Федеральное Агентство по Образованию ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ (ТУСУР)

Кафедра ф	изики
-----------	-------

УТВЕРЖДАЮ
Заведующий кафедрой физики
Е.М. Окс
2007Γ.

ИЗУЧЕНИЕ РАСПРЕДЕЛЕНИЯ МАКСВЕЛЛА

Руководство к компьютеризованной лабораторной работе по физике

	Разработчик
профессор	кафедры физики
	В.А.Бурдовицин

1 ВВЕДЕНИЕ

В физических системах, состоящих из большого числа движущихся по законам классической механики частиц, в состоянии равновесия устанавливается некоторое стационарное распределение частиц по скоростям. Это распределение подчиняется вполне определенному статистическому закону, установленному Максвеллом. При выводе закона распределения частиц по скоростям Максвелл использовал теоретическую модель идеального газа, т.е. он предполагал, что между частицами отсутствуют силы взаимодействия. Реальные газы хорошо описываются моделью идеального газа и, соответственно, подчиняются закону Максвелла, если они достаточно разрежены. Некоторые газы, такие как гелий, водород, азот, кислород и даже воздух уже при обычных условиях, т.е. при комнатной температуре и атмосферном давлении мало отличаются по свойствам от идеального газа.

Другим примером физической системы, для которой справедливо максвелловское распределение частиц по скоростям, является система электронов, эмитированных термокатодом в вакуум. Электронный газ вне термокатода практически всегда настолько разрежен, что можно пренебречь кулоновскими силами взаимодействия между электронами и считать электронный газ идеальным. То же самое можно сказать во многих случаях и о системе электронов плазмы газового разряда.

Целью данной работы является изучение распределения по скоростям электронов, эмитированных термокатодом, и сравнения полученного распределения с максвелловским.

2 КРАТКАЯ ТЕОРИЯ

Источником электронов термоэмиссии в данной работе является накаленный катод электронной лампы. Электроны, преодолевшие поверхностный потенциальный барьер, образуют в промежутке катод-анод электронное облако. В силу различных причин концентрация электронов n в различных точках этого промежутка может быть различной даже в установившемся состоянии. Однако в любой точке промежутка распределение частиц по скоростям подчиняется закону Максвелла, который определяет величину dn_{v_x,v_y,v_z} - число электронов в единице объема, имеющих скорости, проекции которых на оси координат x, y, z заключены, соответственно, в интервале от v_x до $v_x + dv_x$, от v_y до $v_y + dv_y$ от v_z до $v_z + dv_z$:

$$dn_{v_x,v_y,v_z} = n \left(\frac{m}{2\pi kT}\right)^{3/2} \exp\left[-\frac{m}{2kT}\left(v_x^2 + v_y^2 + v_z^2\right)\right] dv_x dv_y dv_z, \tag{2.1}$$

где m — масса электрона; k — постоянная Больцмана; T — абсолютная температура; или для абсолютных значений скоростей $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2}$ закон Максвелла определяет величину dn_v — число электронов в единице объема, имеющих абсолютные значения скорости в интервале от v до v+dv:

$$dn_{v} = 4\pi n \left(\frac{m}{2\pi kT}\right)^{3/2} \exp\left(-\frac{mv^{2}}{2kT}\right) v^{2} dv$$
 (2.2)

Основным методом, применяющимся для экспериментального изучения распределения термоэлектронов по скоростям, является метод задерживающего поля. Схема

включения электронной лампы для исследования распределения термоэлектронов по скоростям указанным методом представлена на рис. 2.1. В случае, если между катодом и анодом лампы \mathbf{J} приложена от источника питания $\mathbf{H}\mathbf{I}$ задерживающая разность потенциалов, т.е. «плюс» на катод, анода могут достигать лишь те электроны, чья кинетическая энергия \mathbf{W} больше задерживающей разности потенциалов \mathbf{U} , т.е. $W \geq eU$. Измеряя зависимость анодного тока от величины задерживающей разности потенциалов, можно узнать распределение электронов по кинетической энергии, а следовательно, и по скоростям. Поскольку одной из целей работы является сравнение полученного распределения с максвелловским, то рассмотрим предпосылки и процедуру такого сравнения. Предположим, что эмитированные катодом лампы электроны подчиняются распределению Максвелла. Получим выражение для электронного тока \mathbf{I}_a на анод. Рассмотрим случай плоских электродов, каждый из которых имеет площадь \mathbf{S} . Считая линейные размеры электродов много большими, чем расстояние между ними, и пренебрегая краевыми эффектами, можем записать

$$I_a = j_a S, (2.3)$$

где j_a – плотность тока термоэлектронов на анод.

