r}} + M_1^{21}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{21} \mathbf{r}} + \\ &+ M_1^{02}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{02} \mathbf{r}} + M_1^{12}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{12} \mathbf{r}} + c.c. \end{aligned} \right), \quad (2.48)$$

$$n = n_{st} + 0.5 \left(\begin{aligned} &\sum_{j=0}^N n_j(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_j \mathbf{r}} + n_1^{20}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{20} \mathbf{r}} + n_1^{21}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{21} \mathbf{r}} + \\ &+ n_1^{02}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{02} \mathbf{r}} + n_1^{12}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{12} \mathbf{r}} + c.c. \end{aligned} \right).$$

где M_j , n_j - амплитуды гармоник концентрации мономера и показателя преломления основной решетки, M_{20} , M_{21} , M_{02} , M_{12} , n_{20} , n_{21} , n_{02} , n_{12} - амплитуды первых гармоник концентрации мономера и показателя преломления ДДР.

Принимая во внимание малость амплитуд ДДР, можно пренебречь их

влиянием на гармоники основной решетки и разделить рассматриваемую задачу на две части. Это позволяет в первой части найти решение для пространственных гармоник основной решетки (2.44) и, используя его, решить задачу формирования ДДР.

ДДР формируются в результате интерференции падающих записывающих волн с волнами, дифрагированными на высших пространственных гармониках основной решетки. Принимая во внимание малость дифрагированных на гармониках волн в (2.49), можно не учитывать изменения падающих записывающих волн и ограничить рассмотрение дифрагированными волнами на рассматриваемой высшей пространственной гармонике E_l, E'_l

$$\begin{cases} \frac{\partial E_l}{\partial y} = -iG_l (E_0 n_l(\tau) e^{-i\Delta K_{0l} y} + E_1 n_{l-1}(\tau) e^{-i\Delta K_{0l} y} + E_0 n_1^{l0}(\tau, y) + E_1 n_1^{l1}(\tau, y)) \\ \frac{\partial E'_l}{\partial y} = -iG_l (E_0 n_l(\tau) e^{-i\Delta K'_{0l} y} + E_1 n_{l-1}(\tau) e^{-i\Delta K'_{0l} y} + E_0 n_1^{0l}(\tau, y) + E_1 n_1^{1l}(\tau, y)) \end{cases}, \quad (2.50)$$

где $G_l = \pi/(\lambda \cos \theta_l)$, λ - длина волны света в ФПМ, $n_l(\tau)$ - l -тая гармоника n , определенная в решении для основной решетки (2.44) с учетом $\alpha d \approx 0$ ($l > 1$), $n_1^j(\tau, y)$ - первая гармоника j -той ДДР показателя преломления n , индекс $j=10, 11, 0l, 1l$ - соответствует рассматриваемой ДДР с волновым вектором \mathbf{K}_j , формируемой одной из записывающих волн и волной, дифрагированной на l -той пространственной гармонике ПГДР, $\Delta K_{0l} = |\Delta \mathbf{K}_{0l}|$ - модуль вектора фазовой расстройки (см. рис.2.12), $\tau = t/T_m$ - относительное время, $T_m = 1/(K_1^2 D_m)$ - время диффузии, D_m - коэффициент диффузии, $K_1 = |\mathbf{K}_1|$.

Учитывая малость амплитуд ДДР, можно пренебречь их взаимовлиянием. Используя методику из подраздела 2.1.4 [64,65], где кинетические уравнения записи дополняются дифракционным уравнением в приближении заданного поля и без учета поглощения, запишем интегро-дифференциальные кинетические уравнения записи для ДДР с вектором \mathbf{K}_{1l} :

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial}{\partial \tau} M_1^{10}(\tau, y) = -r_{10}^2 M_1^{10}(\tau, y) - \frac{2^k}{b} \left[2k M_0(\tau) \frac{E_0 E_l^*(\tau, y)}{E_0^2 + E_1^2} + M_1^{10}(\tau, y) \right] \\ \frac{\partial}{\partial \tau} n_1^{10}(\tau, y) = \delta n_p \frac{2^k}{b} \left[2k \frac{M_0(\tau) E_0 E_l^*(\tau, y)}{M_n (E_0^2 + E_1^2)} + \frac{M_1^{10}(\tau, y)}{M_n} \right] - \delta n_p r_{10}^2 \frac{M_1^{10}(\tau, y)}{M_n} \end{array} \right. , \quad (2.51)$$

где $E_l(\tau, y)$ - определяется решением системы (2.50) в приближении заданного поля и учетом $|n_1^{11}| \ll |n_{l-1}|$; $M_0(\tau)$ – нулевая гармоника M , определенная в решении для основной решетки выражениями (2.42) с учетом $\alpha d \approx 0$; $M_1^{10}(\tau, y)$, – первая гармоника дополнительной решетки концентрации мономера с вектором \mathbf{K}_{10} , $r_{10} = K_{10}/K_1$, $K_{10} = |\mathbf{K}_{10}|$.

Для решения (2.51) используем интегральное преобразование Лапласа по пространственной координате y

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial}{\partial \tau} M_1^{10}(\tau, p) = -r_{10}^2 M_1^{10}(\tau, p) - \frac{2^k}{b} M_1^{10}(\tau, p) - 2i \frac{2^k}{b} M_0(\tau) \frac{k}{1+m_0} \left\{ G_l \frac{n_1^{10}(\tau, p)}{p} + H(\tau, p) \right\} \\ \frac{\partial}{\partial \tau} n_1^{10}(\tau, p) = -\delta n_p r_{10}^2 \frac{M_1^{10}(\tau, p)}{M_n} + \delta n_p \frac{2^k}{b} \frac{M_1^{10}(\tau, p)}{M_n} + 2i \frac{2^k}{b} \frac{M_0(\tau) k}{M_n (1+m_0)} \left\{ G_l \frac{n_1^{10}(\tau, p)}{p} + H(\tau, p) \right\} \end{array} \right. , \quad (2.52)$$

где введены обозначения $H(\tau, p) = L\{H(\tau, y)\} = L\left\{M_0(\tau) \int_0^y [n_l(\tau) + \sqrt{m_0} n_{l-1}(\tau)] e^{-i\Delta K_{0l} y'} dy'\right\}$,

$$F_1 = r_{10}^2 + \frac{2^k}{b}, \quad F_2 = \frac{2^k}{b} \frac{2i G_l k \delta n_p}{1+m_0}, \quad m_0 = E_1^2 / E_0^2.$$

Учитывая, что функция $n_1^{10}(\tau, y)$ является медленно меняющейся по сравнению с $M_0 \cdot \exp(-F_1 \cdot \tau)$ [64,65], и используя начальное условие $M_1^{10}(\tau=0)=0$ и теорему о среднем для определенного интеграла $\int_a^b \varphi(x) f(x) dx = \varphi(\xi) \int_a^b f(x) dx$, где $a \leq \xi \leq b$,

получим следующее решение для первого уравнения из (2.52):

$$M_1^{10}(\tau, p) = -\frac{F_2 e^{F_1 \tau}}{\delta n_p} \frac{n_1^{10}(\tau, p)}{p} \int_0^\tau M_0(\tau') e^{-F_1 \tau'} d\tau' - \frac{F_2 e^{F_1 \tau}}{\delta n_p} \int_0^\tau H(\tau', p) e^{-F_1 \tau'} d\tau'. \quad (2.53)$$

Подставляя полученное решение (2.53) во второе уравнение из (2.52) и используя обратное интегральное преобразование Лапласа по пространственной координате y , решение для $n_1^{10}(\tau, y)$ запишем в виде:

$$n_{l0}(\tau, y) = F_2 \int_0^\tau \left\{ Q(\tau', y) + \int_0^y Q(\tau', y') \cdot H_0(\tau', \tau, y - y') \right\} d\tau', \quad (2.54)$$

где $Q(\tau, y) = \left(C_n r_{l0}^2 - \frac{2^k}{b} \right) e^{F_1 \tau} \int_0^\tau \frac{H(\tau', y)}{M_n} e^{-F_1 \tau'} d\tau' - \frac{H(\tau, y)}{M_n}$, $C_n = \delta n_i / \delta n_p$,

$$H_0(\tau', \tau, y) = 1 + \sqrt{\frac{F_2}{y} \int_{\tau'}^\tau R(\tau'') d\tau''} \cdot J_1 \left[2 \sqrt{F_2 y \int_{\tau'}^\tau R(\tau'') d\tau''} \right],$$

$$R(\tau) = \left(C_n r_{l0}^2 - \frac{2^k}{b} \right) \cdot e^{F_1 \tau} \int_0^\tau \frac{M_0(\tau')}{M_n} e^{-F_1 \tau'} d\tau' - \frac{M_0(\tau)}{M_n},$$

$$H(\tau, y) = M_0(\tau) \int_0^y \left(n_l(\tau) + \sqrt{m_0} n_{l-1}(\tau) \right) e^{-i\Delta K_{0l} y'} dy', \quad J_1(x) - \text{функция Бесселя.}$$

Таким образом, выражение (2.54) определяет временную динамику пространственного распределения амплитуды ДДР с вектором решетки \mathbf{K}_{l0} , образованной записывающими волнами и дифрагированной на l -той пространственной гармонике ПГДР. Из решения видно, что ДДР в отличие от гармоник основной решетки имеет пространственно неоднородные распределения амплитуды и фазы вдоль глубины решетки даже в отсутствие поглощения.

Проведя аналогичную процедуру решения для ДДР с вектором решетки \mathbf{K}_{l1} можно получить следующие решения:

$$n_1^{l1}(\tau, y) = F_2 \int_0^\tau \left\{ Q(\tau', y) + \int_0^y Q(\tau', y') \cdot H_0(\tau', \tau, y - y') \right\} d\tau', \quad (2.55)$$

где $H_0(\tau', \tau, y) = 1 + \sqrt{\frac{F_2 \sqrt{m_0}}{y} \int_{\tau'}^\tau R(\tau'') d\tau''} \cdot J_1 \left[2 \sqrt{F_2 \sqrt{m_0} y \int_{\tau'}^\tau R(\tau'') d\tau''} \right]$, $H(\tau, y)$ полностью

совпадает с приведенным в (2.54), а $Q(\tau, y)$ и $R(\tau, y)$ совпадают с приведенными в (2.54) с точностью до замены r_{l0} на $r_{l1} = K_{l1}/K_1$.

Решения для ДДР с векторами \mathbf{K}_{0l} совпадают с решениями (2.54) для ДДР с векторами \mathbf{K}_{0l} с точностью до замены r_{l0} на $r_{0l} = K_{0l}/K_1$ и

$$H(\tau, y) = M_0(\tau) \int_0^y \left(n_{l-1}(\tau) + \sqrt{m_0} n_l(\tau) \right) e^{-i\Delta K'_{0l} y'} dy'.$$

Аналогично, решения для ДДР с векторами \mathbf{K}_{1l} совпадают с решениями

(2.55) для ДДР с векторами \mathbf{K}_{1l} с точностью до замены r_{1l} на $r_{1l}=K_{1l}/K_1$ и

$$H(\tau, y) = M_0(\tau) \int_0^y (n_{l-1}(\tau) + \sqrt{m_0} n_l(\tau)) e^{-i\Delta K_{0l} y'} dy'.$$

На рис.2.13 представлены результаты расчета модуля и аргумента пространственного профиля ДС с волновым вектором \mathbf{K}_{20} при $C_n=2$, $\delta n_p=0.01$, $k=0.5$, $m_0=1$ $\theta_0=\theta_1=10^0$ (в воздухе), $\theta_2=32^0$, $d=85\text{мкм}$, $\Delta K_{02}=74.3$ при стационарном режиме.

Из рис.2.13 (а,б) видно, что ДС $n_1^{20}(\tau, y)$ имеет неравномерный квазипериодический амплитудно-фазовый пространственный профиль. Наличие фазовой составляющей профиля ДДС приводит к образованию дополнительного максимума угловой селективности в угловом положении соответствующем порождающей гармонике ПГДС (рис.2в).

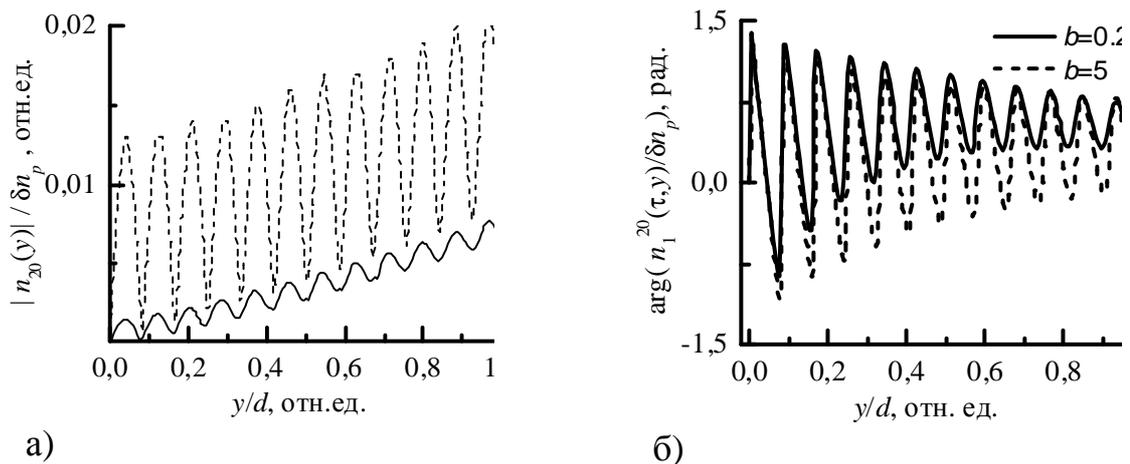


Рисунок 2.13

Амплитуда ДДС может быть сравнима с амплитудой порождающей гармоники при малых величинах угла записи (θ_0, θ_1) и толщины материала (d). С увеличением d и θ_0, θ_1 период осцилляции профиля ДДС вдоль y уменьшается, как и амплитуда ДДС. Необходимо отметить, что неоднородность фазового фронта приводит к пространственной неоднородности направления вектора ДС. Изменение ΔK_0 при неизменной толщине материала приводит к прямо пропорциональному изменению модуля амплитуды ДДС и количества его локальных максимумов вдоль глубины ДС. Практически тоже и при изменении толщины с неизменным ΔK_0 . Изменение толщины при

соответствующем изменении начальной расстройки приводит к небольшому изменению модуля амплитуды (изменение в 2 раза дает изменение на 10%, а в 10 раз на 25%)

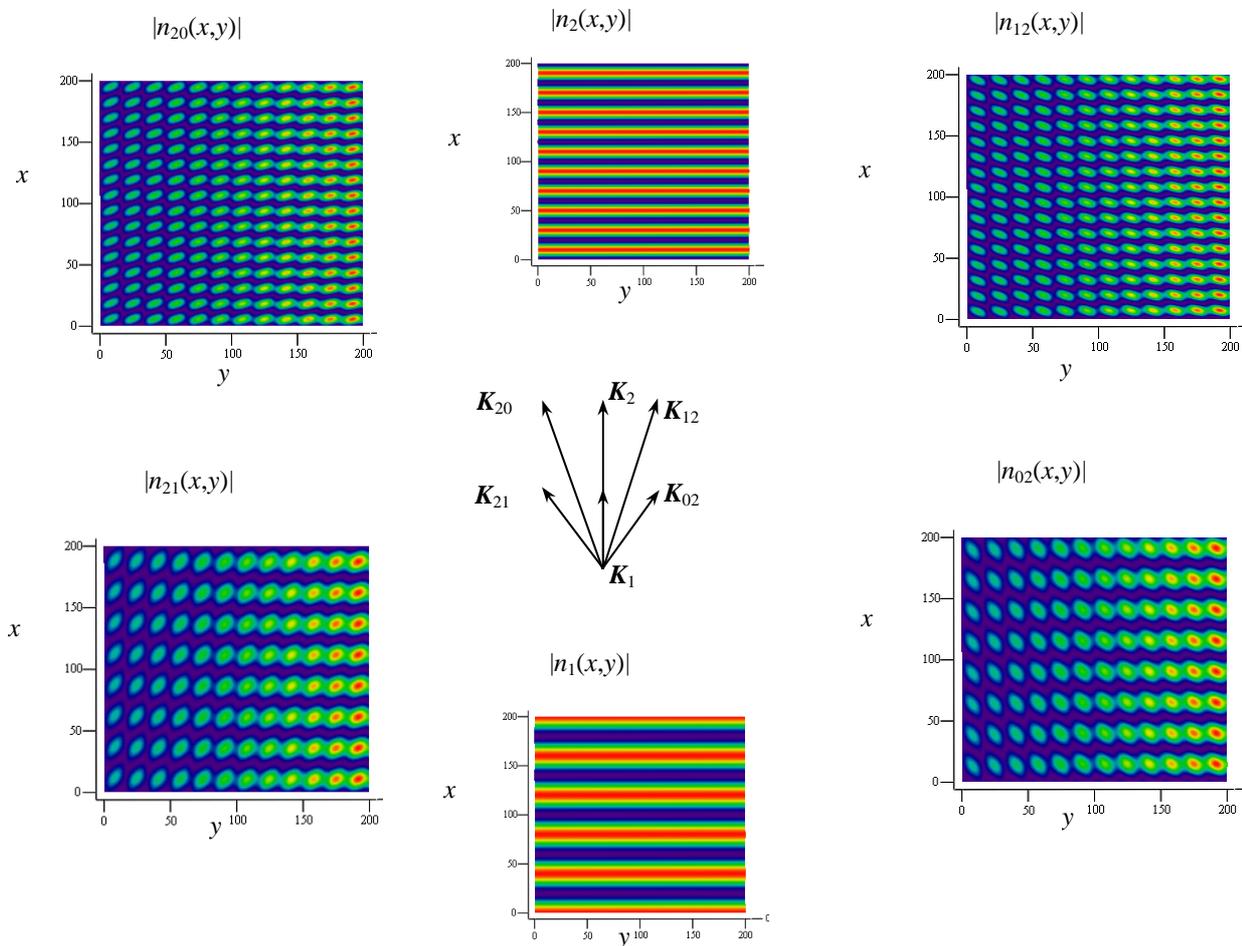


Рисунок 2.14

Расчеты также показали, что для ДС с вектором K_{12} амплитудно-фазовый профиль $n_1^{12}(\tau, y)$ совпадает с приведенными на рис.2.13 (а,б). Для ДДС с векторами K_{02} , K_{21} и амплитудно-фазовые профили ДДС являются подобными, показанным на рис.2.13 (а,б), до масштабных множителей.

Для иллюстрации на рис.2.14 приведем двумерные контурные графики пространственных профилей, как гармоник основной ДС, так и первых гармоник ДДС образованных на второй пространственной гармонике. Необходимо отметить основные особенности пространственных профилей ДДС. Во-первых, профили ДДС имеют двумерное квази

периодическое амплитудное распределение, а, во-вторых, неоднородность фазовой составляющей профиля ДДС приводит к повороту вектора ДС и искажению фазового фронта.

2.2 Дифракционные свойства пространственно неоднородных ПГДР

Рассмотрим процесс считывания ДР произвольно поляризованным монохроматическим световым пучком в пренебрежении остаточным поглощением ФПМ,

$$E_r(t, \mathbf{r}) = \sum_{i=s,p} \int e_0^i E_r^i(\mathbf{k}_0) \cdot \exp[i \cdot (\omega \cdot t - \mathbf{k}_0 \cdot \mathbf{r})] dk_{\square 0} + \hat{e} \cdot \tilde{n}, \quad (2.56)$$

где $E_r^i(\mathbf{k}_0)$ - угловой спектр (УС), $k_{\square 0} = k \Delta \theta_0$ - тангенсальная компонента волнового вектора \mathbf{k}_0 , связанная с углом отклонения $\Delta \theta_0$ плосковолновой компоненты углового спектра от оси пучка \mathbf{k}_0' .

Пространственная и векторная геометрия процесса считывания представлена на рис.2.15 для двух дифракционных порядков. Световое поле \mathbf{E} в области ФПМ в силу дифракции считывающего пучка \mathbf{E}_r (2.56) на пространственных гармониках решетки можно записать в виде суммы $N+1$ световых пучков \mathbf{E}_j

$$\mathbf{E}(t, \mathbf{r}) = \sum_{j=0}^N \mathbf{E}_j = \frac{1}{2} \left\{ \sum_{i=s,p} \sum_{j=0}^N \int e_j^i E_j^i(\mathbf{r}, \mathbf{k}_j) \cdot \exp[i \cdot (\omega \cdot t - \mathbf{k}_j \cdot \mathbf{r})] dk_{\square j} + \hat{e} \cdot \tilde{n} \right\}, \quad (2.57)$$

каждый из которых представлен двумя составляющими вектора напряженности \mathbf{E}_j в соответствующем ортогональном поляризационном базисе, заданном двумя ортами \mathbf{e}_j^p и \mathbf{e}_j^s , лежащими в плоскости, перпендикулярной оси пучка \mathbf{E}_j . Здесь $E_j^i(\mathbf{r}, \mathbf{k}_j)$ - медленно меняющиеся амплитуды плосковолновых составляющих угловых спектров компонент $\mathbf{E}_j \cdot \mathbf{e}_j^i$, $j=0$ соответствует проходящему пучку, $j=1..N$ - дифрагированному пучку на решетке с $\mathbf{K}_j = j \cdot \mathbf{K}_1$, причем \mathbf{e}_j^p лежит в плоскости дифракции ХОУ, а \mathbf{e}_j^s - перпендикулярен ей (см. рис.2.15).

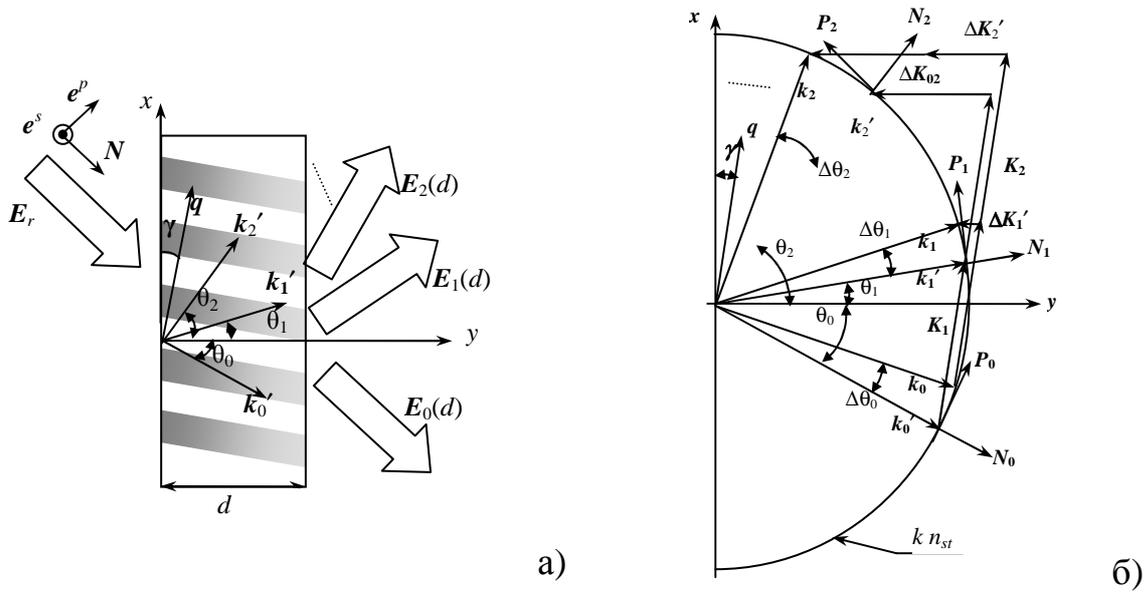


Рисунок 2.15

Напряженность электрического поля $\mathbf{E}(t, \mathbf{r})$ в области взаимодействия описывается векторным волновым уравнением, следующим из уравнений Максвелла

$$\text{rot rot } \mathbf{E}(t, \mathbf{r}) = -\mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial^2}{\partial t^2} [\epsilon(t, \mathbf{r}) \cdot \mathbf{E}(t, \mathbf{r})], \quad (2.58)$$

где возмущение диэлектрической проницаемости ϵ представляется в виде

$$\epsilon(t, \mathbf{r}) = \epsilon_0 + \Delta\epsilon(t, \mathbf{r}) = \epsilon_0 + 0.5n_{st} \left[n_0(t, \mathbf{r}) + \sum_{j=1}^N n_j(t, \mathbf{r}) e^{i\mathbf{K}_j \cdot \mathbf{r}} + \hat{e} \cdot \tilde{n} \right], \quad (2.59)$$

где $\epsilon_0 = n_{st}^2$, $n_j(y)$ – определяются полученными ранее решениями для процесса записи ДР.

Подставляя выражения (2.57) и (2.59) в (2.58) и следуя методу медленно-меняющихся амплитуд (ММА), получим две независимых системы уравнений связанных волн для амплитуд плосковолновых составляющих УС перпендикулярных E^s и тангенсальных E^p компонент поля \mathbf{E} , определяемых с точностью до $\Delta\epsilon/\epsilon_0$ [79]:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{d\mathring{A}_0^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda)}{dy} = G_0^i \sum_{j=1}^N n_j(y) \cdot \mathring{A}_j^i(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) \cdot e^{i \cdot \Delta K_j(\Delta\theta_j, \Delta\lambda)y} \\ \frac{d\mathring{A}_1^i(y, \Delta\theta_1, \Delta\lambda)}{dy} = G_1^i n_1(y) \cdot \mathring{A}_0^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) \cdot e^{-i \cdot \Delta K_1(\Delta\theta_1, \Delta\lambda)y} \\ \dots\dots\dots \\ \frac{d\mathring{A}_N^i(y, \Delta\theta_N, \Delta\lambda)}{dy} = G_N^i n_N(y) \cdot \mathring{A}_0^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) \cdot e^{-i \cdot \Delta K_N(\Delta\theta_N, \Delta\lambda)y} \end{array} \right. , \quad (2.60)$$

где индекс $i=s$ соответствует взаимодействию s -компонент, $i=p$ - p -компонент; $G_j^s = -ik / (2 \cos(\theta_j))$, $G_j^p = -ik / (2 \cos^2(\theta_j))$, $\Delta\theta_j = \Delta\theta_j(\Delta\theta_0, \Delta\lambda)$, отклонение длины волны считывания от условий Брэгга.

Принимая во внимание граничные условия $E_0^{s,p}(y=0, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) = E_r^{s,p}(\Delta\theta_0, \Delta\lambda)$, $E_j^{s,p}(y=0, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) = 0$ и учитывая малость амплитуд гармоник $n_j(y) \sim \delta n_p \ll n_{st}$, решение системы (2.60) запишем с помощью метода возмущений [80] в матричном виде:

$$\mathbf{E}_j(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) = \mathbf{T}_j(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) \mathbf{E}_r(\Delta\theta_0, \Delta\lambda), \quad (2.61)$$

где

$$\mathbf{E}_j(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) = \begin{pmatrix} E_j^p(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) \\ E_j^s(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) \end{pmatrix}, \quad \mathbf{E}_r(\Delta\theta_0) = \begin{pmatrix} E_r^p(\Delta\theta_0, \Delta\lambda) \\ E_r^s(\Delta\theta_0, \Delta\lambda) \end{pmatrix},$$

$$\mathbf{T}_j(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) = \begin{pmatrix} T_j^p(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) & 0 \\ 0 & T_j^s(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) \end{pmatrix}, \quad j=0..N; \text{ компоненты } T_j^p \text{ и } T_j^s \text{ являются}$$

когерентными передаточными функциями для p и s – компонент и задаются выражениями

$$\begin{aligned} T_0^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) &= \sum_{k=0}^{\infty} T_{0,2k}^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) (\delta n_p / n_{st})^{2k}, \\ T_j^i(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) &= \sum_{k=0}^{\infty} T_{j,2k+1}^i(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) (\delta n_p / n_{st})^{2k+1}, \end{aligned} \quad (2.62)$$

а коэффициенты $T_{0,2k}^i$, $T_{j,2k+1}^i$ определяются рекуррентными соотношениями

$$\begin{aligned} T_{0,2k}^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) &= G_0^i \int_0^y \sum_{j=1}^N n'_j(y') T_{j,2k-1}^i(y', \Delta\theta_j, \Delta\lambda) e^{i\Delta K_j(\Delta\theta_j, \Delta\lambda)y'} dy', \\ T_{j,2k+1}^i(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) &= G_j^i \int_0^y n'_j(y') T_{0,2k}^i(y', \Delta\theta_0, \Delta\lambda) e^{-i\Delta K_j(\Delta\theta_j, \Delta\lambda)y'} dy', \end{aligned} \quad (2.63)$$

$$T_{0,0}^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) = 1, \quad n'_j(y) = n_j(y) / \delta n_p.$$

Таким образом, соотношения (2.61)-(2.63) являются решением самосогласованной дифракционной задачи и позволяют исследовать дифракционную эффективность и селективные свойства ПГДР при произвольных амплитудах и количестве гармоник пространственно-неоднородной решетки показателя преломления, а также при произвольных поляризации и амплитудно-фазовом распределении считывающего пучка.

2.2.1 Дифракционная эффективность и селективные свойства пространственно неоднородных ПГДР

Дифракционную эффективность в j -том порядке определим как отношение потока энергии j -го дифрагированного пучка к потоку энергии считывающего пучка в направлении нормали к границе раздела сред (вдоль оси y). Учитывая, что каждой монохроматической волне с комплексной векторной амплитудой E_j можно сопоставить вектор Пойтинга $S_j = c/(2\pi)N_j \int (E_j \cdot E_j^*) d(\Delta\theta_j)$, запишем выражение для дифракционной эффективности в виде:

$$\eta_{dj} = (S_j \cdot y_0) / (S_0 \cdot y_0).$$

где y_0 – единичный вектор вдоль оси y , N_j – нормаль вдоль оси j -го пучка (см. рис. 2.15б).

Для исследования зависимости дифракционной эффективности в j -том ($j=1..N$) дифракционном порядке от угла падения считывающего пучка и селективных свойств дифракционной решетки необходимо получить соотношения для модулей векторов фазовой расстройки $\Delta K_j = \Delta K_{0j} + \Delta K'_j$ в (2.60) от θ_0 и $\Delta\theta_0$ в явном виде. Для этого запишем векторные соотношения фазового синхронизма для центральной угловой компоненты УС ($\Delta\theta_0=0$) j -го дифрагированного пучка (см. рис.2.15, для $j=1,2$)

$$k'_j = k'_0 + jK_1 + \Delta K_{0j}, \quad (2.64)$$

и текущей компоненты УС ($\Delta\theta_0 \neq 0$)

$$\mathbf{k}_j = \mathbf{k}_0 + j\mathbf{K}_1 + \Delta\mathbf{K}_{0j} + \Delta\mathbf{K}'_j. \quad (2.65)$$

Далее запишем (2.64) для проекций векторов на оси координат. Из уравнения для проекций на ось x , определим угловые положения центральных компонент УС

$$\theta_j = \pi/2 - \arccos \left[\frac{k'_{0x} + K_{jx}}{k} \right], \quad (2.66)$$

$$\theta_j(\theta_0, \gamma) = \pi/2 - \arccos [j \cos(\pi/2 - \theta_0 + 2\gamma) - (j-1) \cos(\pi/2 + \theta_0)]$$

Подставляя (2.66) в уравнение для проекций на ось y , найдем модули векторов начальной фазовой расстройки:

$$\Delta K_{0j} = k'_{jy} + jK_{1y} - k'_{0y}, \quad (2.67)$$

$$\Delta K_{0j}(\theta_0, \gamma) = k'_0 \{ j \cos(\theta_0 - 2\gamma) - (j+1) \cos(\theta_0) + \cos(\theta_j) \}.$$

Используя разложение векторов $\mathbf{k}_j = \mathbf{k}'_j + \mathbf{P}_j \Delta\theta_j k'_j$ в ряд Тейлора вблизи направлений \mathbf{k}'_j в (2.65) и учитывая (2.64) и (2.66), определим фазовые расстройки $\Delta K'_j$ и угловые положения $\Delta\theta_j$ текущих компонент УС дифракционных порядков, взаимодействующих с угловой компонентой считывающего пучка, отклоненной от его оси на угол $\Delta\theta_0$:

$$\Delta K'_j(\Delta\theta_0) = -\Delta\theta_0 k'_0 \frac{(\mathbf{P}_0 \cdot \mathbf{N}_j)}{(\mathbf{y}_0 \cdot \mathbf{N}_j)}, \quad \Delta K'_j(\Delta\theta_0) = -\Delta\theta_0 k'_0 \frac{\cos(\pi/2 - \theta_0 - \theta_j)}{\cos(\theta_j)}, \quad (2.68)$$

$$\Delta\theta_j(\Delta\theta_0) = \Delta\theta_0 \frac{P_{0x}}{P_{jx}}, \quad \Delta\theta_j(\Delta\theta_0) = \Delta\theta_0 \frac{\cos(\theta_0)}{\cos(\theta_j)}. \quad (2.69)$$

где \mathbf{P}_j – единичный вектор, указывающий направление смещения волнового вектора j -ой волны от начального направления \mathbf{k}'_j (см. рис.2.15 б), $\mathbf{q} = \mathbf{K}_1/|\mathbf{K}_1|$.

При отклонении длины волны считывания от условий Брэгга на $\Delta\lambda$ используем, как и ранее, разложение в ряд Тейлора вблизи начальных направлений \mathbf{k}'_j

$$k_0 = k'_0 + 2\pi n N_0 \frac{\Delta\lambda}{\lambda^2}, \quad k_j = k'_j + 2\pi n N_j \frac{\Delta\lambda}{\lambda^2} + P_j \Delta\theta_j k'_j, \quad (2.70)$$

где $j=1..N$.

Тогда, подставляя (2.70) в (2.65) и учитывая (2.64) и (2.66), можно получить следующие соотношения

$$\Delta K'_j(\Delta\lambda) = k'_0 \frac{\Delta\lambda}{\lambda} N_j \{1 - (N_0 \cdot N_j)\}, \quad \Delta K'_j(\Delta\lambda) = -\frac{\Delta\lambda}{\lambda} k'_0 \left(1 - \frac{\cos(\theta_0 + \theta_j)}{\cos(\theta_j)}\right), \quad (2.71)$$

$$\Delta\theta_j(\Delta\lambda) = \frac{\Delta\lambda}{\lambda} \frac{N_{0x} - N_{jx}}{P_{jx}}, \quad \Delta\theta_j(\Delta\lambda) = \frac{\Delta\lambda}{\lambda} \frac{\sin(\theta_0) + \sin(\theta_j)}{\cos(\theta_j)}. \quad (2.72)$$

2.2.2 Дифракционные свойства ПГДР с учетом самодифракции при малом контрасте

На рис. 2.16 (а) приведены кривые дифракционной эффективности на стационарном уровне от соотношения интенсивностей записывающих пучков $\eta_d(m_0)$ с помощью модели без учета эффекта СЗВ $\eta_{dСЗВ-}(m_0)$ и с учетом $\eta_{dСЗВ+}(m_0)$. Расчет проведен для параметров: $C_n=2$, $\alpha d=0$, $k=0.5$, $\delta n_p=0.004$, $d=20\text{мкм}$, при $b=0.25$ (1,3) и $b=5$ (2,4). На рис. 2.16 (б) приведены сравнительные кривые, $\Delta\eta_d(m_0) = \frac{\eta_{dСЗВ+}(m_0) - \eta_{dСЗВ-}(m_0)}{\eta_{dСЗВ+}(m_0)} 100\%$ для кривых на рис. 2.16 (а).

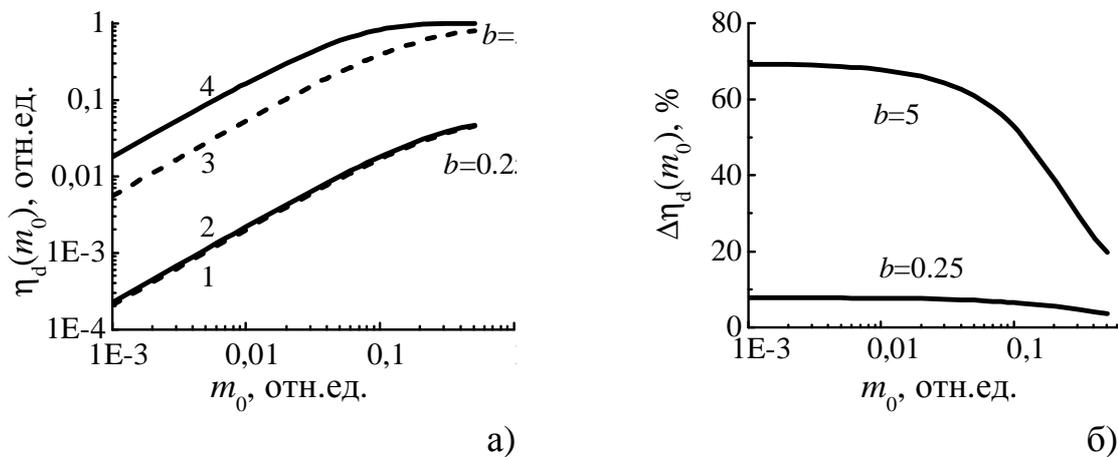


Рисунок 2.16

Из рис.2.16(а) видно, что при малом b эффект СЗВ мало сказывается, т.к.

сама ДС является слабой, поэтому его учет для данной области b не является принципиально важным. Для области больших b добавка в эффективность дифракции за счет СЗВ становится существенной, особенно с уменьшением соотношения интенсивностей пучков. С увеличением параметров k , δn_p , b , d вклад в эффективность ДС за счет СЗВ увеличивается, что также объясняется увеличением эффективности самой ДС.

На рис.2.16 (в) представлены кривые нормированной угловой селективности ДС рассчитанные по полученным выражениям в п.2.1.3 для $C_n=2$, $b=5$, $\delta n_p=0.014$, $k=0.5$, $m_0=0.01$, $d=20\text{мкм}$, $\theta_0=\theta_1=10^0$. Соответствующие кривые амплитудного и фазового профиля ДС показаны на рис. 2.4. являются пространственно неоднородными

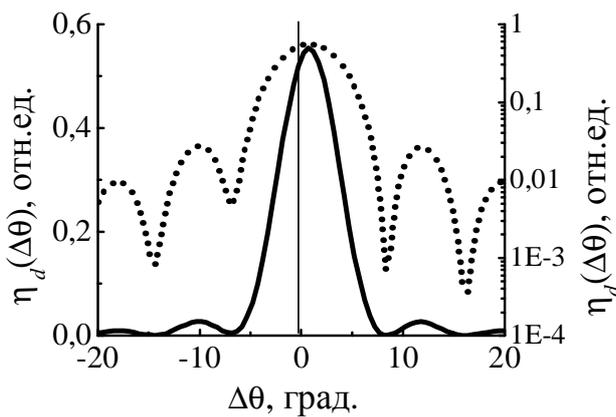


Рисунок 2.16 (в)

. Из рис. 2.16 (в) видно, что смещение максимума ДЭ составило $\sim 25\%$ от полуширины основного максимума, что связано с неоднородностью $\arg(n_1(y))$ вызванного двухволновым смещением, т.к. эффект усадки ФПМ, как известно, приводит к смещению максимума не более 1.5% .

Неоднородность амплитудного профиля ДС приводит к заплыванию минимумов ДС, как видно из кривой в логарифмическом масштабе.

2.2.3 Дифракционные свойства ПГДР в поглощающем ФПМ с учетом высших пространственных гармоник

Исследуем динамику эффективности дифракции ПГДС в композиционном материале в первом и во втором дифракционных порядках

для считывания вертикально-поляризованной волной (s -поляризация). Результаты моделирования представлены на рис.2.17 для следующих параметров: $b=0.25$, $C_n=2$, $\delta n_p=0.004$, $d=20\mu\text{m}$, $\theta_1=\theta_0=6.67^\circ$ (10^0 в воздухе). На рис.2.17 приняты обозначения: 1 - $\alpha_d=0$ Неп, $k=0.5$, $m_0=1$; 2 - $\alpha_d=2$ Неп, $k=0.5$, $m_0=1$; 3 - $\alpha_d=2$ Неп, $k=0.5$, $m_0=0.3$; 4 - $\alpha_d=2$ Неп, $k=0.3$, $m_0=1$.

