Министерство образования и науки Российской Федерации

# ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ (ТУСУР)

Кафедра сверхвысокочастотной и квантовой радиотехники (СВЧ и КР)

# ИССЛЕДОВАНИЕ РАБОТЫ ФОТОПРИЁМНОГО УСТРОЙСТВА ВОЛОКОННО-ОПТИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ СВЯЗИ МЕТОДОМ МАТЕМАТИЧЕСКОГО МОДЕЛИРОВАНИЯ

Методические указания к выполнению лабораторной работы по курсу «Оптические цифровые телекоммуникационные системы»

Томск 2011

Министерство образования и науки Российской Федерации

# ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ (ТУСУР)

Кафедра сверхвысокочастотной и квантовой радиотехники (СВЧ и КР)

**УТВЕРЖДАЮ** Зав. каф .СВЧ и КР \_\_\_\_\_С. Н. Шарангович \_\_\_\_\_ май 2011 г..

# ИССЛЕДОВАНИЕ РАБОТЫ ФОТОПРИЁМНОГО УСТРОЙСТВА ВОЛОКОННО-ОПТИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ СВЯЗИ МЕТОДОМ МАТЕМАТИЧЕСКОГО МОДЕЛИРОВАНИЯ

Методические указания к выполнению лабораторной работы по курсу «Оптические цифровые телекоммуникационные системы»

Разработчики Проф. каф. СВЧ и КР В.М. Шандаров студент гр.145-3 А.А. Рыбальченко

Томск 2011

#### 1. ВВЕДЕНИЕ

Целью данной лабораторной работы является теоретические исследования фотоприемных устройств волоконно-оптической системы связи.

# 2. ЭЛЕМЕНТЫ ТЕОРИИ ФОТОПРИЁМНЫХ УСТРОЙСТВ

# 2.1. Общие сведения

Фотоприёмное устройство (ФПУ) является составной частью линейного тракта ВОСП. В ФПУ происходит преобразование оптического сигнала в электрический, его усиление и обработка. Оптическим сигналом называют оптическое излучение, один или несколько параметров которого изменяется в соответствии с передаваемой информацией. Преобразование оптического сигнала в электрический осуществляется фотоэлектрическим полупроводниковым приемником излучения (ФЭПП)— принцип действия которого основан на внутреннем фотоэффекте. Усиление необходимо для восстановления уровня сигнала, обеспечения максимально возможного при данных условиях отношения сигнала к шуму. Усиление может осуществляться до, после приемника излучения, а также в самом приемнике. Обработка электрического сигнала позволяет получить параметры сигнала, при которых аппаратура, подключенная к выходу ФПУ, может нормально функционировать.

ФПУ характеризуется системой параметров, важнейшими из которых являются:

-рабочая длина волны, для которой нормированы параметры;

-полоса пропускания, т.е. интервал частот, в котором модуль коэффициента передачи больше или равен половине его максимального значения;

-напряжение шума, т.е. среднеквадратичное значение флуктуаций выходного напряжения в заданной полосе частот в отсутствие оптического сигнала на его входном оптическом полюсе;

-порог чувствительности - минимальная средняя мощность оптического сигнала на входе при заданных характеристиках этого сигнала, при которой обеспечивается заданное отношение сигнал-шум или заданный коэффициент ошибок. На рисунке 1.1 приведена структурная схема ФПУ с прямым детектированием.



ОС— оптический соединитель; ФЭПП— фотоэлектрический полупроводниковый приёмник излучения; ПУ— предварительный усилитель; ГУ— главный усилитель; Ф— фильтр; РПУ— решающее пороговое устройство; САРУ— схема автоматической регулировки усиления.

Рисунок 1.1— Структурная схема ФПУ с прямым детектированием.

Одним из основных параметров, характеризующих помехозащищенность системы передачи (СП) является порог чувствительности ФПУ. В зависимости от порога чувствительности выбирается длина участка связи или максимальная скорость передачи. Уменьшение порога чувствительности позволяет увеличить длину участка связи или увеличить скорость передачи. Порог чувствительности ФПУ ограничен шумами, возникающими в фотодиоде, предварительном усилителе, тепловым шумом эквивалентного входного сопротивления усилителя и др.