Выберем ось x перпендикулярной плоским электродам. Рассмотрим движение электронов термоэмиссии вдоль оси x в тормозящем для них электрическом поле. В этом случае для нас важно распределение электронов только по составляющей скорости v_x . Ограничения на составляющие скорости v_y и v_z в соотношении (2.1) необходимо снять, т.к. электроны вдоль осей y и z могут двигаться с любыми скоростями от $-\infty$ до $+\infty$ и это никак не повлияет на их движение вдоль оси x. После интегрирования соотношения (2.1) по v_y и v_z в указанных пределах получим

$$dn_{vx} = n \left(\frac{m}{2\pi kT}\right)^{1/2} \exp\left(-\frac{mv_x^2}{2kT}\right) dv_x, \qquad (2.4)$$

где dn_{v_x} - число электронов в единице объема, имеющих составляющую скорости вдоль оси x в интервале от v_x до v_x+dv_x . Для определения плотности тока термоэлектронов j_a необходимо знать распределение частиц по скоростям в потоке. Найдем $d\Phi_x$ — число электронов, проходящих от катода к аноду за единицу времени через единичную площадку, перпендикулярную оси x, и имеющих скорости вдоль оси x в интервале от v_x до v_x+dv_x . Из определения потока следует, что

$$d\Phi_x = dn_{vx} \cdot v_x = n \left(\frac{m}{2\pi kT}\right)^{1/2} \exp\left(-\frac{mv_x^2}{2kT}\right) v_x dv_x. \tag{2.5}$$

Тогда плотность тока j_{θ} вблизи катода (строго говоря, на границе катод-вакуум) всех термоэлектронов, имеющих скорости в интервале от 0 до ∞ , определится соотношением

$$j_0 = e \int_0^\infty d\Phi_{0x} = e n_0 \left(\frac{kT}{2\pi m} \right)^{1/2} . \tag{2.6}$$

Индексами «0» обозначены значения параметров вблизи катода. Часть этих электронов, имеющих скорости v_x в интервале от $v_{x\min} = \sqrt{2eU/m}$ до ∞ , преодолеют тормозящую разность потенциалов U и достигнут анода. В связи с этим, выражение для плотности анодного тока j_a можно записать в виде

$$j_a = e \int_{\sqrt{2eU/m}}^{\infty} dv_{0v_x} = e n_0 \left(\frac{kT}{2\pi m}\right)^{1/2} \exp\left(-\frac{eU}{kT}\right) = j_0 \exp\left(-\frac{eU}{kT}\right), \quad (2.7)$$

а анодный ток I_a с учетом формулы (2.3) определится соотношением

$$I_a = I_0 \exp\left(-\frac{eU}{kT}\right),\tag{2.8}$$

где I_0 = j_0 **S**. Логарифмируя выражение (2.8), получим

$$\ln I_a = \ln I_0 - eU/kT. (2.9)$$

Как видно из соотношения (2.9), зависимость логарифма анодного тока от задерживающего потенциала линейна. Соотношение (2.9) получено в предположении, что скорости термоэлектронов подчиняются распределению Максвелла, поэтому экспериментальная проверка этого соотношения позволяет судить о применимости распределения Максвелла по скоростям к системе термоэлектронов.

Заметим, что в данной работе используется электронная лампа, у которой форма электродов отличается от плоской. Это меняет, как показывает анализ, значение величины j_{θ} в соотношении (2.7), но не меняет экспоненциальной зависимости j_{a} от U, поэтому формула (2.9) остается справедливой.

3 ЗАДАНИЕ

Измерить зависимость анодного тока лампы от задерживающего напряжения для трех значений мощности накала. Линеаризовать полученные зависимости и убедиться в максвелловском характере распределения электронов по энергиям. Рассчитать температуры электронного газа.

4 ОПИСАНИЕ ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНОЙ УСТАНОВКИ

Установка для проведения экспериментов представляет собой настольный блок, внешний вид которого схематически представлен на рис. 4.1. На горизонтальной панели расположены органы управления, на вертикальной – контрольно-измерительные приборы. К органам управления относятся: выключатель 1 «Сеть»; рукоятки 2, 3 «Давление», «Реверс» управления электроприводом (в данной работе не используются); кнопки 4 выбора лабораторной работы, рукоятки 5 «Накал лампы», 6 «Напряжение анода», 7 «Нагрев нити» (не используется); переключатели 8, 9 режимов работы измерительных приборов 10, 11. Лампочки 12 служат для индикации выбранной лабораторной работы. Электронная лампа 13, с помощью которой проводится эксперимент, расположена в средней части установки под оргстеклом. Схема включения электронной лампы представлена на рис. 4.2. Переменный резистор **R** служит для регулировки тока накала катода, а приборы V_1 и A – для измерения напряжения и тока накала, соответственно. Источник задерживающего напряжения ИЗН позволяет регулировать задерживающую разность потенциалов, измеряемую вольтметром V₂. Рукоятка 5 управления резистором R и рукоятка 6 управления задерживающим напряжением находятся на горизонтальной панели установки.