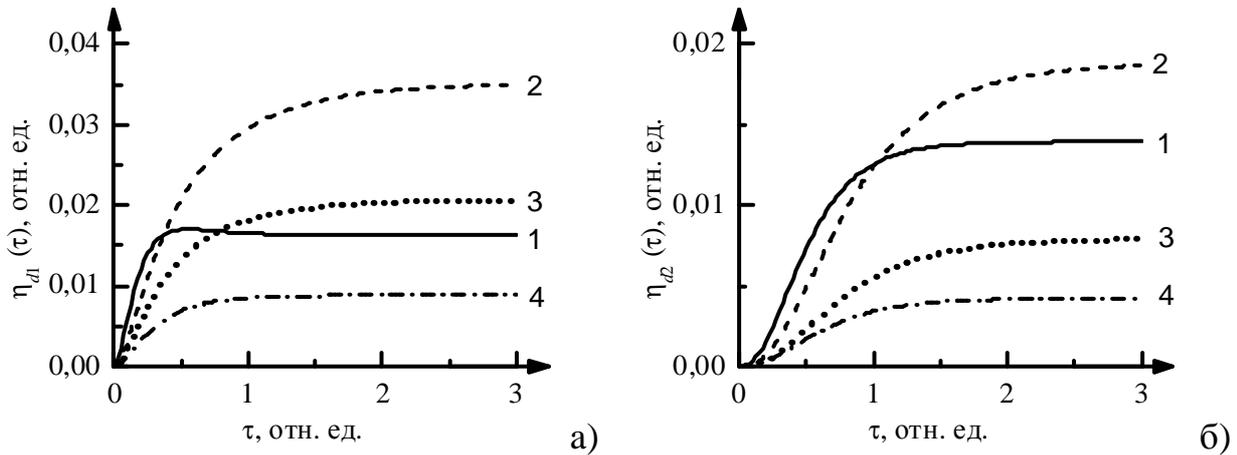


Рисунок 2.17 – Дифракционная эффективность в первом (а) и во втором (б) порядках дифракции от времени записи.

Как видно из кривых 1 на рис.2.17 (а,б), в отсутствие поглощения дифракционные эффективности в первом (η_{d1}) и во втором (η_{d2}) порядках дифракции становятся соизмеримыми по величине на стационарном уровне ($\eta_{d1}/\eta_{d2} \approx 1.1$). Учет поглощения (кривые 2 на рис.2.17 (а,б)) приводит к существенному увеличению (в 2 раза) эффективности первой гармоники на стационарном уровне и к незначительному (~ 1.25 раза) второй. Проведенный дополнительный анализ показал, что для $b=5$ в отсутствие поглощения отношение $\eta_{d1}/\eta_{d2} \approx 10$. Учет поглощение (2 Неп) приводит к увеличению η_{d1} примерно в 1.1 раза и уменьшению η_{d2} в 1.25 раза, а также к возрастанию времен выхода на стационарные значения обеих гармоник

Из сравнения кривых 3,4 с кривыми 2 на рис.2.17 видно, что уменьшение k (кривые 3) и m_0 (кривые 4) приводят к снижению эффективности дифракции, как на первой (рис. 2.17 а), так и на второй (рис. 2.17 б) гармониках ДС, причем для второй гармоники спад является более

существенным.

Таким образом, уменьшение m_0 и увеличение $b=T_p/T_m$ позволяет уменьшить дифракционную эффективность на высших пространственных гармониках решеток в ФПМ с помощью внешних условий записи: интенсивностей записывающих пучков (T_p) и их соотношения (m_0) и угла схождения (T_m).

Далее рассмотрим зависимости $\eta_{d1}(b)$ (рис. 2.18 а) и $h(b)=\eta_{d1}(b)/\eta_{d2}(b)$ (рис. 2.18 б). Точками на рис.4 показаны кривые, при построении которых брались значения η_{d1} и η_{d2} во временной точке, соответствующей локальному максимуму эффективности дифракции в первом порядке, а сплошными линиями – значения η_{d1} и η_{d2} на стационарном уровне. Параметры расчета $C_n=2$, $\delta n_p=0.004$, $d=20\mu\text{м}$, $\theta_1=\theta_0=6.67^\circ$ (10^0 в воздухе), $m_0=1$, $\alpha_d \approx 0$ Неп.

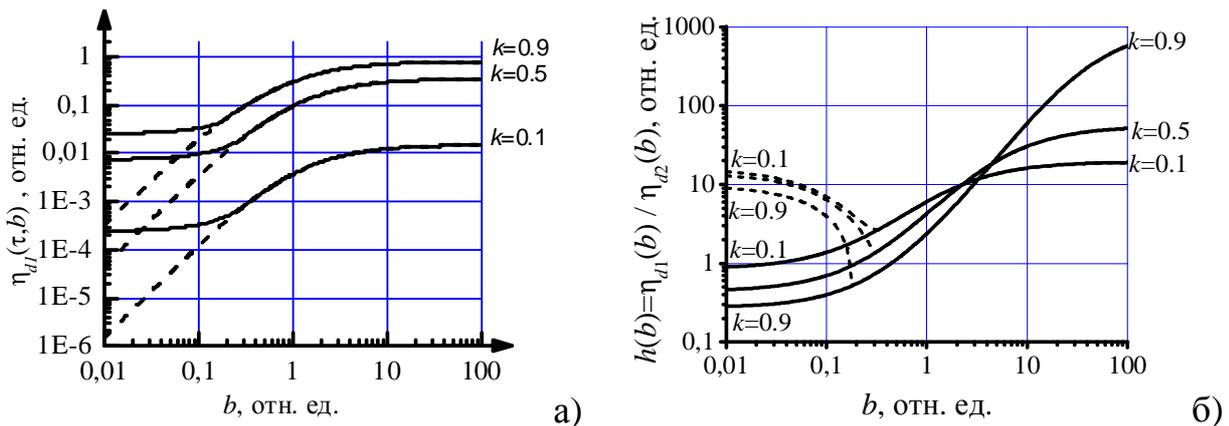


Рисунок 2.18

Переход кривых, обозначенных точками, в сплошные кривые на рис. 2.18 (а, б) характеризует значение параметра b ($0.2 < b < 0.4$), при котором пропадает локальный максимум $\eta_{d1}(\tau)$ (рис.2.17 а). Из рис. 2.18 (б) видно, что в диапазоне $2 < b < 3$ изменение k практически не сказывается на $h(b)$. Из кривых, показанных на рис. 2.18, можно определить оптимальные значения b , при которых записывается ДС с максимальной дифракционной эффективностью в первом порядке дифракции и, например, минимальными дифракционными эффективностями на высших пространственных гармониках. При изменении b от 0.01 до 100 отношение стационарных значений эффективностей дифракции $h(b)$ (рис. 2.18 б) изменяется от 11 раз для $k=0.1$ до 600 раз для $k=0.9$. Таким

образом, проведя эксперименты при существенно различных значениях b (варьируя интенсивности записывающих пучков и угол между ними) можно оценить значение параметра нелинейности полимеризации по интенсивности света k .

Сравнение с результатами из промежуточного отчета, показало, что наличие ЖК в композите приводит к смещению точки перехода максимума в область меньших b причем смещение тем больше, чем меньше k . Кроме того, наличие ЖК в композиционном материале приводит к увеличению отношения n_1/n_2 только при $b > 1$, причем изменение увеличивается с увеличением b и k . Так для $k=0.1$ изменения практически нет, а для $k=0.9$ при $b=100$ изменение составляет +50%.

Учет поглощения приводит только к изменению масштаба зависимости $h(b)$ по оси b с коэффициентом примерно равным $2^k \exp(-\alpha_d \cdot k)$, так как поглощение приводит к ослаблению пучков по глубине материала, т.е. появлению пространственной зависимости $b(y)$.

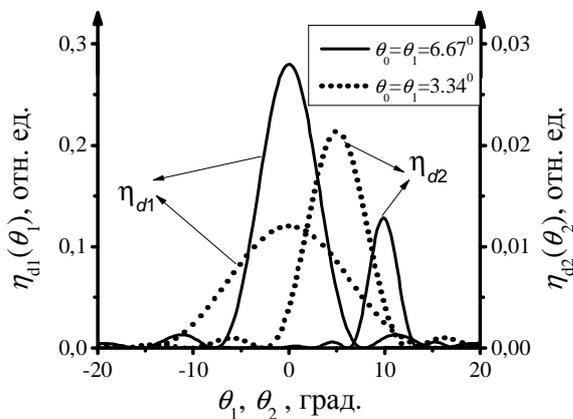


Рисунок 2.19 Угловая селективность гармоник

Результаты расчета угловой селективности $\eta_{d1}(\theta_1)$ и $\eta_{d2}(\theta_2)$ представлены на рис. 2.19 для $C_n=2$, $\delta n_p=0.004$, $d=20\mu\text{m}$, $b=5$, $m_0=1$, $k=0.5$. Из рис. 2.19 видно, что уменьшение угла записи в 2 раза приводит к уширению углового отклика обоих дифракционных порядков в 2 раза и пропорциональному уменьшению углового расстояния между ними, а также уменьшению η_{d1} примерно в 2 раза и увеличению η_{d2} в 1.6 раза.

Таким образом, снижение контраста, увеличение b и увеличение k (для $b > 0.3$ с ЖК, и $b > 6$ без ЖК) приводит к снижению дифракционной эффективности на высших пространственных гармониках, причем первые два параметра могут варьироваться в эксперименте.

Результаты расчета угловой

Причиной изменений является увеличение периода записываемой ДС примерно в 2 раза (для данных углов), что непосредственно увеличивает ширину углового отклика и угловое расстояние в 2 раза, а также приводит к увеличению времени диффузии $T_m=1/(D_m K_1^2)$ в 4 раза, и соответствующему уменьшению b . А как было показано ранее, изменение b дает в результате изменения эффективностей дифракции η_{d1} и η_{d2} .

2.2.4 Дифракционные свойства ПГДР с учетом многоволнового смещения на высших пространственных гармониках

Описанные в пункте 2.1.7 особенности амплитудно-фазового профиля ДДР определяют и дифракционные характеристики, в частности угловую селективность. Кривые угловой селективности ДДС с n_1^{20} , представленные на рис.2.20 а., рассчитаны для следующих параметров: $C_n=2$, $\delta n_p=0.004$, $d=85\mu\text{m}$, $b=5$, $m_0=1$, $k=0.5$.

Видно, что кривая угловой селективности имеет два максимума, амплитуды которых могут быть соразмерны. Угловое положение первого максимума совпадает с направлением вектора \mathbf{K}_{20} , а положение второго максимума с направлением \mathbf{K}_1 , \mathbf{K}_2 . Появление второго максимума обусловлено наличием неоднородной фазовой составляющей профиля ДДС. Второй максимум находится всегда в угловом положении, соответствующем положению второй гармоники и может приводить как к увеличению, так и уменьшению суммарной интенсивности в данном угловом положении. Характер ДДС с вектором \mathbf{K}_{21} является аналогичным показанному на рис.2.20 а.

Отметим, что в отличие от ДДС пространственные гармоники основной ДС имеют только один максимум угловой селективности в направлении, соответствующем направлению вектора ДС.

Для сравнительного анализа, на рис.2.20 (б) приведены зависимости амплитуд максимумов угловой селективности (дифракционной эффективности) гармоник основной ДС и ДДС на стационарном уровне от соотношения времен полимеризации и диффузии. Как видно из рис.2.20 (б) в случае $T_p > T_m$ ($b < 1$)

дифракционная эффективность (ДЭ) первой η_{d1} и второй η_{d2} гармоник основной ДС могут быть сравнимы, а ДЭ η_{d20} и η_{d21} имеют амплитуды одного порядка и на два порядка меньше, чем η_{d2} и η_{d1} . При $T_p < T_m$ ($b > 1$) ДЭ η_{d2} снижается в 10 раз меньше, и ДЭ ДДС возрастают, что связано с возрастающим вкладом первой гармоники и уменьшением вклада второй гармоники. т.

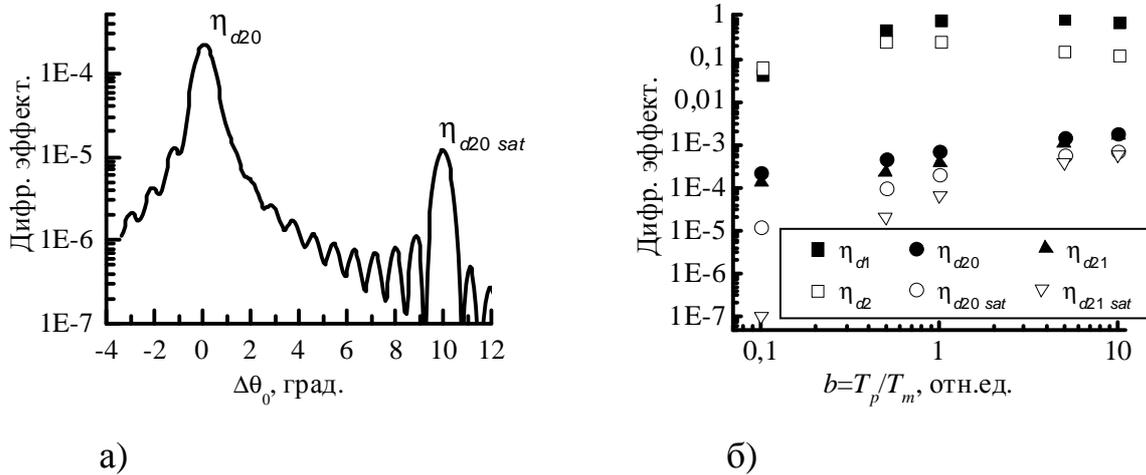


Рисунок 2.20

При возрастании b величины второго максимума ДЭ ДДС приближаются к величине первого максимума. И так, в условиях превалирования вклада диффузионного механизма (увеличение b) эффективности дифракции на гармониках высшего порядка (начиная со второй) основной ДС уменьшаются, а эффективности ДДС возрастаю

2.2.5 Дифракционные свойства ПГДР, записанных пучками с амплитудно-фазовым неоднородным распределением

Рассмотрим влияние фазовой неоднородности записывающих пучков на угловую селективность записываемой решетки на стадии считывания плоским пучком. На рис.2.21 а приведены кривые нормированной угловой селективности ПГДР записанной пучками с плоскими амплитудными профилями и угловой расходимостью одного из пучков не равной нулю. Расчет проведен для $C_n=0.02$, $\delta n_p=0.004$, $d=85\mu\text{m}$, $b=5$, $m_0=1$, $k=0.5$, $\phi''=0.5 \cdot 10^6$, $\phi''=1 \cdot 10^6$, $\phi''=2 \cdot 10^6$. На рис.2.21 б 1- $\eta_d(\Delta\theta)$ для решетки записанной двумя

плоскими волнами, 2- $\eta_d(\Delta\theta)$ для решетки записанной пучками с равномерным амплитудным распределением, но один пучок имеет угловую расходимость, характеризующую $\varphi''=2\cdot 10^6$, 3- аналогично 2, но расходящийся пучок имеет гауссовый амплитудный профиль с $w=0.5\text{мм}$.

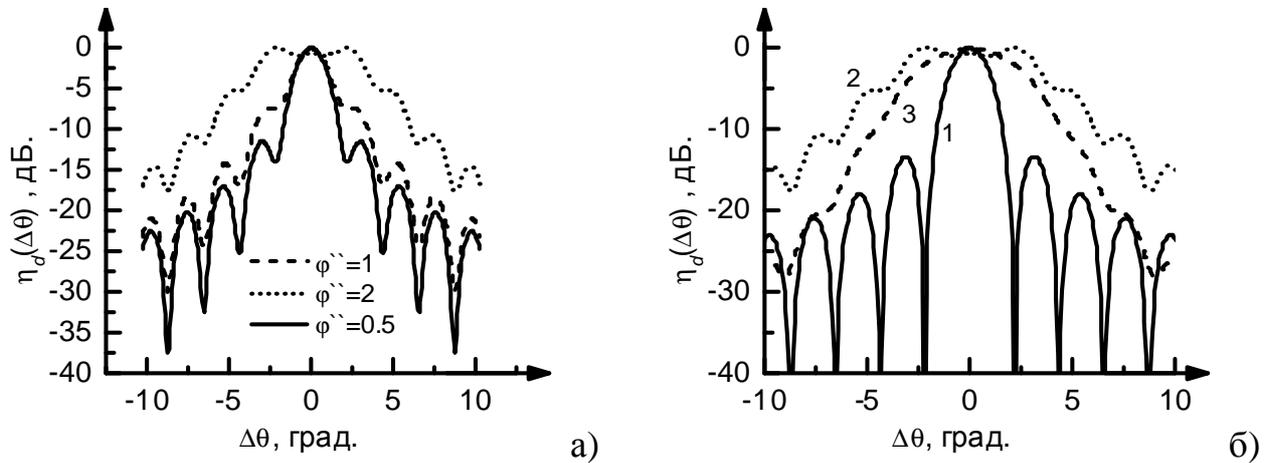


Рисунок 2.21

Из рис.2.21 а видно, что наличие фазовой неоднородности записывающего поля приводит к увеличению ширины полосы угловой селективности решетки, причем эффективность дифракции также существенно уменьшается. Наличие же амплитудной неоднородности записывающих пучков, снижает амплитуды боковых лепестков угловой селективности.

3. Отражающие голографические дифракционные решетки (ОГДР) в фотополимеризующихся жидкокристаллических композиционных материалах (ФПМ-ЖК)

В данном разделе представлены теоретические модели кинетики голографической записи и считывания ОГДР в композиционных фотополимеризующихся материалах и их интегральных дифракционных характеристик с учетом самодифракции формирующих пучков, высших пространственных гармоник решеток на стадии записи и считывания [114,128,129,132,141]. В разделе 3.1 получены аналитические выражения, описывающие пространственно – временное распределение решетки показателя преломления для ПГДР с различными особенностями и на основе численного моделирования показаны пространственные профили решеток в рассматриваемых ситуациях.

В разделе 3.2 получены решения самосогласованной дифракционной задачи, на основе которой проводится исследование дифракционных характеристик пространственно-неоднородных ОГДР путем численного моделирования.

3.1 Формирование ОГДР

Пусть две когерентные монохроматические световые волны с амплитудами $E_0(\mathbf{r})$, $E_1(\mathbf{r})$ и волновыми векторами $\mathbf{k}_0'(\mathbf{r})$ и $\mathbf{k}_1'(\mathbf{r})$ на границе раздела сред распространяются под углами θ_0 и θ_1 внутри плоского поглощающего фотополимерного слоя ($0 \leq y \leq d$). Также будем считать, что \mathbf{k}_0' и \mathbf{k}_1' лежат в плоскости XY. Пространственная геометрия процесса записи представлена на рис.3.1. а оптическое поле внутри ФПМ толщиной d (рис. 3.1) по методу суперпозиций в области ФПМ можно представить в виде суммы полей:

$$\begin{aligned} E_0(t, \mathbf{r}) &= \mathbf{e}_0 \cdot E_0 \cdot \exp[-\alpha(t)y/\cos\theta_0] \cdot \exp[i \cdot (\omega \cdot t - \mathbf{k}'_0 \cdot \mathbf{r})] + \hat{e} \cdot \tilde{n}, \\ E_1(t, \mathbf{r}) &= \mathbf{e}_1 \cdot E_1 \cdot \exp[-\alpha(t)(d-y)/\cos\theta_1] \cdot \exp[i \cdot (\omega \cdot t - \mathbf{k}'_1 \cdot \mathbf{r})] + \hat{e} \cdot \tilde{n}. \end{aligned} \quad (3.1)$$

где \mathbf{e}_j - вектор поляризации, $\alpha(t)$ – коэффициент оптического поглощения ФПМ с учетом его фотоиндуцированного изменения, \mathbf{r} – радиус-вектор, центральный волновой вектор $\mathbf{k}'_j = kN_j$, $k = n\omega/c$ – волновое число и N_j – волновая нормаль, n – показатель преломления.

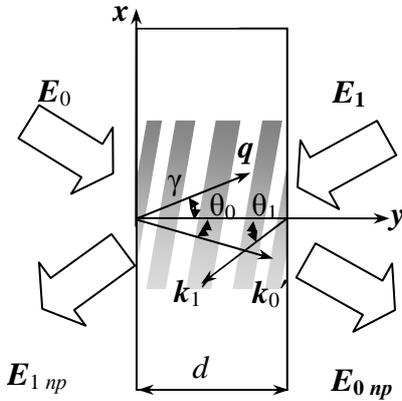


Рисунок 3.1- Пространственная геометрия процесса записи

Под воздействием светового излучения в ФПМ в результате процесса радикальной фотополимеризации происходят локальные изменения показателя преломления, что приводит к формированию фазовой голографической решетки. На записываемой решетке во время записи происходит дифракция записывающих волн, которая является существенной только при контрасте не равном единице и при сильно несимметричной геометрии. Поэтому вопросы самодифракции рассмотрены отдельно. На практике считывание записываемой решетки производится либо после остановки записи, либо во время записи неактивным излучением под соответствующим длине волны считывания углом. Поэтому вопросы считывания ДР (задача дифракции) рассматривается отдельно от задачи записи.

Процесс радикальной фотополимеризации приводящий к формированию решетки в ФПМ был рассмотрен в п. 2.1.2.

3.1.1 Запись ОГДР с учетом постоянного оптического поглощения ФПМ

В данном разделе рассмотрим запись ПГДР плоскими волнами. Решение задачи получено в приближении нулевой и первой гармоник концентрации мономера и показателя преломления с учетом постоянного оптического поглощения, контраста интерференционной картины, произвольной степени

нелинейности процесса фотополимеризации и зависимости коэффициента диффузии от степени полимеризации.

Пусть две плоские когерентные монохроматические световые волны с амплитудами E_0 , E_1 и волновыми векторами k_0' , k_1' на границе раздела сред распространяются под углами θ_0 и θ_1 внутри плоского поглощающего фотополимерного слоя ($0 \leq y \leq d$). Также будем считать, что k_0' и k_1' лежат в плоскости XY. Пространственная геометрия и векторная диаграмма процесса записи представлены на рис.3.2.

Запишем выражение для интерференционной картины данного светового поля:

$$I(\mathbf{r}) = I_0(y) \cdot \{1 + m(y) \cos(\mathbf{K}_1 \mathbf{r})\}, \quad (3.2)$$

где $I_0(y) = I^0(y) + I^1(y)$, $I^0(y) = I_0 \exp[-\alpha y / \cos \theta_0]$; $I^1(y) = I_1 \exp[-\alpha(d - y) / \cos \theta_1]$; $I_0 = |E_0|^2$; $I_1 = |E_1|^2$; $m(y) = 2\sqrt{I^0(y)I^1(y)} \cdot (\mathbf{e}_1 \cdot \mathbf{e}_0) / (I^0(y) + I^1(y))$ - локальный контраст интерференционной картины, $\mathbf{K}_1 = K_1 \mathbf{q} = \mathbf{k}_0' - \mathbf{k}_1'$ - вектор решетки, $K_1 = 2k \cdot \sin((\pi - \theta_0 - \theta_1)/2)$, \mathbf{q} - единичный вектор, \mathbf{r} - радиус вектор

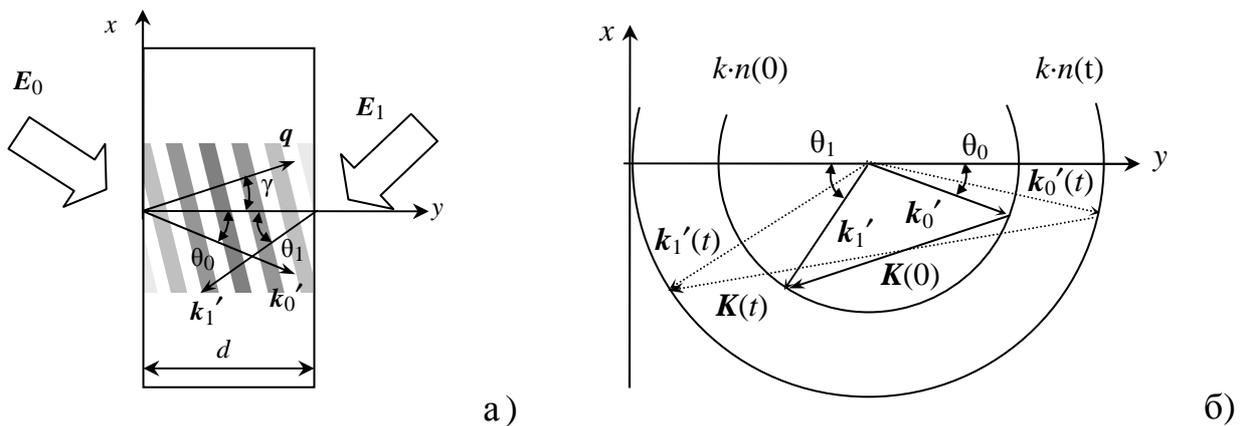


Рисунок 3.2 - Пространственная геометрия (а) и векторная диаграмма (б) записи голографической решетки в ФПМ

В процессе записи происходит увеличение среднего показателя преломления (менее 1%), что приводит к изменению вектора записываемой решетки в процессе записи по абсолютной величине и направлению (см. рис. 3.2б, для

симметричной геометрии только по величине), но в силу малости (менее 1%), данный эффект в дальнейшем рассмотрении опущен.

Учитывая, что кинетические уравнения не зависят от геометрии записи, и, сопоставляя выражения для интерференционной картины записывающего поля (3.2) и (2.10), видно, что процедура решения и его вид будут полностью идентичны решению для ПГДР при постоянном поглощении (2.19)-(2.21), с отличием только в выражениях для $I_0(y)$ и $m(y)$ (см. (3.2)). Ввиду чего, приводить решение не будем, а перейдем сразу к моделированию.

Для получения наиболее общих результатов численного моделирования используем обобщенные параметры: отношение времени полимеризации ко времени диффузии $b=T_p/T_m$, соотношение вкладов полимеризационного и диффузионного механизмов записи $C_n=\delta n_i/\delta n_p$, поглощения ФПМ $\alpha_d=\alpha d$, $m_0=I_1^2/I_0^2$ - соотношение интенсивностей записывающих пучков, где $T_p = (2K_b)^k / (K_g (\alpha_0 \beta \langle K \rangle \tau_0 (I_0 + I_1))^k)$. При этом пространственные зависимости контраста интерференционной картины m_y и b_y в решении запишутся в виде

$$m_y = \frac{2\sqrt{m_0} \exp[-0.5\alpha_d(y/(d \cos \theta_0) - (y-1)/(d \cos \theta_1))] \cdot (e_1 \cdot e_0)}{\exp[-\alpha_d y/(d \cos \theta_0)] + m_0 \exp[\alpha_d (y-1)/(d \cos \theta_1)]}. \quad (3.3)$$

$$b_y = b \cdot \left(\frac{\exp[-\alpha_d y/(d \cos(\theta_0))] + m_0 \exp[\alpha_d (y-1)/(d \cos(\theta_1))]}{1 + m_0} \right)^k. \quad (3.4)$$

В данном разделе на основе численного моделирования исследовалось влияние поглощения α , соотношения интенсивностей записывающих пучков $m_0=E_1^2/E_0^2$ и параметра $b=T_p/T_m$ на кинетики показателя преломления $n_1(\square, y)$ и дифракционных характеристик записанной дифракционной ДС при считывании неактивным излучением. Как было показано в разделе 2, параметр b существенно влияет на кинетику профиля. В общем случае можно выделить две области значений $b < 1$ и $b > 1$, в пределах которых изменение b не приводит к изменению общего вида кривой, а сказывается только на временном масштабе. Поэтому в дальнейшем изложении, на основании расчетов в двух точках $b=0.25$ и $b=5$, результаты моделирования и выводы будут обобщаться на всю

характерную область $b < 1$ и $b > 1$, соответственно.

На рис.3.3 приведены пространственно-временные профили решеток, рассчитанные при $C_n=1$, $s=1$, $m_0=1$, $\alpha_d=4$ Неп для $b=0.25$ (а) и $b=5$ (б). Параметр b в реальных условиях можно варьировать либо с помощью внутренних параметров ФПМ, либо внешних условий записи (I_0+I_1 , $\theta_0+\theta_1$), что более приемлемо на практике. Как видно из выражений для T_p и T_m , уменьшение интенсивности и увеличение угла схождения записывающих пучков приводят к увеличению параметра b и наоборот.

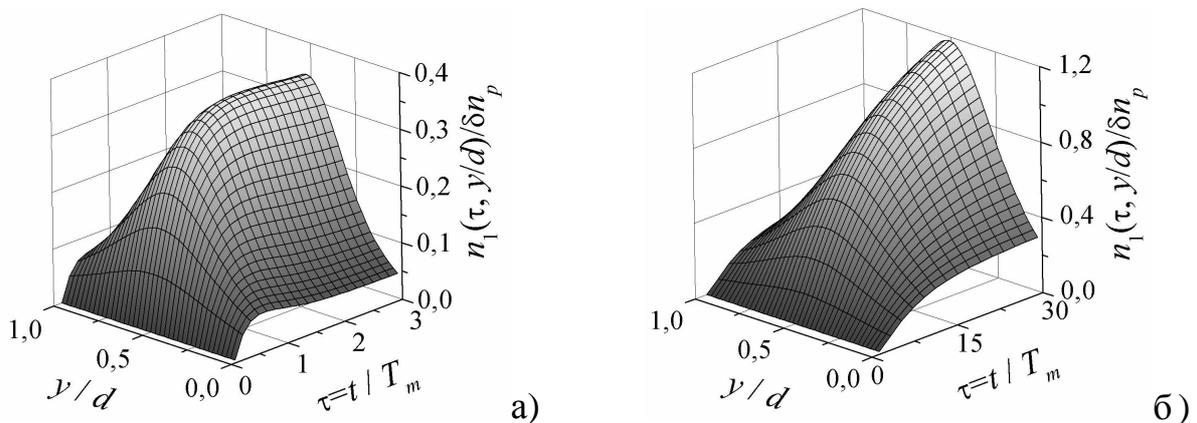


Рисунок 3.3

Как видно из рис.3.3 (а,б), вследствие поглощения пространственные профили решеток становятся резко неоднородными по глубине и трансформируются во времени. В области малых времен записи пространственный профиль повторяет распределение локального контраста интерференционной картины вдоль y , который характеризует конкурентное поведение нулевой и первой гармоник в полимеризации мономера, т.е. с уменьшением локального контраста уменьшается доля мономера, участвующего в формировании первой гармоники, за счет нулевой и наоборот.

Для обеих областей значений b наибольший рост ДС наблюдается в центральной части $0.4 < y/d < 0.6$, что обусловлено двумя факторами. Во-первых, контраст принимает максимальное значение близкое к единице, см. (3.3), и, во-вторых, общая интенсивность записывающего поля является наименьшей, вследствие затухания пучков, а время полимеризации наибольшим, см. (3.4). За

счет увеличения времени полимеризации мономер имеет дополнительное время для диффузии из темных областей в светлые, где полимеризуется, увеличивая тем самым амплитуду ДС, но за большее время, что видно из времени достижения максимума, увеличивающееся от $y/d=0$ к $y/d=0.5$ и затем спадающего к $y/d=1$.

Как было показано в пункте 2.1.3, увеличение соотношения времени полимеризации ко времени диффузии ($b=T_p/T_m$) приводит к увеличению доли мономера, который вместо полимеризации в темных областях интерференционной картины, приводящей к уменьшению амплитуды ДС, диффундирует в светлые области, где, полимеризуясь, напротив, увеличивает ее. Однако при начальном значении $b > 1$ поглощение будет приводить только к затягиванию кинетики (см. (3.4)) и уменьшению средней амплитуды ДС за счет изменения контраста по глубине (см. (3.3)).

Наличие ЖК в композите приводит к увеличению амплитуды ДС, за счет увеличения вклада диффузионного механизма.

3.1.2 Запись ОГДР световыми волнами с существенно-различными амплитудами с учетом самодифракции

Выше рассмотренные модели записи были получены в приближении заданного поля. Однако в процессе записи дифракция записывающих волн на формируемой ОГДР приводит к изменению распределения интенсивности записывающего поля внутри материала, и формирование решетки продолжается в соответствии с измененным распределением светового поля. В каждый момент времени два взаимосвязанных процесса - формирование решетки и самодифракция записывающих волн, протекая одновременно, приводят к формированию фазовой ОГДР со сложным пространственным амплитудно-фазовым распределением.

В данном подразделе, как и для ПГДР, рассмотрим случай записи ОГДР с учетом самодифракции. Пусть запись ОГДР производится плоскими монохроматическими световыми волнами с существенно-неравными

амплитудами $E_0 \gg E_1$ и волновыми векторами \mathbf{k}'_0 и \mathbf{k}'_1 в ФПМ с пренебрежимо малым поглощением. Решение кинетических уравнений запишем, как и раньше, искать в виде суммы нулевой и первой гармоник концентрации мономера и показателя преломления. Учет самодифракции во время записи, в рассматриваемом случае ($E_0 \gg E_1$) можно ограничить дифракцией только сильной волны на ОГДР, и решение уравнений связанных волн получить в приближении заданной интенсивности ($E_0 = \text{const}$). Тогда изменение слабой волны запишем в следующем виде:

$$E^1(t, y) = E_1 + iG_0 E_0 \int_0^{d-y} n_1(t, y') dy', \quad (3.5)$$

где n_1 - первая гармоника решетки показателя преломления, $G_0 = \pi / (\lambda \cos \theta_0)$, λ - длина волны света в материале, θ_0 - угол записи в материале для волны E_0 .

Распределение интенсивности интерференционной картины светового поля в рассматриваемом случае примет вид:

$$I(\mathbf{r}) = I_0 + E_0 E_1^* e^{-i\mathbf{K}_1 \mathbf{r}} + \hat{e} \cdot \tilde{n}, \quad (3.6)$$

где $I_0 = I^0 + I^1$, $I^j = |E_j|^2$; $j=0,1$; $\mathbf{K}_1 = \mathbf{k}'_0 - \mathbf{k}'_1$, \mathbf{r} - радиус вектор.

Далее, полностью аналогично пункту 2.1.4, будем использовать методику из [64,65], где кинетические уравнения записи для концентрации мономера M и показателя преломления n дополняются дифракционным уравнением в приближении заданного поля.

Используя разложение в ряд Тейлора для $I^k(\mathbf{r})$ $I(\mathbf{r})^k = [I_0 + E_0 E_1^* e^{-i\mathbf{K}_1 \mathbf{r}}]^k \approx I_0^k [1 + (E_0 E_1^* / I_0) \cdot e^{-i\mathbf{K}_1 \mathbf{r}}]^k$ и полагая, как и ранее, $M_0 \gg M_1$, запишем интегро-дифференциальные кинетические уравнения записи для нулевых

$$\frac{\partial}{\partial \tau} M_0 = -\frac{2^k}{b} M_0, \quad \frac{\partial}{\partial \tau} n_0 = \delta n_p \frac{2^k}{b} \frac{M_0}{M_n}$$

и первых гармоник M и n :

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial}{\partial \tau} M_1 = -M_1 b_m(\tau) - \frac{2^k}{b} \left[\frac{2k}{1+m_0} M_0 \left\{ \left(\sqrt{m_0} - iG \int_0^{d-y} n_1(y') dy' \right) \right\} + M_1 \right] \\ \frac{\partial}{\partial \tau} n_1 = \delta n_p \frac{2^k}{b} \left[\frac{2k}{1+m_0} \frac{M_0}{M_n} \left\{ \left(\sqrt{m_0} - iG \int_0^{d-y} n_1(y') dy' \right) \right\} + \frac{M_1}{M_n} \right] - \delta n_i \frac{M_1}{M_n} b_m(\tau) \end{array} \right. , \quad (3.7)$$

где $n_0=n_0(\tau)$, $M_0=M_0(\tau)$ и $n_1=n_1(\tau,y)$, $M_1=M_1(\tau,y)$ – нулевые и первые гармоники M и n , соответственно, $\tau=t/T_m$ – относительное время, $T_m=1/(K_1^2 D_m)$ – время диффузии, D_m – коэффициент диффузии, K_1 – волновое число первой гармоники основной решетки $K_1=|K_1|$; $G=\pi/(\lambda \cos \theta_B)$, θ_B – угол Брэгга в ФПМ, $b=T_p/T_m$, $T_p=(2K_b/(\alpha\beta\tau_0 \langle K \rangle I_0))^k / K_g$ – время полимеризации, $m_0=I^1/I^0$ – соотношение интенсивностей записывающих волн, $b_m(\tau) = \exp[-s \cdot (1 - M_0(\tau)/M_n)]$.

Для решения уравнений для нулевых гармоник используем методику из подраздела 3.1.2. Тогда решения совпадают с (2.19) с учетом того, что поглощение пренебрежимо мало $\alpha d \approx 0$ и выражения являются функциями только временной координаты.

Далее для решения (3.7) используем интегральное преобразование Лапласа по пространственной координате y

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial}{\partial \tau} M_1^p = -M_1^p b_m(\tau) - \frac{2^k}{b} \left[\frac{2k}{1+m_0} M_0^p \left\{ \sqrt{m_0} - iG \frac{n_1^p}{p} \right\} + M_1^p \right] \\ \frac{\partial}{\partial \tau} n_1^p = \delta n_p \frac{2^k}{b} \left[\frac{2k}{1+m_0} \frac{M_0^p}{M_n} \left\{ \sqrt{m_0} - iG \frac{n_1^p}{p} \right\} + \frac{M_1^p}{M_n} \right] - \delta n_i b_m(\tau) \frac{M_1^p}{M_n} \end{array} \right. , \quad (3.8)$$

где $f^p=f(\tau,p)$. Учитывая, что функция $n_1(\tau,y)$ является медленно меняющейся по сравнению с $M_0(\tau) \cdot \exp(F_1(\tau) \cdot \tau)$ [64,65], где $F_1(\tau)=b_m(\tau)+2^k/b$, и используя начальное условие $M_1(\tau=0)=0$ и теорему о среднем для определенного интеграла $\int_a^b \varphi(x) f(x) dx = \varphi(\xi) \int_a^b f(x) dx$, где $a \leq \xi \leq b$, получим следующее выражение

для первой гармоники концентрации мономера:

$$M_1(\tau, p) = -\frac{2^k}{b} \frac{2k}{1+m_0} \left[\sqrt{m_0} - iG \frac{n_1(\tau, p)}{p} \right] \cdot \int_0^\tau M_0(\tau') \cdot e^{-\int_{\tau'}^\tau F_1(\tau'') d\tau''} d\tau'.$$

С учетом полученного выражения для $M_1(\tau, p)$ решение для $n_1(\tau, p)$ запишем в виде:

$$n_1(\tau, p) = -\delta n_p F_2 \sqrt{m_0} \cdot \int_0^\tau R(\tau') e^{\frac{\delta n_p F_2 i G}{p} \int_0^\tau R(\tau'') d\tau''} d\tau',$$

$$\text{где } F_2 = \frac{2^k}{b} \frac{2k}{1+m_0}, \quad R(\tau) = \frac{M_0(\tau)}{M_n} - \left(\frac{2^k}{b} - C_n \right) \cdot \int_0^\tau \frac{M_0(\tau')}{M_n} \cdot e^{-\int_0^\tau F_1(\tau'') d\tau''} d\tau'.$$

Для получения конечного выражения для первой гармоники показателя преломления используем обратное преобразование Лапласа по пространственной координате y . В результате получим

$$n_1(\tau, y) = \delta n_p F_2 \sqrt{m_0} \cdot \int_0^\tau R(\tau') H_0(\tau', \tau, y) d\tau', \quad (3.9)$$

$$\text{где } H_0(\tau', \tau, y) = 1 + \sqrt{-\frac{i \cdot F_2 \cdot \Gamma}{d-y} \int_0^\tau R(\tau'') d\tau''} \cdot J_1 \left[2 \sqrt{-i \cdot F_2 \cdot \Gamma \cdot (d-y) \int_0^\tau R(\tau'') d\tau''} \right], \quad J_1(x) - \text{ функция}$$

Бесселя, $C_n = \delta n_i / \delta n_p$, $\Gamma = \delta n_p G d$ - коэффициент связи, определяющий эффективность взаимодействия записывающих волн с ПДР, d - толщина ФПМ.

