

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования

«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ  
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ» (ТУСУР)



**УТВЕРЖДАЮ**

**Проректор по учебной работе**

Документ подписан электронной подписью

Сертификат: 1c6cfa0a-52a6-4f49-ae0-5584d3fd4820

Владелец: Троян Павел Ефимович

Действителен: с 19.01.2016 по 16.09.2019

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Спецглавы математики**

**Уровень основной образовательной программы** бакалавриат

**Направление(я) подготовки (специальность)** 15.03.04 "Автоматизация технологических процессов и производств"

**Профиль** "Автоматизация технологических процессов и производств"

**Форма обучения** очная

**Факультет** вычислительных систем (ФВС)

**Кафедра** компьютерных систем в управлении и проектировании (КСУП)

**Курс** 2 **Семестр** 4

**Учебный план набора 2012 года**

**Распределение рабочего времени:**

№	Виды учебной работы	Семестр 1	Семестр 2	Семестр 3	Семестр 4	Семестр 5	Семестр 6	Семестр 7	Семестр 8	Всего	Единицы
1.	Лекции				26					26	часов
2.	Лабораторные работы										часов
3.	Практические занятия				28					28	часов
4.	Курсовой проект/работа (КРС) (аудиторная)										часов
5.	Всего аудиторных занятий (Сумма 1-4)				54					54	часов
6.	Из них в интерактивной форме										часов
7.	Самостоятельная работа студентов (СРС)				54					54	часов
8.	Всего (без экзамена) (Сумма 5,7)				108					108	часов
9.	Самост. работа на подготовку, сдачу экзамена				36					36	часов
10.	Общая трудоемкость (Сумма 8,9)				144					144	часов
	(в зачетных единицах)				4					4	ЗЕТ

**Экзамен** 4 семестр

**Диф. зачет** не предусмотрено

**Зачет** не предусмотрено

Томск 2017

Согласована на портале № 16180

Лист согласований

Рабочая программа составлена с учетом требований Федерального Государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 15.03.04 "Автоматизация технологических процессов и производств", утвержденного 12.03.2015г., № 200

рассмотрена и утверждена на заседании кафедры 23 января 2017 г., протокол № 289

Разработчик: доцент кафедры математики \_\_\_\_\_ А.Л. Магазинников

Зав. кафедрой математики \_\_\_\_\_ А.Л. Магазинникова

Рабочая программа согласована с факультетом, профилирующей и выпускающей кафедрами направления подготовки (специальности).

Декан ФВС \_\_\_\_\_ Л.А. Козлова

Зав. профилирующей кафедрой КСУП \_\_\_\_\_ Ю.А. Шурыгин

Зав. выпускающей кафедрой КСУП \_\_\_\_\_ Ю.А. Шурыгин

Эксперты:

профессор кафедры математики ТУСУР \_\_\_\_\_ А.А. Ельцов

доцент кафедры КСУП ТУСУР \_\_\_\_\_ В.М. Зюзьков

## 1. Цели и задачи дисциплины, ее место в учебном процессе

Целями освоения дисциплины "Спецглавы математики" являются: изучение статистических свойств случайных событий и величин, знакомство с основными методами решения вероятностных задач, знакомство с основными методами многомерного статистического анализа; овладение методами статистической обработки результатов наблюдений, измерений и моделирования, подготовка к применению статистических методов в анализе и синтезе прикладных задач.

## 2. Место дисциплины в структуре ООП

Курс относится к вариативной части Б1.В обязательных дисциплин. Для его успешного освоения необходимы знания курса математики, твердое владение математическим аппаратом. Освоение теории вероятностей необходимо для дальнейшего изучения математической статистики. Знание теории вероятностей может существенно помочь при построении и анализе различных математических моделей, возникающих в физике, химии, биологии, в технике. Кроме того, методы теории вероятностей широко применяются в целом ряде дисциплин профессионального цикла, в учебно-исследовательской и научно-исследовательской работе, что подчеркивает тесную связь этих разделов математики с окружающим миром, как на стадии введения математических понятий, так и на стадии использования полученных результатов.

## 3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Выпускник должен обладать следующими компетенциями:

*ПК-20* – способностью проводить эксперименты по заданным методикам с обработкой и анализом их результатов, составлять описания выполненных исследований и подготавливать данные для разработки научных обзоров и публикаций.

### **В результате освоения дисциплины студент должен:**

**Знать:** определения и свойства основных объектов изучения теории вероятностей, а также формулировки наиболее важных утверждений, методы их доказательств, возможные сферы приложений.

**Уметь:** решать задачи вычислительного и теоретического характера в области теории вероятностей, устанавливать взаимосвязи между вводимыми понятиями, доказывать как известные утверждения, так и родственные им новые.