# 2.2. Расчет порога чувствительности ФПУ

При исследовании порога чувствительности принята гауссова аппроксимация шумов. Вероятность ошибки при передаче информации определяется вероятностью принятия ложного сигнала о наличии "1" во время передачи "0" (или наоборот):

$$P_{\text{OIII}} = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{Q} \exp(-x^2/2) dx; \qquad (2.1)$$

где  $Q = (D - S_0) / \sigma_0 = (D - S_1) / \sigma_1$  — отношение средней мощности сигнала к среднеквадратической мощности шума;

**D**— пороговый уровень;

 $S_{I}, S_{0}$ — математическое ожидание сигналов при передаче "1" и "0" соответственно,

 $\sigma$ — среднеквадратичное значение шумового тока  $\Phi\Pi Y$ .

При малом уровне освещенности  $\sigma_0 = \sigma_1 = \sigma = \sqrt{i_{p-i-n}^2}$ ,

где  $(i_{p-i-n})^{0.5}$  — среднеквадратичное значение шумового тока приёмного модуля с p-i-n фотодиодом.

Мощность *P*, полученная приемным модулем, соотносится со средней мощностью *P*, падающей на ФД следующим образом:

$$\eta \cdot P = P_1 \cdot p_1 + P_0 \cdot (1 - p_1) \tag{2.2}$$

где *η*—внутренняя квантовая эффективность,

*P*<sub>0</sub>, *P*<sub>1</sub> — мощность, принятая при передаче "0" или "1" соответственно;

 $p_1$ — вероятность принятия "1" в заданном интервале времени.

Для большинства импульсных кодов  $p_1=0,5$ , поэтому:

$$\eta \cdot \overline{P} = (P_1 + P_2)/2$$

Важное значение играет коэффициент затухания  $\gamma = P_0 / P_1$ .

Опуская дальнейший вывод, запишем выражение, которое определяет минимальный уровень детектируемой оптической мощности цифрового ФПУ с p-i-n ФД:

$$\eta \cdot P_{p-i-n} = \frac{1+\gamma}{1-\gamma} \cdot Q \cdot (h \cdot c / e \cdot \lambda) \cdot \sqrt{i_{p-i-n}^2}$$
(2.3)

где *h=6.62·10<sup>·34</sup> Дж·с* — постоянная Планка;

 $c=3\cdot 10^8 \, \text{м/c}$  — скорость света в вакууме;

*e*= *1.602*·*10<sup>-19</sup> Кл*— заряд электрона;

λ— длина волны импульсов излучения.

Учитывая, что чувствительность ФД  $S = (\eta \cdot e \cdot \lambda / h \cdot c)$ , а так же, если во время передачи "0" мощность затухает полностью ( $\gamma = 0$ ), то

$$P_{p-i-n} = (Q/S) \cdot \sqrt{i_{p-i-n}^2}$$
(2.4)

# 2.3. Интегралы Персоника

Для учета влияния формы спектральной характеристики на шумовую полосу вводят интегралы Персоника.

$$I_{n1} = \int_{0}^{\infty} H(y)^{2} \cdot H_{in}(y) dy, \qquad (2.5)$$

где  $H(y) = HF(y) \cdot H_a(y) / H_{in}(y)$  функция передачи ФПУ;

*HF*(*y*)— функция передачи фильтра;

*H<sub>a</sub>*(*y*)— частотнозависимая часть модуля функции передачи предусилителя и корректора;

*H*<sub>in</sub>(*y*)— спектр входного сигнала, определяемый по формуле (2.6);

*у=f/B* — нормированная частота;

*В*— скорость передачи.

$$H_{in}(y) = \exp\left(-2 \cdot \pi^2 \cdot \alpha^2 \cdot y^2\right), \qquad (2.6)$$

где а— определяет, какую часть периода занимает входной сигнал.

Второй интеграл Персоника *I<sub>n2</sub>* зависит от передаточной характеристики ФПУ:

$$I_{n2} = \int_{0}^{\infty} H(y)^{2} dy.$$
 (2.7)

Третий интеграл Персоника *I<sub>n3</sub>* зависит от частотной характеристики линейного тракта ФПУ:

$$I_{n3} = \int H(y)^2 \cdot y^2 dy.$$
 (2.8)

# 2.4. ФПУ с лавинным фотодиодом

При выводе уравнения (2.4) предполагалось, что шумовые токи в состояниях "1" и "0" равны, т.е. дробовый шум сигнального фототока не учитывался. Это предположение несправедливо для модуля с ЛФД из-за избыточного шума ЛФД, обусловленного случайной природой процесса умножения. При среднем коэффициенте умножения *М* среднеквадратическое значение шумовых токов при приеме "1" и "0" равны соответственно:

$$i_1^2 = i_{p-i-n}^2 + 2 \cdot e \cdot (e \cdot \lambda/h \cdot c) \cdot M^2 \cdot F \cdot I_{n1} \cdot B \cdot P_1$$
(2.9)

$$i_0^2 = i_{p-i-n}^2 + 2 \cdot e \cdot \left( e \cdot \lambda / h \cdot c \right) \cdot M^2 \cdot F \cdot I_{n1} \cdot B \cdot P_0$$
(2.10)

где *В*— скорость передачи;

*F*— шум-фактор умножения;

*I<sub>n1</sub>*— интеграл Персоника.