Выражение (3.9) определяет временную динамику пространственного распределения амплитуды ПДР с учетом эффекта самодифракции. Из решения видно, что пространственная неоднородность распределения амплитуды и фазы вдоль решетки обусловлена только эффектом самодифракции. Для перехода к случаю без учета самодифракции достаточно положить нулю коэффициент связи, характеризующий эффект самодифракции, тогда выражение (3.9) переходит в полученное ранее с учетом $\alpha d \approx 0$ и $L_y = 0$.

На рис.3.4 приведены модуль (а) и аргумент (б) нормированного пространственного профиля ДС, рассчитанные по полученным выражениям для $C_n = 2$, $\delta n_p = 0.014$, $k = 0.5$, $m_0 = 0.01$, $d = 20 \text{ мкм}$, $\theta_0 = \theta_1 = 10^0$, $b = 5$ (а, б).

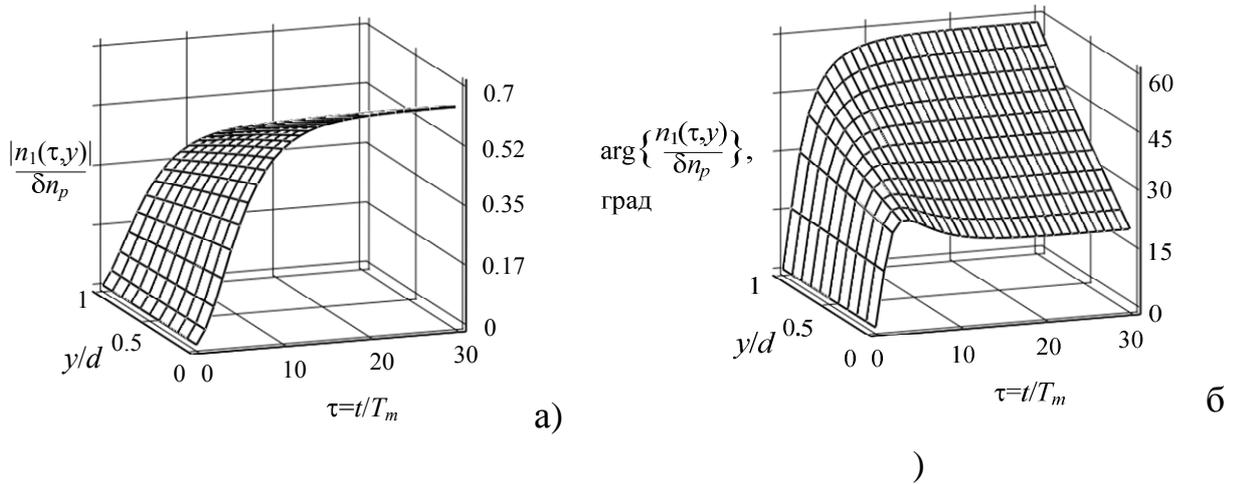


Рисунок 3.4

Видно, что для $b > 1$, амплитудный и фазовый профили решетки являются существенно пространственно неоднородными. Неоднородность фазового профиля характеризует поворот эффективного вектора решетки, и как следствие, смещение угла Брэгга.

В целом эффекты самодифракции приводят к аналогичным изменениям профиля решетки, как для ПГДР, так и для ОГДР, за исключением того, что пространственные профили для ОГДР являются спадающими вдоль координаты y , вследствие отличия направлений нарастания дифрагированной волны при формировании ОГДР от ПГДР.

3.1.3 Запись ОГДР с учетом высших пространственных гармоник

В данном разделе рассмотрим ситуацию записи ОГДР пучками с плоскими фазовыми фронтами. Решение задачи получено для $(N+1)$ гармоники концентрации мономера и показателя преломления, с учетом постоянного оптического поглощения, контраста интерференционной картины, произвольной степени нелинейности процесса фотополимеризации и постоянного коэффициента диффузии.

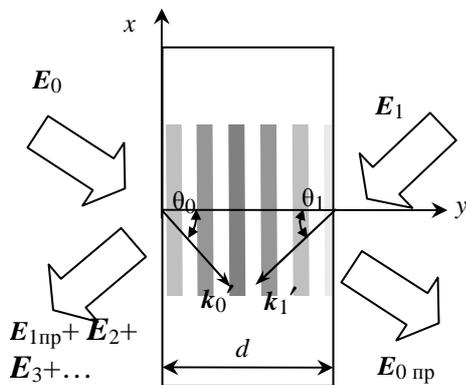
Как и в пункте 3.1.2 рассмотрение данного вопроса на стадии получения решения для ОГДР является полностью идентичным процедуре проведенной в

пункте 2.1.7 для ПГДР. Таким образом, полученное в 2.1.7 решение (2.59), (2.63)-(2.65) может быть использовано и для ОГДР, с учетом отличий, обусловленных только геометрией записи в поглощающем ФПМ, для пространственной зависимости средней интенсивности и контраста записывающей интерференционной картины, описанных в пункте 3.1.2 (см.(3.2)).

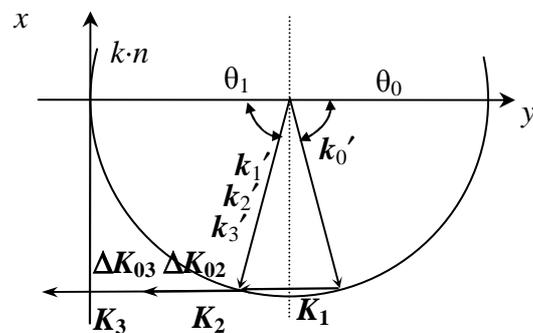
Пусть две когерентные монохроматические световые волны с амплитудами E_0 , E_1 , плоскими фазовыми фронтами и волновыми векторами k_0' и k_1' на границе раздела сред распространяются под углами θ_0 и θ_1 внутри плоского поглощающего фотополимерного слоя ($0 \leq y \leq d$). Также будем считать, что k_0' и k_1' лежат в плоскости ХОУ. Пространственная геометрия и векторная диаграмма процесса записи представлены для симметричного случая на рис. 3.6 (а,б) и несимметричного – на рис.3.6 (в,г).

Для моделирования использовались первые три пространственные гармоники показателя преломления, аналитические выражения амплитуд которых определены выражениями (2.44).

Как и ранее моделирование проведем для двух областей параметра b , когда вклад диффузии мономера в процесс фотополимеризации является незначительным ($b < 1$) или существенным ($b > 1$). Для данных двух крайних областей b получается существенно различные кинетики формирования решеток.



а)



б)

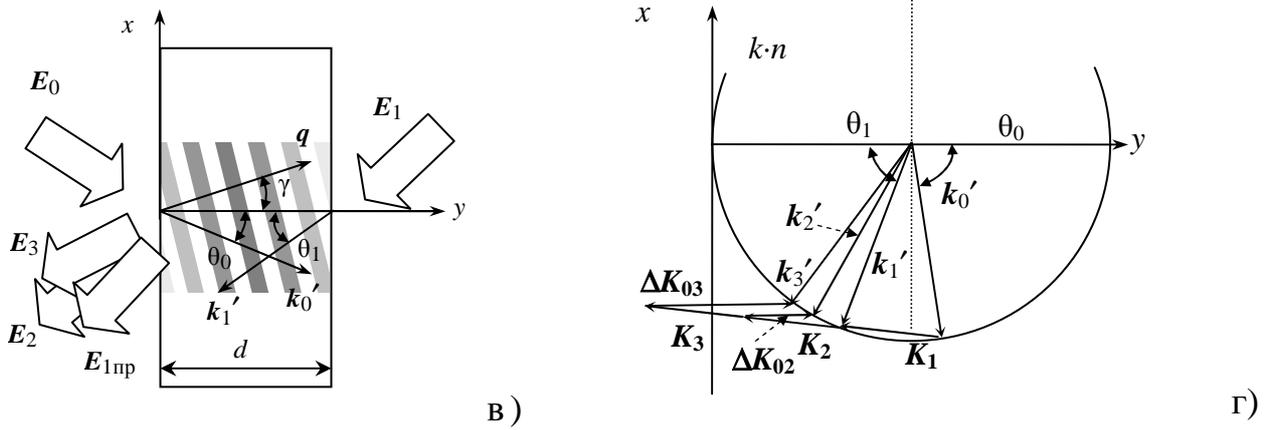


Рисунок 3.5

Ввиду того, что решения для амплитуд гармоник отличаются от аналогичных для ПГДС только при существенном поглощении, то в основе моделирования процесса записи будем исследовать только влияние поглощения на вид профиля. Так как вектор ДС для ОГДС направлен вдоль y , то в отличие от ПГДС нет необходимости исследовать двумерное распределение, т.к. профиль вдоль x является однородным. Поэтому для исследования влияния поглощения на вид профиля ДС, на рис.3.6 приведем нормированные пространственно-временные профили $n(\tau, y)/\delta n_p$ решеток в ФПМ. Расчет проведен для $k=0.5$, $b=0.25$ (а), $b=5$ (б), $m_0=1$, $C_n=2$, $\alpha_d=3$ Неп.

Из рис. .3.6 видно, что неоднородный профиль ДС существенно модифицируется во времени, переходя от вогнутого вдоль y (рис. .3.6 а) на начальной стадии формирования к колоколообразному (рис. .3.6 в) на стационарном режиме, что согласуется с результатами моделирования и выводами из пункта 3.1.2. Профиль обеих гармоник для всей области b имеет колоколообразный вид. В связи с чем соотношение гармоник вдоль профиля ДС слабо изменяется.

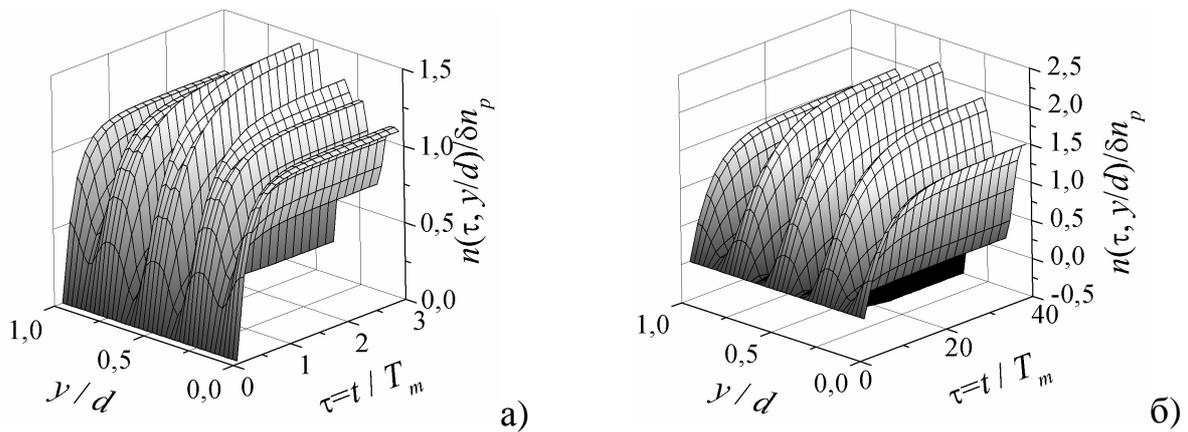


Рисунок 3.6

Трансформация во времени пространственной модуляции связана с изменением соотношению амплитуд пространственных гармоник профиля, что особенно выражено для $b=0.25$ (рис.3.6 а). Отметим, что синусоидальный вид профиля на начальной стадии формирования на рис.3.6 (а) связано с отставанием формирования второй гармоники от первой. С течением времени амплитуда второй гармоники возрастает, что приводит к отличию вида профиля от синусоидального рис. 3.6 (а). Из рис. 3.6 (б) видно, что для области $b>1$, как и для ПГДС, вклад высших гармоник является пренебрежимо малым, а огибающая профиля ДС повторяет профиль суммы первой и нулевой гармоник, рассчитанный в пункте 3.1.2.

3.1.4 Многоволновое смещение на высших пространственных гармониках

В данном параграфе разрабатывается модель формирования дополнительной дифракционной решетки (ДДР) в результате многоволнового смещения. В основу рассмотрения положены кинетические уравнения для концентрации мономера M и показателя преломления n (2.11),(2.12).

Механизм формирования ДДР на высших пространственных гармониках в общем является аналогичным рассмотренному для ПГДР. Основные отличия связаны с тем, что в симметричной геометрии формируются две ДДР на каждой высшей пространственной гармонике с векторами равными \mathbf{K}_1 и две с

нулевым вектором решетки, как это видно из векторной диаграммы, представленной на рис.1(а).

В несимметричной геометрии на каждой высшей гармонике, происходит формирование в общем случае четырех ДДР (рис.3.8б) с векторами $K_{j0}=k_0-k_j$, $K_{j1}=k_1-k_i$, $K_{0j}=k_j'-k_0$, $K_{1j}=k_1-k_j'$.

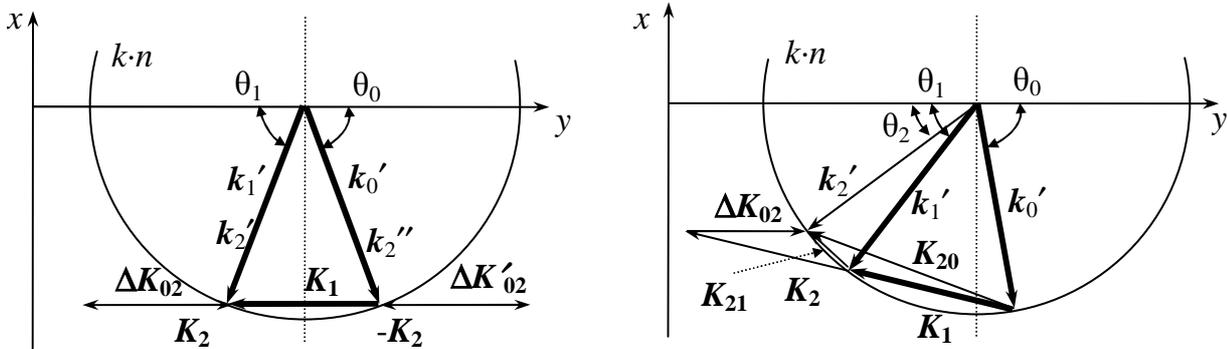


Рисунок 3.7

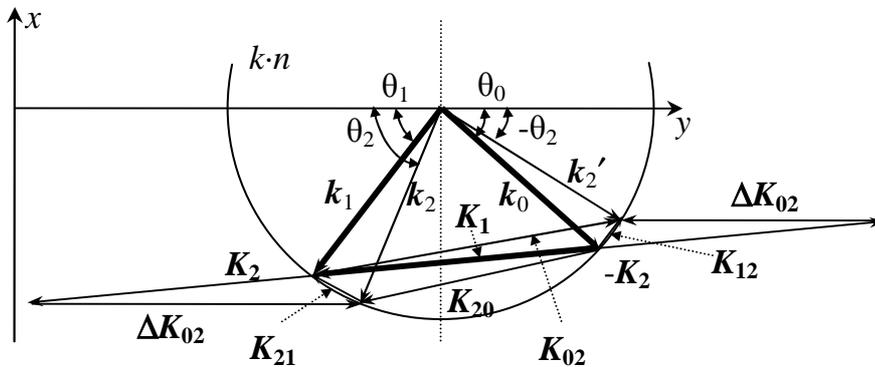


Рисунок 3.8

Процедура получения решения для ДДР в общем полностью соответствует описанной в пункте 2.1.7 для ПГДР, поэтому подробные пояснения будет опущены в данном пункте.

Как и для ПГДР, принимая во внимание малость амплитуд ДДР, можно пренебречь их взаимовлиянием и влиянием на пространственные гармоники решетки. Интерференционная картина в ФПМ может быть записана в виде:

$$I(\mathbf{r}) = I_0 \left(\begin{array}{l} 1 + m e^{-i\mathbf{K}_1 \mathbf{r}} + \frac{E_0 E_2^*}{I_0} e^{-i\mathbf{K}_{20} \mathbf{r}} + \frac{E_1 E_2^*}{I_0} e^{-i\mathbf{K}_{21} \mathbf{r}} + \\ + \frac{E_0 E_2^*}{I_0} e^{-i\mathbf{K}_{02} \mathbf{r}} + \frac{E_1 E_2^*}{I_0} e^{-i\mathbf{K}_{12} \mathbf{r}} + \dots + c.c. \end{array} \right), \quad (3.10)$$

где $I_0 = I^0 + I^1$, $I^j = |E_j|^2$, $j=0,1$; $m = 2\sqrt{I^0 I^1} \cdot (\mathbf{e}_1 \cdot \mathbf{e}_0) / (I^0 + I^1)$ - контраст интерференционной картины; $K_1 = |\mathbf{K}_1|$, $\mathbf{K}_1 = \mathbf{k}_0 - \mathbf{k}_1$ - вектор решетки, \mathbf{r} -радиус-вектор, E_j - амплитуды, \mathbf{k}_j - волновые вектора и \mathbf{e}_j - вектора поляризации падающих записывающих волн.

Общее решение задачи будем искать в виде:

$$M = 0.5 \left(\begin{array}{l} \sum_{j=0}^N M_j(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_j \mathbf{r}} + M_1^{20}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{20} \mathbf{r}} + M_1^{21}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{21} \mathbf{r}} + \\ + M_1^{02}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{02} \mathbf{r}} + M_1^{12}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{12} \mathbf{r}} + c.c. \end{array} \right), \quad (3.11)$$

$$n = n_{st} + 0.5 \left(\begin{array}{l} \sum_{j=0}^N n_j(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_j \mathbf{r}} + n_1^{20}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{20} \mathbf{r}} + n_1^{21}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{21} \mathbf{r}} + \\ + n_1^{02}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{02} \mathbf{r}} + n_1^{12}(\mathbf{r}, t) e^{-i\mathbf{K}_{12} \mathbf{r}} + c.c. \end{array} \right).$$

где M_j , n_j - амплитуды гармоник концентрации мономера и показателя преломления основной решетки, M_{20} , M_{21} , M_{02} , M_{12} , n_{20} , n_{21} , n_{02} , n_{12} - амплитуды первых гармоник концентрации мономера и показателя преломления ДДР.

Принимая во внимание малость амплитуд ДДР, можно пренебречь их влиянием на гармоники основной решетки и разделить рассматриваемую задачу на две части. Это позволяет в первой части найти решение для пространственных гармоник основной решетки и, используя его, решить задачу формирования ДДР.

ДДР формируются в результате интерференции падающих записывающих волн с волнами, дифрагированными на высших пространственных гармониках основной решетки. Принимая во внимание малость дифрагированных волн, можно не учитывать изменения падающих записывающих волн и ограничить рассмотрение дифрагированными волнами на рассматриваемой высшей пространственной гармонике E_l, E'_l

$$\begin{cases} \frac{\partial E_l}{\partial y} = iG_l (E_0 n_l(\tau) e^{-i\Delta K_{0l} y} + E_1 n_{l-1}(\tau) e^{-i\Delta K_{0l} y} + E_0 n_1^{l0}(\tau, y) + E_1 n_1^{l1}(\tau, y)) \\ \frac{\partial E_l'}{\partial y} = iG_l (E_0 n_l(\tau) e^{-i\Delta K_{0l}' y} + E_1 n_{l-1}(\tau) e^{-i\Delta K_{0l}' y} + E_0 n_1^{0l}(\tau, y) + E_1 n_1^{1l}(\tau, y)) \end{cases}, \quad (3.12)$$

где $G_l = \pi / (\lambda \cos \theta_l)$, λ - длина волны света в ФПМ, $n_l(\tau)$ - l -тая гармоника n , определенная в решении для основной решетки с учетом $\alpha d \approx 0$ ($l > 1$), $n_1^j(\tau, y)$ - первая гармоника j -той ДДР показателя преломления n , индекс $j = l0, l1, 0l, 1l$ - соответствует рассматриваемой ДДР с волновым вектором \mathbf{K}_j , формируемой одной из записывающих волн и волной, дифрагированной на l -той пространственной гармонике ОГДР, $\Delta K_{0l} = |\Delta \mathbf{K}_{0l}|$ - модуль вектора фазовой расстройки (см. рис.3.8), $\tau = t/T_m$ - относительное время, $T_m = 1/(K_1^2 D_m)$ - время диффузии, D_m - коэффициент диффузии, $K_1 = |\mathbf{K}_1|$.

Учитывая малость амплитуд ДДР, можно пренебречь их взаимовлиянием. Используя методику из подраздела 3.1.3 [64,65], где кинетические уравнения записи дополняются дифракционным уравнением в приближении заданного поля и без учета поглощения, запишем интегро-дифференциальные кинетические уравнения записи для ДДР с вектором \mathbf{K}_{l1} :

$$\begin{cases} \frac{\partial}{\partial \tau} M_1^{l0}(\tau, y) = -r_{l0}^2 M_1^{l0}(\tau, y) - \frac{2^k}{b} \left[2k M_0(\tau) \frac{E_0 E_l^*(\tau, y)}{E_0^2 + E_1^2} + M_1^{l0}(\tau, y) \right] \\ \frac{\partial}{\partial \tau} n_1^{l0}(\tau, y) = \delta n_p \frac{2^k}{b} \left[2k \frac{M_0(\tau)}{M_n} \frac{E_0 E_l^*(\tau, y)}{E_0^2 + E_1^2} + \frac{M_1^{l0}(\tau, y)}{M_n} \right] - \delta n_p r_{l0}^2 \frac{M_1^{l0}(\tau, y)}{M_n} \end{cases}, \quad (3.13)$$

где $E_l(\tau, y)$ - определяется решением системы (3.12) в приближении заданного поля и учетом $|n_1^{l1}| < |n_{l-1}|$; $M_0(\tau)$ - нулевая гармоника M , определенная в решении для основной решетки выражениями с учетом $\alpha d \approx 0$; $M_1^{l0}(\tau, y)$ - первая гармоника дополнительной решетки концентрации мономера с вектором \mathbf{K}_{l0} , $r_{l0} = K_{l0}/K_1$, $K_{l0} = |\mathbf{K}_{l0}|$.

Для решения (3.13) используем интегральное преобразование Лапласа по пространственной координате y

$$\left\{ \begin{aligned} \frac{\partial}{\partial \tau} M_1^{10}(\tau, p) &= -r_{10}^2 M_1^{10}(\tau, p) - \frac{2^k}{b} M_1^{10}(\tau, p) + \\ &+ 2i \frac{2^k}{b} M_0(\tau) \frac{k}{1+m_0} \left\{ G_l \frac{n_1^{10}(\tau, p)}{p} + H(\tau, p) \right\}, \\ \frac{\partial}{\partial t} n_1^{10}(\tau, p) &= -\delta n_i r_{10}^2 \frac{M_1^{10}(\tau, p)}{M_n} + \delta n_p \frac{2^k}{b} \frac{M_1^{10}(\tau, p)}{M_n} - \\ &- 2i \frac{2^k}{b} \frac{M_0(\tau)}{M_n} \frac{k}{1+m_0} \left\{ G_l \frac{n_1^{10}(\tau, p)}{p} + H(\tau, p) \right\} \end{aligned} \right. , \quad (3.14)$$

где введены обозначения $H(\tau, p) = L\{H(\tau, y)\} =$
 $= L\left\{ M_0(\tau) \int_0^{d-y} \left[n_l(\tau) + \sqrt{m_0} n_{l-1}(\tau) \right] e^{-i\Delta K_{0l} y'} dy' \right\}$, $F_1 = r_{10}^2 + \frac{2^k}{b}$, $F_2 = -\frac{2^k}{b} \frac{2iG_l k \delta n_p}{1+m_0}$, $m_0 = E_1^2 / E_0^2$.

Учитывая, что функция $n_1^{10}(\tau, y)$ является медленно меняющейся по сравнению с $M_0 \cdot \exp(-F_1 \cdot \tau)$ [64,65], и используя начальное условие $M_1^{10}(\tau=0)=0$ и теорему о среднем для определенного интеграла $\int_a^b \varphi(x) f(x) dx = \varphi(\xi) \int_a^b f(x) dx$, где $a \leq \xi \leq b$, получим следующее решение для первого уравнения из (3.14):

$$M_1^{10}(\tau, p) = -\frac{F_2 e^{F_1 \tau}}{\delta n_p} \frac{n_1^{10}(\tau, p)}{p} \int_0^\tau M_0(\tau') e^{-F_1 \tau'} d\tau' - \frac{F_2 e^{F_1 \tau}}{\delta n_p} \int_0^\tau H(\tau', p) e^{-F_1 \tau'} d\tau'. \quad (3.15)$$

Подставляя полученное решение (3.15) во второе уравнение из (3.14) и используя обратное интегральное преобразование Лапласа по пространственной координате y , решение для $n_1^{10}(\tau, y)$ запишем в виде:

$$n_{10}(\tau, y) = F_2 \int_0^\tau \left\{ Q(\tau', y) + \int_0^{d-y} Q(\tau', y') \cdot H_0(\tau', \tau, y - y') \right\} d\tau', \quad (3.16)$$

где $Q(\tau, y) = \left(C_n r_{10}^2 - \frac{2^k}{b} \right) e^{F_1 \tau} \int_0^\tau \frac{H(\tau', y)}{M_n} e^{-F_1 \tau'} d\tau' - \frac{H(\tau, y)}{M_n}$, $C_n = \delta n_i / \delta n_p$,

$$H_0(\tau', \tau, y) = 1 + \sqrt{\frac{F_2}{d-y} \int_\tau^\tau R(\tau'') d\tau''} \cdot J_1 \left[2 \sqrt{F_2 (d-y)} \int_\tau^\tau R(\tau'') d\tau'' \right],$$

$$R(\tau) = \left(C_n r_{10}^2 - \frac{2^k}{b} \right) \cdot e^{F_1 \tau} \int_0^\tau \frac{M_0(\tau')}{M_n} e^{-F_1 \tau'} d\tau' - \frac{M_0(\tau)}{M_n},$$

$$H(\tau, y) = M_0(\tau) \int_0^{d-y} \left(n_l(\tau) + \sqrt{m_0} n_{l-1}(\tau) \right) e^{-i\Delta K_{0l} y'} dy', \quad J_1(x) - \text{функция Бесселя.}$$

Таким образом, выражение (3.16) определяет временную динамику пространственного распределения амплитуды ДДР с вектором решетки \mathbf{K}_{l0} , образованной записывающими волнами и дифрагированной на l -той пространственной гармонике ОГДР. Из решения видно, что ДДР в отличии от гармоник основной решетки имеет пространственно неоднородные распределения амплитуды и фазы вдоль глубины решетки даже в отсутствии поглощения.

Проведя аналогичную процедуру решения для ДДР с вектором решетки \mathbf{K}_{l1} можно получить следующие решения:

$$n_1^{l1}(\tau, y) = F_2 \int_0^\tau \left\{ Q(\tau', y) + \int_0^{d-y} Q(\tau', y') \cdot H_0(\tau', \tau, y - y') \right\} d\tau', \quad (3.17)$$

где $H_0(\tau', \tau, y) = 1 + \sqrt{\frac{F_2 \sqrt{m_0}}{d-y} \int_{\tau'}^\tau R(\tau'') d\tau''} \cdot J_1 \left[2 \sqrt{F_2 \sqrt{m_0} (d-y)} \int_{\tau'}^\tau R(\tau'') d\tau'' \right]$, $H(\tau, y)$ полностью совпадает с приведенным в (3.16), а $Q(\tau, y)$ и $R(\tau, y)$ совпадают с приведенными в (3.16) с точностью до замены r_{l0} на $r_{l1} = K_{l1}/K_1$.

Проведя аналогичную процедуру решения для ДДР с вектором решетки \mathbf{K}_{l1} можно получить следующие решения:

$$n_1^{l1}(\tau, y) = F_2 \int_0^\tau \left\{ Q(\tau', y) + \int_0^y Q(\tau', y') \cdot H_0(\tau', \tau, y - y') \right\} d\tau', \quad (3.18)$$

где $H_0(\tau', \tau, y) = 1 + \sqrt{\frac{F_2 \sqrt{m_0}}{y} \int_{\tau'}^\tau R(\tau'') d\tau''} \cdot J_1 \left[2 \sqrt{F_2 \sqrt{m_0} y} \int_{\tau'}^\tau R(\tau'') d\tau'' \right]$, $H(\tau, y)$ полностью совпадает с приведенным в (3.16), а $Q(\tau, y)$ и $R(\tau, y)$ совпадают с приведенными в (3.16) с точностью до замены r_{l0} на $r_{l1} = K_{l1}/K_1$.

Решения для ДДР с векторами \mathbf{K}_{0l} совпадают с решениями (3.16) для ДДР с векторами \mathbf{K}_{0l} с точностью до замены r_{l0} на $r_{0l} = K_{0l}/K_1$ и

$$H(\tau, y) = M_0(\tau) \int_0^{d-y} \left(n_{l-1}(\tau) + \sqrt{m_0} n_l(\tau) \right) e^{-i\Delta K_{0l} y'} dy'.$$

Аналогично, решения для ДДР с векторами \mathbf{K}_{1l} совпадают с решениями (3.17) для ДДР с векторами \mathbf{K}_{1l} с точностью до замены r_{1l} на $r_{1l}=K_{1l}/K_1$ и

$$H(\tau, y) = M_0(\tau) \int_0^{d-y} (n_{l-1}(\tau) + \sqrt{m_0} n_l(\tau)) e^{-i\Delta K_{0l} y'} dy'.$$

На рис.3.9 представлены результаты расчета модуля и аргумента пространственного профиля решетки с волновым вектором \mathbf{K}_{20} при $C_n=2$, $\delta n_p=0.01$, $\theta_0=80^\circ$, $\theta_1=85^\circ$ (в воздухе), $\theta_2=74^\circ$, $d=85\text{мкм}$, $\Delta K_{02}=71.4$.

Из рис.3.9(а,б) видно, что решетка $n_1^{20}(\tau, y)$ имеет неравномерный квазипериодический амплитудно-фазовый пространственный профиль. Наличие фазовой составляющей профиля ДДР приводит к образованию дополнительного максимума угловой селективности в угловом положении соответствующем порождающей гармонике ОГДР (рис. 3.9б).

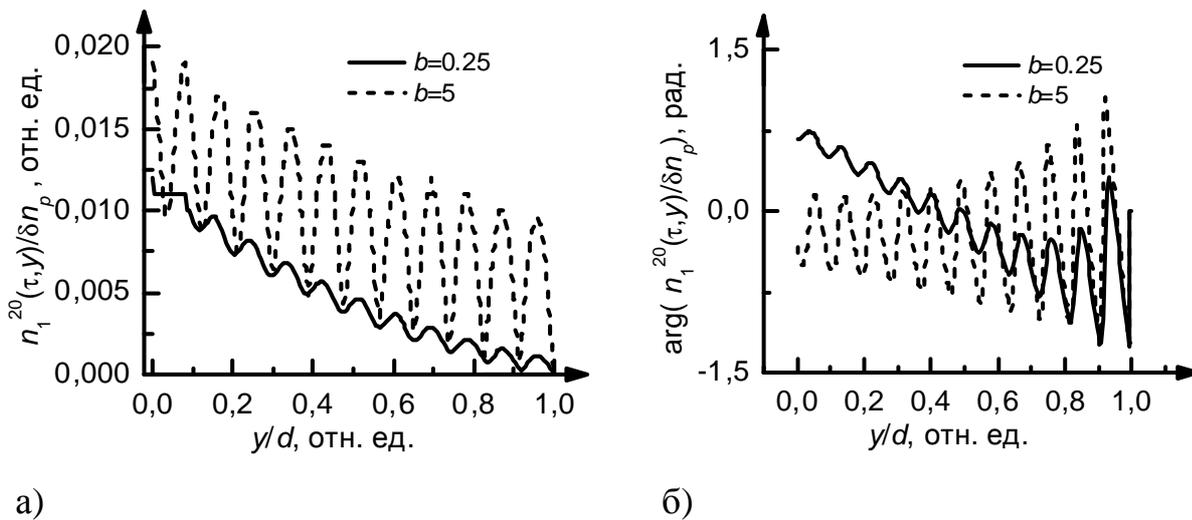


Рисунок 3.9

Амплитуда ДДР может быть сравнима с амплитудой порождающей гармоники при малых величинах угла записи (θ_0 , θ_1) и толщины материала (d). С увеличением d и θ_0 , θ_1 период осцилляции профиля ДДР вдоль y уменьшается, как и амплитуда ДДР. Необходимо отметить, что неоднородность фазового фронта приводит к пространственной неоднородности направления вектора решетки.

Расчеты также показали, что для решетки с вектором \mathbf{K}_{12} амплитудно-фазовый профиль $n_1^{12}(\tau, y)$ совпадает с приведенными на рис. 3.9 (а,б).

Для иллюстрации на рис.3.10 приведем двумерные контурные графики пространственных профилей, как гармоник основной решетки, так и первых гармоник ДДР образованных на второй пространственной гармонике.

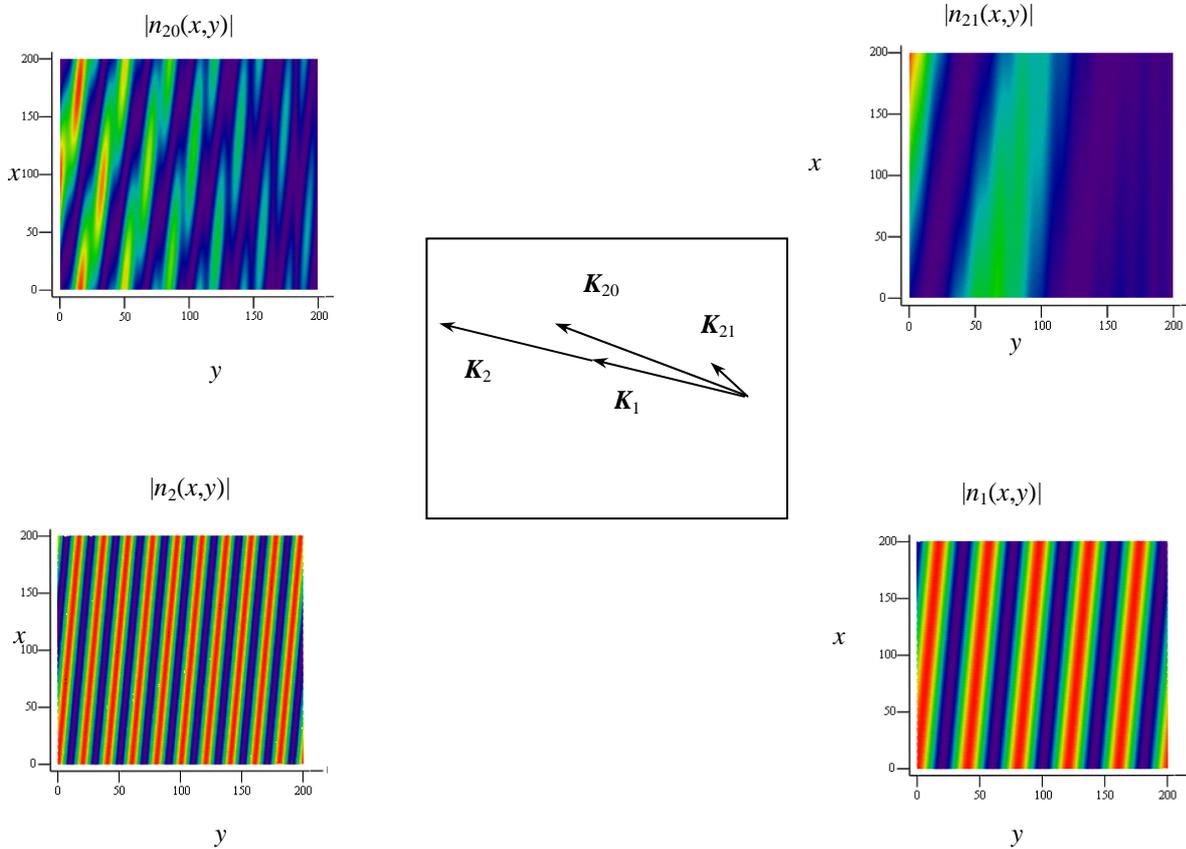


Рисунок 3.10

Необходимо отметить основные особенности пространственных профилей ДДР. Во-первых, профили ДДР имеют двумерное квази-периодическое амплитудное распределение, а, во-вторых, неоднородность фазовой составляющей профиля ДДР приводит к повороту вектора решетки и искажению фазового фронта.

3.2 Дифракционные свойства пространственно неоднородных ОГДР

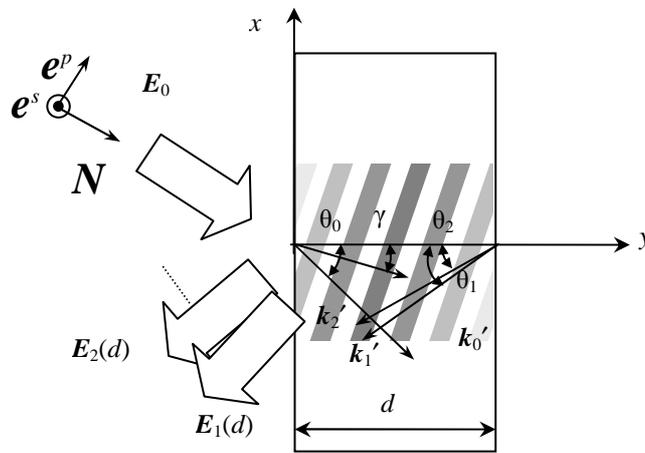
Рассмотрим процесс считывания ДР произвольно поляризованным

монохроматическим световым пучком в пренебрежении остаточным поглощением ФПМ

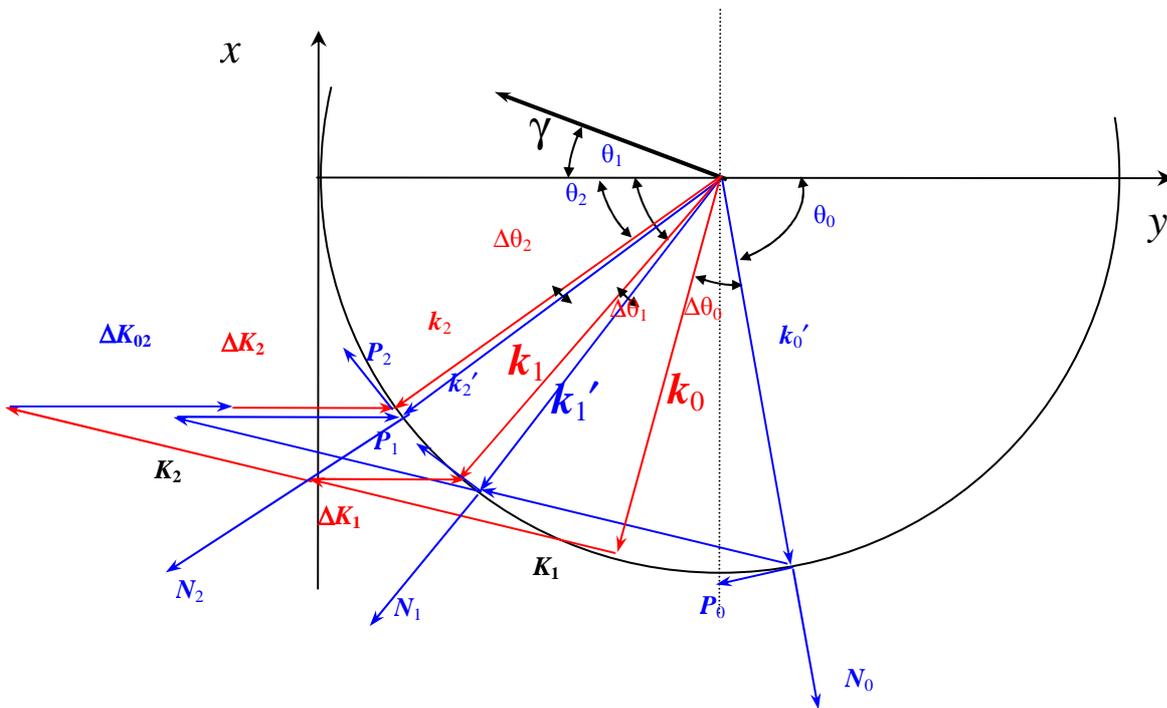
$$E_r(t, \mathbf{r}) = \sum_{i=s,p} \int e_0^i E_r^i(\mathbf{k}_0) \cdot \exp[i \cdot (\omega \cdot t - \mathbf{k}_0 \cdot \mathbf{r})] dk_{\tau 0} + \hat{\epsilon} \cdot \tilde{n}, \quad (3.19)$$

где $E_r^i(\mathbf{k}_0)$ - угловой спектр (УС), $k_{\tau 0} = k \Delta \theta_0$ - тангенсальная компонента волнового вектора \mathbf{k}_0 , связанная с углом отклонения $\Delta \theta_0$ плосковолновой компоненты углового спектра от оси пучка \mathbf{k}_0' .