**Владеть:** математическим аппаратом теории вероятностей в теоретических и экспериментальных исследованиях.

#### 4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетные единицы

Вид учебной работы	Всего часов	Семестры		
			4	
<b>Аудиторные занятия (всего)</b>	<b>54</b>		<b>54</b>	
В том числе:				
Лекции	26		26	
Лабораторные работы (ЛР)				
Практические занятия (ПЗ)	16		16	
Семинары (С)				
Коллоквиумы (К)	6		6	
Курсовой проект/(работа) (аудиторная нагрузка)				
<i>Другие виды аудиторной работы</i>				
Контрольные работы	6		6	
<b>Самостоятельная работа (всего)</b>	<b>54</b>		<b>54</b>	
В том числе:				
Курсовой проект (работа) (самостоятельная работа)				
Расчетно-графические работы				
Реферат				
<i>Другие виды самостоятельной работы</i>				
Изучение теоретического материала	16		16	
Подготовка к коллоквиуму	14		14	
Выполнение текущих домашних заданий	12		12	
Подготовка к контрольным работам	12		12	
<b>Вид промежуточной аттестации (экзамен)</b>	<b>36</b>		<b>36</b>	
<b>Общая трудоемкость час</b>	<b>144</b>		<b>144</b>	
Зачетные Единицы Трудоемкости	<b>4</b>		<b>4</b>	

#### 5. Содержание дисциплины

##### 5.1. Разделы дисциплин и виды занятий

№ п/п	Наименование раздела дисциплины	Лекции	Лаб. занятия.	Практич. занятия.	Самост. работа студента	Всего час. (без экзамен)	Формируемые компетенции (ОК, ПК)
1.	Случайные события. Вероятность	2		2	4	8	ПК-20
2.	Основные теоремы теории вероятностей	4		4	8	16	ПК-20
3.	Повторение опытов	2		2	4	8	ПК-20
4.	Случайные величины и их законы распределения	4		4	8	16	ПК-20
5.	Некоторые законы распределения случайных величин	2		4	6	12	ПК-20
6.	Системы случайных величин	4		4	8	16	ПК-20
7.	Предельные теоремы теории вероятностей	2		2	4	8	ПК-20
8.	Элементы математической статистики	4		4	8	16	ПК-20
9.	Обработка опытов	2		2	4	8	ПК-20

## 5.2. Содержание разделов дисциплины (по лекциям)

№ п/п	Наименование разделов	Содержание разделов	Трудоемкость (час.)	Формируемые компетенции (ОК, ПК)
1.	Случайные события. Вероятность.	Понятие случайного события. Классификация событий. Действия над событиями. Понятие вероятности события. Статистическое, классическое, геометрическое и аксиоматическое определение вероятности.	2	ПК-20
2.	Основные теоремы теории вероятностей.	Условные вероятности. Зависимые и независимые события. Теорема сложения вероятностей. Теорема умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса	4	ПК-20
3.	Повторение опытов.	Схема испытаний Бернулли. Формула Бернулли. Наивероятнейшее число появления событий в схеме Бернулли. Общая теорема о повторении опытов. Производящая функция. Локальная и интегральная теоремы Муавра — Лапласа. Простейший (пуассоновский) поток событий. Формула Пуассона.	2	ПК-20
4.	Случайные величины и законы их распределения.	Случайная величина и её закон распределения. Одномерные дискретные случайные величины. Ряд распределения. Функция распределения одномерной случайной величины и её свойства. Функция распределения дискретной случайной величины и её график. Плотность распределения одномерной случайной величины и её свойства. Числовые характеристики случайных величин. Математическое ожидание дискретной случайной величины и его смысл. Математическое ожидание непрерывной случайной величины. Мода, медиана, квантиль случайной величины. Дисперсия случайной величины. Моменты случайной величины. Функция одного случайного аргумента. Математическое ожидание функции одного случайного аргументов. Характеристическая и кумулянтная функции. Примеры характеристических функций. Взаимная однозначность соответствия между распределениями и характеристическими функциями. Формула обращения (для функций распределения и для плотностей, без доказательства). Характеристическая функция суммы независимых случайных величин. Свойства характеристических функций.	4	ПК-20
5.	Некоторые законы распределения случайных величин.	Биномиальное распределение и его числовые характеристики. Распределение Пуассона. Его ряд распределения, характеристическая и кумулянтная функция, числовые характеристики. Показательное распределение и его числовые характеристики. Нормальное распределение и его числовые характеристики. График плотности нормального распределения. Вычисление вероятности попадания в за-	2	ПК-20

		данный интервал для нормальной величины. Правило трёх сигм.		
6.	Системы случайных величин.	Многомерные случайные величины. Понятие двумерной дискретной случайной величины и её матрица распределения. Свойства матрицы распределения. Функция распределения многомерной случайной величины и её свойства. Плотность распределения системы случайных величин и её свойства. Законы распределения отдельных величин, входящих в систему. Условные плотности распределения. Независимые и зависимые случайные величины. Теорема о функции распределения системы независимых случайных величин. Условные законы распределения. Теорема о плотности распределения системы независимых случайных величин. Функция нескольких случайных аргументов. Математическое ожидание функции нескольких случайных аргументов. Характеристики связи двух случайных величин. Ковариация и коэффициент корреляции. Необходимое условие независимости случайных величин. Свойства коэффициента корреляции. Понятие регрессии.	4	ПК-20
7.	Предельные теоремы теории вероятностей.	Предельные теоремы теории вероятностей. Неравенство Чебышева. Понятие сходимости по вероятности. Теоремы Бернулли и Пуассона. Центральная предельная теорема.	2	ПК-20
8.	Элементы математической статистики.	Основные задачи математической статистики. Понятие выборки. Числовые характеристики выборки. Простейшие способы обработки выборки. Статистическая функция распределения. Эмпирическая функция распределения.	4	ПК-20
9.	Обработка опытов.	Выборочные параметры распределения. Понятие оценки числового параметра. Требования к оценке. Оценка математического ожидания и дисперсии. Понятие о доверительном интервале. Распределение Стьюдента. $\chi$ -квадрат распределение.	2	ПК-20