Второе слагаемое в правой части представляет собой дробовый шум, обусловленный умножением сигнального фототока. Выражение для определения порога чувствительности ФПУ с ЛФД:

$$\eta \cdot \overline{P}_{n\phi\partial} = Q \cdot \left(h \cdot c/e \cdot \lambda\right) \cdot \frac{1+\gamma}{1-\gamma} \cdot \left(e \cdot Q \cdot F \cdot I_{n1} \cdot B \cdot \frac{1+\gamma}{1-\gamma} + \sqrt{\left(2 \cdot e \cdot Q \cdot F \cdot I_{n1} \cdot B\right)^2 \cdot \frac{\gamma}{\left(1-\gamma\right)^2} + \frac{i^2}{M^2}}\right)$$
(2.11)

При выводе предполагалось, что сигнальный фототок увеличивается в среднем в *M* раз, темновой ток ЛФД равен нулю и что межсимвольная интерференция отсутствует: "хвосты" сигнального тока предыдущего бита не перекрываются с сигналом передаваемого в данный момент бита.

При идеальном коэффициенте затухания ( $\gamma = 0$ ) формула упрощается:

$$\overline{P}_{n\phi\partial} = \frac{Q}{S} \cdot \left[ \left( \sqrt{i_{p-i-n}^2} / M \right) + e \cdot Q \cdot F \cdot I_{n1} \cdot B \right]$$
(2.12)

При *M*=1 второй член уравнения (2.12) пренебрежимо мал и выражение (2.12) принимает вид уравнения (2.4) для ФПУ с p-i-n ФД.

Шум-фактор лавинного умножения определяется из выражения:

$$F = M \cdot \left[ 1 - \left(1 - K\right) \cdot \left(\frac{M - 1}{M}\right)^2 \right]$$
(2.13)

где K— отношение коэффициентов ударной ионизации носителей зарядов, причем K<1. Так как шум-фактор увеличивается с увеличением M, из (2.12) следует, что порог чувствительности приемного модуля уменьшается обратно пропорционально M только при достаточно малых значениях этого коэффициента. Увеличение M приводит к возрастанию шум-фактора и, соответственно, второго члена в выражении для  $P_{\pi\phi\pi}$ . Когда  $M=M_{O\Pi\pi}$ , величина  $P_{\pi\phi\pi}$  минимальна и порог чувствительности достигает своего минимального значения для данного отношения K и уровня шума усилителя. При коэффициенте умножения  $M>M_{O\Pi\pi}$ , второй член в формуле (2.12) становится преобладающим. Значение  $M_{O\Pi\pi}$ 

$$d\overline{P}_{\pi\phi\partial}/dM=0.$$

#### 2.5. Шумовой ток ФПУ с р-і-п ФД

Тепловой шум, обусловленный *R***э** (входное сопротивление):

$$i_{men}^{2} = \frac{4 \cdot k \cdot T}{R_{2}} \cdot I_{n2} \cdot B \qquad (2.14)$$

где *k=1.38·10<sup>-23</sup> Дж/К* — постоянная Больцмана;

*Т*— температура в градусах Кельвина;

*В*— скорость передачи;

*I<sub>n2</sub>*— интеграл Персоника, зависящий от передаточной характеристики цепи. Дробовый шум за счет темнового тока ФД:

$$i_{\partial p}^2 = 2 \cdot e \cdot I_{TEMH} + I_{n2} \cdot B \tag{2.15}$$

где *І<sub>темн</sub>*— темновой ток р-i-n ФД.

## 2.6. Шумы полевых транзисторов

Дробовый шум утечки затвора:

$$i_{\mu\nu}^2 = 2 \cdot e \cdot I_{\nu} \cdot I_{n2} \cdot B \qquad (2.16)$$

где *Іут* ток утечки затвора ПТ.

Э.Д.С. шума в единичной полосе:

$$e_{\mu\nu\nu}^2 = 4 \cdot k \cdot T \cdot \psi/g \qquad (2.17)$$

где  $\psi$  — шум-фактор ПТ, зависящий от материала (*Si*— 0.7, *GaAs*— 1.1);

*g*— крутизна ПТ в рабочей точке.