Пространственная и векторная геометрия процесса считывания представлена на рис.3.11 для двух дифракционных порядков.



a)



б)

Рисунок 3.11

Световое поле \mathbf{E} в области ФПМ в силу дифракции считывающего пучка \mathbf{E}_r (3.19) на пространственных гармониках решетки можно записать в виде суммы $N+1$ световых пучков \mathbf{E}_j

$$\mathbf{E}(t, \mathbf{r}) = \sum_{j=0}^N \mathbf{E}_j = \frac{1}{2} \left\{ \sum_{i=s,p} \sum_{j=0}^N \int \mathbf{e}_j^i E_j^i(\mathbf{r}, \mathbf{k}_j) \cdot \exp[i \cdot (\omega \cdot t - \mathbf{k}_j \cdot \mathbf{r})] dk_{j_i} + \hat{e} \cdot \tilde{n} \right\}, \quad (3.20)$$

каждый из которых представлен двумя составляющими вектора напряженности \mathbf{E}_j в соответствующем ортогональном поляризованном базисе, заданном двумя ортами \mathbf{e}_j^p и \mathbf{e}_j^s , лежащими в плоскости, перпендикулярной оси пучка \mathbf{E}_j . Здесь $E_j^i(\mathbf{r}, \mathbf{k}_j)$ – медленно меняющиеся амплитуды плосковолновых составляющих угловых спектров компонент $\mathbf{E}_j \cdot \mathbf{e}_j^i$, $j=0$ соответствует проходящему пучку, $j=1..N$ – дифрагированному пучку на решетке с $\mathbf{K}_j = j \cdot \mathbf{K}_1$, причем \mathbf{e}_j^p лежит в плоскости дифракции XOY , а \mathbf{e}_j^s - перпендикулярен ей (см. рис.3.11).

Напряженность электрического поля $\mathbf{E}(t, \mathbf{r})$ в области взаимодействия описывается векторным волновым уравнением, следующим из уравнений Максвелла

$$\text{rot rot } \mathbf{E}(t, \mathbf{r}) = -\mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial^2}{\partial t^2} [\epsilon(t, \mathbf{r}) \cdot \mathbf{E}(t, \mathbf{r})], \quad (3.21)$$

где возмущение диэлектрической проницаемости ϵ представляется в виде

$$\epsilon(t, \mathbf{r}) = \epsilon_0 + \Delta\epsilon(t, \mathbf{r}) = \epsilon_0 + 0.5n_{st} \left[n_0(t, \mathbf{r}) + \sum_{j=1}^N n_j(t, \mathbf{r}) e^{i\mathbf{K}_j \cdot \mathbf{r}} + \hat{e} \cdot \tilde{n} \right], \quad (3.22)$$

где $\epsilon_0 = n_{st}^2$, $n_j(y)$ - определены решениями, полученными ранее при рассмотрении процесса записи ОГДР.

Подставляя выражения (3.20) и (3.22) в (3.21) и следуя методу медленно-меняющихся амплитуд (ММА), получим две независимых системы уравнений связанных волн для амплитуд плосковолновых составляющих УС перпендикулярных E^s и тангенсальных E^p компонент поля \mathbf{E} , определяемых с точностью до $\Delta\epsilon/\epsilon_0$ [79]:

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{d\mathring{A}_0^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda)}{dy} = G_0^i \sum_{j=1}^N n_j(y) \cdot \mathring{A}_j^i(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) \cdot e^{i \cdot \Delta K_j(\Delta\theta_j, \Delta\lambda)y} \\ \frac{d\mathring{A}_1^i(y, \Delta\theta_1, \Delta\lambda)}{dy} = G_1^i n_1(y) \cdot \mathring{A}_0^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) \cdot e^{-i \cdot \Delta K_1(\Delta\theta_1, \Delta\lambda)y} \\ \dots\dots\dots \\ \frac{d\mathring{A}_N^i(y, \Delta\theta_N, \Delta\lambda)}{dy} = G_N^i n_N(y) \cdot \mathring{A}_0^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) \cdot e^{-i \cdot \Delta K_N(\Delta\theta_N, \Delta\lambda)y} \end{array} \right. , \quad (3.23)$$

где индекс $i=s$ соответствует взаимодействию s -компонент, $i=p$ - p -компонент; $G_j^s = ik/(2\cos(\theta_j))$, $G_j^p = -ik/(2\cos^2(\theta_j))$, $\Delta\theta_j = \Delta\theta_j(\Delta\theta_0, \Delta\lambda)$, отклонение длины волны считывания от условий Брэгга.

Принимая во внимание граничные условия $E_0^{s,p}(y=0, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) = E_r^{s,p}(\Delta\theta_0, \Delta\lambda)$, $E_j^{s,p}(y=d, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) = 0$ и учитывая малость амплитуд гармоник $n_j(y) \sim \delta n_p \ll n_{st}$, решение системы (3.23) запишем с помощью метода возмущений [80] в матричном виде:

$$E_j(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) = T_j(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) E_r(\Delta\theta_0, \Delta\lambda), \quad (3.24)$$

где

$$E_j(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) = \begin{pmatrix} E_j^p(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) \\ E_j^s(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) \end{pmatrix}, \quad E_r(\Delta\theta_0) = \begin{pmatrix} E_r^p(\Delta\theta_0, \Delta\lambda) \\ E_r^s(\Delta\theta_0, \Delta\lambda) \end{pmatrix},$$

$$T_j(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) = \begin{pmatrix} T_j^p(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) & 0 \\ 0 & T_j^s(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) \end{pmatrix}, \quad j=0..N; \text{ компоненты } T_j^p \text{ и } T_j^s \text{ являются}$$

когерентными передаточными функциями для p и s – компонент и задаются выражениями

$$T_0^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) = \sum_{k=0}^{\infty} T_{0,2k}^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) (\delta n_p / n_{st})^{2k},$$

$$T_j^i(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) = \sum_{k=0}^{\infty} T_{j,2k+1}^i(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) (\delta n_p / n_{st})^{2k+1}, \quad (3.25)$$

а коэффициенты $T_{0,2k}^i$, $T_{j,2k+1}^i$ определяются рекуррентными соотношениями

$$\begin{aligned}
T_{0,2k}^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) &= G_0^i \int_0^{d-y} \sum_{j=1}^N n'_j(y') T_{j,2k-1}^i(y', \Delta\theta_j, \Delta\lambda) e^{i\Delta K_j(\Delta\theta_j, \Delta\lambda)y'} dy', \\
T_{j,2k+1}^i(y, \Delta\theta_j, \Delta\lambda) &= G_j^i \int_0^{d-y} n'_j(y') T_{0,2k}^i(y', \Delta\theta_0, \Delta\lambda) e^{-i\Delta K_j(\Delta\theta_j, \Delta\lambda)y'} dy',
\end{aligned} \tag{3.26}$$

$$T_{0,0}^i(y, \Delta\theta_0, \Delta\lambda) = 1, \quad n'_j(y) = n_j(y) / \delta n_p.$$

Таким образом, соотношения (3.24)-(3.26) являются решением самосогласованной дифракционной задачи и позволяют исследовать дифракционную эффективность и селективные свойства ПГДР при произвольных амплитудах и количестве гармоник пространственно-неоднородной решетки показателя преломления, а также при произвольных поляризации и амплитудно-фазовом распределении считывающего пучка.

3.2.1 Дифракционная эффективность и селективные свойства

Дифракционную эффективность в j -том порядке определим как отношение потока энергии j -го дифрагированного пучка к потоку энергии считывающего пучка в направлении нормали к границе раздела сред (вдоль оси y). Учитывая, что каждой монохроматической волне с комплексной векторной амплитудой E_j можно сопоставить вектор Пойтинга $S_j = c/(2\pi) N_j \int (E_j \cdot E_j^*) d(\Delta\theta_j)$, запишем выражение для дифракционной эффективности в виде:

$$\eta_{dj} = (S_j \cdot y_0) / (S_0 \cdot y_0).$$

где y_0 – единичный вектор вдоль оси y , N_j – нормаль вдоль оси j -го пучка (см. рис.3.11).

Для исследования зависимости дифракционной эффективности в j -том ($j=1..N$) дифракционном порядке от угла падения считывающего пучка и селективных свойств дифракционной решетки необходимо получить соотношения для модулей векторов фазовой расстройки $\Delta K_j = \Delta K_{0j} + \Delta K_j'$ в (3.23) от θ_0 и $\Delta\theta_0$ в явном виде. Для этого запишем векторные соотношения фазового синхронизма для центральной угловой компоненты УС ($\Delta\theta_0=0$) j -го дифрагированного пучка (см. рис. 3.11, для $j=1,2$)

$$\mathbf{k}'_j = \mathbf{k}'_0 + j\mathbf{K}_1 + \Delta\mathbf{K}_{0j}, \quad (3.27)$$

и текущей компоненты УС ($\Delta\theta_0 \neq 0$)

$$\mathbf{k}_j = \mathbf{k}_0 + j\mathbf{K}_1 + \Delta\mathbf{K}_{0j} + \Delta\mathbf{K}'_j. \quad (3.28)$$

Далее запишем (3.27) для проекций векторов на оси координат. Из уравнения для проекций на ось x , определим угловые положения центральных компонент УС

$$\theta_j = \frac{\pi}{2} - \arccos \left[\frac{k'_{0x} + K_{jx}}{k} \right] \quad (3.29)$$

$$\theta_j(\theta_0, \gamma) = \pi/2 - \arccos[(j-1)\sin(\theta_0) - j\sin(\theta_0 - 2\gamma)]$$

Подставляя (3.29) в уравнение для проекций на ось y , найдем модули векторов начальной фазовой расстройки:

$$\Delta K_{0j} = k'_{jy} - jK_{1y} - k'_{0y}, \quad (3.30)$$

$$\Delta K_{0j}(\theta_0, \gamma) = k \{ \cos(\pi - \theta_j) - j \cos(\pi - \theta_0 + 2\gamma) + (j-1) \cos(\theta_0) \}$$

Используя разложение векторов $\mathbf{k}_j = \mathbf{k}'_j + \mathbf{P}_j \Delta\theta_j k'_j$ в ряд Тейлора вблизи направлений \mathbf{k}'_j в (3.28) и учитывая (3.27) и (3.29), определим фазовые расстройки $\Delta K'_j$ и угловые положения $\Delta\theta_j$ текущих компонент УС дифракционных порядков, взаимодействующих с угловой компонентой считывающего пучка, отклоненной от его оси на угол $\Delta\theta_0$:

$$\Delta K'_j(\Delta\theta_0) = -\Delta\theta_0 k'_0 \frac{(\mathbf{P}_0 \cdot \mathbf{N}_j)}{(\mathbf{q} \cdot \mathbf{N}_j)}, \quad \Delta K'_j(\Delta\theta_0) = -\Delta\theta_0 k'_0 \frac{\cos(\pi/2 - \theta_0 - \theta_j)}{\cos(\gamma + \theta_j)}, \quad (3.31)$$

$$\Delta\theta_j(\Delta\theta_0) = \Delta\theta_0 \frac{P_{0x}}{P_{jx}}, \quad \Delta\theta_j(\Delta\theta_0) = \Delta\theta_0 \frac{\cos(\theta_0)}{\cos(\theta_j)}. \quad (3.32)$$

где \mathbf{P}_j – единичный вектор, указывающий направление смещения волнового вектора j -ой волны от начального направления \mathbf{k}'_j (см. рис.3.11б), $\mathbf{q} = \mathbf{K}_1 / |\mathbf{K}_1|$.

При отклонении длины волны считывания от условий Брэгга на $\Delta\lambda$

используем, как и ранее, разложение в ряд Тейлора вблизи начальных направлений k'_j

$$k_0 = k'_0 + 2\pi n N_0 \frac{\Delta\lambda}{\lambda^2}, \quad k_j = k'_j + 2\pi n N_j \frac{\Delta\lambda}{\lambda^2} + P_j \Delta\theta_j k'_j, \quad (3.33)$$

где $j=1..N$.

Тогда, подставляя (3.33) в (3.28) и учитывая (3.27) и (3.29), можно получить следующие соотношения

$$\begin{aligned} \Delta K'_j(\Delta\lambda) &= k'_0 \frac{\Delta\lambda}{\lambda} N_j \{1 - (N_0 \cdot N_j)\}, \\ \Delta K'_j(\Delta\lambda) &= -\frac{\Delta\lambda}{\lambda} k'_0 \left(1 - \frac{\cos(\pi - \theta_0 - \theta_j)}{\cos(\pi - \theta_j)} \right), \end{aligned} \quad (3.34)$$

$$\Delta\theta_j(\Delta\lambda) = \frac{\Delta\lambda}{\lambda} \frac{N_{0x} - N_{jx}}{P_{jx}}, \quad \Delta\theta_j(\Delta\theta_0) = \frac{\Delta\lambda}{\lambda} \frac{\cos(\pi + \theta_0) + \cos(\pi + \theta_j)}{\cos(\theta_j)}. \quad (3.35)$$

3.2.2 Дифракционные свойства ОГДР в поглощающем ФПМ

На практике информация о кинетике профиля решеток определяется из кинетики дифракционной эффективности $\eta_d(\tau)$, которая, являясь интегральной характеристикой, учитывает неоднородность профиля $n_j(y)$.

На рис. 3.12 приведены графики динамики дифракционных характеристик: эффективности дифракции $\eta_d(\tau)$ (а,б), ширины полосы пропускания $2\Delta_{0,5}$ (в,г), уровня первого бокового лепестка η_{d_SL} [dB] (д,е). Все характеристики рассчитаны для $C_n=2$, $s=1$, $\delta n_p=0.004$, $d=20\text{мкм}$, $\theta_0=\theta_1=10^\circ$, $b=0.25$ (а,в,д), $b=5$ (б,г,е). На рис. 3.12 использованы следующие обозначения: кривая 1 - $\alpha_d \approx 0\text{Неп}$ и $m_0=1$, кривая 2 - $\alpha_d \approx 2\text{Неп}$ и $m_0=1$, кривая 3 - $\alpha_d \approx 4\text{Неп}$ и $m_0=1$.

Увеличение поглощения в области $b < 1$ при $m_0=1$, как видно из рис. 3.12 а (кривые 1-3), приводит к увеличению времен достижения максимального и стационарного значений η_d записываемой ДС и величины η_d на стационарном уровне, в то время как величина максимального значения η_d уменьшается.

Уменьшение максимального значения обусловлено снижением локального контраста m_y , что приводит к снижению амплитуды ДС, а увеличение стационарного уровня можно объяснить увеличением b_y , приводящее к затягиванию кинетики и увеличению вклада диффузии мономера в процесс полимеризации.

При $b > 1$ диффузия мономера происходит достаточно быстро, поэтому увеличение поглощения приводит к дальнейшему увеличению локального $b_y > b$, что сказывается на замедлении полимеризации.

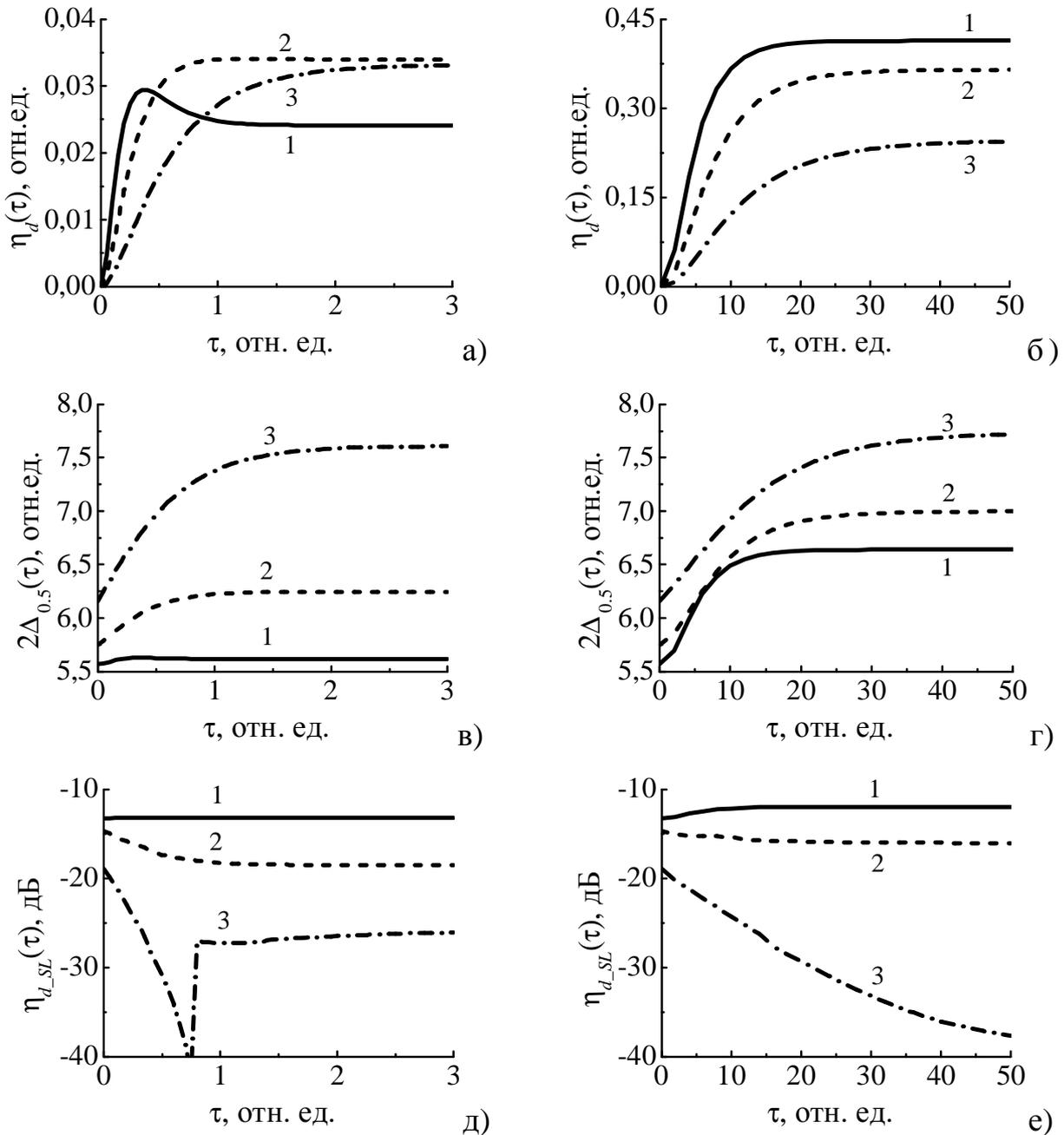


Рисунок 3.12 – Дифракционные характеристики ОГДС

Для $m_0 > 0.5$ для отражающих решеток, поглощение приводит к уменьшению дифракционной эффективности, особенно для $b > 1$, за счет увеличения влияния поглощения на локальный контраст записываемой интерференционной картины.

Для $b < 1$ (рис.3.12 в,д) все изменения дифракционных характеристик обусловлены в основном только неоднородностью профиля, т.к. влияние амплитуды ДС и следовательно $\eta_d(\tau, 0)$ на данные характеристики, как видно из зависимости, показанной кривыми 1 на рис.3.12 (в,д) (равномерный профиль, т.к. $\alpha_d = 0$ Неп), пренебрежимо мало в сравнении с влиянием неравномерности профиля. Из чего можно заключить, что неоднородность профиля приводит к существенному увеличению полосы пропускания и снижению уровня первого бокового лепестка. Первое обусловлено уменьшением эффективной длины ДС, за счет уменьшения амплитуды ДС от $y/d = 0.5$ к $y/d = 0$ и от $y/d = 0.5$ к $y/d = 1$, что также можно характеризовать как уменьшение скорости нарастания амплитуды на периферийных участках ДС, приводящее в свою очередь и к уменьшению уровня боковых лепестков.

Присутствие ЖК при $b < 1$ приводит к уменьшению спада ДЭ на стационарном уровне, а также отсутствию локальных максимумов (минимумов) в $2\Delta_{0,5}(\tau)$, $\Delta\eta_{d_{SL}}(\tau)$.

В отсутствии поглощения для $b > 1$ (рис.3.12 (г,е), кривые 1) можно проследить влияние амплитуды ДС на ее селективные свойства, т.к. пространственный профиль в данном случае является равномерным. Сравнение кривых 2, 3 с 1 на рис.3.12 (г,е) показывает, что поглощение приводит к дальнейшему увеличению полосы пропускания и снижению уровня первого бокового лепестка, что можно связать с локализацией профиля ДС в области $0.3 < y/d < 0.7$ (см. рис. 3.12 б), приводящей к уменьшению эффективной длины взаимодействия света с решеткой. Данное влияние поглощения на селективные свойства аналогично случаю с $b < 1$, т.к. длина область эффективного взаимодействия остается практически без изменения для всех b .

Разрыв в зависимости бокового лепестка при $\alpha d = 4$ Неп (рис. 3.12 (е),

кривая 3), обусловлен тем, что первый лепесток уменьшается по величине и ширине под влиянием расширяющегося основного лепестка и неподвижного второго (см. сплошная линия на рис. 3.12 (в)). В некоторый момент, второй боковой лепесток становится первым, как видно из сравнения сплошной и штрих линий на рис. 3.12 (в), а затем проявляется и заплывание минимумов характеристики (сплошная линия на рис. 3.12 в).

Перейдем к рассмотрению влияния фотоиндуцированного изменения поглощения на дифракционные характеристики ОГДС. Как и для ПГДС промоделируем случай, когда за время записи затухание изменяется от 4 Неп до нуля. На рис.3.13 представлены дифракционные характеристики $\eta_d(\tau)$, $2\Delta_{0,5}(\tau)$, $\Delta\eta_{d_{SL}}(\tau)$ для $C_n=2$, $s=1$, $\delta n_p=0.004$, $d=20\text{мкм}$, $\theta_0=\theta_1=10^0$, $\alpha_2 d \approx 0$ и $\alpha_1 d = 0$ (кривые 1), $\alpha_2 d = 4$ Неп и $\alpha_1 d = 0$ (кривые 2), $\alpha d = 4$ Неп и $\alpha_1 d = 1.4$ Неп (кривые 3).

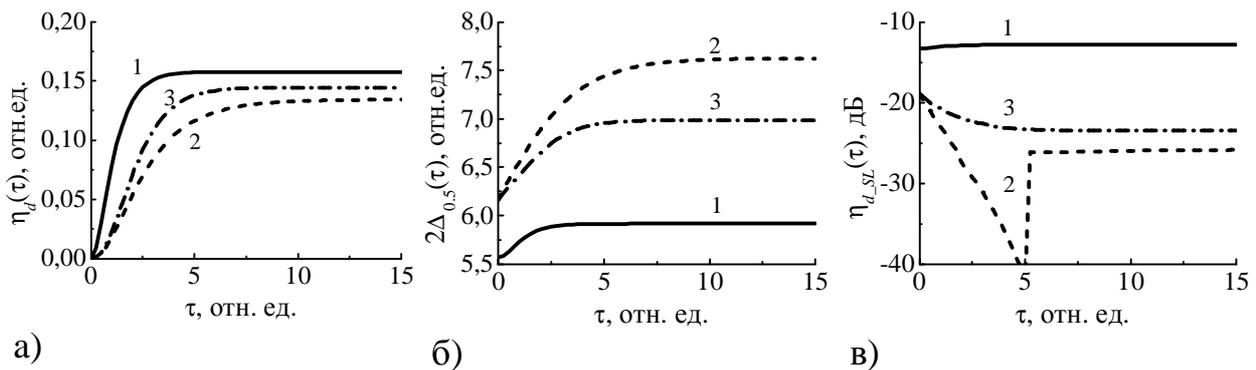


Рисунок 3.13

Как видно из рис.3.13, фотоиндуцированное изменение поглощения приводит все характеристики к некоторому среднему между случаем с постоянным затуханием и случаем без затухания. Данное поведение присуще для всей области параметра b .

3.2.3 Дифракционные свойства с учетом самодифракции при малом контрасте

На рис.3.4 приведены модуль (а) и аргумент (б) нормированного пространственного профиля ДС, рассчитанные по полученным выражениям. На рис. 3.4 (в) приведены кривые нормированной угловой селективности,

рассчитанные для случая с $C_n=2$, $\delta n_p=0.014$, $k=0.5$, $m_0=0.01$, $d=20\text{мкм}$, $\theta_0=\theta_1=10^0$, $b=5$ (а, б), соответствующему модулю и аргументу нормированного пространственного профиля ДС на рис.3.4.

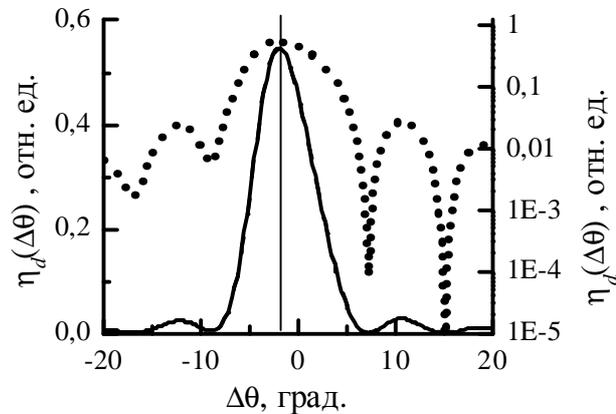


Рисунок 3.14

Из рис. 3.14 видно, что смещение максимума ДЭ составило $\sim 50\%$ от полуширины основного максимума, что связано с неоднородностью $\arg(n_1(y))$, вызванного двухволновым смешением. В тоже время для ПГДС данное смещение не более 25% в композиционном материале с ЖК.

Однако в отсутствие ЖК смещение для ПГДС составляло 10%, а для ОГДС 50%. Т.о. наличие ЖК приводит к увеличению смещения максимума только ДС.

Неоднородность амплитудного профиля ДС приводит к заплыванию минимумов ДС, как видно из кривой в логарифмическом масштабе.

На рис. 3.15(а) приведены кривые дифракционной эффективности на стационарном уровне от соотношения интенсивностей записывающих пучков $\eta_d(m_0)$ с помощью модели без учета эффекта СЗВ $\eta_{дСЗВ-}(m_0)$ (1,3) и с учетом $\eta_{дСЗВ+}(m_0)$ (2,4). Расчет проведен для параметров: $C_n=2$, $\alpha d=0$, $k=0.5$, $\delta n_p=0.004$, $d=20\text{мкм}$, при $b=0.25$ (1,3) и $b=5$ (2,4). На рис. 3.15 (б) приведены сравнительные кривые, $\Delta\eta_d(m_0) = \frac{\eta_{дСЗВ+}(m_0) - \eta_{дСЗВ-}(m_0)}{\eta_{дСЗВ+}(m_0)} 100\%$ для кривых на рис. 3.15.16 (а)

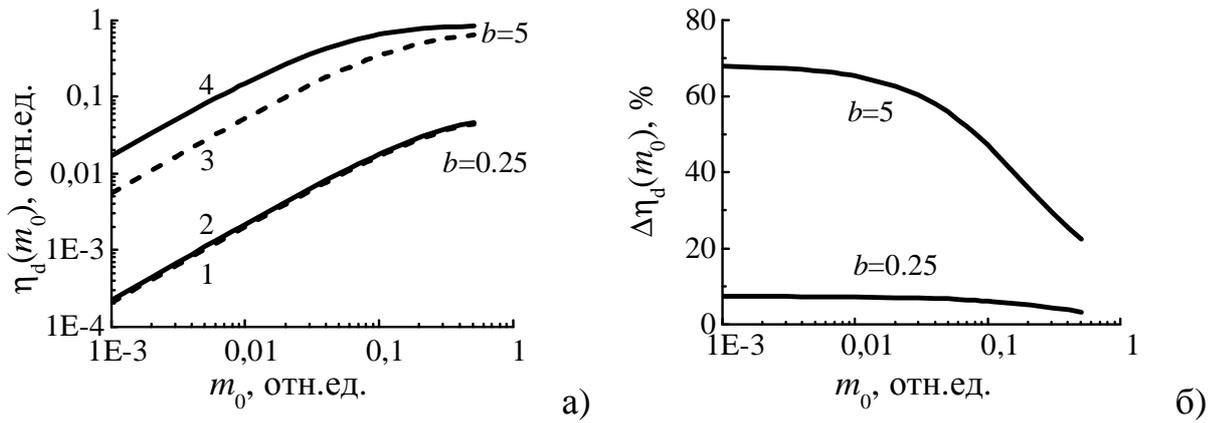


Рисунок 3.15

Из рис. 3.15 (а) видно, что при малом b эффект СЗВ мало сказывается, т.к. сама ДС является слабой, поэтому учет СЗВ для данной области b не является принципиально важным. Для области больших b добавка в эффективность дифракции за счет СЗВ становится существенной, особенно с уменьшением соотношения интенсивностей пучков. С увеличением параметров k , δn_p , b , d вклад в эффективность ДС за счет самовоздействия записывающих волн увеличивается, что также объясняется увеличением эффективности самой ДС.

3.2.4 Дифракционные свойства ОГДР в поглощающем ФПМ с учетом высших пространственных гармоник

В дальнейшем моделировании используем выражение из п.3.2.1. для расчета эффективности дифракции в первом и во втором дифракционных порядках для считывания вертикально-поляризованной волной (s -поляризация). Результаты представлены на рис.3.16 для следующих параметров: $b=0.25$, $C_n=2$, $\delta n_p=0.004$, $d=20 \mu\text{m}$, $\theta_1=\theta_0=6.67^\circ$ (10^0 в воздухе). На рис.3 приняты обозначения: 1 - $\alpha_d=0$ Неп, $k=0.5$, $m_0=1$; 2 - $\alpha_d=2$ Неп, $k=0.5$, $m_0=1$; 3 - $\alpha_d=2$ Неп, $k=0.5$, $m_0=0.3$; 4 - $\alpha_d=2$ Неп, $k=0.3$, $m_0=1$.

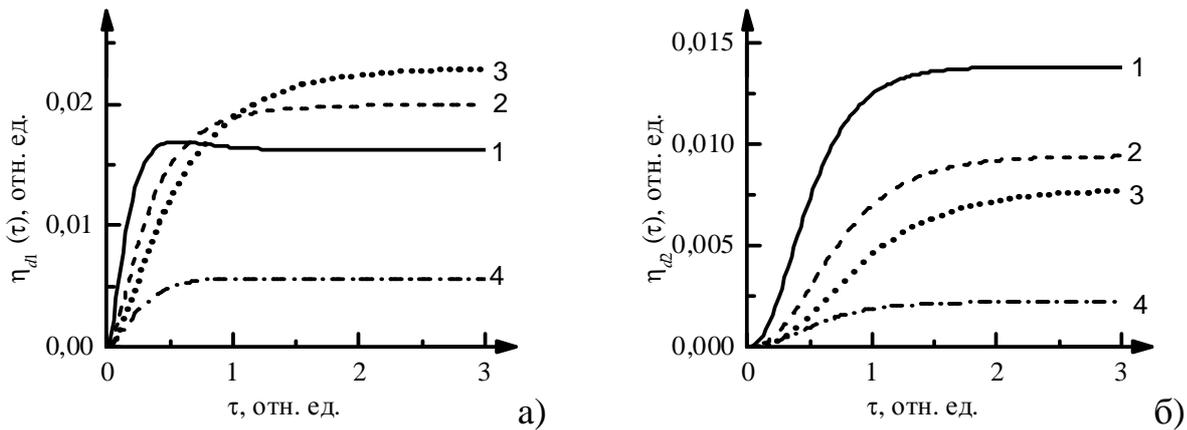


Рисунок 3.16 – Дифракционная эффективность в первом (а) и во втором (б) порядках дифракции от времени записи.

Как видно из кривых 1 на рис. 3.16 (а,б), в отсутствие поглощения дифракционные эффективности в первом (η_{d1}) и во втором (η_{d2}) порядках дифракции становятся соизмеримыми по величине на стационарном уровне ($\eta_{d1}/\eta_{d2} \approx 1.1$). В отличие от ПГДС, поглощение (кривые 2 на рис. 3.16 (а,б)) приводит к увеличению эффективности первой гармоники и уменьшению эффективности второй гармоники на стационарном уровне. Проведенный дополнительный анализ показал, что для $b=5$ в отсутствие поглощения отношение $\eta_{d1}/\eta_{d2} > 10$. Учет поглощение (2 Неп) приводит к уменьшению η_{d1} и η_{d2} , а также к возрастанию времен выхода на стационарные значения обеих гармоник

Из сравнения кривых 4 с кривыми 2 на рис. 3.16 видно, что уменьшение k (кривые 4) приводят к снижению эффективности дифракции, как на первой (рис. 3.16а), так и на второй (рис. 3.16б) гармониках ДС. А из сравнение кривых 3 с кривыми 2 на рис. 3.16 видно, что уменьшение m_0 (кривые 3) приводит к снижению эффективности дифракции, на второй (рис. 3.16б) гармоники ДС и увеличению эффективности первой (рис. 3.16а).

Таким образом, уменьшение m_0 и увеличение $b=T_p/T_m$ позволяет уменьшить дифракционную эффективность на высших пространственных гармониках решеток в ФПМ с помощью внешних условий записи: интенсивностей записывающих пучков (T_p) и их соотношения (m_0) и угла

схождения (T_m), однако уменьшение m_0 существенно снижает и ДЭ первой гармоники.

Зависимость $\eta_{d1}(b)$ и $h(b)=\eta_{d1}(b)/\eta_{d2}(b)$ рассчитанные для аналогичных данных совпадает для ОГДС с зависимостям для ПГДС.

Учет поглощения приводит к изменению масштаба зависимости $h(b)$ по оси b с коэффициентом примерно равным $2^k \exp(-\alpha_d \cdot k)$, так как поглощение приводит к ослаблению пучков по глубине материала, т.е. появлению пространственной зависимости $b(y)$.

Таким образом, снижение контраста, увеличение b и увеличение k (для $b > 6$) приводит к снижению дифракционной эффективности на высших пространственных гармониках, причем первые два параметра могут варьироваться в эксперименте

4 Голографическое формирование наложенных дифракционных структур

В данном разделе представлены теоретические модели и характеристики голографического процесса последовательной и параллельной записи наложенных дифракционных структур в композиционных фотополимеризующихся материалах (ФПМ) с учетом взаимосвязи пространственных гармоник и эффектов самодифракции записывающих пучков на пространственных гармониках [17-39].

4.1 Последовательная запись наложенных голографических дифракционных структур в ФПМ с учетом взаимодействия пространственных гармоник и эффектов самодифракции

В данном подразделе представлены теоретические модели и характеристики голографического процесса последовательной записи наложенных дифракционных структур композиционных фотополимеризующихся материалах (ФПМ) с учетом взаимосвязи пространственных гармоник и эффектов самодифракции записывающих пучков на пространственных гармониках [144-168].

4.1.1 Формирование основных гармоник НГДР в ФПМ с фотоиндуцированным изменением поглощения

В данном подразделе рассматривается формирование наложенных голографических дифракционных решеток (НГДР) при их последовательной голографической записи в ФПМ в условиях углового мультиплексирования с целью определения условий записи для получения НГДР с заданными дифракционными характеристиками.

Принцип последовательной записи НГДР показан на рисунке 4.1. Дифракционные решётки записываются последовательно с одинаковым или различным углом схождения записывающих лазерных пучков θ^i и различаются углами наклона Ψ_i векторов решетки K_i .

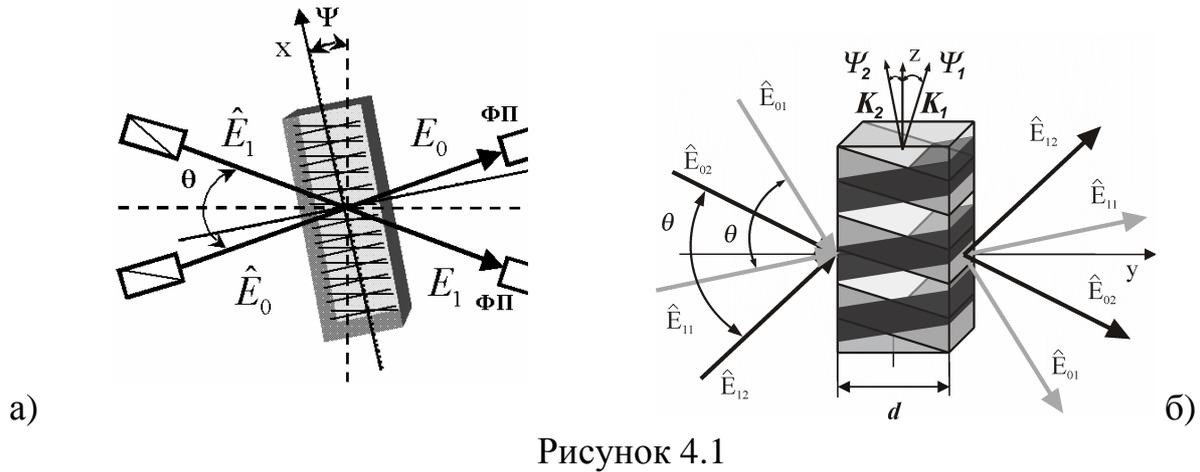


Рисунок 4.1

4.1.1.1 Аналитическая модель процесса формирования НГДР

При математическом описании динамики последовательно записываемых наложенных голограмм, за основу примем кинетические уравнения из [145]. Так как запись ГДР является последовательной, то в модели для каждой ГДР необходимо учесть изменение начальной концентрации мономера, для чего необходимо ввести в исходные выражения индекс i , обозначающий номер записываемой ГДР, а время сделать текущим, аналогично работам [15,16], посвященным изучению импульсной записи.

Пусть два когерентных, квазимонохроматических световых пучка с амплитудными профилями $E_0(\mathbf{r})$, $E_1(\mathbf{r})$ и волновыми векторами k'_0 и k'_1 на границе раздела сред распространяются под углами θ_0 и θ_1 внутри плоского поглощающего фотополимерного слоя ($0 \leq y \leq d$). Будем считать, что k'_0 и k'_1 лежат в плоскости ХОУ. Оптическое поле внутри ФПМ толщиной d запишем в следующем виде:

$$E(t, \mathbf{r}) = \sum_{j=0,1} \mathbf{e}_j \cdot E_j(\mathbf{r}) \cdot e^{-\frac{\alpha(t, \mathbf{r})}{2} (N_j \cdot \mathbf{r})} \cdot e^{i \cdot (\omega t - \mathbf{k}'_j \cdot \mathbf{r})} + \text{к.с.} \quad (4.1)$$

где \mathbf{e}_j – вектор поляризации, $\alpha(t, \mathbf{r})$ – коэффициент поглощения ФПМ, \mathbf{r} – радиус-вектор, $\mathbf{k}'_j = k \cdot N_j$, $k = n\omega/c$ – волновое число и N_j – нормаль к волновому фронту, n – показатель преломления.