### 5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

№ п/п	Наименование обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами	№ № разделов данной дисциплины из табл.5.1, для которых необходимо изучение обеспечиваемых (последующих) дисциплин										
		1	2	3	4	5	6	7	8	9		
	Обеспечивающие дисциплины											
1.	Математика	+	+	+	+	+	+	+	+	+		
2.	Физика					+				+	+	
	Последующие дисциплины											
1.	Математическая логика и теория алгоритмов	+	+	+	+	+	+	+	+	+		
2.	Вычислительная математика	+	+	+	+	+	+	+	+	+		
3.	Теоретическая механика				+	+	+			+	+	
4.	Моделирование систем и процессов	+	+	+						+	+	
5.	Информационное обеспечение систем управления					+				+	+	
6.	Учебно-исследовательская работа	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	

### 5.4. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Перечень компетенций	Виды занятий					Формы контроля
	Л	Лаб	Пр.	КР/КП	СРС	
ПК-20	+		+		+	Ответ на практическом занятии. Коллоквиум. Контрольная работа. Экзамен.

Л – лекция, Пр – практические и семинарские занятия, Лаб – лабораторные работы, КР/КП – курсовая работа/проект, СРС – самостоятельная работа студента

### 6. Методы и формы организации обучения

Технологии интерактивного обучения при разных формах занятий в часах – не предусмотрено

### 7. Лабораторный практикум – не предусмотрено

## 8. Практические занятия

№ п/п	№ раздела дисциплины из табл. 5.1	Тематика практических занятий (семинаров)	Трудоемкость (час.)	Компетенции ОК, ПК
1.	<b>1</b>	Элементы комбинаторики. Классическое определение вероятности. Различные определения вероятности.	2	ПК-20
2.	<b>2</b>	Действия над событиями. Сложение и умножение вероятностей. Зависимые и независимые события. Основные теоремы теории вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса.	2	ПК-20
3.	<b>3</b>	Последовательность независимых опытов.	2	ПК-20
4.	<b>1-3</b>	Контрольная работа по теме «Действия над событиями. Основные теоремы теории вероятностей»	2	ПК-20
5.	<b>4</b>	Ряд распределения, функция распределения и плотность распределения одномерной случайной величины. Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратическое отклонение, моменты, коэффициент асимметрии, коэффициент скошенности.	2	ПК-20
6.	<b>4</b>	Контрольная работа по теме «Случайные величины и их числовые характеристики»	2	ПК-20
7.	<b>5</b>	Виды распределений: равномерное, нормальное, показательное. Характеристическая функция. Кумулянтная функция.	2	ПК-20
8.	<b>6</b>	Функция распределения и плотность распределения многомерной случайной величины и ее характеристики. Условные плотности распределения. Линии регрессии. Коэффициент корреляции.	2	ПК-20
9.	<b>7</b>	Закон больших чисел. Неравенство Маркова. Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Теорема Пуассона.	2	ПК-20
10.	<b>8-9</b>	Гистограмма и полигон. Эмпирическая функция распределения. Выборочные математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратическое отклонение. Проверка по критерию Пирсона гипотезы о нормальном распределении. Построение доверительных интервалов.	2	ПК-20
11.	<b>1-9</b>	Итоговая контрольная работа по курсу	2	ПК-20
12.	<b>1-9</b>	Коллоквиум	6	ПК-20