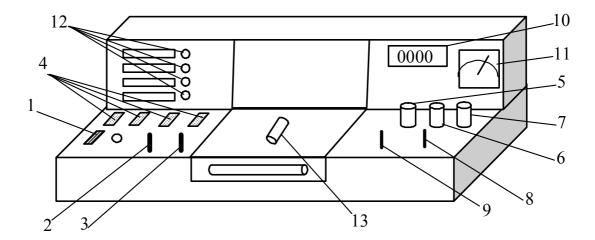


Рисунок 4.1 – Внешний вид лабораторной установки.

Ток анода измеряется микроамперметром. В настоящей установке измерения напряжения и тока накала осуществляются одним прибором 11 (PA2) (Рис. 4.1), который с помощью переключателя 8 включается в режим вольтметра (положение 1) либо амперметра (положение 2). Задерживающее напряжение и анодный ток измеряются цифровым прибором 10 (PA1), изменение режимов которого осуществляется переключателем 9. В положении 1 прибор измеряет задерживающее напряжение, а в положении 2 — анодный ток лампы. Средний столбец таблички под прибором PA1 на установке содержит коэффициенты, на которые следует умножать показания прибора.

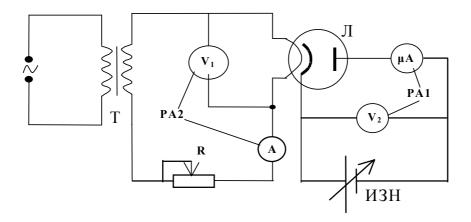


Рисунок 4.2 – Электрическая схема установки.

5 ПОРЯДОК ВЫПОЛНЕНИЯ РАБОТЫ

- 5.1 Включить установку кнопкой 1 «Сеть». При этом должна загореться сигнальная лампочка.
- 5.2 Выбрать работу «Распределение Максвелла», нажав соответствующую кнопку 4. Установить рукояткой 5 «Накал лампы» максимальные значения тока и напряжения

накала и записать их в таблицу 5.1 в качестве параметров. Дать возможность лампе прогреться (при выходе на установившийся тепловой режим через окно в передней панели наблюдается светящийся термокатод, ток в анодной цепи перестает расти).

5.3 Снять зависимость тока анода от напряжения задержки. Регулировку задерживающего напряжения производить рукояткой 6 «Напряжение анода». Измерения проводить, начиная с минимального значения задерживающего напряжения и равномерно увеличивая его до максимального значения так, чтобы зависимость содержала не менее десяти точек. Данные рекомендуется занести в таблицу 5.1. В эту же таблицу записать значения $\ln I_{a}$.

<u>Примечание</u>. Если эксперимент проводится на установке, сопряженной с компьютером, то значения тока и напряжения накала лампы, а также анодного тока и задерживающего анодного напряжения считываются из соответствующих окон на экране монитора. При выполнении работы следовать инструкциям, приведенным в разделе 6.

5.4 Повторить измерения по п. 5.3 для двух других значений напряжения и тока накала. При выборе тока накала исходить из условия, чтобы при минимальном задерживающем напряжении анодный ток не был менее 90 – 100 мкА. Данные занести в таблицы, аналогичные таблице 5.1.

Таблица 5.1 Результаты измерений

U _H , B	I _H , A	U ₃ , мВ	I_a , MA	$\ln I_a$

- 5.5 Три серии экспериментальных точек нанести на график в координатах $\ln I_a$, U. Рассчитать погрешности измерений и нанести их на график в виде доверительных интервалов. Убедиться в возможности проведения прямой по экспериментальным точкам, что и будет означать наличие максвелловского распределения термоэлектронов по скоростям. При построении графиков рекомендуется использовать метод наименьших квадратов.
- 5.6 Учитывая, что угловые коэффициенты линеаризованных зависимостей в данной работе равны e/kT, а также используя табличные значения постоянных e и k, вычислить три различные температуры катода T, соответствующие трем различным напряжениям накала электронной лампы.
- 5.7 Используя формулы метода наименьших квадратов для расчета погрешностей коэффициентов линейной зависимости, оценить погрешности в определении температуры катода.
- 5.8 Определить среднеквадратичную, среднюю и наиболее вероятную скорости электронов для одного из найденных в работе значений температуры.

6 ПОРЯДОК ВЫПОЛНЕНИЯ РАБОТЫ НА УСТАНОВКЕ, СОПРЯЖЕННОЙ С КОМПЬЮТЕРОМ.