Запишем выражение для распределения интенсивности

интерференционной картины светового поля:

$$I^i(t, \mathbf{r}) = I_0^i(t, x, y) \cdot [1 + m^i(t, x, y) \cdot \cos(\mathbf{K}_1^i \mathbf{r})], \quad (4.2)$$

где $m^i(t, x, y) = 2\sqrt{I^{0i}(t, x, y) \cdot I^{1i}(t, x, y)} \cdot (\mathbf{e}_1 \cdot \mathbf{e}_0) / (I^{0i}(t, x, y) + I^{1i}(t, x, y))$ - локальный

контраст интерференционной картины, $I_0^i(t, x, y) = \{I^{0i}(t, x, y) + I^{1i}(t, x, y)\}$,

$I^{0i}(t, x, y) = I_0^i(x) \cdot e^{-\alpha(t, x, y)y / \cos \theta_0^i}$, $I^{1i}(t, x, y) = I_1^i(x) \cdot e^{-\alpha(t, x, y)y / \cos \theta_1^i}$ - для пропускающей

геометрии записи, $I^{1i}(t, x, y) = I_1^i(x) \cdot e^{-\alpha(t, x, y)(d-y) / \cos \theta_1^i}$ - для отражающей геометрии

записи; $I_j(x) = |E_j(x)|^2$, $j = 0, 1$; $\mathbf{K}_1 = \mathbf{k}_0' - \mathbf{k}_1'$, i - номер наложенной решетки.

Тогда общий вид решения системы кинетических уравнений можно свести к виду:

$$M(t, \mathbf{r}) = \sum_{i=1}^{N_s} [M_0^i(t, x, y) + M_1^i(t, x, y) \cos(\mathbf{K}_1^i \mathbf{r})], \quad (4.3)$$

$$n(t, \mathbf{r}) = \sum_{i=1}^{N_s} [n_0^i(t, x, y) + n_1^i(t, x, y) \cos(\mathbf{K}_1^i \mathbf{r})], \quad (4.4)$$

где i - номер наложенной ГДР, N_s - количество наложенных ГДР.

Используя методику, описанную в [13], из системы общих кинетических уравнений [13] после подстановки в них (4.2) - (4.4) и разложения выражения

$\{I_0^i(t, x, y) \cdot [1 + m^i(t, x, y) \cos(\mathbf{K}_1^i \mathbf{r})]\}^k$ в ряд Тейлора, ограниченного первыми тремя членами, получим уравнения для нулевой и первой гармоник концентрации мономера и показателя преломления:

$$\begin{cases} -\frac{\partial M_0^i}{\partial \tau} = \left\{ (1 + L^i) \cdot M_0^i + \frac{km^i}{2} \cdot M_1^i \right\} \cdot \frac{2^k}{b^i} \cdot I_{0n}^i \\ \frac{\partial n_0^i}{\partial \tau} = \delta n_p \left\{ (1 + L^i) \cdot \frac{M_0^i}{M_n} + \frac{km^i}{2} \cdot \frac{M_1^i}{M_n} \right\} \cdot \frac{2^k}{b^i} \cdot I_{0n}^i \end{cases}, \quad (4.5)$$

$$\begin{cases} -\frac{\partial M_1^i}{\partial \tau} = b_m^i M_1^i + \frac{2^k}{b^i} I_{0n}^i [km^i M_0^i + (1 + 1.5L^i) M_1^i] \\ \frac{\partial n_1^i}{\partial \tau} = -\delta n_{ic} b_m^i \frac{M_1^i}{M_n} + \delta n_p \frac{2^k}{b^i} I_{0n}^i \left[km^i \frac{M_0^i}{M_n} + (1 + 1.5L^i) \frac{M_1^i}{M_n} \right], \end{cases} \quad (4.6)$$

где $M_j^i = M_j^i(\tau, x, y)$, $n_j^i = n_j^i(\tau, x, y)$, $j = 0, 1$; $b^i = T_p^i / T_m^i$, $T_m^i = 1 / (K_1^i{}^2 D_m)$ - время

диффузии, $\tau = t/T_m^i$ – относительное время для каждой наложенной ГДР, K_1^i – волновое число первой гармоники i -ой решетки $K_1^i = |K_1^i|$, $T_p^i = h^{-1}(M_n^i)/(I_{00}^i)^k$ – время полимеризации, $I_{0n}^i = I_{0n}^i(\tau, x, y) = I_0^i(\tau, x, y) / I_{00}^i$ – нормированная суммарная интенсивность записывающих пучков, $I_{00}^i = I_{0max}^i + I_{1max}^i$, $b_m^i = b_m^i(\tau, x, y) = \exp[-s(1 - (M_0^i(\tau, x, y) + M_1^i(\tau, x, y))/M_n^i)]$, $L^i = L^i(\tau, x, y) = k(k-1)m^2(\tau, x, y)/4$.

Допуская, что $M_1^i(\tau, x, y) \ll M_0^i(\tau, x, y)$, в системе (4.5) можно пренебречь влиянием первой гармоники на нулевую, и используя начальные условия $M_0^i(\tau_f^{i-1}, x, y) = M_0^{i-1}(\tau_f^{i-1}, x, y)$, $n_0^i(\tau_f^{i-1}, x, y) = n_0^{i-1}(\tau_f^{i-1}, x, y)$ получим решения для нулевых гармоник:

$$M_0^i(\tau, x, y) = M_n p(\tau, x, y), \quad n_0^i(\tau, x, y) = \delta n_p \{1 - p(\tau, x, y)\}, \quad (4.7)$$

где
$$p(\tau, x, y) = \exp \left[-\frac{2^k}{b^i} \int_{\tau_f^i}^{\tau} (1 + L^i(\tau', x, y)) \cdot I_{0n}^i(\tau', x, y) d\tau' \right],$$
 τ_f – время окончания записи предыдущей решетки.

Имея решение для $M_0^i(\tau, x, y)$, интегрируя уравнение для $M_1^i(\tau, x, y)$ из системы (3.5) с начальными условиями $M_1^i(\tau_f, x, y) = 0$, запишем решение для $M_1^i(\tau, x, y)$ в виде:

$$M_1^i(\tau, x, y) = -M_n \cdot f(\tau, x, y), \quad (3.8)$$

где
$$f(\tau, x, y) = \frac{2^k}{b^i} k \int_{\tau_f^i}^{\tau} p(\tau', x, y) \cdot m^i(\tau', x, y) \cdot I_{0n}^i(\tau', x, y) \cdot b_m^i(\tau, \tau', x, y) d\tau'$$
,

$$b_m^i(\tau, \tau', x, y) = \exp \left[-\int_{\tau'}^{\tau} \left(b_m^i(\tau'', x, y) + \frac{2^k}{b} I_{0n}^i(\tau'', x, y) \cdot (1 + 1.5L^i(\tau'', x, y)) \right) d\tau'' \right]$$

$$b_m^i(\tau, x, y) = \exp(-s(1 - p(\tau, x, y))).$$

Далее, подставляя выражения (4.7) для $M_0^i(\tau, x, y)$ и (4.8) в уравнение для $n_1^i(\tau, x, y)$ из системы (4.6) и интегрируя с начальными условиями $n_1^i(\tau_f^{i-1}, x, y) = 0$, получим решение для пространственно-временного распределения первой гармоники решетки показателя преломления

$$n_1^i(\tau, x, y) = n_{1p}^i(\tau, x, y) + n_{1ic}^i(\tau, x, y), \quad (4.9)$$

$$n_{1ic}^i(\tau, x, y) = \delta n_{ic} \int_{\tau_f^i}^{\tau} f(\tau', x, y) \cdot b_m^i(\tau', x, y) d\tau'$$

где

$$n_{1p}^i(\tau, x, y) = \delta n_p \frac{2^k}{b} \int_{\tau_f^i}^{\tau} I_{0n}^i(\tau', x, y) \cdot \left(\frac{k \cdot p(\tau', x, y)}{(m^i(\tau', x, y))^{-1}} - \frac{f(\tau', x, y)}{(1 + 1.5L^i(\tau', x, y))^{-1}} \right) d\tau' \quad (4.10)$$

Выражение (4.9) описывают процесс записи НГДР пропускающего и отражающего типа пучками с произвольными амплитудными профилями с учетом фотоиндуцированного изменения поглощения, диффузионно-фотополимеризационного процесса формирования решетки.

4.1.1.2 Результаты численного моделирования формирования НГДР

Как видно из полученного решения для последовательной записи НГДР в ФПКМ, фотоиндуцированное поглощение приводит к тому, что пространственные профили каждой НГДР являются различными, ввиду неравномерного, изменяющегося во времени распределения излучения в материале и, соответственно, неравномерного и изменяющегося во времени расхода мономера и красителя. Таким образом каждая следующая НГДР записывается с учетом неравномерного по глубине распределений мономера и красителя, оставшихся после записи предыдущей НГДР. Причем как было показано в [149], фотоиндуцированное изменение поглощения приводит степень неравномерности пространственного распределения $n_1(\tau, x, y)$ и дифракционных характеристик к некоторому среднему между случаем с постоянным поглощением и случаем без поглощения. Причем, чем сильнее выражено ФИП, тем ближе дифракционные характеристики к случаю без поглощения, и наоборот.

Следует отметить, что для пропускающей геометрии при двух НГДР с достаточно большой эффективностью первая ДР будет иметь спадающий по глубине профиль, а вторая - возрастающий. Таким образом данные НГДР

можно считать физически разнесенными по глубине материала .

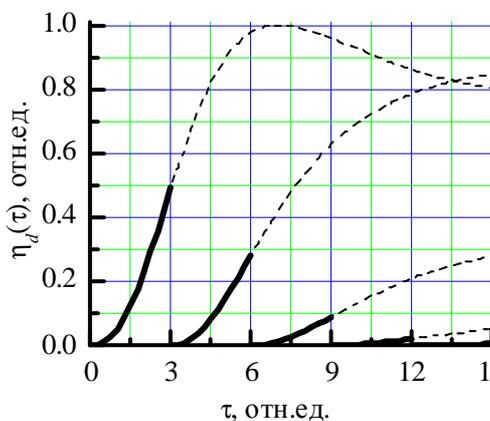
Вследствие неравномерности пространственного распределения показателя преломления численное моделирование и сравнение НГДР следует проводить по интегральным дифракционным характеристикам. Так дифракционная эффективность (η_d) позволяет учесть неравномерность пространственных профилей амплитуд первых гармоник НГДР [146].

Учитывая, что η_d для НГДР на практике не превышает 20%, зависимость интенсивности дифрагированного пучка при считывании от относительной брэгговской расстройки, с учётом процессов протекающих в ФПМ, будет:

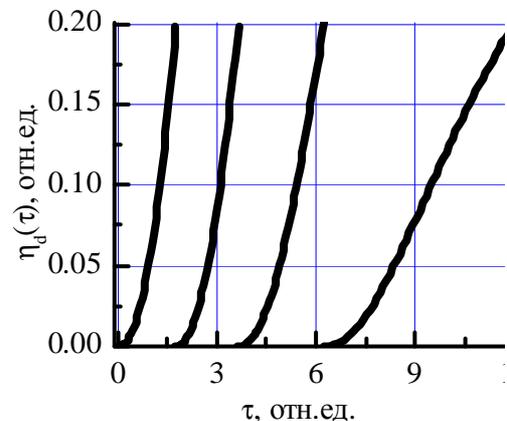
$$I_{1\Sigma}(\Delta) = |E_{1\Sigma}|^2 = \left| \sum_{i=1}^n i \cdot G_1^i(\theta_i) \cdot \int_0^d n_1^i(\tau, y) \cdot \exp(i(\Delta - \Delta_i)y) dy \right|^2, \quad (3.11)$$

где $G_{1i} = \pi/\lambda \cos \theta_i$, θ_i -угол записи i -ой голограммы в фотополимере, d – толщина фотополимера. Относительную брэгговскую расстройку Δ можно пересчитать в длину оптической волны или в угол наклона ФПКМ .

На рисунке 4.2 приведены графики кинетики дифракционной эффективности НГДР $\eta_d(\tau)$ с равным временем записи каждой НГДР (а) и до равной эффективности дифракции каждой НГДР (б). Сплошной линией показана кинетика формирования НГДР во время записи до ее остановки, а пунктирной – ее возможное продолжение, т.е. если бы запись НГДР продолжилась. Для расчетов приняты следующие значения параметров: $C_n=1$, $m_0=1$, $b=5$, $\alpha_2 d=0$ Неп, $\alpha_1 d=3$ Неп, $d=85\mu\text{м}$, $s=0$, $\delta n_p=0.004$.



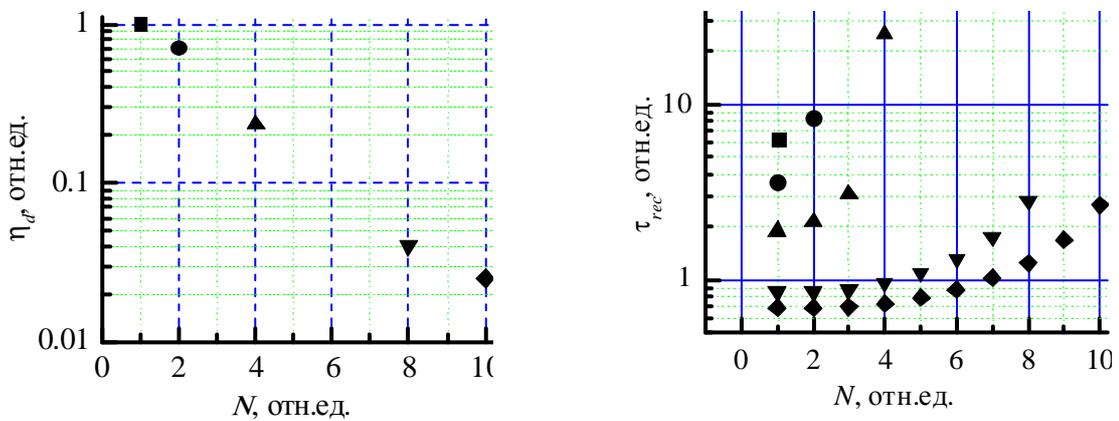
а)



б)

Рисунок 4.2

Из рисунка 4.2 видно, что при записи каждой следующей НГДР кинетика становится более затянутой, т.е. за одинаковое время записи решетка достигает меньшей эффективности (а), либо для достижения той же эффективности требуется большее время. Затягивание кинетики обусловлено увеличением времени полимеризации (увеличение b) каждой следующей НГДР, вследствие уменьшения концентрации мономера. Эффективность каждой последующей НГДР уменьшается экспоненциально, а скорость уменьшения пропорциональна времени записи каждой НГДР.



а)

б)

Рисунок 3.3

Основным требованием к НГДР для мультиплексоров / демультиплексоров, является равенство их эффективностей. Для получения равных эффективностей каждой НГДР, для каждой следующей НГДР выбрано соответствующее время записи. Увеличение времени записи каждой следующей НГДР обусловлено уменьшением концентрации мономера, приводящей к увеличению времени полимеризации ($b=T_p/T_m$ растет), и как следствие увеличению вклада диффузии в формирование ДР [13-16]. Т.о., увеличение вклада диффузионного механизма в формирование НГДР, приводит к тому, что для достижения амплитуды первой гармоники заданной величины требуется меньше мономера для каждой последующей НГДР за счет диффузии

мономера из темных областей в светлые.

На рисунке 4.3 приведены сводные результаты расчетов последовательной записи НГДР в ФПКМ с равными эффективностями дифракции. На рисунке 4.3 (а) показана зависимость эффективности дифракции НГДР от количества записываемых НГДР $\eta_d(N)$. Видно, что зависимость является существенно нелинейной. Дополнительные расчеты показали, что зависимость имеет аналогичный характер для всей области параметра b , только с увеличением b происходит рост максимума (эффективности одной ДР) и рост скорости спада. Этот результат показывает что амплитуда НГДР при записи с равной амплитудой не равно амплитуде одиночной ДР, деленной на количество записываемых НГДР. Следует отметить, что для $b > 1$ амплитуда одиночной ДР более чем в два раза превосходит амплитуду двух НГДР.

На рисунке 4.3(б) показаны зависимости времени записи каждой НГДР для случаев, представленных на рисунке 4.3(а). Видно, что время записи каждой последующей НГДР больше, чем для предыдущей, причем зависимость имеет нелинейный характер. Из рисунке 4.3(б) видно, что чем больше количество записываемых НГДР, тем меньше отличаются время записи предыдущей и последующей НГДР, т.е. с увеличением количества записываемых НГДР, наклон кривой уменьшается.

Как показало численное моделирование для исследуемой области параметра $b > 1$, без учета ФИП прогнозируемая дифракционная эффективность является завышенной, так для двух НГДР в 1.06 раза, а для 10 НГДР в 1.5 раза. Также погрешность оценки времен записи НГДР без учета ФИП, составляет от 10% до 75%, причем погрешность существенно изменяется с номером записываемой НГДР.

4.1.2 Формирование высших пространственных гармоник НГДС в поглощающих ФПМ при нелинейных взаимодействиях гармоник

4.1.2.1 Математическое модель процесса формирования НГДС

В данном разделе дополним полученную в п.4.1.1.1 модель

последовательной записи наложенных голографических дифракционных структур (НГДС) пучками с произвольными амплитудными и плоскими фазовыми фронтами учетом высших пространственных гармоник. В задаче приняты аналогичные ограничения как и для высших гармоник одиночной ГДС.

Решение задачи записи будем искать в виде:

$$M(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) = \sum_{i=1}^N \sum_{j=0}^H M_j^i(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) \cos(j\mathbf{K}_1^i \mathbf{r}), \quad n(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) = n_{st} + \sum_{i=1}^N \sum_{j=0}^H n_j^i(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) \cos(j\mathbf{K}_1^i \mathbf{r}), \quad (4.12)$$

где $M_j^i(\boldsymbol{\tau}, x, y)$, $n_j^i(\boldsymbol{\tau}, x, y)$ - амплитуды j -ых гармоник концентрации мономера и показателя преломления i -ой ГДС соответственно; n_{st} - значение показателя преломления ФПМ при $\boldsymbol{\tau} = 0$, $\boldsymbol{\tau} = t / T_m$ - относительное время.

Подставляя (4.12) в общие кинетические уравнения, и используя свойства ортогональности пространственных гармоник, получим систему связанных кинетических дифференциальных уравнений для амплитуд гармоник концентрации мономера

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial M_0^i(\boldsymbol{\tau}, x, y)}{\partial \boldsymbol{\tau}} = \sum_{l=0}^H a_{0,l}^i(x, y) M_l^i(\boldsymbol{\tau}, x, y) \\ \frac{\partial M_1^i(\boldsymbol{\tau}, x, y)}{\partial \boldsymbol{\tau}} = -M_1^i(\boldsymbol{\tau}, x, y) + \sum_{l=0}^H a_{1,l}^i(y) M_l^i(\boldsymbol{\tau}, x, y) \\ \dots \\ \frac{\partial M_H^i(\boldsymbol{\tau}, x, y)}{\partial \boldsymbol{\tau}} = -N^2 M_H^i(\boldsymbol{\tau}, x, y) + \sum_{l=0}^H a_{H,l}^i(x, y) M_l^i(\boldsymbol{\tau}, x, y) \end{array} \right., \quad (4.13)$$

и систему дифференциальных уравнений для амплитуд гармоник показателя преломления

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{\partial n_0^i(\boldsymbol{\tau}, x, y)}{\partial \boldsymbol{\tau}} M_n = -\delta n_p \sum_{l=0}^H a_{0,l}^i(x, y) M_l^i(\boldsymbol{\tau}, x, y) \\ \frac{\partial n_1^i(\boldsymbol{\tau}, x, y)}{\partial \boldsymbol{\tau}} M_n = -\delta n_p \sum_{l=0}^H a_{1,l}^i(x, y) M_l^i(\boldsymbol{\tau}, x, y) + \delta n_{ic} M_1^i(\boldsymbol{\tau}, x, y) \\ \dots \\ \frac{\partial n_H^i(\boldsymbol{\tau}, x, y)}{\partial \boldsymbol{\tau}} M_n = -\delta n_p \sum_{l=0}^H a_{H,l}^i(x, y) M_l^i(\boldsymbol{\tau}, x, y) + \delta n_{ic} H^2 M_H^i(\boldsymbol{\tau}, x, y) \end{array} \right. \quad (4.14)$$

В системах (3.13) и (3.14) введена матрица коэффициентов

$$a_{j,l}^i(x,y) = \begin{pmatrix} e_1^i & e_2^i & e_3^i & 0 & 0 & 0 & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2e_2^i & e_{11} & e_2^i & e_3^i & 0 & 0 & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2e_3^i & e_2^i & e_1^i & e_2^i & e_3^i & 0 & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & e_3^i & e_2^i & e_1^i & e_2^i & e_3^i & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & e_3^i & e_2^i & e_1^i & e_2^i & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & e_3^i & e_2^i & e_1^i & \cdot & 0 & 0 & 0 & 0 \\ \cdot & e_1^i & e_2^i & e_3^i & \cdot \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \cdot & e_2^i & e_1^i & e_2^i & e_3^i \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \cdot & e_3^i & e_2^i & e_1^i & e_2^i \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \cdot & 0 & e_3^i & e_2^i & e_1^i \end{pmatrix},$$

где $e_1^i = \frac{2^k}{b_s^i} (1 + L_s^i)$, $e_{11} = \frac{2^k}{b_s^i} (1 + 3L_s^i / 2)$, $e_2^i = \frac{2^k k m_s^i}{2b_s^i}$, $e_3^i = \frac{2^k}{b_s^i} L_s^i / 2$, $b_s^i = b^i(x,y) = \frac{T_p^i(x,y)}{T_m^i}$,

$L_s^i = L^i(x,y) = k(k-1)m_s^{i^2} / 4$, $m_s^i = m^i(x,y)$.

Коэффициенты матрицы $a_{j,l}^i(x,y)$ показывают вклад полимеризационно-диффузионного механизма записи. Однако, как и для одиночных ГДС, для анализа систем уравнений (4.13), (4.14) удобно ввести коэффициенты связи $c_{j,l}(x,y) = a_{j,l}(x,y) - j^2 \delta_{j,l}$ ($\delta_{j,l}$ - символ Кронекера), характеризующие связь j -той гармоники с l -той.

Для решения системы связанных дифференциальных уравнений (4.13) с начальными условиями (для каждой ГДС отличающимися концентрацией мономера в начальный момент времени)

$$\begin{aligned} M_0^i(\tau = \tau_f^{i-1}, x, y) &= M_0^{i-1}(\tau = \tau_f^{i-1}, x, y), \\ M_1^i(\tau = \tau_f^{i-1}, x, y) &= 0, \quad \dots, \quad M_H^i(\tau = \tau_f^{i-1}, x, y) = 0, \end{aligned} \quad (4.15)$$

причем для первой решетки $M_0^i(\tau = 0, x, y) = M_n$, $\tau_f^0 = 0$, воспользуемся операторным методом. Общее решение для пространственных амплитудных профилей гармоник концентрации мономера $M_j^i(\tau, x, y)$ запишем в виде:

$$M_j^i(\tau, x, y) = M_0^{i-1}(\tau = \tau_f^{i-1}) \cdot \sum_{l=0}^H A_{j,l}^i(x, y) \exp[\lambda_l^i(x, y) \cdot \tau], \quad (4.16)$$

где функциональные зависимости коэффициентов $\lambda_l^i(x,y)$ определяются как корни характеристического уравнения $|c_{j,l}^i(x,y) - \lambda_l^i(x,y)| = 0$. Анализ показывает, что $\lambda_l^i(x,y)$ являются вещественными, различными и отрицательными. $A_{j,l}^i(x,y)$ находятся из (4.13) и (4.16) с учетом начальных условий (4.15) как решения

($N+1$) систем линейных алгебраических уравнений

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & \dots & 1 \\ \lambda_0^i & \lambda_1^i & \lambda_2^i & \dots & \lambda_N^i \\ \lambda_0^{i^2} & \lambda_1^{i^2} & \lambda_2^{i^2} & \dots & \lambda_N^{i^2} \\ \lambda_0^{i^3} & \lambda_1^{i^3} & \lambda_2^{i^3} & \dots & \lambda_N^{i^3} \\ \lambda_0^{i^4} & \lambda_1^{i^4} & \lambda_2^{i^4} & \dots & \lambda_N^{i^4} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \lambda_0^{i^N} & \lambda_1^{i^N} & \lambda_2^{i^N} & \dots & \lambda_N^{i^N} \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} A_{j,0}^i \\ A_{j,1}^i \\ A_{j,2}^i \\ A_{j,3}^i \\ A_{j,4}^i \\ \dots \\ A_{j,N}^i \end{pmatrix} =$$

$$= M_0^{i-1}(\tau_f^{i-1}) \left\{ \begin{array}{l} \delta_{j,0}^{i,j,0} \\ c_{j,0}^i \\ \sum_{i_0=0}^N c_{j,i_0}^i c_{i_0,0}^i \\ \sum_{i_1=0}^N c_{j,i_1}^i \sum_{i_0=0}^N c_{i_1,i_0}^i c_{i_0,0}^i \\ \dots \\ \sum_{i_{(N-2)}=0}^N c_{j,i_{N-2}}^i \dots \sum_{i_2=0}^N c_{i_3,i_2,i_3,i_2}^i \sum_{i_1=0}^N c_{i_2,i_1}^i \sum_{i_0=0}^N c_{i_1,i_0}^i c_{i_0,0}^i \end{array} \right\}, \quad (4.17)$$

где $\lambda_j^i = \lambda_j^i(x,y) \exp(-\lambda_j^i(x,y) \tau_f^{i-1})$, $A_{j,l}^i = A_{j,l}^i(x,y)$, $c_{j,l}^i = c_{j,l}^i(x,y)$, τ_f^{i-1} – время окончания записи ($i-1$)-ой НГДС.

Далее, подставив (4.16) в (4.14) и интегрируя полученные дифференциальные уравнения с начальными условиями

$$\begin{aligned} n_0^i(\tau = \tau_f^{i-1}, x, y) &= n_0^{i-1}(\tau = \tau_f^{i-1}, x, y), \\ n_1^i(\tau = \tau_f^{i-1}, x, y) &= 0, \quad \dots, \quad n_H^i(\tau = \tau_f^{i-1}, x, y) = 0, \end{aligned}$$

найдем общее решение для амплитуды j -ой гармоники решетки показателя преломления в виде:

$$n_j^i(\tau, x, y) = n_{pj}^i(\tau, x, y) + n_{icj}^i(\tau, x, y), \quad (4.18)$$

где
$$n_{pj}^i(\tau, x, y) = \delta n_p \sum_{l=0}^H a_{j,l}^i(x, y) \sum_{p=0}^H A_{l,p}^i(x, y) \frac{\exp[\lambda_p^i(x, y) \cdot \tau_f^{i-1}] - \exp[\lambda_p^i(x, y) \cdot \tau]}{\lambda_p^i(x, y)},$$

$$n_{icj}^i(\tau, x, y) = -\delta n_{ic} \cdot j^2 \sum_{p=0}^H A_{j,p}^i(x, y) \frac{\exp[\lambda_p^i(x, y) \cdot \tau_f^{i-1}] - \exp[\lambda_p^i(x, y) \cdot \tau]}{\lambda_p^i(x, y)}, \quad j=0 \dots N.$$

Таким образом, выражения (4.12), (4.16) - (4.18) представляют общее решение нелинейного диффузионно-полимеризационного процесса последовательного формирования наложенных голографических

дифракционных решеток в поглощающих фотополимерных средах и определяют кинетику двумерных пространственных профилей концентрации мономера $M(\tau, x, y)$ и показателя преломления $n(\tau, x, y)$.

4.1.2.2 Результаты численного моделирования формирования НГДС

На основе полученной модели последовательной записи НГДС в ФПМ проведем численное моделирование. Ввиду того, что дифракционная эффективность является интегральной характеристикой и зависит от толщины материала, угловых положений записывающих пучков, поглощения, то для оценки эффективности НГДС будем оценивать амплитуду первой гармонике НГДС.

На рисунке 4.4 приведены графики кинетики нормированных амплитуд первой и второй гармоник НГДС $n_1(\tau)/\delta n_p$, $n_2(\tau)/\delta n_p$ с равным временем записи. Сплошной линией показана кинетика записи во время записи до ее остановки, а пунктирной – ее возможное продолжение, т.е. если бы ее не остановили. Для расчетов приняты следующие значения параметров: $C_n=2$, $m_0=1$, $b=0.1$ (рисунок 4.4 (а)), $b=5$ (рисунок 4.4 (б)).

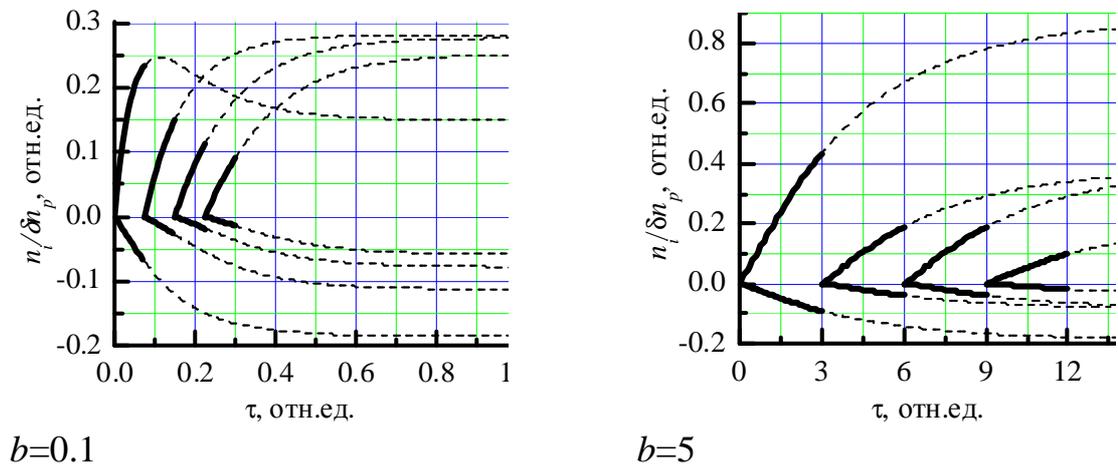


Рисунок 4.4

Из рисунка 4.4 видно, что при записи каждой следующей НГДС кинетика становится более затянутой, т.е. за одинаковое время записи решетка записывается до меньшего значения амплитуды. Затягивание кинетики обусловлено увеличением времени полимеризации (увеличение b) каждой

следующей НГДС, вследствие уменьшения концентрации мономера. Следует отметить, что для $b < 1$ (рисунок 4.4 (а)) затягивание кинетики приводит к тому, что последующие НГДС на стационарном уровне могут превосходить по амплитуде первую НГДС, а отношение высших гармоник к первой соответственно падать.

При $b > 1$, каждая следующая НГДС записывается до меньшей амплитуды и за большее время.

На рисунке 4.5 приведены наборы точек, характеризующие нормированную амплитуду первой гармоники НГДС при последовательной записи с равными временами записи в момент окончания записи. Наборы точек отличаются друг от друга значением времени записи НГДС. Расчеты, представленные на рисунке 4.5 проведены для параметров с рисунка 4.4.

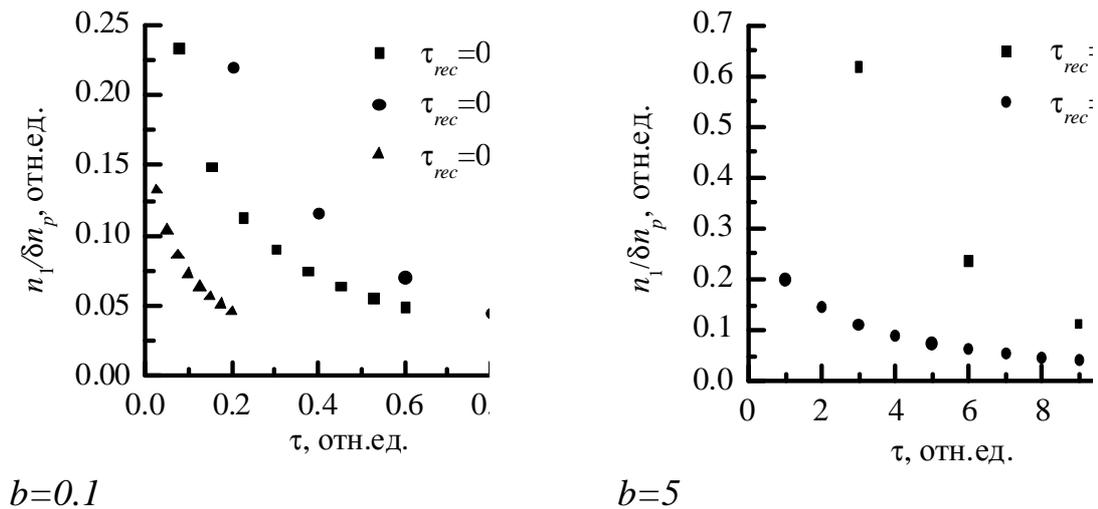


Рисунок 3.5

Основным требованием к НГДС для мультиплексоров / демультимплексоров, является равенство эффективностей НГДС. На рисунке 4.6 приведены для обеих областей параметра b кинетики нормированной амплитуды первой и второй гармоник НГДС. Для получения равных амплитуд первой гармоники каждой НГДС, для каждой следующей НГДС выбрано соответствующее время записи. Следует отметить, что при $b < 1$ для каждой следующей НГДС происходит увеличение отношения амплитуд первой ко второй гармонике решеток. В то время как с увеличением b , изменение данного отношения уменьшается.

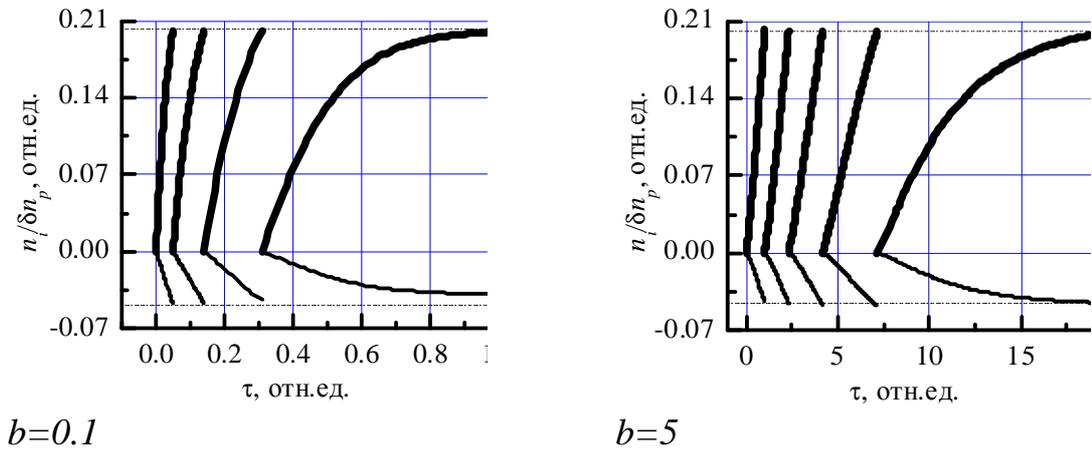


Рисунок 4.6

На рисунке 4.7 приведены сводные результаты расчетов последовательной записи НГДС в ФПМ с равными амплитудами первых гармоник. На рисунке 4.7 (а,б) показаны кривые зависимости амплитуды первой гармоники НГДС от количества (N) записываемых НГДС. Видно, что зависимость является существенно нелинейной для всей области параметра b . Этот результат позволяет опровергнуть утверждение, что амплитуда НГДС при записи с равной амплитудой равно амплитуде одиночной ДС, деленной на количество записываемых НГДС. Следует отметить, что для $b=0.1$ (рисунке 4.7 (а)) максимальная амплитуда, до которой можно записать ДС, является одинаковой для одиночной ДС и для двух НГДС. В тоже время, для $b>1$ амплитуда одиночной ДС более чем в два раза превосходит амплитуду двух НГДС. Далее происходит существенный спад максимальной амплитуды НГДС от их количества, но по нелинейному закону.

На рисунке 4.7 (в,г) показаны зависимости времени записи каждой НГДС для случаев, представленных на рисунке 4.7(а,б). Видно, что время записи каждой последующей НГДС больше, чем для предыдущей, причем зависимость имеет нелинейный характер. Из рисунка 4.7 (в,г) видно, чем больше количество записываемых НГДС, тем больше отличаются время записи предыдущей и последующей НГДС, т.е. с увеличением количества записываемых НГДС, наклон кривой увеличивается.

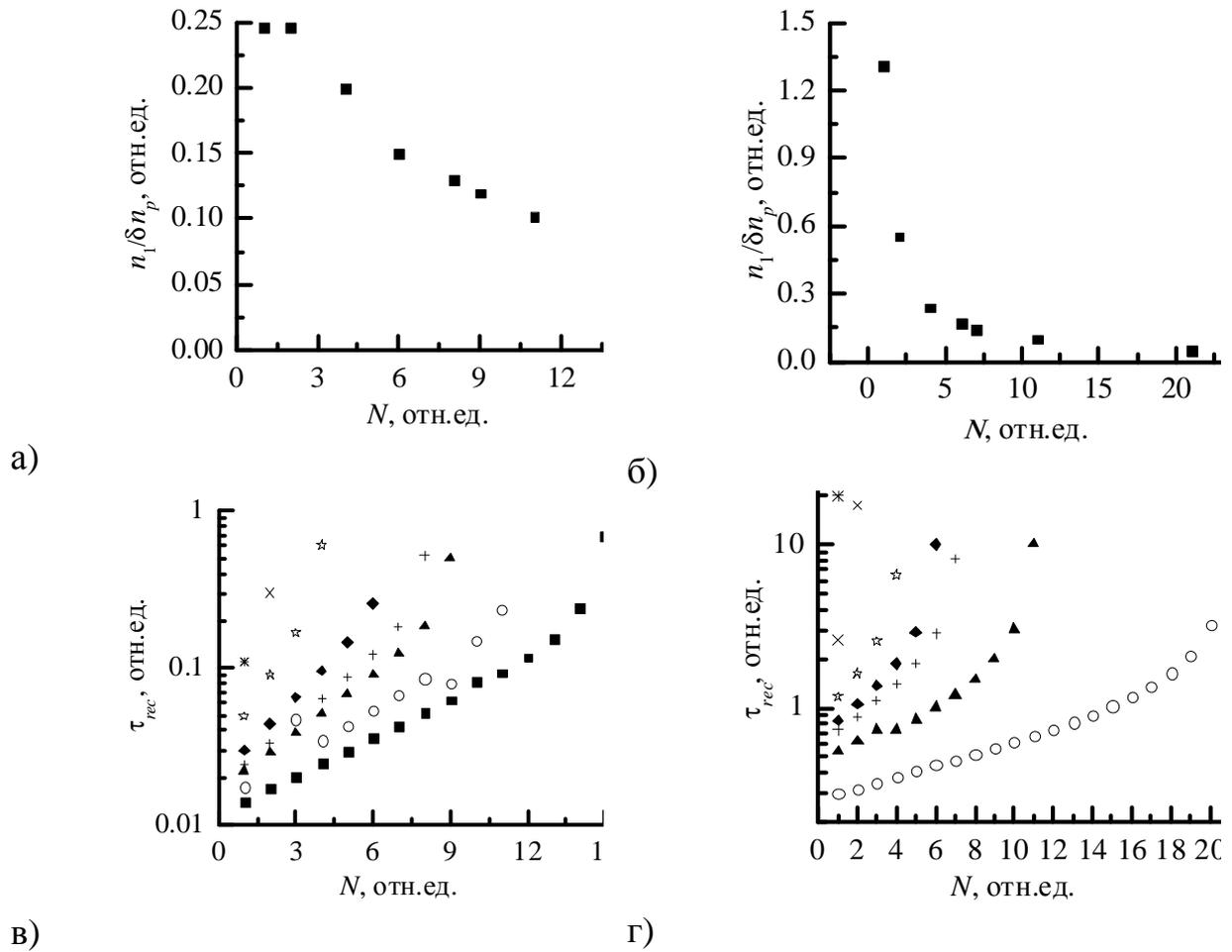


Рисунок 3.7

Следует также отметить, что как показали расчеты, для каждой следующей НГДС для формирования с той же амплитудой требуется меньшее количество мономера, чем для предыдущей. Это объясняется изменением кинетики записи НГДС, что приводит к увеличению вклада диффузионного механизма записи в формирование НГДС.