## 9. Самостоятельная работа

№ п/п	№ раздела дисциплины из табл. 5.1	Тематика самостоятельной работы (детализация)	Трудоемкость (час.)	Компетенции ОК, ПК	Контроль выполнения работы (Опрос, тест, дом. задание, и т.д)
1.	<b>1</b>	Изучение лекционного материала. Подготовка к практическому занятию.  Самостоятельно: <ul style="list-style-type: none"> <li>• Элементы комбинаторики</li> <li>• Аксиоматическое определение вероятности</li> </ul>	8	ПК-20	Опрос на практическом занятии. Контрольная работа. Коллоквиум.
2.	<b>2</b>	Изучение лекционного материала. Подготовка к практическому занятию. Выполнение текущего домашнего задания.	16	ПК-20	Опрос на практическом занятии. Контрольная работа. Коллоквиум.
3.	<b>3</b>	Изучение лекционного материала. Подготовка к практическому занятию. Выполнение текущего домашнего задания. Подготовка к контрольной работе.  Самостоятельно: <ul style="list-style-type: none"> <li>• Поток событий</li> <li>• Элементы теории массового обслуживания</li> </ul>	8	ПК-20	Опрос на практическом занятии. Контрольная работа. Коллоквиум.
4.	<b>4</b>	Изучение лекционного материала. Подготовка к практическому занятию. Выполнение текущего домашнего задания.	16	ПК-20	Опрос на практическом занятии. Контрольная работа. Коллоквиум.
5.	<b>5</b>	Изучение лекционного материала. Подготовка к практическому занятию. Выполнение текущего домашнего задания.  Самостоятельно: <ul style="list-style-type: none"> <li>• Линейное преобразование нормальной случайной величины.</li> <li>• Композиция нормальных законов распределения.</li> </ul>	12	ПК-20	Опрос на практическом занятии. Контрольная работа. Коллоквиум.
6.	<b>6</b>	Изучение лекционного материала. Подготовка к практическому занятию. Выполнение текущего домашнего задания.	16	ПК-20	Опрос на практическом занятии. Контрольная работа. Коллоквиум.
7.	<b>7</b>	Изучение лекционного материала. Подготовка к практическому занятию. Выполнение текущего домашнего задания.  Самостоятельно: <ul style="list-style-type: none"> <li>• Сходимости на множестве случайных величин. Сходимость по вероятности.</li> </ul>	8	ПК-20	Опрос на практическом занятии. Контрольная работа. Коллоквиум.
8.	<b>8</b>	Изучение лекционного материала. Подготовка к практическому занятию. Выполнение текущего домашнего задания.	16	ПК-20	Опрос на практическом занятии.
9.	<b>9</b>	Изучение лекционного материала. Подготовка к практическому занятию. Выполнение текущего домашнего задания.  Самостоятельно: <ul style="list-style-type: none"> <li>• Понятие о статистической проверке гипотез. Взаимосвязь физики, математики и программирования в обработке опытов: «Сглаживание экспериментальных зависимостей по методу наименьших квадратов»</li> </ul>	8	ПК-20	Опрос на практическом занятии.
10.	<b>1 - 9</b>	Подготовка и сдача экзамена	36	ПК-20	Оценка на экзамене

**10. Примерная тематика курсовых проектов (работ) - не предусмотрено**

**11. Рейтинговая система для оценки успеваемости студентов**

**Таблица 11.1** Балльные оценки для элементов контроля.

Элементы учебной деятельности	Максимальный балл на 1-ую КТ с начала семестра	Максимальный балл за период между 1КТ и 2КТ	Максимальный балл за период между 2КТ и на конец семестра	Всего за семестр
Премиальные баллы	5	5		<b>10</b>
Контрольные работы на практических занятиях	20	20	10	<b>50</b>
Коллоквиум			10	<b>10</b>
<b>Итого максимум за период:</b>	<b>25</b>	<b>25</b>	<b>20</b>	<b>70</b>
Сдача экзамена (максимум)			30	<b>30</b>
<b>Нарастающим итогом</b>	<b>25</b>	<b>50</b>	<b>70</b>	<b>100</b>

**Таблица 11.2** Пересчет баллов в оценки за контрольные точки

Баллы на дату контрольной точки	Оценка
≥ 90 % от максимальной суммы баллов на дату КТ	5
От 70% до 89% от максимальной суммы баллов на дату КТ	4
От 60% до 69% от максимальной суммы баллов на дату КТ	3
< 60 % от максимальной суммы баллов на дату КТ	2

**Таблица 11.3** – Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

Оценка (ГОС)	Итоговая сумма баллов, учитывает успешно сданный экзамен	Оценка (ECTS)
5 (отлично) (зачтено)	<b>90 - 100</b>	A (отлично)
4 (хорошо) (зачтено)	<b>85 – 89</b>	B (очень хорошо)
	<b>75 – 84</b>	C (хорошо)
	<b>70 - 74</b>	D (удовлетворительно)
<b>65 – 69</b>		
3 (удовлетворительно) (зачтено)	<b>60 - 64</b>	E (посредственно)
2 (неудовлетворительно), (не зачтено)	<b>Ниже 60 баллов</b>	F (неудовлетворительно)

## 12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины:

### 12.1. Основная литература

1. Магазинников Л.И. Высшая математика IV. Теория вероятностей: учебное пособие для вузов / Л. И. Магазинников; Министерство образования Российской Федерации, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. - Томск: ТУСУР, 2012. – 151 с.  
<https://edu.tusur.ru/publications/2248>
2. Болотюк В.А. Практикум и индивидуальные задания по курсу теории вероятностей ( типовые расчеты) : учебное пособие / В.А. Болотюк, Л.А. Болотюк, А.Г. Гринь [и др.] — СПб.: Лань, 2010. — 288 с. <https://e.lanbook.com/book/534>
3. Бородин, А.Н. Элементарный курс теории вероятностей и математической статистики: учебное пособие. — СПб.: Лань, 2011. — 255 с. <https://e.lanbook.com/book/2026>

### 12.2. Дополнительная литература

1. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие для бакалавров / В. Е. Гмурман. – 12-е изд. – М. : Юрайт, 2013. – 480 с. Экземпляры всего: 7.
2. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: учебное пособие для бакалавров / В. Е. Гмурман. – 11-е изд., перераб. и доп.– М.: Юрайт, 2013. – 405 с. Экземпляры всего: 6.