Выражение для генератора входного шумового тока:

$$i_{IIT}^{2} = \frac{4 \cdot k \cdot T \cdot \psi}{g} \cdot \left(\frac{I_{n2} \cdot B}{R_{\Im}^{2}} + \left(2 \cdot \pi \cdot C_{\Im}\right)^{2} \cdot I_{n3} \cdot B^{3}\right) + 2 \cdot e \cdot I_{VT} \cdot I_{n2} \cdot B$$
(2.18)

где *I<sub>n3</sub>*— интеграл Персоника, зависящий от частотной характеристики линейного тракта ФПУ;

Сэ— общая входная ёмкость.

Низкочастотный или фликер-шум:

$$i_{\phi_{III}}^{2} = \frac{4 \cdot k \cdot N \cdot \psi}{g} \cdot \left(2 \cdot \pi \cdot C_{\mathcal{P}}\right)^{2} \cdot f_{III} \cdot I_{nII}$$
(2.19)

где *f*<sub>Ш</sub>— граничная частота фликкер-шума;

**I**<sub>nΠ</sub>=0,1...0,2.

Полный шумовой ток равен сумме составляющих:

$$i_{\Sigma}^{2} = i_{\Pi T}^{2} + i_{\Phi I I I}^{2} + i_{\mathcal{A} P}^{2} + i_{T E \Pi}^{2} + i_{\Pi O C \Pi}^{2}$$
(2.20)

 $i^2_{\Pi OCI}$  — шумовой ток, обусловленный последующим усилителем и др. элементами.

### 2.7. Шумы биполярных транзисторов

$$i_{\mu\nu ME}^2 = 2 \cdot e \cdot I_E = 2 \cdot e \cdot I_K / \beta$$
(2.21)

где *I<sub>Б</sub>*, *I<sub>K</sub>*— ток базы и коллектора.

$$e_{\mu\nu\nu ME}^{2} = 4 \cdot k \cdot T \cdot \left( r_{E} + r_{\Im}/2 \right)$$
(2.22)

где *г*<sub>*Б*</sub>, *г*<sub>Э</sub>— распределённое сопротивление базы и эмиттера.

$$r_{\mathfrak{H}} = k \cdot T / e \cdot I_{\mathfrak{H}} \tag{2.23}$$

где **І**э— ток эмиттера.

Эквивалентный шумовой ток БТ:

$$i_{BT}^{2} = 4 \cdot k \cdot T \cdot \left(r_{B} + r_{\beta}/2\right) \cdot \left(\frac{I_{n2} \cdot B}{R_{\beta}^{2}} + \left(2 \cdot \pi \cdot C_{\beta}\right)^{2} \cdot I_{n3} \cdot B^{3}\right) + 2 \cdot e \cdot I_{B} \cdot B \cdot I_{n2}$$
(2.24)

Полный шумовой ток:

$$i_{p-i-n}^{2} = i_{BT}^{2} + i_{\mathcal{A}P}^{2} + i_{T}^{2} + i_{\Pi OC \Pi}^{2}$$
(2.25)

# 2.8. Шумовой ток ФПУ с ЛФД

Расчет аналогичен ФПУ с p-i-n ФД, но предполагается, что дробовый шум темнового тока, как и фототок, увеличивается за счет лавинного умножения, что приводит к дополнительному источнику избыточного шума.

$$i_{\mathcal{A}^{P},\mathcal{I}\Phi\mathcal{I}}^{2} = i_{p-i-n}^{2} + 2 \cdot e \cdot M^{2} \cdot F \cdot I_{TM} \cdot I_{n2} \cdot B$$
(2.26)

На практике можно не учитывать все не умножаемые источники темнового тока. Оптимальный коэффициент лавинного умножения:

$$M_{OIIT} = \frac{1}{\sqrt{k}} \cdot \sqrt{\frac{\sqrt{i_{p-i-n}^2}}{e \cdot Q \cdot I_{n1} \cdot B} + k - 1}$$
(2.27)

Здесь не учтены темновой ток ЛФД и конечное значение коэффициента у.

Они еще уменьшают Мопт.

Порог чувствительности ФПУ с ЛФД:

$$\overline{P}_{\mathcal{I}\mathcal{P}\mathcal{A}} = \sqrt{\left(\overline{P}_{p-i-n}/M^2\right) + 2 \cdot e \cdot I_{\mathcal{I}M} \cdot \left(1/S\right)^2 \cdot Q^2 \cdot F \cdot I_{n2} \cdot B} + \frac{e}{S} \cdot Q^2 \cdot F \cdot I_{n1} \cdot B$$
(2.28)

# 3. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

3.1. Описание экспериментальной установки и методики эксперимента

На рисунке 3.1 приведена структурная схема математической модели программы.