4.1.3 Формирования дополнительных пространственных гармоник при двухпучковых взаимодействиях записывающих волн при записи НГДР

4.1.3.1 Математическая модель процесса формирования дополнительных пространственных гармоник НГДС

В данном подразделе получена модель формирования j -той дополнительной дифракционной решетки (ДДС) при записи $j+1$ НГДС в результате самодифракции записывающих волн на первой пространственной

гармонике N -той НГДС.

Рассмотрим механизм формирования ДДС на первой пространственной гармонике НГДС при записи последующих (начиная со второй) НГДС, векторная диаграмма которого представлена на рисунке 4.8 для отражающей (а) и прорускающей (б) геометрий.

В процессе записи первой НГДС в ФПМ вследствие нелинейности среды формируется основная решетка, состоящая из набора пространственных гармоник, аналитическое описание кинетики формирования которых найдено в предыдущем подразделе (см. выражение (4.18)).

Волны, дифрагированные на первой гармонике $(j-1)$ -ой НГДС, в результате интерференции с записываемыми волнами приводят к записи ДДС с векторами $\mathbf{K}_{01}^j = \mathbf{k}_0 - \mathbf{k}_{1j}$, $\mathbf{K}_{00}^j = \mathbf{k}_0 - \mathbf{k}_{0j}$, $\mathbf{K}_{11}^j = \mathbf{k}_1 - \mathbf{k}_{1j}$, $\mathbf{K}_{10}^j = \mathbf{k}_1 - \mathbf{k}_{0j}$ (верхний индекс в обозначениях характеризует номер записываемой решетки, см. рисунок 4.8). В этом случае записываемое j -ю НГДС световое поле внутри ФПМ с учетом самодифракции можно представить в следующем виде:

$$I(t, \mathbf{r}) = I_t^j(\mathbf{r}) + I_d^j(t, \mathbf{r}), \quad (4.19)$$

где интенсивность поля, формируемого интерференцией падающих записываемых волн -

$$I_t^j(\mathbf{r}) = 0,5I_0 \left[1 + m_j e^{-i(\mathbf{k}_0 - \mathbf{k}_1)\mathbf{r}} + \text{к.с.} \right], \quad (4.20)$$

интенсивность поля, формируемого интерференцией падающих и дифрагированных волн.

$$I_d^j(t, \mathbf{r}) = 0,5I_0 \left[\frac{E_0 E_{1j}^*}{I_0} e^{-i(\mathbf{k}_0 - \mathbf{k}_{1j})\mathbf{r}} + \frac{E_0 E_{0j}^*}{I_0} e^{-i(\mathbf{k}_0 - \mathbf{k}_{0j})\mathbf{r}} + \right. \\ \left. + \frac{E_1 E_{1j}^*}{I_0} e^{-i(\mathbf{k}_1 - \mathbf{k}_{1j})\mathbf{r}} + \frac{E_1 E_{0j}^*}{I_0} e^{-i(\mathbf{k}_1 - \mathbf{k}_{0j})\mathbf{r}} + \hat{e} \cdot \tilde{\mathbf{n}} \right]. \quad (4.21)$$

Здесь $I_0 = I^0 + I^1$, $I^0 = |E_0|^2$, $I^1 = |E_1|^2$; $m_j = 2(\mathbf{e}_1 \cdot \mathbf{e}_0) \sqrt{I^0 I^1} / (I^0 + I^1)$ - контраст интерференционной картины; $E_{1j} = E_{1j}(t, \mathbf{r})$, $E_{0j} = E_{0j}(t, \mathbf{r})$ - амплитуды, \mathbf{k}_{1j} , \mathbf{k}_{0j} - волновые вектора дифрагированных волн. Отметим, что в (4.20)-(4.21) для

упрощения записи опущен индекс j в амплитудах E_0, E_1 и векторах $\mathbf{k}_0, \mathbf{k}_1$.

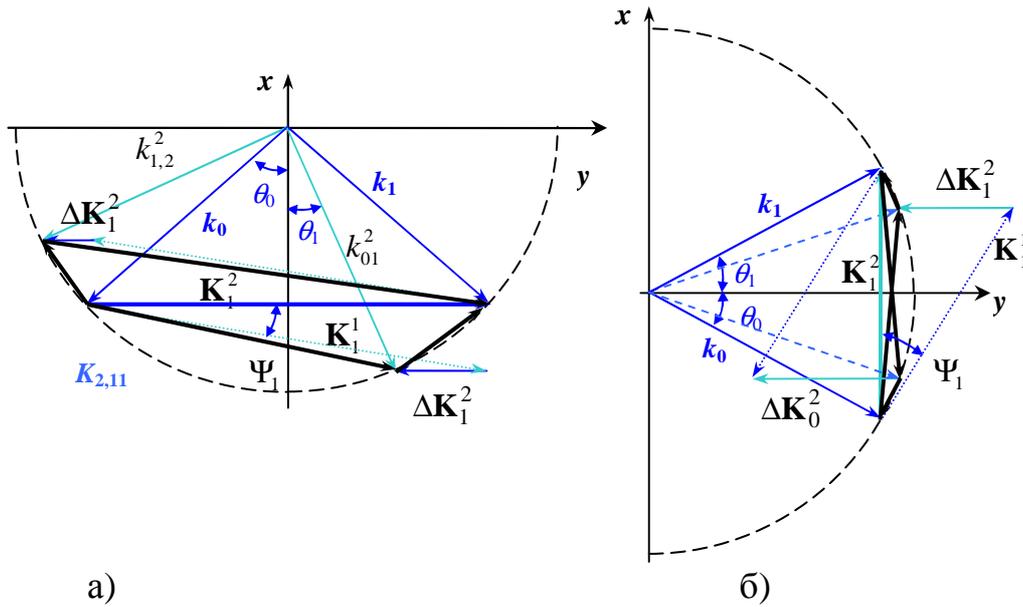


Рисунок 4.8

Решение задачи формирования НГДС в ФПКМ будем искать в общем виде как сумму основных НГДС и сумму ДДС концентрации мономера и показателя преломления:

$$M(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) = \sum_{j=1}^N M_{\text{gen}}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) + \sum_{j=2}^N M_{\text{add}}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}), \quad (4.22)$$

$$n(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) = n_{st} + \sum_{j=1}^N n_{\text{gen}}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) + \sum_{j=2}^N n_{\text{add}}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}),$$

где основные НГДС содержат $H+1$ пространственных гармоник -

$$M_{\text{gen}}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) = \frac{1}{2} \sum_{l=0}^H M_l^j(\boldsymbol{\tau}) e^{-i\mathbf{K}_l^j \mathbf{r}} + \text{к.с.}, \quad n_{\text{gen}}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) = \frac{1}{2} \sum_{l=0}^H n_l^j(\boldsymbol{\tau}) e^{-i\mathbf{K}_l^j \mathbf{r}} + \text{к.с.}, \quad (4.23)$$

а дополнительные ДС – четыре пространственные гармоники -

$$M_{\text{add}}^j = \frac{1}{2} \left(M_{01}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) e^{-i\mathbf{K}_{01}^j \mathbf{r}} + M_{00}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) e^{-i\mathbf{K}_{00}^j \mathbf{r}} + \right. \\ \left. + M_{11}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) e^{-i\mathbf{K}_{11}^j \mathbf{r}} + M_{10}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) e^{-i\mathbf{K}_{10}^j \mathbf{r}} + \text{к.с.} \right), \quad (4.24)$$

$$n_{\text{add}}^j = \frac{1}{2} \left(n_{01}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) e^{-i\mathbf{K}_{01}^j \mathbf{r}} + n_{00}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) e^{-i\mathbf{K}_{00}^j \mathbf{r}} + \right. \\ \left. + n_{11}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) e^{-i\mathbf{K}_{11}^j \mathbf{r}} + n_{10}^j(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) e^{-i\mathbf{K}_{10}^j \mathbf{r}} + \text{к.с.} \right).$$

Здесь $M_l^j(\boldsymbol{\tau})$, $n_l^j(\boldsymbol{\tau})$ – амплитуды l -ых пространственных гармоник

концентрации мономера и показателя преломления основной j -ой НГДС; $M_{01}^j(\tau, \mathbf{r})$, $M_{00}^j(\tau, \mathbf{r})$, $M_{11}^j(\tau, \mathbf{r})$, $M_{10}^j(\tau, \mathbf{r})$, $n_{01}^j(\tau, \mathbf{r})$, $n_{00}^j(\tau, \mathbf{r})$, $n_{11}^j(\tau, \mathbf{r})$, $n_{10}^j(\tau, \mathbf{r})$ – амплитуды первых гармоник ДДС концентрации мономера и показателя преломления, формирующихся на первой гармонике основной $(j-1)$ -ой НГДС: n_{st} – значение показателя преломления ФПМ при $\tau = 0$; $\tau = t/T_{mj}$ – относительное время; $T_{mj} = 1/(D_m |\mathbf{K}_1^j|^2)$ – время диффузии мономера.

Следует отметить, что при записи первой НГДС ($j = 1$), как видно из (4.22), формирование ДДС не происходит, т.к. для нее нет предыдущей НГДС, на которой происходила бы дифракция записывающих волн.

Принимая во внимание малость амплитуд ДДС, можно пренебречь их взаимовлиянием и влиянием на пространственные гармоники НГДС и разделить далее рассматриваемую задачу на две части. В первой части найдем решение для пространственных гармоник основной решетки (4.23) и, используя его, во второй части получим решение для ДДС (4.24). Решение для пространственных гармоник основной решетки (4.23) было найдено в подразделе 4.1.2.1 (см. выражение (4.18)).

ДДС при записи $(j+1)$ -ой НГДС формируются в результате интерференции падающих записывающих волн с волнами, дифрагированными на первой гармонике j -ой НГДС. Принимая во внимание малость дифрагированных волн в (4.21), можно не учитывать изменения амплитуд падающих записывающих волн и ограничить рассмотрение дифрагированными волнами на рассматриваемой j -ой НГДС:

$$\begin{cases} \frac{\partial E_{1j}}{\partial y} = \mp i G_{1j} \left[E_1 \left(n_1^{j-1} e^{-i\Delta K_1^j y} + n_{11}^j(\tau, y) \right) + E_0 n_{01}^j(\tau, y) \right] \\ \frac{\partial E_{0j}}{\partial y} = \mp i G_{0j} \left[E_0 \left(n_1^{j-1} e^{-i\Delta K_0^j y} + n_{00}^j(\tau, y) \right) + E_1 n_{10}^j(\tau, y) \right] \end{cases}, \quad (4.25)$$

где $G_{1j} = \pi/(\lambda \cos \theta_{1j})$, θ_{1j} – угол между векторами \mathbf{N}_{1j} и \mathbf{y}_0 , $n_1^{j-1}(y)$ – первая гармоника $(j-1)$ НГДС, определенная в решении для основной НГДС (4.17), $\Delta K_0^j = |\Delta \mathbf{K}_0^j|$, $\Delta K_1^j = |\Delta \mathbf{K}_1^j|$ – модуль вектора фазовой расстройки (см. рисунок 4.8);

знак ‘-’ – для пропускающей геометрии записи НГДС, ‘+’ – для отражающей геометрии записи НГДС.

Учитывая малость амплитуд ДДС, можно пренебречь их взаимовлиянием и решить задачу записи для каждой ДДС независимо. Дополняя общие кинетические уравнения дифракционными уравнением (4.25), запишем интегро-дифференциальные кинетические уравнения записи для амплитуд первых гармоник ДДС с вектором \mathbf{K}_{00}^j при записи j -ой НГДС:

$$\begin{cases} \frac{\partial}{\partial \tau} M_{00}^j = -r_{00}^{j2} M_{00}^j - \frac{2^k}{b_j} \left[2kM_0^j \frac{E_0 E_{0j}^*(\tau, y)}{E_0 E_1} + M_{00}^j \right] \\ \frac{\partial}{\partial \tau} n_{00}^j = \delta n_p \frac{2^k}{b_j} \left[2k \frac{M_0^j}{M_n} \frac{E_0 E_{0j}^*(\tau, y)}{E_0 E_1} + \frac{M_{00}^j}{M_n} \right] - \delta n_{ic} r_{00}^{j2} \frac{M_{00}^j}{M_n} \end{cases}, \quad (4.26)$$

где $E_{0j}(\tau, y)$ - определяется решением системы (4.25) в приближении заданного поля с учетом $|n_{00}^j| < |n_1^j(y)|$; $M_0^j = M_0^j(\tau)$ – нулевая гармоника M , определенная в решении для основной решетки выражением (4.9) с учетом $\alpha d \approx 0$; $M_{00}^j = M_{00}^j(\tau, y)$, $n_{00}^j = n_{00}^j(\tau, y)$ – первые гармоники концентрации мономера и показателя преломления рассматриваемой ДДС; $r_{00}^j = K_{00}^j / K_1^j$; $b_j = T_{pj} / T_{mj}$. Аналогичный вид имеют уравнения для формирования ДДС $n_{01}^j(\tau, \mathbf{r})$, $n_{11}^j(\tau, \mathbf{r})$, $n_{10}^j(\tau, \mathbf{r})$.

Для решения (4.26) используем интегральное преобразование Лапласа по пространственной координате y

$$\begin{cases} \frac{\partial}{\partial \tau} M_{00}^j(\tau, p) = -M_{00}^j(\tau, p) \left(r_{00}^{j2} - \frac{2^k}{b} \right) \mp \frac{2^k}{b} \frac{2ikG_{0j}}{1+m_0} \left\{ M_0^j(\tau) \frac{n_{00}^j(\tau, p)}{p} + H(\tau, p) \right\} \\ \frac{\partial}{\partial t} n_{00}^j(\tau, p) = -\delta n_{ic} r_{00}^{j2} \frac{M_{00}^j(\tau, p)}{M_n^j} + \delta n_p \frac{2^k}{b} \frac{M_{00}^j(\tau, p)}{M_n^j} \pm \\ \pm 2i \frac{2^k}{b} \frac{k}{1+m_0} \left\{ G_l \frac{M_0^j(\tau) n_{00}^j(\tau, p)}{M_n^j p} + H(\tau, p) \right\} \end{cases}, \quad (4.27)$$

где $H(\tau, p) = L\{H(\tau, y)\}$, $H(\tau, p) = L\left\{M_0^j(\tau) \int_0^{\psi(y)} \{n_1^{j-1}(y')\} e^{-i\Delta K_0^j y'} dy'\right\}$, $F_1 = r_{00}^{j^2} + \frac{2^k}{b}$,

$$F_2 = \pm \frac{2^k}{b} \frac{2iG_0 j k \delta n_p}{1 + m_0}, \quad \text{верхний знак для пропускающей геометрии записи, а}$$

нижний знак для отражающей геометрии записи, $m_0 = E_1^2 / E_0^2$, $\psi(y) = y$ - для пропускающей геометрии записи, $\psi(y) = d - y$ - для отражающей геометрии записи.

Учитывая, что функция $n_{00}^j(\tau, y)$ является медленно меняющейся по сравнению с $M_0^j \cdot \exp(-F_1 \cdot \tau)$, и используя начальное условие $M_{00}^j(\tau = \tau_f) = 0$ и

теорему о среднем для определенного интеграла $\int_a^b \varphi(x) f(x) dx = \varphi(\xi) \int_a^b f(x) dx$,

где $a \leq \xi \leq b$, получим решение для первого уравнения из (4.27)

$$M_{00}^j(\tau, p) = -\frac{F_2 e^{F_1 \tau}}{\delta n_p} \frac{n_{00}^j(\tau, p)}{p} \int_{\tau_f}^{\tau} (M_0^j(\tau') + H(\tau', p)) e^{-F_1 \tau'} d\tau' \quad (4.28)$$

Используя обратное интегральное преобразование Лапласа по пространственной координате y , выражение (3.28) запишем в виде:

$$M_{00}^j(\tau, y) = -\frac{F_2 e^{F_1 \tau}}{\delta n_p} \left[\int_0^{\psi(y)} \int_{\tau_f}^{\tau} M_0^j(\tau') H(\tau', y') e^{-F_1 \tau'} d\tau' dy' \right] \otimes \int_0^y n_{00}^j(\tau, y') dy', \quad (4.29)$$

где \otimes - означает свертку по координате y .

Подставляя полученное решение (4.28) во второе уравнение из (4.27) и используя обратное интегральное преобразование Лапласа по пространственной координате y , решение для $n_1^{j0}(\tau, y)$ запишем в виде:

$$n_{00}^j(\tau, y) = \int_{\tau_f}^{\tau} Q(\tau', y) + Q(\tau', y) \cdot \sqrt{\frac{\int_{\tau'}^{\tau} R(\tau'') d\tau''}{y}} \cdot J_1 \left(2 \sqrt{y \int_{\tau'}^{\tau} R(\tau'') d\tau''} \right) d\tau' \quad (4.30)$$

где
$$R(\tau) = \frac{F_2}{M_n} \left[M_0^j(\tau) + \left(\frac{2^k}{b} - C_n r_{00}^{j^2} \right) \int_0^{\tau} M_0^j(\tau') e^{-F_1(\tau-\tau')} d\tau' \right]$$

$$Q(\tau, y) = R(\tau) \int_0^{\psi(y)} n_1^{j-1}(y') e^{-i\Delta K_0^2 y'} dy', \quad J_1(x) - \text{функция Бесселя.}$$

4.1.3.2 Результаты численного моделирования

Далее рассмотрим процесс формирования дополнительных решеток при записи НГДС на основе численного моделирования с помощью полученных решений (4.30). На рисунке 4.9 представлен график зависимостей аргумента (ось слева) и модуля (ось справа) нормированной амплитуды пространственного профиля ДДС $n_{00}^j(\tau, y/d)/\delta n_p$ для записи четырех НГДС с равной амплитудой первой гармоники. Параметры расчета: $C_n=2$, $m_0=1$, $b=0.1$, угол записи 10° , угол поворота ФПКМ $\Psi=5^\circ$, $\delta n_p=0.001$, толщина ФПКМ $d=80$ мкм. Для данных параметров расчеты показали практически одинаковый характер пространственных профилей для всех двенадцати ДДС в данном случае ($j=2..4$), с изменением амплитуды в пределах 10%.

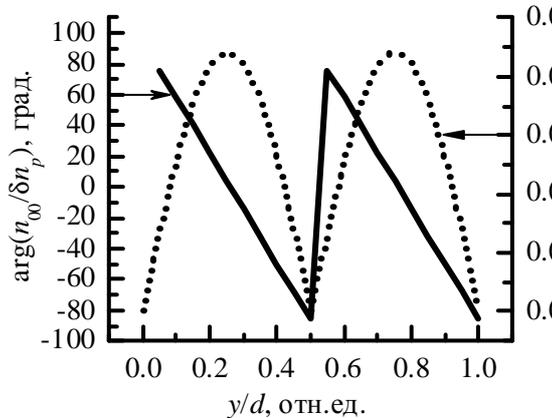


Рисунок 4.9

Из рисунка 4.9 видно, что ДДС имеет квазипериодический амплитудно-фазовый пространственный профиль. Период осцилляции амплитуды и фазы уменьшается при увеличении вектора фазовой расстройки ΔK_0^j , что достигается уменьшением угла

записи, угла наклона ФПКМ, длиной волны записи. Также период осцилляции зависит от толщины d . Увеличение амплитуды ДДС происходит при уменьшении фазовой расстройки ΔK_0^j , увеличении толщины d , увеличении b .

Необходимо отметить основные особенности пространственных профилей ДДС. Во-первых, профили ДДС имеют двумерное квазипериодическое амплитудное распределение, а, во-вторых, неоднородность фазовой составляющей профиля ДДС приводит к повороту вектора решетки и

искажению фазового фронта (пространственной неоднородности направления вектора ДДС) и образованию дополнительного максимума угловой селективности.

Из проведенного численного моделирования формирования НГДС с учетом формирования ДДС было получено, что при $b=0.1$ модуль амплитуды ДДС в точке максимума составляет 10% от амплитуды второй гармоники НГДС. При увеличении b происходит уменьшение амплитуды ДДС, так при $b=1$ имеем 5%, при $b=5$ – менее 1%.

4.2 Параллельная многопучковая запись наложенных голографических дифракционных структур в ФПМ с учетом взаимодействия пространственных гармоник

В данном подразделе представлены теоретическая модель и характеристики голографического процесса параллельной записи наложенных дифракционных структур в композиционных фотополимеризующихся материалах (ФПМ) с учетом нелинейности процесса и эффектов взаимодействия формируемых пространственных гармоник. Представленные модели и результаты являются развитием работ [13-16].

4.2.1 Геометрия формирования НГДС различной симметрии

На рисунке 4.10 приведены несколько, в дальнейшем рассмотренных, геометрий записи. Для формирования трехмерной периодической структуры необходимо как минимум 4 некопланарных когерентных луча. На рисунке 4.10,а приведена геометрия типа «зонтик» (umbrella configuration), используемая для записи пропускающей геометрии. В конфигурации «зонтик» центральный луч перпендикулярен плоскости образца, а другие 3 луча расположены симметрично вокруг центрального, причем возможны два случая: все 4 луча находятся в одной полуплоскости (рисунок 4.10, а) и случай, когда центральный луч расположен в другой полуплоскости относительно плоскости образца. Случай расположения всех 4-х лучей в одной полуплоскости привлекателен с экспериментальной точки зрения, так как отпадает

необходимость в прозрачной подложке.

На рисунке 4.10,б приведена двухплоскостная геометрия (2 planes geometry или tetrahedral configuration), где одна пара лучей расположена с одной стороны образца, а другая пара – с другой.

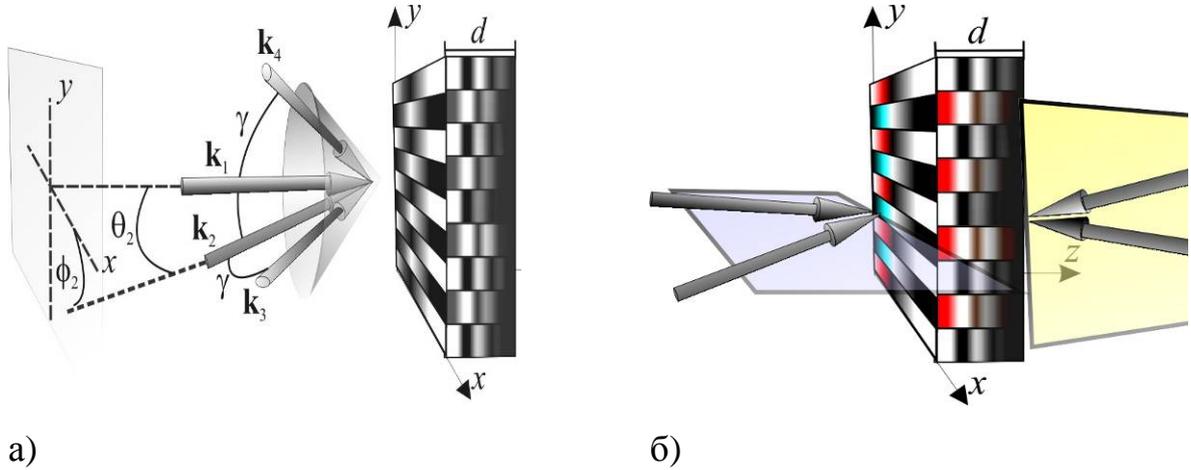


Рисунок 4.10 – Конфигурации записи

В зависимости от пространственного угла γ между пучками можно выделить различные симметрии фотонной структуры в голографическом сформированном фотонном кристалле, приведенные в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Углы γ в материале и соответствующие постоянные решетки a для различных геометрий лучей. ($\lambda = \lambda_0/n_{mat}$).

Трансляционная симметрия	Угол γ в материале	Постоянная решетки
для конфигурации «зонтик»		
простая кубическая (s.c.)	$\gamma_{sc} = \arccos(1/3) = 70.53^\circ$	$a_{sc} = \lambda\sqrt{3}/2 \approx 0.87\lambda$
объемоцентрированная кубическая (b.c.c.)	$\gamma_{bcc} = \arccos(-1/3) = 109.47^\circ$	$a_{bcc} = \lambda\sqrt{3}/2 \approx 0.87\lambda$
гранецентрированная кубическая (f.c.c.)	$\gamma_{fcc} = \arccos(7/9) = 38.94^\circ$	$a_{fcc} = \lambda 3\sqrt{3}/2 \approx 2.6\lambda$
для схемы с двумя плоскостями		
объемоцентрированная кубическая (b.c.c.)	$\gamma_{bcc} = \arccos(-1/3) = 109.47^\circ$	$a_{bcc} = \lambda\sqrt{3}/2 \approx 0.87\lambda$
гранецентрированная кубическая (f.c.c.)	$\gamma_{fcc} = \arccos(-3/5) = 126.87^\circ$	$a_{fcc} = \lambda\sqrt{5}/2 \approx 1.12\lambda$

4.2.2 Аналитическая модель процессов формирования НГДС

Запись осуществляется световыми пучками с волновыми векторами \mathbf{k}_i , падающими на ФПКМ под углами θ_i к нормали к поверхности образца. Векторная диаграмма для рассмотренных выше геометрий записи приведена на рисунке 4.11. При этом в объеме ФПКМ с поглощением α образуется интерференционная картина со следующим распределением интенсивности:

$$I_i(\mathbf{r}) = I_0(\mathbf{r}) \cdot \left[1 + \sum_{i=1}^N \sum_{j=i+1}^N m_{ij}(\mathbf{r}) \cdot \cos(\mathbf{K}_{ij} \cdot \mathbf{r}) \right], \quad (4.31)$$

где N – количество записывающих пучков, $I_0(\mathbf{r}) = \sum I_i(\mathbf{r})$, $\mathbf{K}_{ij} = \mathbf{k}_i - \mathbf{k}_j$ – волновые вектора решеток, $m_{ij}(\mathbf{r}) = 2 \sqrt{I_i(\mathbf{r}) I_j(\mathbf{r})} / \sum_{i=1}^N I_i(\mathbf{r})$ – локальные контрасты, $I_i(\mathbf{r})$ – интенсивность i пучка. Зависимость I_i , m_{ij} от \mathbf{r} вызвана поглощением фотополимерного композита и записывается следующим образом: $I_i(\mathbf{r}) = I_i^0 \cdot \exp(-\alpha \cdot |\mathbf{k}_i| \cdot z / k_{iz})$ для пропускающей геометрии записи ($k_{iz} > 0$), $I_i(\mathbf{r}) = I_i^0 \cdot \exp(\alpha \cdot |\mathbf{k}_i| \cdot (z - d) / k_{iz})$ для отражающей геометрии записи ($k_{iz} < 0$), где I_i^0 – интенсивность i пучка при $z=0$.

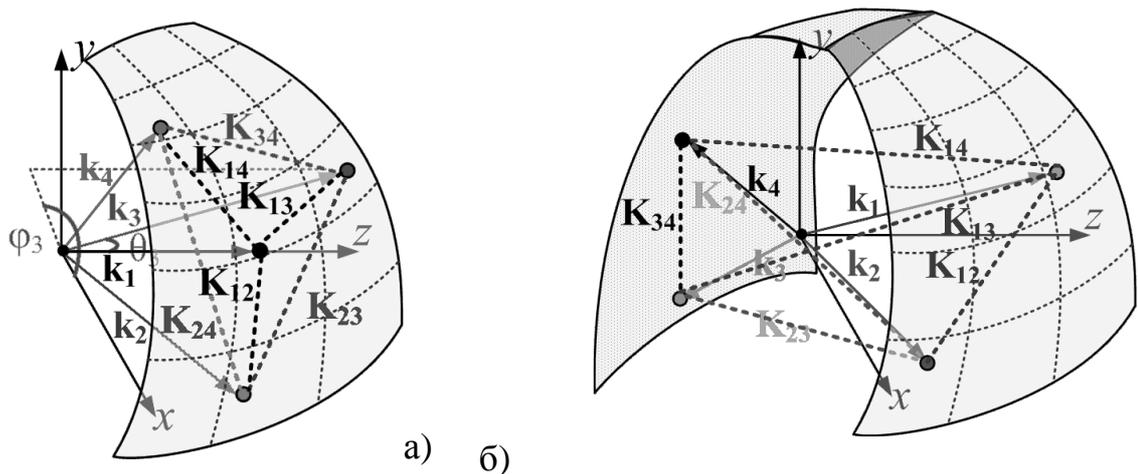


Рисунок 4.11 – Векторная диаграмма для схемы 4.10а (а), 4.10б (б)

Рассматривая для определенности ФПКМ вида ФПМ + наночастицы, решения кинетических уравнений записи [13] представим для пространственного распределения M и показателя преломления n в виде суммы пространственных гармоник.

$$M(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) = M_0(\boldsymbol{\tau}) + \sum_{i=1}^{N-1} \sum_{j=i+1}^N \sum_{h=1}^H M_{ij}^h(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) \cos(h\mathbf{K}_{ij} \cdot \mathbf{r}), \quad (4.32)$$

$$n(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) = n_0(\boldsymbol{\tau}) + \sum_{i=1}^{N-1} \sum_{j=i+1}^N \sum_{h=1}^H n_{ij}^h(\boldsymbol{\tau}, \mathbf{r}) \cos(h\mathbf{K}_{ij} \cdot \mathbf{r}), \quad (4.33)$$

где M_{ij}^h , $n_{ij}^h = n^{ph}_{ij} + n^{ih}_{ij}$ - амплитуды пространственных гармоник НДР мономера и показателя преломления; n^{ph}_{ij} , n^{ih}_{ij} - составляющие n_{ij}^h за счет фотополимеризационного и диффузионного механизмов записи; N - количество записывающих пучков, формирующих НДР с $G=N(N-1)/2$ решетками, содержащих $G \cdot H + 1$ гармоник с векторами решеток \mathbf{K}_{ij} .

Подставляя вид решения (4.32) и (4.33) в кинетические уравнения [13], используя свойство ортогональности гармонических функций, получаем систему связанных уравнений для гармоник концентрации мономера (4.34) и показателя преломления (3.35):

$$\begin{cases} \partial M_0 / \partial \tau = -e \cdot M_0 + \sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=i+1}^N c_{ij} M_{ij}^1 \\ \partial M_{lf}^1 / \partial \tau = -(q_{lf}^2 + e) M_{lf}^1 - c_{lf} (2M_0 + M_{lf}^2) \\ \dots \quad \dots \quad \dots \quad \dots \quad \dots \quad \dots \quad \dots \\ \partial M_{lf}^h / \partial \tau = -(h^2 q_{lf}^2 + e) M_{lf}^h - c_{lf} (M_{lf}^{h-1} + M_{lf}^{h+1}) \text{ } \ddot{\text{и}} \ddot{\text{д}} \ddot{\text{е}} \quad 1 < h \leq H \end{cases}, \quad (4.34)$$

$$\begin{cases} M_n \cdot \partial n_0 / \partial \tau = \delta n_p e M_0 - \delta n_p \sum_{i=0}^{N-1} \sum_{j=i+1}^N c_{ij} M_{ij}^1 \\ M_n \cdot \partial n_{lf}^1 / \partial \tau = (\delta n_i q_{lf}^2 + e \delta n_p) M_{lf}^1 + c_{lf} (2M_0 + M_{lf}^2) \\ \dots \quad \dots \quad \dots \quad \dots \quad \dots \quad \dots \quad \dots \\ M_n \cdot \partial n_{lf}^h / \partial \tau = (\delta n_i h^2 q_{lf}^2 + e \delta n_p) M_{lf}^h + c_{lf} (M_{lf}^{h-1} + M_{lf}^{h+1}) \text{ } \ddot{\text{и}} \ddot{\text{д}} \ddot{\text{е}} \quad 1 < h \leq H \end{cases}, \quad (4.35)$$

где $q_{mk} = K_{mk} / K_{12}$ - нормировка волновых чисел наложенных решеток по первой, $b_s = b_s(\mathbf{r}) = T_{ps}(\mathbf{r}) / T_m = b_s^0 \cdot I_0(0)^k / I_0(z)^k$ - безразмерный параметр, характеризующий условия записи, $e = e(\mathbf{r}) = 2^k / b_s(\mathbf{r})$, $c_{ij} = c_{ij}(\mathbf{r}) = 2^k \cdot k \cdot m_{ij}(\mathbf{r}) / 2b_s(\mathbf{r})$, $\tau = t / T_m$ - относительное время, где $T_m = 1 / K_{12}^2 D_m$ - время диффузии, $T_{ps}(\mathbf{r}) = h^{-1} / I_0(\mathbf{r})^k$ - время полимеризации, $b_s^0 = T_{ps}^0 / T_m$, $T_{ps}^0 = h^{-1} / I_0(0)^k$.

Применяя матричную запись для систем уравнений (4.34), (4.35), в

результате получим.

$$\begin{aligned} \frac{\partial \mathbf{M}(\tau, \mathbf{r})}{\partial \tau} &= \mathbf{A}(\mathbf{r})\mathbf{M}(\tau, \mathbf{r}), \\ \frac{\partial \mathbf{N}(\tau, \mathbf{r})}{\partial \tau} &= \delta n_p \mathbf{B}(\mathbf{r})\mathbf{M}(\tau, \mathbf{r}) + \delta n_i \mathbf{C}\mathbf{M}(\tau, \mathbf{r}), \end{aligned} \quad (4.36)$$

где \mathbf{M} – вектор-столбец гармоник концентрации мономера размерности $N \cdot (N-1)/2 \cdot H$, \mathbf{N} – вектор-столбец гармоник показателя преломления размерности $G \cdot H$, $\mathbf{B}(\mathbf{r})$, \mathbf{C} , $\mathbf{A}(\mathbf{r}) = \mathbf{B}(\mathbf{r}) - \mathbf{C}$ – матрицы, включающие в себя параметры материала и условия записи (интенсивности и поляризацию пучков, коэффициенты диффузии, состав материала). Зависимость этих матриц от \mathbf{r} вызвана наличием поглощения в объеме композитного материала.

Запишем вектора \mathbf{M} , \mathbf{N} и матрицы \mathbf{A} , \mathbf{B} , \mathbf{C} в компактной форме, используя правила блочной записи: $\mathbf{M}(t, \mathbf{r}) = [\mathbf{M}^0, \mathbf{M}^1, \dots, \mathbf{M}^H]^T$, $\mathbf{N}(t, \mathbf{r}) = [\mathbf{N}^0, \mathbf{N}^1, \dots, \mathbf{N}^H]^T$,

$$\mathbf{B}(\mathbf{r}) = \begin{bmatrix} \mathbf{E}^0 & \mathbf{C}^r & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \dots & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{C}^c & \mathbf{E} & \mathbf{C}^m & \mathbf{0} & \dots & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{C}^m & \mathbf{E} & \mathbf{C}^m & \dots & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{C}^m & \mathbf{E} & \dots & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \dots & \mathbf{C}^m & \mathbf{E} \end{bmatrix}, \quad \mathbf{C}(\mathbf{r}) = \begin{bmatrix} \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \dots & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{Q}^1 & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \dots & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{Q}^2 & \mathbf{0} & \dots & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{Q}^3 & \dots & \mathbf{0} & \mathbf{0} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \mathbf{0} & \dots & \mathbf{0} & \mathbf{Q}^H \end{bmatrix},$$

где символическая запись типа \mathbf{F}_{NM} означает блок из матрицы размерности N на M , составляющие векторов $\mathbf{M}(t, \mathbf{r})$ и $\mathbf{N}(t, \mathbf{r})$ записываются следующим образом:

$$\begin{aligned} \mathbf{M}^0 &= \mathbf{M}_{11}^0 = [M_0], \quad \mathbf{M}^h = \mathbf{M}_{1G}^h = [M_{01}^h, \dots, M_{N-1,N}^h]^T, \quad \mathbf{N}^0 = \mathbf{N}_{11}^0 = [n_0], \quad \mathbf{N}^h = \\ \mathbf{N}_{1G}^h &= [n_{01}^h, \dots, n_{N-1,N}^h]^T, \text{ а составляющие блоки матриц } \mathbf{B}, \mathbf{C} \text{ имеют вид: } \mathbf{E}^0 = \mathbf{E}_{1,1}^0 = \\ &= [e], \quad \mathbf{C}^r = \mathbf{C}_{1,G}^r = [c_{01}, \dots, c_{N-1,N}], \quad \mathbf{C}^c = \mathbf{C}_{G,1}^c = [2c_{01}, \dots, 2c_{N-1,N}]^T, \end{aligned}$$

$$\mathbf{E} = \mathbf{E}_{G,G} = \begin{bmatrix} e & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots \\ 0 & \dots & e \end{bmatrix}, \quad \mathbf{Q}^h = \mathbf{Q}_{G,G}^h = \begin{bmatrix} h^2 \cdot q_{01}^2 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots \\ 0 & \dots & h^2 \cdot q_{N-1,N}^2 \end{bmatrix}, \quad \mathbf{C}^m = \mathbf{C}_{G,G}^m = \begin{bmatrix} \tilde{n}_{01} & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots \\ 0 & \dots & \tilde{n}_{N-1,N} \end{bmatrix}.$$

Начальные условия для решения уравнения (3.36) представляются в следующем виде.

$$\mathbf{M}(\tau = \mathbf{0}, \mathbf{r}) = (M_n \ 0 \ \dots \ 0)^T = \mathbf{M}_0, \quad \mathbf{N}(\tau = \mathbf{0}, \mathbf{r}) = (0 \ 0 \ \dots \ 0)^T. \quad (4.37)$$

Для решения матричных дифференциальных уравнений (4.36) с начальными условиями (4.37) воспользуемся матричными методами. В этом случае общие решения представляются в виде:

$$\mathbf{M}(\tau, \mathbf{r}) = \exp[\mathbf{A}(\mathbf{r}) \cdot \tau] \mathbf{M}_0,$$

$$n(\tau, \mathbf{r}) = \delta n_p \mathbf{B}(\mathbf{r}) \int_0^\tau \exp[\mathbf{A}(\mathbf{r}) \cdot \tau'] \mathbf{M}_0 d\tau' + \delta n_i \mathbf{C} \int_0^\tau \exp[\mathbf{A}(\mathbf{r}) \cdot \tau'] \mathbf{M}_0 d\tau', \quad (4.38)$$

где под функциями от матриц понимаются функции, определенные на спектрах входящих в них матриц. Учитывая, что матрица $\mathbf{A}(\mathbf{r})$ является простой с вещественными, различными и отрицательными собственными числами λ_i , функции от матрицы \mathbf{A} можно представить, воспользовавшись разложением Лагранжа-Сильвестра.