#### 12.3.1. Обязательные учебно-методические пособия

1. Болотюк В.А. Практикум и индивидуальные задания по курсу теории вероятностей ( типовые расчеты) : учебное пособие / В.А. Болотюк, Л.А. Болотюк, А.Г. Гринь [и др.]— СПб.: Лань, 2010. — 288 с. <https://e.lanbook.com/book/534>
2. Магазинников Л.И. Высшая математика IV. Теория вероятностей: учебное пособие для вузов / Л. И. Магазинников; Министерство образования Российской Федерации, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. - Томск: ТУСУР, 2012. – 151 с.  
<https://edu.tusur.ru/publications/2248>

#### 12.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья (нарушение зрения, слуха, опорно-двигательного аппарата, общемедицинские показатели)

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

##### **Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

##### **Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

##### **Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

## 12.4. Базы данных, информационно-справочные и поисковые системы

- Система дистанционного образования MOODLE для сопровождения самостоятельной работы студентов (методические материалы: текстовые, аудио и видеофайлы, индивидуальные задания, тесты и т.д.)
- Ссылки с сайта кафедры на математические ресурсы и он-лайн тренажёры;
- Базы данных: <http://lib.tusur.ru/category/bd/>
- Научно-образовательный портал ТУСУРа: <https://edu.tusur.ru/>
- Электронно-библиотечная система «Лань», доступ по IP-адресам ТУСУРа, адрес для работы: <http://e.lanbook.com/>
- Поисковые системы Google, Yandex

## 13. Материально-техническое обеспечение дисциплины

### 13.1. Общие требования к материально-техническому обеспечению дисциплины

#### 13.1.1. Материально-техническое обеспечение для лекционных занятий

Лекционные аудитории, оснащённые техникой для мультимедийных презентаций.

#### 13.1.2. Материально-техническое обеспечение для практических (семинарских) занятий

Для проведения практических (семинарских) занятий используется учебная аудитория, с количеством посадочных мест не менее 25, оборудованная доской и стандартной учебной мебелью.

#### 13.1.3. Материально-техническое обеспечение для самостоятельной работы

Возможность работать в компьютерном классе из расчёта один компьютер на студента.

### 13.2. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья

Освоение дисциплины лицами с ОВЗ осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

- При обучении студентов **с нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах для студентов с нарушениями слуха, мобильной системы обучения для студентов с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой обучаются студенты с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.
- При обучении студентов **с нарушениями зрениями** предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видео увеличителей для удаленного просмотра.
- При обучении студентов **с нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах для студентов с нарушениями опорно-двигательного аппарата, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

## 14. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

### 14.1. Основные требования к фонду оценочных средств и методические рекомендации

Фонд оценочных средств и типовые контрольные задания, используемые для оценки сформированности и освоения закрепленных за дисциплиной компетенций при проведении текущей, промежуточной аттестации по дисциплине приведен в приложении к рабочей программе.

### 14.2. Требования к фонду оценочных средств для лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для студентов с инвалидностью предусмотрены дополнительные оценочные средства, перечень которых указан в таблице.

**Таблица 14. Дополнительные средства оценивания для студентов с инвалидностью**

Категории студентов	Виды дополнительных оценочных средств	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к экзамену, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка
С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к экзамену, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к экзамену	Преимущественно дистанционными методами
С ограничениями по общемедицинским показателям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к экзамену, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами, исходя из состояния обучающегося на момент проверки

### 14.3. Методические рекомендации по оценочным средствам для лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для студентов с ОВЗ предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- 1) в печатной форме;
- 2) в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- 3) в форме электронного документа;
- 4) методом чтения ассистентом задания вслух;
- 5) предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Студентам с инвалидностью увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких студентов предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- 1) письменно на бумаге;
- 2) набор ответов на компьютере;
- 3) набор ответов с использованием услуг ассистента;
- 4) представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для обучающихся с инвалидностью процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.

## **15. Методические рекомендации по организации изучения дисциплины**

Без рекомендаций.

## Приложение

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ  
И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ» (ТУСУР)

**УТВЕРЖДАЮ**  
**Проректор по учебной работе**

\_\_\_\_\_ **П. Е. Троян**  
«\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

### **ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЕ**

#### **Спецглавы математики**

**Уровень основной образовательной программы** бакалавриат

**Направление(я) подготовки (специальность)** 15.03.04 "Автоматизация технологических процессов и производств"

**Профиль** "Автоматизация технологических процессов и производств"

**Форма обучения** очная

**Факультет** вычислительных систем (ФВС)

**Кафедра** компьютерных систем в управлении и проектировании (КСУП)

**Курс** 2

**Семестр** 4

**Учебный план набора 2012 года**

**Экзамен** 4 семестр

**Томск 2017**

## 1. Введение

Фонд оценочных средств (ФОС) является приложением к рабочей программе дисциплины «Математика» и представляет собой совокупность контрольно-измерительных материалов (КИМ) ( типовые задачи ( задания), контрольные работы, тесты и др.) и методов их использования, предназначенных для измерения уровня достижения студентом установленных результатов обучения.

ФОС по дисциплине используется при проведении текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации студентов.

Перечень закрепленных за дисциплиной компетенций приведен в таблице 1.