ПРД— передающее устройство.

Рисунок 3.1 — Структурная схема математической модели программы.

При запуске файла *Modelup.exe* на экране монитора появляется главная форма, содержащая меню и кнопки, дублирующие меню. В разделе "Сведения" содержится краткая теория и информацию о программе. Для моделирования применяется четыре формы:

— длительность импульса на выходе ΦПУ;

— расчёт шумов ФПУ;

— расчёт порога чувствительности ФПУ;

— форма импульса на выходе ФПУ.

### 3.2. Порядок выполнения работы

3.2.1. Ознакомиться с теоретической частью работы.

3.2.2. Выберите элементы функциональной схемы (по заданию преподавателя).

3.2.3. Введите необходимые данные для расчета формы импульса на входе ФПУ (скорость передачи информации **B**, длину участка связи **L**, удельную дисперсию **D**, ширину спектральной линии источника излучения).

3.2.4. Пронаблюдайте форму импульса на входе ФПУ и импульсную характеристику входного сигнала при различных значениях *B*, *L*, *D* и ширины спектральной линии источника излучения.

3.2.5. Выберите электрический фильтр, схему усилителя. Пронаблюдайте график частотнозависимой части модуля функции передачи предусилителя и корректора и спектральную характеристику фильтра. Запишите значения интегралов Персоника.

3.2.6. Введите *Q*—отношение сигнал/шум, отношение коэффициентов ударной ионизации, выберите транзистор.

3.2.7. Пронаблюдайте зависимости спектральной плотности шумов от частоты для *p-i-n* ФД:

— тепловой шум *ST(f)*;

— фликкер-шум *Sf(f)*.

А также значения теплового шума (St) и дробового шума (Sd).

3.2.9. Пронаблюдайте зависимость порога чувствительности от коэффициента лавинного умножения *Papd(M)* для ЛФД.

3.2.10. Пронаблюдайте импульсную характеристику фильтра *Hout(t)* и форму выходной посылки *Hf(t)*.

3.2.11. Провести сравнение полученных результатов и сделать выводы.

# 4. КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ

4.1. Что понимается под фотоприёмным устройством с прямым детектированием?

4.2. Напишите назначение отдельных элементов на структурной схеме (рис. 1.1).

4.3. Какие допущения сделаны при выводе формулы (2.1) для вероятности ошибки.

4.4. Раскройте алгоритм расчета порога чувствительности в цифровой системе передачи данных (формула 2.11).

4.5. Почему существует оптимальный коэффициент лавинного умножения для порога чувствительности в ФПУ с ЛФД.

4.6. Перечислите типы шумов в p-i-n и ЛФД.

4.7. Каковы функции распределения шумов различной природы в ФПУ.

4.8. Что характеризуют интегралы Персоника.

4.9. Как меняется форма импульса на входе ФПУ в зависимости от значений В, L, D и ширины спектральной линии излучения.

4.10. Какова должна быть зависимость спектральной плотности шумов различной природы от частоты.

# 5. СОДЕРЖАНИЕ ОТЧЁТА

Отчёт должен содержать:

5.1. Цель работы и схему математической модели.

5.2. Результаты экспериментов, сведённые в таблицу.

5.3. Выводы по результатам проделанного эксперимента.

# СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

 Скляров О К. Волоконно-оптические сети и системы связи. Учебное пособие.- С-Пб : Лань, 2010. – 272 с.

- 2. Фокин В.Г. Оптические системы передачи и транспортные сети. Учебное пособие .- М.: Эко-Трендз, 2008. -288 с.
- Фриман Р. Волоконно-оптические системы связи (4-е, дополненное издание)- М. : Эко-Тренд. 2007. -512 с..
- Оптические цифровые телекоммуникационные системы: учебнометодическое пособие по практическим занятиям// Коханенко А.П., Шарангович С.Н. / Под ред. С.Н. Шаранговича – Томск: Изд-во Том. гос. ун-та систем управления и радиоэлектроники, 2007. -78 с.
- 5. Гауэр Дж. Оптические системы связи.—М.: Радио и связь.— 1989.— 504 с.
- Волоконно-оптические системы передачи./ Под ред. Гомзина В.Н.— М.: Радио и связь.— 1992.— 416 с.