В этом случае, раскрывая решение (4.38) покомпонентно, получим выражения для амплитудных профилей пространственных гармоник наложенных решеток концентрации мономера и показателя преломления $n_{ij}^h = n_{ij}^{hp} + n_{ij}^{hi}$:

$$\begin{aligned} M_{ij}^h(\tau, \mathbf{r}) &= M_0(\mathbf{r}) \sum_{l=0}^{GH} f_{v(i,j,h),l}(\mathbf{r}) \exp[\lambda_p(\mathbf{r}) \cdot \tau], \\ n_{ij}^{hp}(\tau, \mathbf{r}) &= -\delta n_p 2 \sum_{l=0}^{GH} b_{v(i,j,h),l}(\mathbf{r}) \sum_{p=0}^{GH} f_{l,p}(\mathbf{r}) \frac{1 - \exp[\lambda_p(\mathbf{r}) \cdot \tau]}{\lambda_p(\mathbf{r})}, \\ n_{ij}^{hi}(\tau, \mathbf{r}) &= -\delta n_i 2 c_{v(i,j,h),v(i,j,h)} \frac{D_i}{D_m} \sum_{p=0}^{GH} f_{l,p}(\mathbf{r}) \frac{1 - \exp[\lambda_p(\mathbf{r}) \cdot \tau]}{\lambda_p(\mathbf{r})}, \end{aligned} \quad (4.39)$$

где $v(i,j,h) = (h-1)G + (2 \cdot N \cdot i - i^2 - i)/2 + (j-i)$, λ_p – собственные числа матрицы связи \mathbf{A} кинетических уравнений, b_{ij} , c_{ij} – элементы соответствующих матриц, коэффициенты $f_{j,p}$ находятся из матрицы \mathbf{A} , как решения $(H \cdot G + 1)$ систем линейных алгебраических уравнений (4.40).

$$\left\{ \begin{array}{cccc} 1 & 1 & 1 & \cdot & 1 \\ \lambda_0 & \lambda_1 & \lambda_2 & \cdot & \lambda_N \\ \lambda_0^2 & \lambda_1^2 & \lambda_2^2 & \cdot & \lambda_N^2 \\ \cdot & \cdot & \cdot & \cdot & \cdot \\ \lambda_0^{HG} & \lambda_1^{HG} & \lambda_2^{HG} & \cdot & \lambda_N^{HG} \end{array} \right\} \times \left\{ \begin{array}{c} f_{j,0} \\ f_{j,1} \\ f_{j,2} \\ \dots \\ f_{j,HG} \end{array} \right\} = M_n \left\{ \begin{array}{c} \delta_{j,0} \\ a_{j,0} \\ \sum_{i_0=0}^{HG} a_{j,i_0} a_{i_0,0} \\ \dots \\ \sum_{i_{(NH-2)}=0}^{HG} a_{j,i_{NH-2}} \dots \sum_{i_2=0}^{HG} a_{i_3,i_2} \sum_{i_1=0}^{HG} a_{i_2,i_1} \sum_{i_0=0}^{HG} a_{i_1,i_0} a_{i_0,0} \end{array} \right\}, \quad (4.40)$$

где матрица в левой части уравнения (4.40) размерностью $(N \cdot G + 1) \times (N \cdot G + 1)$ является транспонированной матрицей Вандермонда. В силу вещественности и различия всех λ_i , определитель указанной матрицы отличен от нуля. Следовательно $(N \cdot G + 1)$ систем (A_j) имеют единственные решения.

Решения (4.39) определяют динамику развития пространственных профилей гармоник полимерной и инертной наложенных решеток при голографической записи дифракционных структур и являются математической основой для исследования и оптимизации процесса формирования сложных фотонных структур в поглощающих фотополимерных композитах.

4.2.3 Результаты численного моделирования процесса формирования НГДС

Проведем численное моделирование процессов параллельной записи в поглощающих фотополимерных композитах с целью проведения исследования влияния взаимосвязи всех гармоник, внешних и внутренних условий записи, а именно: b_s , m_{oi} , на кинетики гармоник, пространственные распределения голографических фотонных структур. Также рассмотрим поведение двумерных профилей гармоник в зависимости от времени записи, продольной координаты, поглощения и геометрии записи.

Для моделирования процессов голографической записи в поглощающих фотополимерных композитах было разработано программное обеспечение на основании аналитических выражений (4.29) для расчета и оптимизации таких структур.

4.2.3.1 Пропускающая геометрия

Рассмотрим кинетики роста гармоник наложенных решеток с \mathbf{K}_{12} (рисунок 4.12а) \mathbf{K}_{23} (рисунок 4.12б) в поглощающих фотополимерных материалах а зависимости от времени по глубине материала (координате z) при следующих параметрах: $k=0.7$, $C_n=0.1$, $b_s^0 = 0.25$, $\alpha d=4$, $d=10$ мкм, $m_{0i}^0 = \Gamma_i^0 / \Gamma_1^0 = 1, 0.1, 0.1, 0.1$, для числа пучков $h = 4$ ($\varphi = 0, 90, 180, 270$; $\theta = 10^\circ$) при учитываемом количестве гармоник $H=2$ и длине волны записи $\lambda = 633$ нм.

Как видно из рисунка 4.12, вследствие поглощения пространственные профили гармоник решеток, кроме трансформации амплитуды по времени становятся неоднородными по глубине.

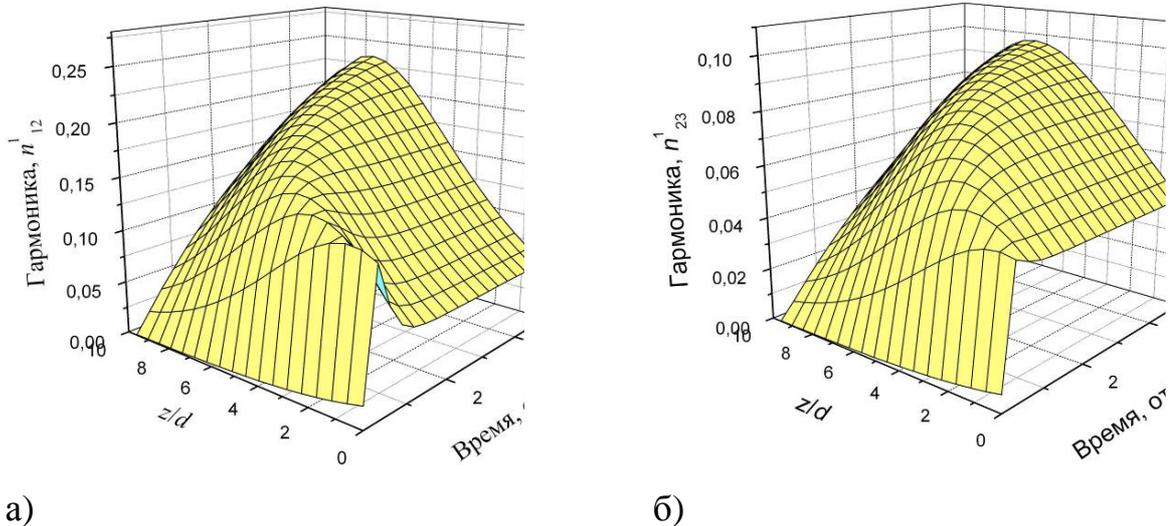


Рисунок 4.12 – Пространственные профили первых гармоник

Наблюдается различное поведение n^l_{ij} . Так для n^l_{12} (рисунок 4.12а) пространственный профиль по глубине образца трансформируется во времени от спадающего к возрастающему, в то время как для n^l_{23} (рисунок 4.12б) наблюдается однозначный спад.

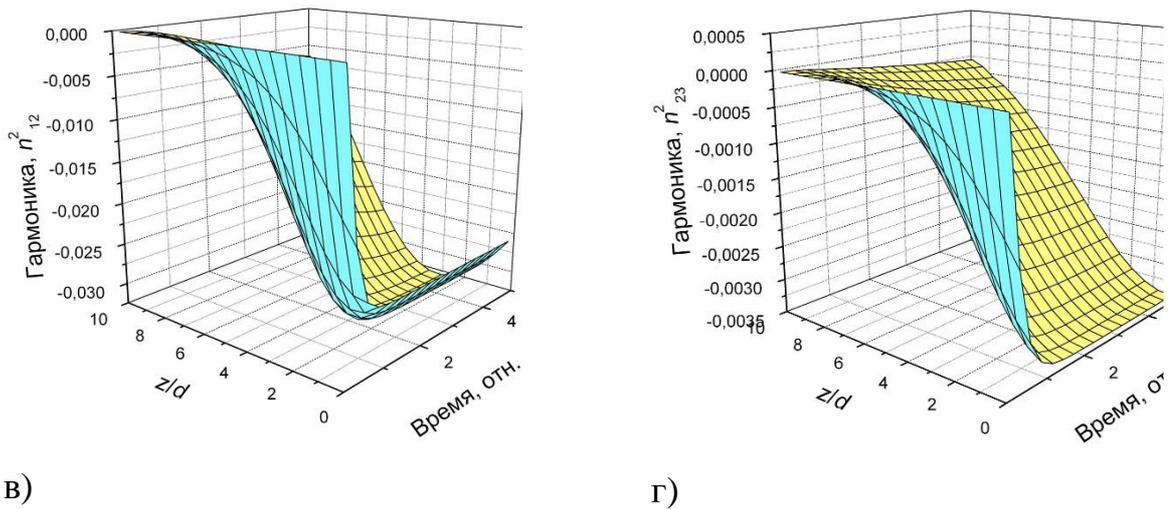


Рисунок 4.12 – Пространственные профили вторых гармоник

Такой характер для n^1_{12} связан с преобладанием полимеризационных процессов над диффузионными на малых глубинах, вследствие чего в светлых областях быстро полимеризуется и истощается, т.к. из темных областей мономер не успевает диффундировать. В то время как на больших глубинах диффузионные процессы преобладают над полимеризационными, в результате чего мономер диффундирует из неосвещенных областей в освещенные с его полимеризацией в освещенных областях. В случае n^1_{23} (рисунок 4.12, б) происходит уменьшение вклада самого полимеризационного процесса, в результате чего истощение мономера не происходит по всей глубине образца, а затухание по глубине только затягивает время выхода на стационарный режим.

Для вторых гармоник (рисунок 4.12, в, г), в независимости от их решеток, наблюдается спадание её абсолютной величины по толщине образца. Это связано с тем, что для вторых гармоник полимеризационные процессы протекают много медленнее первых, поэтому их поведение аналогично с поведением n^1_{23} (рисунок 4.12, б).

На рисунке 4.13,а представлены кинетики первых гармоник n^1_{ij} при различных контрастах m^0_{oi} ($m^0_{oi}=1,0.1,0.1,0.1$ и $m^0_{oi}=1,0.1,0.01,0.1$) при $z = 2$ мкм. Видно, что изменение соотношения интенсивности между пучками приводит к отличию кинетик гармоник n^1_{ij} , как по амплитуде так и по времени выхода на стационарное значение. При этом изменение интенсивности второго пучка

(m_{02}^0) приводит к отличию кинетик гармоник n_{ij}^h , связанных с решетками между вторым и остальными пучками ($n_{13}^h, n_{23}^h, n_{34}^h$), которые различны как по амплитуде, так и по времени выхода на стационарное значение. Таким образом, за счет нелинейности процесса записи и взаимосвязи между гармониками происходит изменение уровней всех гармоник (n_{12}^h, n_{14}^h).

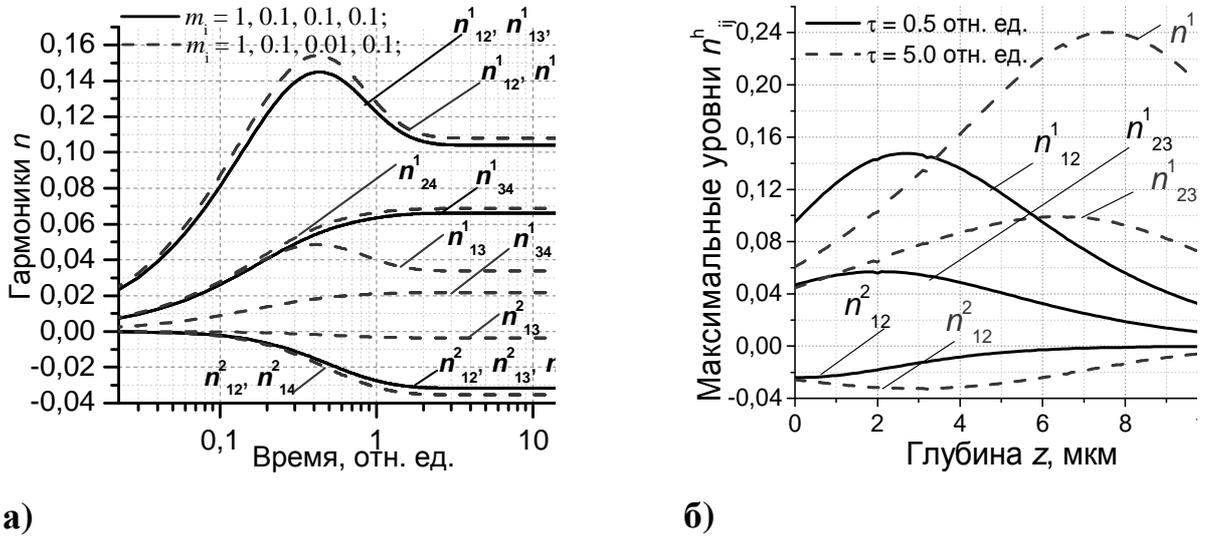
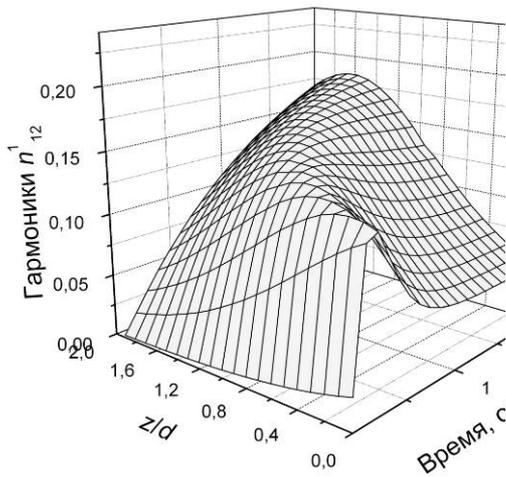


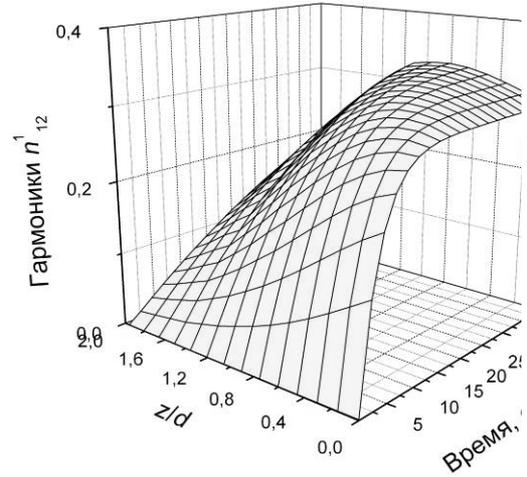
Рисунок 4.13 – Амплитуды гармоник при $z = 2$ мкм (а) и при $\tau=0.5, \tau=5$ отн. ед. (б)

На рисунке 4.13б представлены амплитуды n_{ij}^h при $\tau = 0.5$ отн. ед. и $\tau = 5$ отн. ед, $m_{0i}^0=1,0.1,0.1,0.1$. При этом наблюдается трансформация пространственных профилей гармоник при $\tau = 5$ отн. ед. по сравнению с $\tau = 0.5$ отн. ед. (амплитуды гармоник при $\tau = 5$ отн. ед. становятся возрастающими, что говорит о возрастании глубины модуляции по толщине при спадающем профили наложенной интерференционной картины).

Рассмотрим поведение двумерных профилей гармоник в зависимости от параметра b_s , представленных на рисунке 4.14а для $b_s = 0.25$ и рисунке 4.14б для $b_s = 5$.



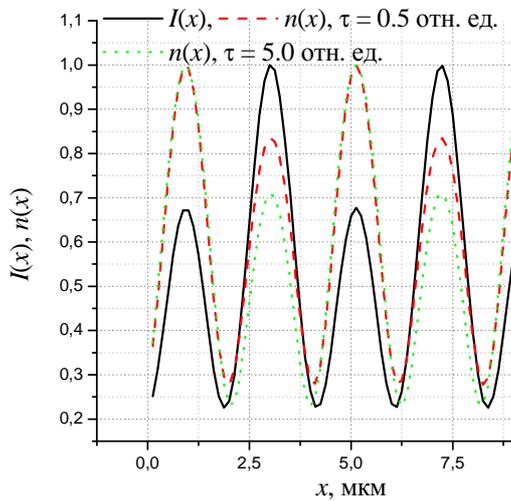
а)



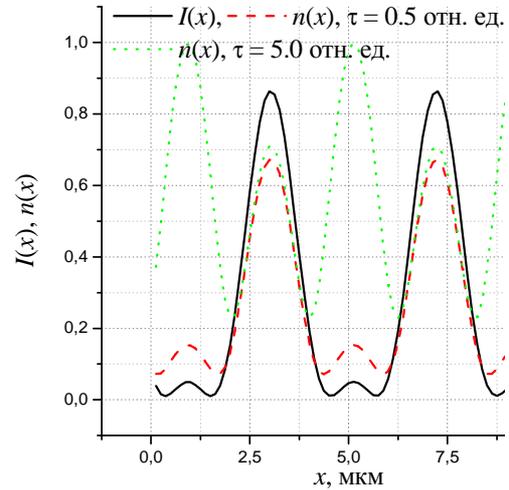
б)

Рисунок 4.14 – Двумерные профили гармоник показателя преломления

Поведение гармоник в зависимости от параметра b_s , качественно повторяет результаты, полученные для двухпучковой параллельной записи в поглощающих фотополимерных композитах. Такое поведение гармоник связано с изменением соотношения диффузионно-полимеризационных процессов, и объясняется ранее.



а)



б)

Рисунок 4.15 – Одномерные профили $n(x)$ при $y=0, z = 0$ (а), $z=2.5$ мкм (б)

На рисунке 4.15 приведены одномерные срезы интерференционной

картины и распределения показателя преломления при $y = 0$ и различных z . Видно, что распределение показателя преломления существенно отличается от распределения интенсивности как по координате x , так и в различные моменты записи τ , что связано с нелинейностью процесса записи и эффектами взаимовлияния гармоник

На рисунке 4.16 представлены двумерные срезы наложенной интерференционной картины (а) и сформированной дифракционной структуры (б) по $y=5$ мкм (слева), $z=0, z=6$ мкм (справа) при $h=4, b_s^0 = 1.2, \tau=5$ отн. ед., $m_{0i}^0 = 1, 0.1, 0.1, 0.1$.

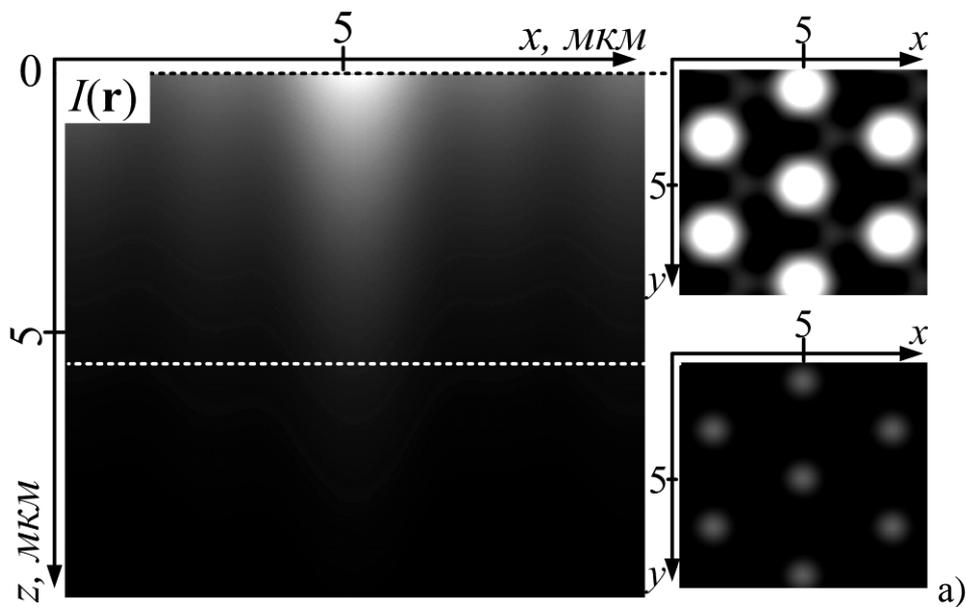


Рисунок 4.16 – Двумерные срезы интерференционной картины (а)

Видно, что результат записи существенно отличается от интерференционной картины как в срезах z , что связано с появлением высших пространственных гармоник и взаимовлиянием гармоник друг на друга, так и в срезах y , что связано с диффузионно-полимеризационными процессами, описанными выше.

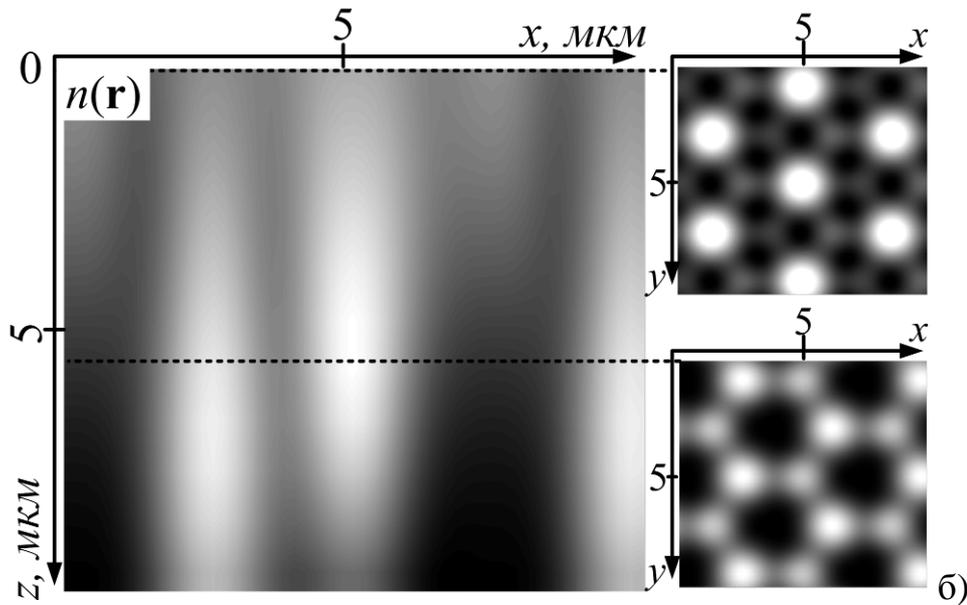


Рисунок 4.16 – Двумерные срезы распределения показателя преломления (б)

Видно, что результат записи существенно отличается от интерференционной картины как в срезах z , что связано с появлением высших пространственных гармоник и взаимовлиянием гармоник друг на друга, так и в срезах y , что связано с диффузионно-полимеризационными процессами, описанными выше.

Стоит отметить, что поведение гармоник существенно различается, в зависимости от геометрии. Так, в дальнейшем, поведение гармоник в схеме с двумя плоскостями при наложении отражательной и пропускающей геометрии (рисунок 4.10, б) существенно отличается от полученных результатов в данном разделе.

4.2.3.2 Гибридная геометрия

Рассмотрим двухплоскостную геометрию записи, представленную на рисунке 3.10 со следующим расположением записывающих пучков: $m_{0i}^0 = \Gamma_i^0 / \Gamma_1^0 = 1, 1, 1, 1, h = 4$ ($\varphi = 0, 90, 180, 270; \theta = 10^0$). При этом остальные параметры записи аналогичны предыдущему рассмотренному случаю: $k=0.7, C_n=0.1, b_s^0 = 0.25, \alpha d=4, d=10$ мкм, $H=2, \lambda = 633$ нм.

Кинетика формирования первых гармоник по глубине поглощающего ФПМ показана на рисунке 4.17а для решеток с n_{12}^h, n_{34}^h и на рисунке 4.17б для решеток с n_{13}^h, n_{24}^h т. Следует отметить, что в первом случае формируются решетки пропускающего типа, а во втором – отражающего типа.

Из сравнения рисунке 4.17 и рисунке 4.12 также видно, что поведение профилей гармоник при гибридной геометрии существенно отличается от поведения гармоник при конфигурации типа «Зонтик». Так профили гармоник $n_{13}^h, n_{14}^h, n_{23}^h, n_{24}^h$ (рисунке 4.17б) при $z < d/2$ возрастают, а при $z > d/2$, становятся убывающими по толщине ФПМ z . Это связано с различными условиями распространения для пучков и диффузионно-полимеризационными процессами, описанными выше.

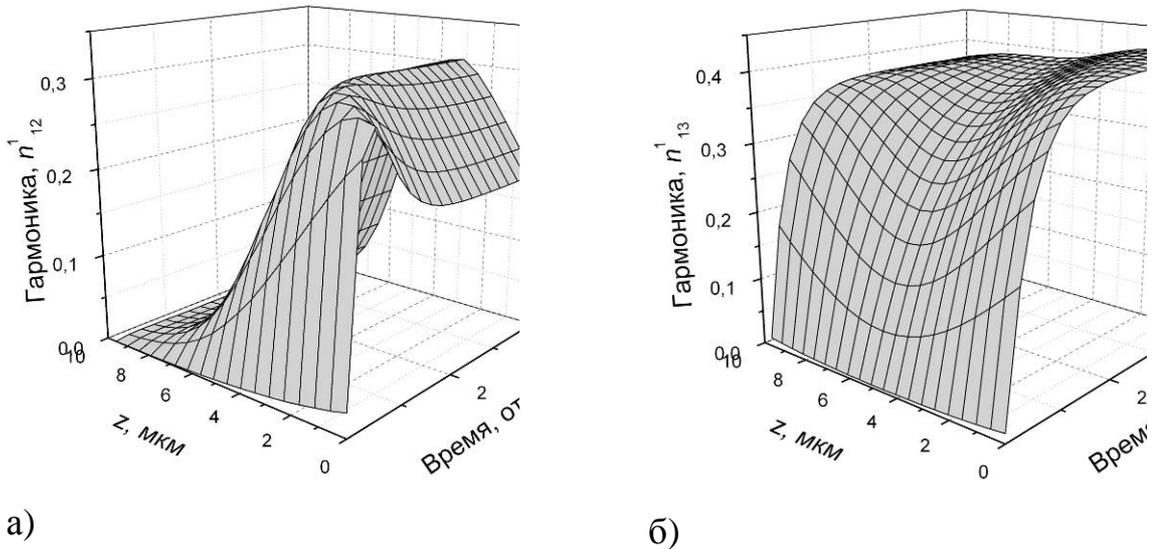
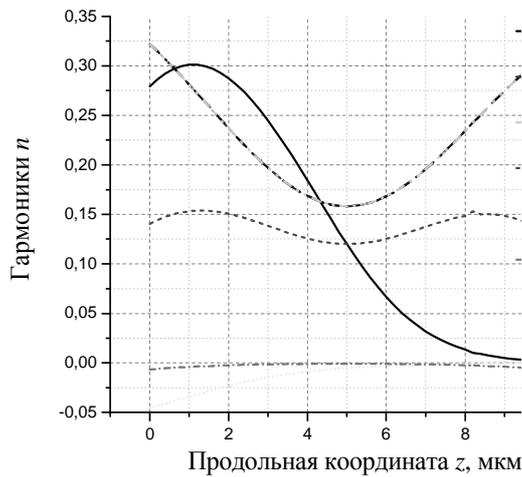
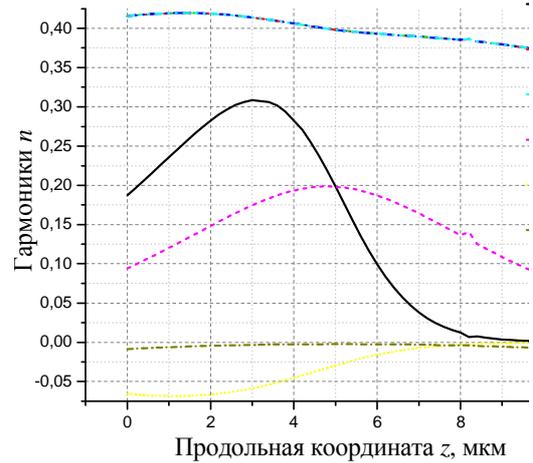


Рисунок 4.17 – Кинетика записи гармоник показателя преломления

При распространении излучения первый и второй пучки затухают, при увеличении глубины, а третий и четвертый возрастает. Таким образом локальная освещенность для описанных гармоник меняется от малого значения при $z = 0$, до максимального значения $z = d/2$, и до малого при $z = d$. Соответственно, при больших значениях интенсивности полимеризационные процессы преобладают над диффузионными, что описывалось в предыдущем подпункте. Для гармоник n_{12}^h (рисунке 4.17а) результаты аналогичны геометрии типа «зонтик», это связано с тем, что оба пучка затухают.



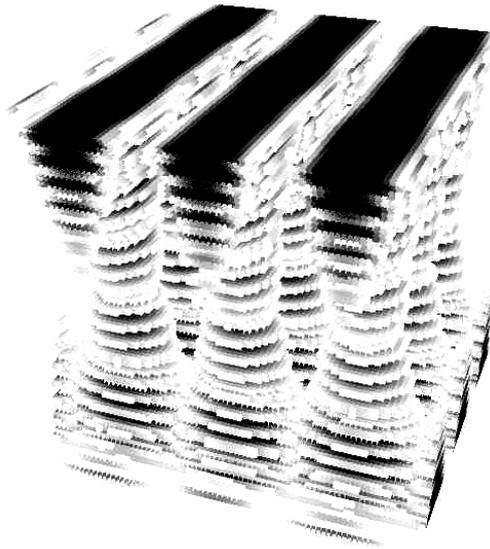
а)



б)

Рисунок 4.18 – Профили гармоник при $\tau = 0.5$ отн. ед. (а), $\tau = 5$ отн. ед. (б)

На рисунке 4.18 приведены профили гармоник показателя преломления в различные моменты времени. Как и в случае с геометрией типа «Зонтик» видна трансформация поведения гармоник с течением времени.



На рисунке 4.19 приведено трехмерное распределение интерференционной картины. Видно, что трансформируется направление решеток. Это связано с тем, что при z , близких к нулю, сильны пучки, формирующие одно направление решеток, а при z , близких к d , другую.

Рисунок 4.19 – Трехмерное распределение интерференционной картины

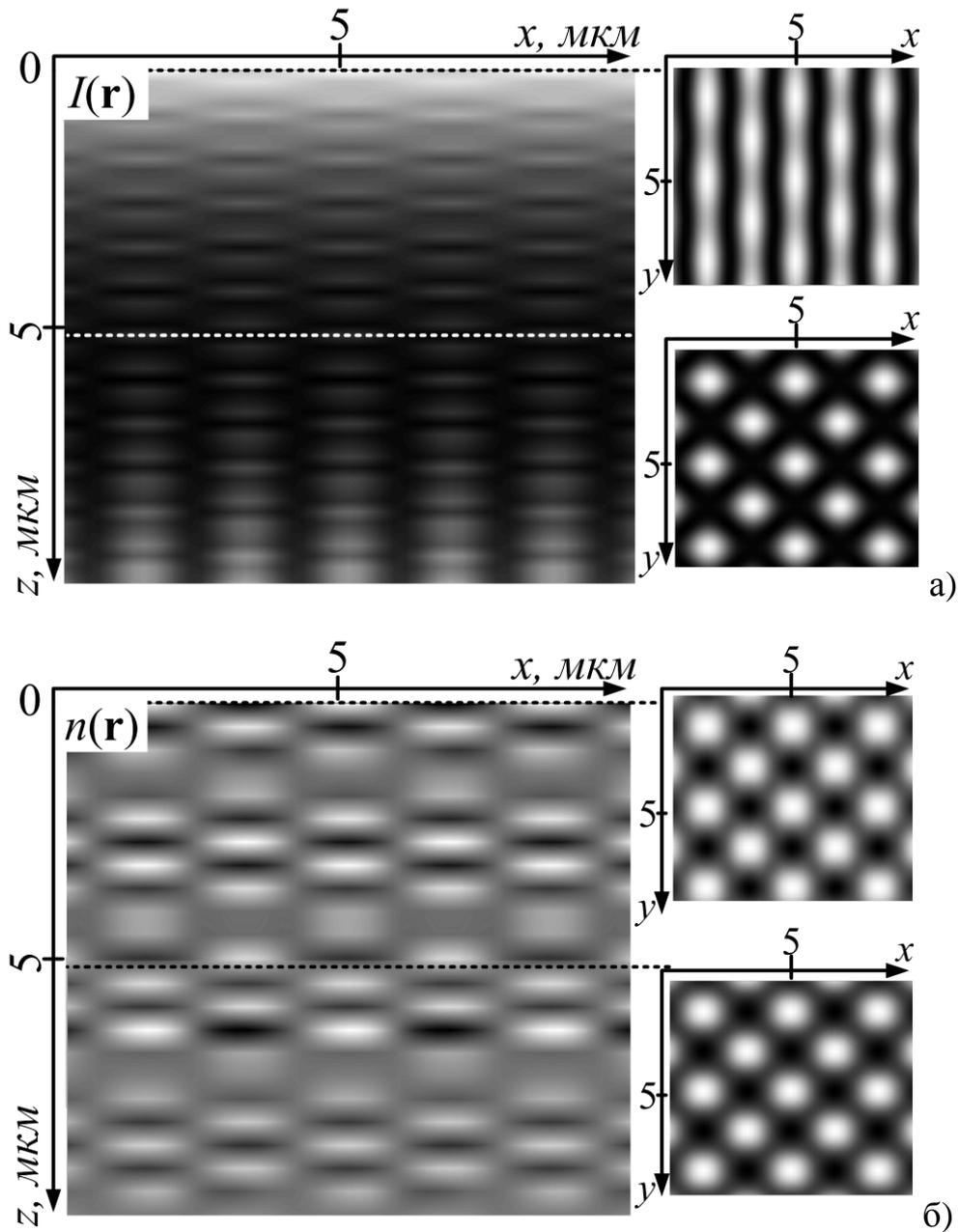


Рисунок 4.20 – Двумерные срезы интерференционной (а) и показателя преломления (б) картин

Как и в случае с геометрией типа «зонтик» результат записи существенно отличается от интерференционной картины как в срезах z (рисунок 4.20), что связано с появлением высших пространственных гармоник и взаимовлиянием гармоник друг на друга, так и в срезах y , что связано с диффузионно-полимеризационными процессами, описанными выше.

Список использованных источников

1. Gabor D. Microscopy by reconstructed wavefronts, Proc. Royal Soc., ser.A,197, 1949, рус пер. в книге: Строук «Введение в когерентную оптику и голографию». – М.: Мир, 1967, с.218-301
2. Gabor D. Microscopy by reconstructed wavefronts II, Proc. Royal Soc., ser.B, 64, 1951, рус пер. в книге: Строук «Введение в когерентную оптику и голографию». – М.: Мир, 1967, с.218-301.
3. Оптическая голография: Пер. с англ./Под ред. Колфилда Г. – М.: Мир, 1982 – Т. 1.
4. Оптическая голография: Пер. с англ./Под ред. Колфилда Г. – М.: Мир, 1982 – Т. 2 .
5. Кольер Р., Беркхарт К., Лин Л. Оптическая голография. - М.: Мир, 1973.
6. Петров М.П., Степанов С.И., Хоменко А.В. Фоточувствительные среды в голографии и оптической обработке информации. - М.: Наука, 1982.
7. Винецкий В.Л, Кухтарев Н.В. Динамическая голография. - Киев: Наукова думка, 1983.
8. Евтихийев Н.Н., Евтихьева О.А., Компанец И.Н. Информационная оптика: Учебное пособие для вузов / Ред. Н.Н.Евтихьева. - М.: Издательство МЭИ, 2000.
9. Передереева.С.И, Козенков В.М, Кисилица П.П. Фотополимеры для голографии. – Л.:Наука. 1998
10. Акаев А.А., Гуревич С.Б., Жумалиев К.М. Голографические системы хранения и выборки информации. – Бишкек-СПб.: Илим. 2000.
11. Багдасарьян Теория радикальной полимеризации. М.: Наука. 1966.
12. Ваганов Р.Б., Кацеленбаум Б.З. Основы теории дифракции. – М.: Наука. 1982.
13. Lawrence J.R., O'Neill F.T., Sheridan J.T. Photopolymer holographic recording material. // Optik (The international journal for light and electronic optics), - 2001. - V. 112, N. 10. - P. 449-463.

14. Gambogi W.J., Weber A.M., Trout T.J. Advances and Applications of DuPont Holographic Photopolymers // Proc. SPIE. – 1993. - V.2043, P. 2-13.
15. Смирнова Т.Н., Сахно О.В., Стрелец И.А., Тихонов Е.А. Температурная стабильность и лучевая прочность голографических решеток на фотополимерных материалах // ЖТФ. – 1998. - Т. 68. - № 6. - С. 105-134.
16. Rhee U.S., Caulfield H.J., Shamir J., Vikram C.S., Mirsalehi M.M., Characteristics of the DuPont photopolymers for angularly multiplexed page-oriented holographic memories // Opt. Eng. – 1993. - V. 32 - P. 1839-1847.
17. Гаврилов Г.А., Маурер И.А., Муратиков К.Л., Писаревская С.А., Сотникова Г.Ю. Краевые эффекты при записи пропускающих голографических решеток на фотополимерном материале // Оптика и спектроскопия. – 1995. – Т. 78. - № 2. - С. 312–315.
18. Kostuk R. Dynamic hologram recording characteristics in DuPont photopolymers // Appl. Opt. – 1999. - V. 38, No8, P. 1357-1363.
19. Loughnot D.J., Turck C. Photopolymers for holographic recording: III. Time modulated illumination and thermal post-effect // Pure Appl. Opt. - 1992. - V. 1. - P. 269-279.
20. Close D.H., Jacobson A.D., Magerum R.C., Brault R.G., McClung F.J. Hologram recording on photopolymer materials // Applied Physics Letters. – 1969. -- V. 14. - N. 5. - P. 159-160.
21. Jenney J.A. Holographic Recording with Photopolymers // J. Opt. Soc. Amer. - 1970. - V. 60. - N 9. - P. 1155-1161.
22. Sugawara S., Murase K., Kitayama T. Holographic recording by dye-sensitized photopolymerization of acrylamide (E) // Appl. Opt. – 1975. - V. 14. – N. 2. – P. - 378-382.
23. Sukegawa K., Sugawara S., Murase K. Holographic recording by Fe³⁺ sensitized photopolymerization // Electron. Commun. Jap. – 1975. - V. 58-C(11). - P. - 132-138.
24. Sadlej N., Smolinska B. Stable photo-sensitive polymer layers for holography // Optics and Laser Technology. - 1975. - P. - 175-179.

25. Jeudy M. J., Robillard J. J. Spectral photosensitisation of a variable index material for recording phase holograms with high efficiency // *Optics Communications*. – 1975. - V. 13. - N. 1. - P. 25-28.
26. Calixto S. Dry polymer for holographic recording // *Appl. Opt.* – 1987. - V. 26. - P. 3904-3910.
27. Гюльназаров Э.С., Смирнова Т.Н., Тихонов Е.А. Анализ спектрально-угловых характеристик фазовой дифракционной решетки на фотополимеризующейся композиции // *ЖТФ*. – 1987. - Т. 57. - № 5. - С. 932-936.
28. Fimia.A, Lopez N., Mateos F., Sastre R., Pineda J., Amat-Gueri F. New photopolymer used as a holographic recording material // *Appl. Opt.* - 1993. - V. 32. - P. 3706-3707.
29. Герасимова Т.Н., Константинова А.В., Пен Е.Ф., Синюков А.М., Шелковников В.В. Исследование голографических характеристик при записи объемных фазовых голограмм в фотополимерном материале // *Автометрия*. -1993. –№. 4. - С. 23-30.
30. Martin S., Leclere P., Renotte Y., Toal V., Lion Y. Characterisation of an acrylamide-based dry holographic recording material // *Opt. Eng.* -1995. - V. 33. - P. 3942-3946.
31. Weiss V, Millul E. Grating microstructures in photoactive polymers by laser interference patterns // *Appl. Surf. Sci.* – 1996. - V.106. - P. 293-300.
32. Blaya S., Carretero L., Mallavia R., Fimia A., Madrigal M.R., Ulibarrena M., Levy D. Optimization of an acrylamide-based dry film used for holographic recording // *Appl. Opt.* – 1998. - V. 37. – P. 7604-7610.
33. Zhao F., Frietman E.E.E., Li X. Novel type of red-sensitive photopolymer system for optical storage // *Proc. SPIE*. – 1998. - V.3468, P. 317-321.
34. Booth B.L. Photopolymer Material for Holography // *Appl. Opt.* – 1972. - V. 11. – P. 2994-2995.
35. Booth B.L. Photopolymer material for holography // *Appl. Opt.* – 1975. - V. 14. - №3. - P. 593-601.