**Таблица 1 – Перечень закрепленных за дисциплиной компетенций**

Код	Формулировка компетенции	Этапы формирования компетенции
ПК-20	Выпускник должен обладать способностью проводить эксперименты по заданным методикам с обработкой и анализом их результатов, составлять описания выполненных исследований и подготавливать данные для разработки научных обзоров и публикаций.	<b>Знать:</b> определения и свойства основных объектов изучения теории вероятностей, а также формулировки наиболее важных утверждений, методы их доказательств, возможные сферы приложений. <b>Уметь:</b> решать задачи вычислительного и теоретического характера в области теории вероятностей, устанавливать взаимосвязи между вводимыми понятиями, доказывать как известные утверждения, так и родственные им новые. <b>Владеть:</b> математическим аппаратом теории вероятностей в теоретических и экспериментальных исследованиях.



## 2. Реализация компетенций

Для формирования компетенции необходимо осуществить ряд этапов, содержание которых детализировано в таблице 2.

**ПК-20:** Выпускник должен обладать способностью проводить эксперименты по заданным методикам с обработкой и анализом их результатов, составлять описания выполненных исследований и подготавливать данные для разработки научных обзоров и публикаций.

**Таблица 2 – Этапы формирования компетенции и используемые средства оценивания**

Состав	Знать	Уметь	Владеть
<b>Содержание этапов</b>	Основные понятия, методы и теоремы теории вероятностей и математической статистики, необходимые для решения поставленных математических задач	Выбирать, обосновывать и применять различные методы теории вероятностей для решения поставленных математических задач, проанализировать полученные результаты и сделать обоснованные выводы	Владеет способностью к обобщению, анализу, восприятию информации, постановке цели и выбору путей решения математических задач, навыками применения систем теоретико-вероятностных и математико-статистических подходов
<b>Виды занятий</b>	- лекции; - практические занятия; - групповые консультации	- практические занятия; - выполнение домашнего задания; - самостоятельная работа студентов	- практические занятия; - групповые консультации; - самостоятельная работа студентов
<b>Используемые средства оценивания</b>	- контрольная работа; - выполнение домашнего задания; - коллоквиум; - экзамен	- контрольная работа; - оформление домашнего задания; - защита индивидуального задания; - конспект самостоятельной работы; - экзамен	- ответ на практическом занятии; - контрольная работа; - экзамен

Общие характеристики показателей и критериев оценивания компетенции на всех этапах приведены в таблице 3.

**Таблица 3 – Показатели и характеристики критериев оценивания компетенции на этапах**

<b>Показатели и критерии</b>	<b>Знать</b>	<b>Уметь</b>	<b>Владеть</b>
<b>Отлично (высокий уровень)</b>	Обладает фактическими и теоретическими знаниями в пределах изучаемой области с пониманием границ применимости	Обладает диапазоном практических умений, требуемых для развития творческих решений, абстрагирования проблем	Контролирует работу, проводит оценку, совершенствует действия работы
<b>Хорошо (базовый уровень)</b>	Обладает знаниями основных понятий на уровне определений и взаимосвязей между ними в пределах изучаемой области.	Обладает диапазоном практических умений, требуемых для решения определенных проблем в области исследования.	Берет ответственность за завершение задач в исследовании, приспосабливает свое поведение к обстоятельствам в решении проблем
<b>Удовлетворительно (пороговый уровень)</b>	Обладает знаниями основных понятий на уровне названий и обозначений и стандартных алгоритмов	Обладает основными умениями, требуемыми для выполнения простых задач.	Работает при прямом наблюдении

Формулировка показателей и критериев оценивания данной компетенции приведена в таблице 4.

**Таблица 4 – Показатели и критерии оценивания компетенции на этапах**

<b>Показатели и критерии</b>	<b>Знать</b>	<b>Уметь</b>	<b>Владеть</b>
<b>Отлично (высокий уровень)</b>	-ответ по вопросу или заданию аргументированный, логически выстроенный, полный; -демонстрирует знание основного содержания дисциплины и его элементов в соответствии с прослушанным лекционным курсом и с учебной литературой; -выводы доказательны, -приводит примеры;	-свободно применяет методы решения задач в незнакомых ситуациях; -умеет математически выразить и аргументированно доказывать утверждения теории вероятностей;	-свободно владеет основными понятиями, законами и теорией, необходимыми для объяснения явлений, закономерностей и т.д.; -владеет умением устанавливать межпредметные и внутрипредметные связи

	демонстрирует способность к анализу и сопоставлению различных подходов к решению заявленной в вопросе или задании проблематики; математически обосновывает выбор метода и план решения задачи;		между событиями, объектами и явлениями;
<b>Хорошо (базовый уровень)</b>	-обоснованно, но с ошибками, которые сам же и исправляет, излагает математический материал; -строит логически связанный ответ, используя принятую научную терминологию; -применяет в ответе общепринятую в науке знаково-символьную систему условных обозначений; -аргументирует выбор метода решения задачи	-применяет методы решения задач в незнакомых ситуациях; -умеет корректно выражать и аргументированно обосновывать положения предметной области знания	-критически осмысливает полученные знания; графически иллюстрирует задачу;
<b>Удовлетворительно (пороговый уровень)</b>	-излагает материал неполно и допускает неточности в определении понятий или формулировке правил; -суждения не глубокие и необоснованные; затрудняется привести свои примеры; -знает основные методы решения типовых задач	-умеет работать со справочной литературой; умеет выполнять все необходимые операции (действия); допускает ошибки; -умеет представлять результаты своей работы	-владеет терминологией предметной области знания; - способен корректно представить знания в математической форме