- 6.1 Включить компьютер.
- 6.2 Войти в среду «Лаборатория», для чего нажать комбинацию клавиш Cntrl-Alt-Del, ввести имя пользователя "student", нажать "OK". На экране высветится меню.
- 6.3 Установить указатель мыши на значок «Лаборатория» и нажать дважды на левую кнопку мыши. При этом открывается меню с перечнем работ.

- 6.4 Выбрать строку с названием работы и щелкнуть мышью. На экране появится стенд с окнами (Рис. 6.1), в которых отображаются измеряемые величины, таблица и график.
- 6.5 Включить питание лабораторной установки кнопкой 1 «Сеть» (Рис. 2.3). При этом загорится сигнальная лампочка, расположенная рядом с кнопкой 1. Одной из кнопок 4 включить работу «Распределение Максвелла», после чего загорится одна из сигнальных лампочек 12, и в окнах стенда «Напряжение анода», «Ток анода», «Напряжение накала», «Ток накала» появятся соответствующие величины.
- 6.6 Рукояткой 5 «Накал лампы» установить максимальные значения тока и напряжения накала. Рукояткой 6 «Напряжение анода» установить минимальное значение напряжения анода и подождать 1 2 минуты до достижения анодным током установившегося значения. Нажать мышью кнопку «Новый эксперимент», а затем кнопку «Добавить результат». При этом в таблице появятся значения тока и напряжения анода, а в правом окне точка на графике зависимости тока от напряжения анода. Для наблюдения точки на графике следует нажать мышью кнопку «Показать/скрыть точки» в верхней левой части экрана монитора.
- 6.7 Снять зависимость тока анода от анодного напряжения, для чего повторить измерения по п. 6.6 не менее десяти раз, увеличивая при каждом измерении напряжение анода на $10-20~\mathrm{mB}$ и выжидая $0.5-1~\mathrm{muh}$. после каждого увеличения напряжения. Появляющийся на стенде график зависимости тока анода от напряжения анода позволяет контролировать ход эксперимента. Экспериментальные точки должны укладываться на плавную спадающую кривую, не имеющую перегибов. Точки, выпадающие из такой зависимости, должны быть расценены, как промахи и удалены из таблицы. Удаление производится выделением соответствующей строки и нажатием кнопки «Удалить результат». Буквы \boldsymbol{u} \boldsymbol{m} рядом с цифрами на осях графика означают приставки «микро» и «милли», соответственно.
- 6.8 Повторить измерения по п. 6.6 и 6.7 для двух других значений напряжения и тока накала. При выборе тока накала исходить из условия, чтобы при минимальном задерживающем напряжении анодный ток не был менее 90 100 мкА.
- 6.9 Перенести результаты измерений в таблицу 5.1 в рабочей тетради и произвести обработку в соответствии с пп. 5.5 5.8.
- 6.10 Для проведения вычислений можно воспользоваться программой EXCEL. Для этого следует нажать мышью кнопку «Копировать данные в буфер», расположенную в верхней левой части экрана. Запустить EXCEL и вставить данные из буфера.
- 6.11 По завершении работы следует установить минимальный ток накала лампы и выключить установку кнопками 4 и 1 (Рис. 2.3), последовательно. Затем выйти из среды «Лаборатория», закрыв ее мышью, и выйти из системы, нажав последовательно «Пуск» и «Выход из системы».

Напряжение анода, мВ Напряженине накала, В		к анода, мА к накала, А	
Добавить результат	Новый эксперимент]
Удалить результат	Опыт 1		_
Напряжение анода, мВ Ток анода, мА		Зависимость тон	ка анода от напряжения анода

Рисунок 6.1 – Стенд на экране монитора

7 КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ

- 7.1 Как определить наиболее вероятную, среднюю и среднеквадратичную скорости молекул идеального газа из распределения Максвелла по скоростям?
- 7.2 Каковы формулы для среднеквадратичной и наиболее вероятной скоростей идеального газа, позволяющие найти эти скорости по известной температуре газа?
- 7.3 Каков вид распределения Максвелла по абсолютным значениям скорости и по проекциям скорости на ось x?
- 7.4 Какой вид имеет рабочая формула в данной работе? Запишите ее.
- 7.5 В каких переменных строится график в данной работе?
- 7.6 Что служит причиной возникновения тока в анодной цепи?
- 7.7 Каким образом можно найти распределение заряженных частиц по скоростям.
- 7.8 Каким образом изменяют температуру катода в данной работе?
- 7.9 Укажите несоответствия между используемыми модельными представлениями и реальными условиями эксперимента.

8 РЕКОМЕНДУЕМАЯ ЛИТЕРАТУРА

- 8.1 Китайгородский А.И. Введение в физику. М.: Физматгиз, 1959. 320 с.
- 8.2 Савельев И.В. Курс общей физики. Т.1. Механика. Молекулярная физика. М.: Наука, 1987. 432 с. § 98: с.311-319.