36. Monroe B.M., Smothers W.K., Keys D.E., Krebs R.R., Mickish D.J., Harrington A.F., Schicker S.R., Armstrong M.A., Chan D.M., Weathers C.I. Improved Photopolymers for Holographic Recording. I. Imaging Properties // J. Img. Sci. – 1991. - V. 35 - № 1. – P. 19-25.
37. Monroe B.M. Improved Photopolymers for Holographic Recording. II. Mechanism of Hologram Formation // J. Img. Sci. – 1991. - V. 35 - № 1. – P. 19-25.
38. Смирнова Т. Н., Сахно О. В., Тихонов Е. А., Смирнов В. В. Формирование рельефа при голографической записи на фотополимеризующихся композитах // Оптика и спектроскопия. – 1994. – Т. 76. - № 5. - С. 808 – 809.
39. Попов А.П., Седунов Ю.Н., Вениаминов А.В. Аподизация объемных голограмм за счет диффузии органических молекул в полимере // Оптика и спектроскопия. -1991. – Т. 71, № 3. – С. 507-508.
40. Смирнова Т.Н. Структурно-кинетические особенности формирования голограмм на фотополимеризующихся композициях // Оптика и спектроскопия. – 1998. – Т. 85. - № 5. - С. 848-853.
41. Сахно О.В., Смирнова Т.Н. Влияние термодинамических свойств фотополимеризующихся композиций на их голографические характеристики // Оптика и спектроскопия. – 1998. – Т. 85. - № 6. - С. 1033-1038.
42. Гюльназаров Э.С., Смирнова Т.Н., Тихонов Е.А. Постполимеризационное самоусиление голограмм на фотополимеризующемся композите ФПК-488 // ЖТФ. -1991. - Т.61. - №1. - С. 111-117.
43. Moreau V., Renotte Y., Leon Y. Characterization of DuPont photopolymers: determination of kinetic parameters in a diffusion model // Appl.Opt. – 2002. - V. 41. - N 17. P. 3427-3435.
44. Гюльназаров Э.С., Смирнова Т.Н., Тихонов Е.А. Самоусиление фазовых голограмм в фотополимеризующейся композиции // ЖТФ. – 1988. - Т. 58. - № 12. – С. 2405-2407.

45. Гюльназаров Э.С., Смирнова Т.Н., Тихонов Е.А. Динамическое самоусиление фазовых голограмм, записанных на фотополимерном композите // ЖТФ. - 1991. - Т. 61. - № 10. - С. 114-119.
46. Константинова А.В., Пен Е.Ф., Синюков А.М., Шелковников В.В. Оптическое усиление в фотополимерном материале // Автометрия. -1993. - №4. - С.31-36.
47. Colburn W.S., Haines K.A. Volume hologram formation in photopolymer materials// Appl. Opt. – 1971. - V. 10. - P. 1636-1641.
48. Wopschall R.H., Pampalone T.R. Dry photopolymer film for recording holograms // Appl. Opt. – 1972. - V.11, N. 9, P. 2096-2097.
49. Kogelnik H. Coupled wave theory for thick hologram gratings // Bell Sys. Tech. J. – 1969. - V. 48. - P. 2909-2947.
50. Гюльназаров Э.С., Обуховский В.В., Смирнова Т.Н. К вопросу о теории голографической записи на фотополимеризующемся материале // Оптика и спектроскопия. - 1990. - Т. 69. - №. 1. - С. 178 -182.
51. Обуховский В.В., Смирнова Т.Н. Модель процесса голографической записи на фотополимеризующихся композитах // Оптика и спектроскопия. - 1993. - Т. 74. - №4. - С. 778-785.
52. Карпов Г.М., Обуховский В.В., Смирнова Т.Н., Сарбаев Т.А. Теория формирования голограмм в фотополимерных материалах с полимеризационно-диффузионным механизмом записи. I. Общая система уравнений // Оптика и спектроскопия. – 1996. – Т. 81. - № 6. - С. 1033-1038.
53. Карпов Г.М., Обуховский В.В., Смирнова Т.Н., Сарбаев Т.А. Теория формирования голограмм в фотополимерных материалах с полимеризационно-диффузионным механизмом записи. II. Закономерности процесса и критерий эффективности голографической записи // Оптика и спектроскопия. - 1997. - Т. 82. - №1. - С. 145-152.
54. Sheridan J.T., Lawrence J.R. Nonlocal-response diffusion model of holographic recording in photopolymer. // J. Opt. Soc. Am. A, - 2000. - V. 17, N. 6. - P. 1108-1114.

55. Zhao G., Mouroulis P. Diffusion model of hologram formation in dry photopolymer materials // *J.Mod.Opt.* – 1994. – V. 41. - P. 1929-1939.
56. Kovalenko E., Sharangovich S., Zelenskaya T. Recording and amplification of holograms in photorefractive polymers // *Synthetic Metals.* -1996. - Special Issue N83. - P. 293-300.
57. Syms R.R.A. *Practical Volume Holography* // The Oxford Engineering Science Series, Vol. 24 (Clarendon Press, Oxford 1990).
58. Gaylord T.K., Moharam M.G. Analysis and applications of optical diffraction by gratings // *IEEE Proc.* – 1985. – V. 73. – P. 894-937.
59. Zhao G., Mouroulis P. Extension of diffusion model of holographic photopolymer // *J.Mod.Opt.* – 1995. - V. 41, P. 1929-1939.
60. Piazzolla S., Jenkins B.K. First-harmonic diffusion model for holographic grating formation in photopolymers // *Opt. Lett.* – 1996. - V. 21, P. 1075-1077.
61. Colvin V.L., Larson R.G., Harris A.L., Schiling M.L. Quantitative model of volume hologram formation in photopolymer // *J. Appl. Phys.* – 1997. - V. 81, P. 5913-5923.
62. Kovalenko E., Sharangovich S., Zelenskaya T. Dynamical model of hologram recording in photopolymer materials // *Proc. SPIE.* - 1996. - V. 2851. - P. 129-136.
63. Коваленко Е.С., Шарангович С.Н., Шелковников В.В., Плеханов И.И., Пен Е.Ф. Импульсная запись голографических дифракционных решеток в поглощающих фотополимерных материалах // Сб. научн. трудов ТУСУР. Томск, 1998. Т.1 . С.180-187.
64. Коваленко Е.С., Шарангович С.Н. Динамика оптического самоусиления голограмм в фотополимерных материалах // *Известия вузов. Физика.* – 1997. - №1. - С. 81-91.
65. Коваленко Е.С., Шарангович С.Н. Динамическая дифракция света на голографических решетках в фотополимерных материалах // *Известия вузов. Физика.* – 2001. - Т. 44. - №10. - С. 53-59.
66. Kovalenko E.S., Sharangovich S.N., Sysuev V.V., Dovolnov E.A. Experimental

- research of process of a record of the holograms in photopolymers // Proc. SPIE. "Optoelectronic Information System and Processing". – 2001. - V. 4513. - P.75-82.
67. Sharangovich S.N., Dovolnov E.A. Analytical model of the recording process of transparent holographic gratings in photopolymers with photoinduced absorption // Proc. SPIE of Second Asia - Pacific Conf. on fund. probl. of opto and microelectronics (APCOM-2002). – 2002. - V. 5129-33. - p. 236-242.
68. Sharangovich S.N., Dovolnov E.A. Results of experimental investigation of recording transparent holograms in absorbent photopolymers and matching them with the analytical model // Proc. SPIE of Second Asia - Pacific Conf. on fund. probl. of opto and microelectronics (APCOM-2002). – 2002. - V. 5129-33, - P. 229-235.
69. Сахно О.В., Тихонов Е.А. Влияние изменений оптической толщины регистрирующего фотополимерного материала на голографическую запись // ЖТФ. – 1991. – Т. 61. - № 10. - С. 105-113.
70. Rhee U.S., Caulfield H.J., Vikram C.S., Shamir J. Dynamics of hologram recording in DuPont photopolymer // Appl.Opt. – 1995. - V. 34. – N 5. -P. 846-853.
71. Gallo J., Verber C. Model for the effect of material shrinkage on volume holograms // Appl. Opt. – 1994. - V. 33. - P. 6797-6804.
72. Zhao C., Liu J., Fu Z., Chen R. Shrinkage corrected volume holograms based on photopolymeric phase media for surface-normal optical interconnects // Appl.Phys Let. – 1997. - V.71. - P. 1464-1466.
73. O'Neill F., Lawrence J., Sheridan J.T. Improvement of holographic recording material using aerosol sealant // J.Opt.A: Pure Appl. Opt. – 2000. - V. 2. - P. 1-6.
74. O'Neill F.T., Lawrence J.R., Sheridan J.T. Thickness variation of self-processing acrylamide based photopolymer and reflection holography // Opt. Eng. – 2001. – V. 40. – P. 533-539.
75. Kelly J.V., O'Neill F.T., Sheridan J.T., Neipp C., Gallego S., Ortuno M.

Holographic photopolymer materials with nonlocal and nonlinear response // Proc. SPIE. – 2003. – V. 5216. - P. 127–138.

76. Sheridan J.T., O' Neill F.T., Kelly J.V. Photopolymer Holographic Materials: The Non-local Diffusion Model // International Conference on Photorefractive Effects, Materials, and Devices, Nice, France, (June 17th-21st, 2003) OSA, TOPS, Invited talk (see <http://www.iota.u-psud.fr/~PR2003/>)
77. S.-D. Wu and E. N. Glytsis Holographic grating formation in photopolymers: analysis and experimental results based on a nonlocal diffusion model and rigorous coupled wave analysis // J. Opt. Soc. Am. B. – 2003. – V.20. P. 1177–1188.
78. Гандмахер Ф.Р. Теория матриц. 4-е. изд. – М.: Наука, 1988.
79. Задорин А.С., Шандаров С.М., Шарангович С.Н. Акустические и акустооптические свойства монокристаллов. – Т.: Изд-во Томского университета. 1987. – 152 с.
80. Найфе А. Введение в методы возмущений. - М.: Мир., 1984. –535 с
81. Allan Ashmead The Application Of Electrically Switchable Bragg Gratings // Optical communication.- №3.- 2001.- P. 14- 1.
82. Г.М. Жаркова, И.В. Самсонова, С.А. Стрельцов, В.М. Хачатурян, Т.Н. Герасимова, В.В. Шелковников, Е.Ф. Пен. Фотополимерно-жидкокристаллический композит с пространственно-периодической структурой // Автометрия, т.40, №1.- 2004- С. 89-95.
83. Allan Ashmead The Application Of Electrically Switchable Bragg Gratings // Optical communication.- №3- 2001- P. 14- 16.
84. T. J. Bunning. Holographic polymer-dispersed liquid crystals // Annual Review of Materials Science, August 2000.- Vol. 30.- P. 83-115.
85. G. Abbate, A. Marino, F. Vita. Dynamical electro- optical characterization of polycrystalline gratings. //Acta physica polonica.-2003.- № 103.- P. 177-186.
86. Antifone Marino, Francesco Vita, Volodymyr Tkachenko, Roberto Caputi, Cesary Umeton, Allesandro Veltri, Giancarlo Abbate. Dynamical behavior of polycrystalline grating. //Electronic-Liquid crystal Communication, February 05,

2004.-Р. 1-10.

87. А.Н. Симонов, А.В. Ларичев, В.П. Шibaев. Голографическая запись азотосодержащих ЖК полимеров в присутствии ориентирующего электрического поля // Квантовая электроника.- 30, №7.- 2000.- С. 635-640.
88. А.Н.Симонов, Д.В.Ураев, В.П.Шibaев, С.Г.Костромин. Фотореверсивная оптическая запись в пленках аморфных азотосодержащих полимеров. // Квантовая электроника.- 32, №2.- 2002.- С. 143-148.
89. В.Ф. Шабанов, С.Я. Ветров, А.В. Шабанов. Оптика реальных фотонных кристаллов. Жидкокристаллические дефекты, неоднородности.- Новосибирск, 2005.- С. 240.
90. R. M. Henry, S. C. Sharma, R. A. Ramsey, M. L. Cramer, J. B. Atman. Effects of formulation variables on liquid-crystal droplet size distributions in ultraviolet-cured polymer-dispersed liquid-crystal cells // Polymer Physics 2005.- V.43.- P. 1842-1848.
91. G.M. Zharkova, I.V. Samsonova, S.A. Streltsov, V.M. Khachatryan. Effect of Polymer Concentration on the Structure of Cholesteric Liquid Crystal Composites and their Scattering Properties // Mol. Cryst. Liq. Cryst.- vol.331.- 1999.- P. 533-540.
92. G.M. Zharkova, I.V. Samsonova, L.A. Kutulya, V.V. Vashchenko, S.A. Streltsov, V.M. Khachatryan Selective optical properties of induced cholesteric containing dispersed network polymer // Functional Materials.- vol. 7, № 1.- 2000.- P. 126-131.
93. G.M. Zharkova, I.V. Samsonova, S.A. Streltsov, V.M. Khachatryan, A.P. Petrov. Liquid Crystal Composites with Spatially Periodic Structure // Symposium Proceeding, 25-28 august 2003.- Moscow, 2003.- P. 102-105.
94. А.В. Баранник, А.В. Шабанов, В.Я. Зырянов. Интерференционные осцилляции в динамике оптического отклика капсулированных полимером нематических жидких кристаллов // Письма в ЖТФ.- том 28, вып. 16.- 2002.- С. 22-31.
95. Yi-Hsin Lin, Hongwen Ren, Yung-Hsun Wu, Yue Zhao, Jiyu Fang, Zhibing Ge,

- and Shin-Tson Wu, University of Central Florida. Polarization-independent liquid crystal phase modulator using a thin polymer-separated double-layered structure // *Optic Express*, October 31, 2005.- Vol. 13, No. 22.- P.8746 – 8752.
96. P. Kossyrev, M. E. Sousa, G. Crawford. One- and Two-Dimensionally Structured Polymer Networks in Liquid Crystals for Switchable Diffractive Optical Applications // *Advanced Functional Materials*, 7 April 2004.- P. 1227-1232.
97. Sebastien Massenet, Jean-Luc Kaiser, Raymond Chevallier, Yvon Renotte. Study of the Dynamic Formation of Transmission Gratings Recorded in Photopolymers and Holographic Polymer-Dispersed Liquid Crystals // *Applied Optics*, October 2004.- Volume 43, Issue 29.- P. 5489-5497.
98. Artur V. Galstyan, Rafik S. Hakodyan, Steven Harbour, Tigran Galstyan. Study of the inhibition period prior to the holographic grating formation in liquid crystal photopolymerizable material. // *Electronic-Liquid crystal Communication*, may 07, 2004.-P. 1-15.
99. R. Caputo, A.V. Sukhov, N.V. Tabirian, C. Umeton, R.F. Ushakov. Mass transfer processes induced by inhomogeneous photo-polymerisation in a multicomponent medium // *Chemical Physics*, 2001.- 271.- P. 323-335.
100. Г.М. Жаркова, С.И. Трашкеев. Ориентация ЖК в сферическом объеме // *Кристаллография*.- Т. 34, вып. 3.- 1989.- С. 695-699.
101. Roberto Caputo, Alessandro Veltri, Cesare Umeton, Andrey V. Sukhov. Kogelnik-like model for the diffraction efficiency of POLICRYPS gratings // *Optical Society of America*, April 2005.- Volume 22, Issue 4.- P. 735-742.
102. Andrive Dvadyusha, Malgosia Kaszmarek, Sergei Slussarenco. Dynamics and uniformity of reorientation in liquid crystal cell with PVK alignment layers. // *Electronic-Liquid crystal Communication*, December 23, 2003.- P. 1-10.
103. Qian Wang, Sailing He A new effective model for the director distribution of a twisted nematic liquid crystal cell // *Pure and Applied Optics*, July 2005.- P. 438-444.
104. Mojca Jazbin , Irena Dreven , and Marko Zgonik. Characterization of

- holographic polymer dispersed liquid crystal transmission gratings // *Journal of Applied Physics*, October 15, 2001.- Volume 90, Issue 8.- P. 3831-3837.
105. Kinya Kato, Tomoko Hisaki and Munekazu Date. In-Plane Operation of Alignment-Controlled Holographic Polymer-Dispersed Liquid Crystal // *Jpn. J. Appl. Phys.*, 1999.- Vol.38.- P. 1466-1469.
106. Jean-Luc Kaiser, Raymond Chevallier, Jean-Louis de Bougrenet de la Tocnaye, Haiqing Xianyu, Gregory Philip Crawford. Chirped Switchable Reflection Grating in Holographic Polymer-Dispersed Liquid Crystal for Spectral Flattening in Free-Space Optical Communication Systems // *Applied Optics*, November 2004.- Volume 43, Issue 32.- P. 5996-6000.
107. Chris C. Bowley , Pavel A. Kosyrev , and Gregory P. Crawford. Variable-wavelength switchable Bragg gratings formed in polymer-dispersed liquid crystals // *Journal of Applied Physics*, October 15, 2001.- Volume 90, Issue 8.- P. 3831-3837.
108. De Bougrenet de la Tocnaye Jean-Louis. Engineering liquid crystals for optimal uses in optical communication systems // *Liquid Crystals*, 2004.- Vol. 31.- P. 1-29.
109. С. Чандресекар. Жидкие кристаллы: Пер. с англ./ Под ред. А.А. Веденова и И.Г. Чистякова.- М.: Мир, 1980.- 344 с.
110. Сонин А.С. Введение в физику жидких кристаллов.- М.: Наука. Главная редакция физико-математической литературы, 1983.- 320 с.
111. Ярив А., Юх П. Оптические волны в кристаллах: пер. с англ.- М.: Мир, 1987.- 616 с.
112. Кушнарев И.Н., Шарангович С.Н. Акустоэлектрооптическое взаимодействие в кристаллах с электроиндуцированной неоднородностью // *ЖТФ*. - Т. 62. - № 1. – 1992. -С. 171-186.
113. Шарангович С.Н. Трехмерная дифракция света на ультразвуке в оптически неоднородных кристаллах // *Радиотехника и электроника*. -Т.41. -N8.-1996. -С.1-12.
114. Довольнов Е.А., Шарангович С.Н. Отражающие голографические

дифракционные решетки в поглощающих фотополимерных средах // Изв. вузов. Физика. -2005. -№ 3. – С.62-70.

115. Довольнов Е.А., Шарангович С.Н. Нелинейная модель записи и считывания голографических дифракционных решеток пропускающего типа в поглощающих фотополимерах. 1. Теоретический анализ // Изв. вузов. Физика. -2005. -Т.48 -№ 5. – С.56-63.
116. Довольнов Е.А., Шарангович С.Н. Нелинейная модель записи и считывания голографических дифракционных решеток пропускающего типа в поглощающих фотополимерах. 2. Численное моделирование и эксперимент // Изв. вузов. Физика. -2005. –Т.48. -№7 -85-92 .
117. Довольнов Е.А., Шарангович С.Н. Формирование дополнительных дифракционных решеток в фотополимерном материале в результате двухволнового смещения // Известия вузов. Физика-2005. -Т.48. -№ 6. Приложение. – С. 79-80.
118. Довольнов Е.А., Шарангович С.Н. Теоретическое и экспериментальное исследование записи и считывания амплитудно-неоднородных голографических решеток с изменяющимся периодом в фотополимерном материале // Известия вузов. Физика-2005. -Т.48. -№ 6. Приложение. – С. 81-82.
119. Кузнецов В.В., Устюжанин С.В., Шарангович С.Н. Теоретическое исследование параллельной записи наложенных голограмм в фотополимерных материалах // Известия вузов. Физика. -2005. -Т.48. -№ 6. Приложение. – С. 83-84.
120. Довольнов Е.А., Ноздревых Б.Ф., Шабанов А.А., Батаногов Р.Ю., Шарангович С.Н. Теоретическое и экспериментальное исследование формирования фотополимерных дифракционных решеток с учетом высших пространственных гармоник // Известия вузов. Физика. -2005. -Т.48. -№ 6. Приложение. – С. 105-106.
121. Dovolnov E., Sharangovich S. Theory of nonlinear process of formation of non-uniform photopolymer holographic grating // Proceeding of The Second

- IASTED International Conference on Communication systems (ACIT-CS 2005). - Novosibirsk, Russia. June 20-24, 2005. – P.33-38 .
122. Sergey N. Sharangovich, Vitaliy A. Kuznechov, Vladimir V. Shelkovnikov, Eugene F. Pen. Holographic recording of superimposed gratings by angle multiplexing in photopolymers with light induced changing of optical absorption// Proc. SPIE “Holography, Diffractive Optics, and Applications II” . - 2005. -Vol. 5636. –P. 802-811.
123. Dovolnov E., Sharangovich S., Sheridan J.T. Theoretical and experimental investigation of photopolymer chirped gratings formation // Photorefractive Effects, Materials, and Devices 2005 (PR05), OSA Trends in Optics and Photonics Series (TOPS).-2005.- Vol.99, P. 337-342.
124. Dovolnov E., Sharangovich S., Sheridan J.T. Inharmonic theoretical models for photopolymers gratings formation // Photorefractive Effects, Materials, and Devices 2005 (PR05), OSA Trends in Optics and Photonics Series (TOPS).- 2005.- Vol.99, P. 469-474.
125. Довольнов Е.А., Устюжанин С.В., Ноздревых Б.Ф., Шарангович С.Н. Формирование апподизированных дифракционных решеток в фотополимерных жидкокристаллических композиционных материалах// Современные проблемы радиоэлектроники: Сб. науч. тр. /Под ред. А.И. Громько, А.В. Сарафанова. Красноярск: ИПЦ КГТУ, 2005. –С.632-635.
126. Довольнов Е.А., Ноздревых Б.Ф., Смирнов В.П., Шарангович С.Н. Запись пропускающих дифракционных решеток в фотополимерном материале при малых контрастах с учетом самодифракции // Сб. науч. трудов Всероссийской науч-технич. конф. «Научная сессия ТУСУР-2005». Часть 3. –Томск: Томск. гос. ун-т систем управления и радиоэлектроники, 2005. – С. 310-313.
127. Довольнов Е.А., Ноздревых Б.Ф., Устюжанин С.В., Шарангович С.Н. Исследование дифракционных структур в композитных фотополимерных жидкокристаллических материалах // Сб. науч. трудов Всероссийской науч-технич. конф. «Научная сессия ТУСУР-2005». Часть 3. –Томск: Томск. гос.

ун-т систем управления и радиоэлектроники, 2005. – С.353-356.

128. Довольнов Е.А., Шарангович С.Н. Особенности формирования отражательных голографических решеток в фотополимерном материале при двучпучковом взаимодействии и малых контрастах // Вестник Томск. Гос. Пед. ун-та (Вестник ТГПУ). Спецвыпуск. -2005. – Вып.7 (51). Естественные и точные науки . –С. 72-76.
129. Шарангович С.Н., Довольнов Е.А. Нелинейная модель формирования голографических дифракционных решеток отражательного типа в поглощающих фотополимерах // Вестник Томск. Гос. Пед. ун-та (Вестник ТГПУ). Спецвыпуск. -2005. – Вып.7 (51) . Естественные и точные науки . – С. 77-83.
130. Dovolnov E.A, Sharangovich S.N. Analysis of dynamics of holographic grating formation with inharmonic spatial distribution in photopolymer +liquid crystal compounds // in *Tenth International Conference on Nonlinear Optics of Liquid and Photorefractive Crystals*, Proceedings of SPIE Vol. 6023 (SPIE, Bellingham, WA, 2005) Article CID Number 602301. –P. 1-8.
131. Шарангович С.Н., Довольнов Е.А., Устюжанин С.В, Ноздреватых Б.Ф., Миргород В.Г. Дифракция света на электрически-управляемых неоднородных дифракционных структурах в фотополимеризующихся жидкокристаллических композиционных материалах// Доклады Международной научно-практической конференции «Электронные средства и системы управления». Томск, Изд-во Института оптики атмосферы СО РАН, 2005 г. В двух частях. Ч.1. – С.230-234.
132. Шарангович С.Н., Довольнов Е.А., Ноздреватых Б.Ф., Устюжанин С.В. Нелинейная модель формирования отражающих дифракционных структур в фотополимеризующихся жидкокристаллических композиционных материалах// Доклады Международной научно-практической конференции «Электронные средства и системы управления». Томск, Изд-во Института оптики атмосферы СО РАН, 2005 г. В двух частях. Ч.1. – С.227-230.

133. Dovolnov E., Sharangovich S. Higher-harmonics nonlinear model for dynamical holographic grating formation in absorbent photopolymers// Technical digest of International Conference on Coherent and Nonlinear Optics "ICONO/LAT 2005". CD-ROM (St. Petersburg, Russia, 2005). № IFN31. -1 p. (Proc. SPIE, 2005. -10 p.. – в печати).
134. Довольнов Е.А., Ноздреватых Б.Ф., Шабанов А.А., Батаногов Р.Ю., Шарангович С.Н. Исследование амплитудно-фазовых методов коррекции спектральных и энергетических характеристик волновых ответвителей на основе фотополимерных дифракционных решеток для ВОСП-СР// Тез. докл. XI междунар. науч.-техн. конф. "Радиоэлектроника, электротехника и энергетика". В 3х т. Т.1. –Москва.- Изд-во МЭИ, 2005, с.85-86.
135. Кузнецов В.В., Устюжанин С.В., Лялюк А.П., Шарангович С.Н. Расчет и оптимизация волновых мультиплексоров для ВОСП-СР на основе параллельного процесса формирования наложенных дифракционных решеток в фотополимерных материалах // Тез. докл. XI междунар. науч.-техн. конф. "Радиоэлектроника, электротехника и энергетика". В 3х т. Т.1. –Москва.- Изд-во МЭИ, 2005, с.94.
136. Sharangovich S., Dovolnov E. Holographic recording of inharmonic and non uniform gratings in absorbent photopolymers // Abstracts in Advance Programme of The European Conference on Lasers and Electro-Optics - (CLEO/Europe 2005) / Holography, Wavemixing, Phase Conjugation, Adaptive Optics, Optical Storage and Photorefractives. –Munich, Germany. –June, 2005. – P. 100. (Paper №CC-6-WED)
137. Sharangovich S., Dovolnov E. Holographic formation of 1D-2D apodized diffraction structures in photopolymer composition materials// Techn. Dig. of SPIE Europe Congress on Optics and Optoelectronics. - Warsaw Univ. of Technology, Warsaw, Poland, 28 August–2 September. 2005. -1 p
138. Dovolnov E., Sharangovich S. Nonlinear holographic record of diffraction structures at two-wave mixing on high-order spatial harmonics in photopolymer materials // Abstract Book of International Conference on Holography, Optical

Recording and Processing of Information (Holography 2005). - Varna, Bulgaria. 21 - 25 May 2005, 2005. -1 p.

139. Довольнов Е.А., Ноздреватых Б.Ф., Устюжанин С.В., Шарангович С.Н. Особенности формирования двумерных дифракционных структур при двухпучковом взаимодействии в фотополимерных материалах// Материалы XLIII Международной науч. студ. конф. «Студент и научно-технический прогресс»: Физика/ Новосибир. гос. ун-т. Новосибирск, 2005. – С.114 .
140. Довольнов Е.А., Кузнецов В.В., Ноздреватых Б.Ф., Шарангович С.Н. Формирование дифракционных решёток в фотополимерных материалах с учётом эффектов самодифракции // Материалы XLIII Международной науч. студ. конф. «Студент и научно-технический прогресс»: Физика/ Новосибир. гос. ун-т. Новосибирск, 2005. –С. 113 .
141. Sharangovich S., Dovolnov E., Ustuzhanin S., Nozdrevatykh B. Nonlinear Holographic Record of Reflection Diffraction Gratings at Two-wave Mixing on High-order Spatial Harmonics in Photopolymer Composite Materials" // Proc. of Fifth Asia - Pacific Conf. and Workshop "Fundamental problems. of opto and microelectronics" (APCOM'2005). - Vladivostok September 12-14, 2005, Russia. CD-ROM. –P. 20..
142. Sharangovich S., Dovolnov E., Ustuzhanin S., Nozdrevatykh B. Theoretical investigation of the apodized holographic grating formation in liquid crystal photopolymerizable materials// Proc. of Fifth Asia - Pacific Conf. and Workshop "Fundamental problems. of opto and microelectronics" (APCOM'2005). - Vladivostok September 12-14, 2005, Russia. CD-ROM. –P. 21.
143. Dovolnov E., Sharangovich S. Theoretical investigation of nonlinear holographic record of 2D photonic Bragg gratings in photopolymer materials at two-wave mixing // Proc. of IEEE International Conference on Advanced Optoelectronics and Lasers (CAOL 2005) . -September 12 -17, 2005, Yalta, Crimea, Ukraine. – 1 P.

144. Довольнов Е.А. Последовательная запись наложенных голографических структур в фотополимерных композиционных материалах с учетом фотоиндуцированного поглощения / Довольнов Е.А., Устюжанин С.В., Шарангович С.Н. // Доклады ТУСУР. –Томск: Изд-во ТУСУР, 2008. Вып.1 (17). -С.34-40.
145. Довольнов Е.А. Нелинейная модель последовательной записи наложенных голографических решеток в фотополимерных композиционных материалах с учетом самодифракции на пространственных гармониках / Довольнов Е.А., Шарангович С.Н // Оптика и спектроскопия . 2008. –Т.105. №2. –С.330-339.
146. Устюжанин С.В. Дифракция световых пучков на неоднородной ФПМ-ЖК голографической структуре с учетом статистики ЖК молекул /Устюжанин С.В., Шарангович С.Н. // Известия вузов. Физика. -2008. - Т.51. -№9/3. - С.171-172.
147. Миргород В.Г. Оптимизация формирования трехмерных фотонных структур в фотополимерных композиционных материалах / Миргород В.Г., Шарангович С.Н. // Известия вузов. Физика. -2008. -Т.51. -№9/3. - С.165-166.
148. Mirgorod V. Nonlinear model for holographic formation of inharmonic multiplexed photonic structures in absorbent photopolymer composites / Mirgorod V., Sharangovich S. // Techn. Dig. of International Conference on Linear and Nonlinear Optics of Organic Materials VIII . - Symposium:Photonic Devices + Applications/ 10 - 14 August 2008 San Diego, CA USA.-1 p. (SPIE Paper Number 7049-34)
149. Dovolnov E. Analytical model of holographic formation of photonic inharmonic gratings in absorbent photopolymer composites / Dovolnov E., Mirgorod V., Sharangovich S. // Techn. Dig. of Seventh International Conference «Electronic Processes in Organic Materials. Lviv, Ukraine. 26-30 May, 2008. -1 p.
150. Миргород В.Г. Программное обеспечение для расчета и оптимизации

- процессов параллельной голографической записи фотонных решеток в фотополимерных композитах / Миргород В. Г., Шарангович С. Н. // Информационные технологии в науке и образовании. Доклады международной научно – практической конференции Шахты, 2008. – С.124-127.
151. Миргород В.Г. Аналитическая модель параллельной записи пропускающих голографических фотонных структур в поглощающих фотополимерных композитах / Миргород В. Г., Шарангович С. Н. // Сборник тезисов, материалы 14-й Всероссийской научной конференции студентов-физиков и молодых ученых (ВНКСФ-14, Уфа). - Екатеринбург – Уфа: Изд-во АСФ России, 2008 . — С.351-352.
152. Миргород В.Г. Численное моделирование процессов параллельной записи пропускающих голографических фотонных структур в поглощающих фотополимерных композитах / Миргород В.Г., Шарангович С.Н // Сборник тезисов, материалы 14-й Всероссийской научной конференции студентов-физиков и молодых ученых (ВНКСФ-14, Уфа). - Екатеринбург – Уфа: Изд-во АСФ России. -2008 . – С.352-354.
153. Миргород В. Г. Исследование динамики голографического формирования фотонных структур в поглощающих фотополимерных композитах / Миргород В. Г., Шарангович С. Н. // Доклады всероссийской научно – технической конференции «Информатика и проблемы телекоммуникаций» Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики, 2008. -С. 198 – 201.
154. Миргород В.Г. Влияние фотоиндуцированного изменения коэффициента диффузии на динамику нелинейной голографической записи дифракционных структур в поглощающих фотополимерных композиционных материалах / Миргород В.Г., Шарангович С.Н // XIV Международная научно-практическая конференция студентов и молодых ученых "Современные техника и технологии" /Сборник

- трудов в 3-х томах. Т.3. – Томск: Изд-во Томского политехнического университета, 2008. - С.75-77.
155. Миргород В.Г. Исследование влияния поглощения на динамику нелинейной голографической записи мультиплексированных дифракционных структур в фотопolyмерных композиционных материалах / Миргород В.Г., Шарангович С.Н // Материалы XLVI Международной науч. студ. конф. «Студент и научно-технический прогресс»: Физика/ Новосибир. гос. ун-т. Новосибирск, 2008. – с. 126 – 127.
156. Sharangovich S.N. Holographic Formation of Multiplexed Gratings in Photopolymer Composite with Nanoparticle at Nonlinear Interactions on Spatial Harmonics / Sharangovich S.N., Dovolnov E.A., Mirgorod V.G. // Techn. Dig. Of 21st Congress of the International Commission for Optics «ICO-21 2008 Congress». Sydney, Australia/ - 7-10 July 2008. - 1 p.
157. Миргород В.Г. Аналитическая модель формирования фотонных структур в фотопolyмерных композитах с учетом фотоиндуцированных эффектов / Миргород В.Г., Шарангович С.Н. // Материалы докл. Всероссийской науч-технич. конф. «Научная сессия ТУСУР-2008»: В пяти частях. Ч. 1. –Томск: В-Спектр, 2008. – С.206-208.
158. Миргород В.Г. Моделирование процессов параллельной голографической записи фотонных кристаллов с кубической симметрией в поглощающих фотопolyмерных композитах / Миргород В.Г., Тонышева И. С., Кузьмина Л. А., Пучинина Е. Б., Шарангович С.Н. // Материалы докл. Всероссийской науч-технич. конф. «Научная сессия ТУСУР-2008»: В пяти частях. Ч. 1. –Томск: В-Спектр, 2008. – С.209-211.
159. Лыков А.С. Дифракционная модель неоднородной ФПМ-ЖК голографической структуры с учетом статистики ЖК молекул / Лыков А.С., Черкашин Е.С., Ноздревых Б.Ф., Устюжанин С. В.,

- Шарангович С.Н. // Материалы докл. Всероссийской науч-технич. конф. Научная сессия ТУСУР-2008»: В пяти частях. Ч. 1. –Томск: В-Спектр, 2008. – С.212-214.
160. Миргород В.Г. Нелинейное формирование фотонных структур в фотополимерных нанокпозиционных материалах / Миргород В.Г., Шарангович С.Н. // Современные проблемы радиоэлектроники: Сб. науч. тр. /Под ред. А.И. Громько, А.В. Сарафанова. Красноярск: ИПК СФУ , 2008. - С.283-287.
161. Миргород В.Г. Дифракционные характеристики динамически управляемых голографических структур сформированных в ФПМ-ЖК материалах / Миргород В.Г., Ноздреватых Б.Ф., Устюжанин С.В., Шарангович С.Н. // Голография: фундаментальные исследования, инновационные проекты и нанотехнологии. –Материалы XXVI школы по когерентной оптике и голографии» . - Иркутск: Изд-во «Папирус», 2008. –С. 454-457.
162. Миргород В.Г. Дифракция света на структурах, сформированных голографическим методом в ФПМ-ЖК материалах / Миргород В.Г., Ноздреватых Б.Ф., Устюжанин С.В., Шарангович С.Н. // Физика наукоемких технологий. Выпуск 2./ Сборник научных статей. Учебное пособие для адъюнктов и курсантов Военного Научного Общества // Под общей редакцией Малова А.Н. и Пахомова С.В. - Иркутск: ИВВАИУ, 2008. – С.240-246.
163. Sharangovich S. Nonlinear holographic formation of photonic structures in photopolymer-based nano-composites / Sharangovich S., Dovolnov E., Mirgorod V. // Proc. of The 22nd General Conference of the Condensed Matter Division of the European Physical Society «EPS - CMD 22». Rome, Italy, 25th to 29th August 2008. – 1 p. (Serial number: POL 26).
164. Sharangovich S. Nonlinear holographic record of photonic quasi crystals in photopolymer based composites / Sharangovich S., Dovolnov E., Mirgorod V. // Proc. of International school-conference for young scientists

- “Nanostructure materials, applied optics and photonics” at 16th international symposium “Nanostructures: Physics and Technology”. Vladivostok, Russia, 15-19, July 2008. - P.47.
165. Sharangovich S. Holographic photonic structures in photopolymer-based nano-composites / Sharangovich S., Dovolnov E., Mirgorod V. // Technical Program . of International Conference "Laser Optics 2008". - St.Petersburg, Russia, June 23-28, 2008. – 1 p.
166. Довольнов Е.А. Многопучковая запись голографических фотонных структур в фотополимерных композитах с учетом фотоиндуцированных эффектов / Довольнов Е.А., Миргород В.Г., Шарангович С.Н. // Труды междунар. науч. конф. «Оптика кристаллов и наноструктур». - Хабаровск: ДГУПС. 15-20 ноября 2008 г. - 5 с.
167. Sharangovich S. Anisotropic Light Beam Diffraction on Electrically Controlled Holographic Gratings in Photopolymer-Dispersed Liquid Crystals/ S. Sharangovich , B. Nozdrevatykh, S. Ustyzhinin // Proc. of The 4-th International Conference on Advanced Optoelectronics and Lasers (CAOL'2008). September 29 - October 4, 2008, Alushta, Crimea, Ukraine. - C.407-409.
168. Sharangovich S. Nonuniform holographic photonic structures in photopolymer-based nano-composites / Sharangovich S., Dovolnov E., Mirgorod V. // Proc. of The 4- th International Conference on Advanced Optoelectronics and Lasers (CAOL'2008). September 29 - October 4, 2008, Alushta, Crimea, Ukraine –C.189-191.
169. Довольнов Е.А., Шарангович С.Н. Свидетельство №5020 об отраслевой регистрации разработки «Пакет программ для расчета и оптимизация голографических дифракционных структур в фотополимерных материалах» в «Отраслевом фонде алгоритмов и программ» от 18.07.2005. Москва.
170. Миргород В.Г., Шарангович С.Н. Программа расчета и оптимизации голографических фотонных структур в фотополимерных композитах. -

М.: ВНИИЦ, 2008. - № 50200800100. (Свидетельство № 9718 о регистрации в «Отраслевом фонде алгоритмов и программ» от 18.01.2008. Москва).

Учебное издание

Шарангович Сергей Николаевич

**ГОЛОГРАФИЧЕСКИЕ ФОТОННЫЕ СТРУКТУРЫ В
ФОТОПОЛИМЕРНЫХ МАТЕРИАЛАХ**

Учебное пособие

Формат 60x84 1/16. Усл. печ. л.-----.

Тираж --- экз. Заказ-----.

Отпечатано в Томском государственном университете
систем управления и радиоэлектроники.

634050, Томск, пр. Ленина, 40. Тел. (3822) 533018.