### 3. Типовые контрольные задания

Для реализации вышеперечисленных задач обучения используются следующие материалы:

- типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы, в составе:

1. Контрольные работы
2. Коллоквиум
3. Домашние задания
4. Самостоятельные работы
5. Вопросы на экзамен

#### Контрольные работы

1. Контрольная работа по теме «Действия над событиями. Основные теоремы теории вероятностей»
2. Контрольная работа по теме «Случайные величины и их характеристики»
3. Итоговая контрольная работа

#### Примеры вариантов контрольных работ

*Контрольная работа по теме «Действия над событиями. Основные теоремы теории вероятностей»*

##### Вариант 1.1

- 1.1.1. Куб, все грани которого окрашены, распилен на 64 кубика одинакового размера, которые затем перемешаны. Найдите вероятность того, что случайно взятый кубик имеет две окрашенные грани.
- 1.1.2. На стеллаже в случайном порядке стоит 10 книг, причем 4 из них по математике. Случайно взяли три книги. Найдите вероятность того, что среди них окажется хотя бы одна по математике.
- 1.1.3. В коробке 20 лампочек, причем 4 из них рассчитаны на 220в, а 16 на 127в. Половина тех и других матовые. Случайно взяли 2 лампы. Найдите вероятность того, что они разного напряжения и обе матовые.
- 1.1.4. В спартакиаде участвуют 20 спортсменов: 12 лыжников и 8 конькобежцев. Вероятность выполнить норму лыжником равна 0,8, а конькобежцем 0,4. Случайно вызвали 2 спортсмена. Найдите вероятность того, что они оба выполнили норму.

*Контрольная работа по теме «Случайные величины и их числовые характеристики»*

##### Вариант 2.1

- 2.2.1. Вероятность того, что в библиотеке нужная студенту книга свободна, равна 0,3. Составьте ряд распределения числа библиотек, которые посетит студент, если в городе всего четыре библиотеки и все они имеют нужную ему книгу. Найдите функцию распределения, математическое ожидание и дисперсию этой случайной величины.

- 2.2.2. Дана функция распределения случайной величины  $X$  
$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq -1 \\ Ax^3 + B, & -1 < x \leq 1 \\ 1, & x > 1 \end{cases}$$

Найдите A, B;  $M[X]$ ;  $D[X]$ .

Вариант 3.1

3.1.1. Дана плотность распределения случайной величины  $X$ :

$$\rho(x) = \begin{cases} 0, & \text{если } x \leq 0; \\ \frac{1}{2}, & \text{если } 0 < x \leq 1; \\ \frac{1}{3}x, & \text{если } 1 < x \leq 2; \\ 0, & \text{если } x > 2. \end{cases}$$

Событие  $A$  наступает с вероятностью  $1/3$ , если и вероятностью  $2/3$ , если  $X \in (\frac{1}{2}; 2]$ . Известно, что событие  $A$  наступило. Найдите вероятность того, что при этом  $X \in [0; \frac{1}{2}]$ .

3.1.2. По некоторой цели произведено три выстрела с вероятностью попадания  $0,1; 0,2; 0,8$  соответственно. При одном попадании цель будет разрушена с вероятностью  $0,4$ , при двух – с вероятностью  $0,6$ , при трех –  $0,8$ . Цель оказалась разрушенной. Найдите математическое ожидание числа попаданий в цель. Ответ округлите до  $0,1$ .

3.1.3. Найдите кумулянтную функцию  $\varphi_x(t)$  случайной величины  $X$ , заданной плотностью распределения  $\rho(x) = \frac{1}{\pi((x-1)^2+1)}$ . Ограничьтесь случаем  $t > 0$ .

3.1.4. Диаметр  $X$  отверстия имеет нормальное распределение с числовыми характеристиками:  $M[X]=5$  мм,  $\sigma[X]=0,2$  мм. Диаметр вала равен  $4,9$  мм. Найдите вероятность того, что вал войдет в отверстие.

**Вопросы к коллоквиуму:** формируются из списка вопросов на экзамен, приведенного ниже.

### Выполнение домашнего задания

1. Действия над событиями. Статистическое, классическое, геометрическое определение вероятности.
2. Основные теорема теории вероятностей.
3. Формула полной вероятности. Формула Байеса
4. Последовательность независимых опытов.
5. Дискретные и непрерывные случайные величины.
6. Числовые характеристики случайных величин.
7. Закон равномерного распределения. Показательное и нормальное распределения.
8. Характеристическая функция.
9. Двумерные случайные величины.
10. Предельные теоремы теории вероятностей.
11. Элементы математической статистики.
12. Построение доверительных интервалов для параметров распределения.

### Темы для самостоятельной работы

1. Элементы комбинаторики
2. Аксиоматическое определение вероятности.
3. Поток событий
4. Элементы теории массового обслуживания
5. Линейное преобразование нормальной случайной величины.

6. Композиция нормальных законов распределения.
7. Сходимости на множестве случайных величин. Сходимость по вероятности.
8. Понятие о статистической проверке гипотез. Взаимосвязь физики, математики и программирования в обработке опытов: «Сглаживание экспериментальных зависимостей по методу наименьших квадратов»

**Темы курсового проекта:** не предусмотрено

## Вопросы на экзамен

1. Что называют опытом?
2. Что называют событием?
3. Какое событие называют достоверным в данном опыте?
4. Какое событие называют невозможным в данном опыте?
5. Какое событие называют случайным в данном опыте?
6. Какие события называют несовместными в данном опыте?
7. Какие события называют совместными в данном опыте?
8. Какие события считают равновозможными в данном опыте?
9. Что называют полной группой событий?
10. Что называют элементарным исходом?
11. Какие элементарные исходы называют благоприятствующими данному событию?
12. Что представляет собой полная группа событий при подбрасывании одной монеты?
13. Что представляет собой полная группа событий при подбрасывании двух монет?
14. Что называют вероятностью события?
15. Чему равна вероятность достоверного события?
16. Чему равна вероятность невозможного события?
17. В каких пределах заключена вероятность случайного события?
18. В каких пределах заключена вероятность любого события?
19. Какое определение вероятности называют классическим?
20. По какой формуле вычисляют число перестановок из  $n$  различных элементов?
21. По какой формуле вычисляют число размещений из  $n$  различных элементов по  $k$  элементов?
22. По какой формуле вычисляют число сочетаний из  $n$  элементов по  $k$  элементов?
23. По какой формуле вычисляют число перестановок из  $n$  элементов, если некоторые элементы повторяются?
24. Какой формулой определяется число размещений по  $k$  элементов с повторениями из  $n$  элементов?
25. Какой формулой определяется число сочетаний с повторениями из  $n$  элементов по  $k$  элементов?
26. Что такое частота события?
27. Чему равна частота достоверного события?
28. Чему равна частота невозможного события?
29. В каких пределах заключена частота случайного события?
30. Чему равна частота суммы двух несовместных событий?
31. Какое определение вероятности называют статистическим?
32. Как определяется геометрическая вероятность в общем случае?
33. Как определяется геометрическая вероятность в пространственном случае?
34. Как определяется геометрическая вероятность в плоском случае?
35. Как определяется геометрическая вероятность в линейном случае?
36. Приведите собственный пример на геометрическую вероятность?
37. Что называют суммой, или объединением, двух событий?
38. Что называют произведением, или пересечением, двух событий?

39. Чему равна вероятность суммы двух событий? Сформулируйте теорему и докажите ее.
40. Чему равна вероятность суммы двух несовместных событий?
41. Сформулируйте теорему о вероятности суммы  $n$  несовместных событий.
42. Чему равна сумма вероятностей событий, образующих полную группу?
43. Чему равна сумма вероятностей противоположных событий?
44. Сформулируйте теорему о вероятности произведения двух событий.
45. Как определяется независимость двух событий?
46. Чему равна вероятность произведения двух независимых событий?
47. Сформулируйте теорему о вероятности произведения  $n$  событий.
48. Как определяется независимость  $n$  событий?
49. Чему равна вероятность произведения  $n$  независимых событий?
50. Как найти вероятность появления хотя бы одного из  $n$  независимых событий, имеющих одинаковые вероятности?
51. Выведите формулу полной вероятности.
52. Выведите формулы Байеса.
53. Что называют случайной величиной?
54. Какую величину называют дискретной случайной величиной?
55. Какую величину называют непрерывной случайной величиной?
56. Что называют законом распределения дискретной случайной величины?
57. Как задают закон распределения дискретной случайной величины, принимающей конечное множество значений?
58. Что называют многоугольником распределения?
59. Как определяется функция распределения случайной величины  $X$ ?
60. Какие другие названия используют для функции распределения?
61. Как с помощью функции распределения вычислить вероятность того, что случайная величина  $X$  примет значения из интервала  $(a;b)$ ?
62. Какими свойствами обладает функция распределения случайной величины  $X$ ?
63. Какой вид имеет график функции распределения?
64. Чему равна вероятность того, что непрерывная случайная величина  $X$  примет одно, заданное определенное значение?
65. Является ли непрерывной функция распределения для дискретной случайной величины?
66. Что называют плотностью распределения случайной величины?
67. Как по-другому называют плотность распределения?
68. Как называют график плотности распределения?
69. Как с помощью плотности распределения найти вероятность попадания значений случайной величины  $X$  в интервал  $(a;b)$ ?
70. Какие свойства имеет плотность распределения?
71. Как выражается функция распределения через плотность распределения?
72. Как выражается плотность распределения через функцию распределения?
73. Как определяется математическое ожидание дискретной случайной величины, принимающей конечное множество значений?
74. Какие другие названия используют для математического ожидания? Чем объясняются эти названия?
75. Как определяется математическое ожидание непрерывной случайной величины, все значения которой принадлежат бесконечному промежутку?
76. Каковы свойства математического ожидания случайной величины?
77. Какому условию должны удовлетворять случайные величины  $X$  и  $Y$ , чтобы выполнялось свойство  $M[XY]=M[X]M[Y]$ ?
78. Что называют отклонением случайной величины от ее математического ожидания?
79. Чему равно математическое ожидание отклонения?
80. Как определяется дисперсия случайной величины?
81. Что характеризует дисперсия случайной величины?

82. По какой формуле можно вычислить дисперсию?
83. Свойства дисперсии случайной величины (с доказательством).
84. Запишите формулу для дисперсии дискретной случайной величины.
85. Запишите формулу для дисперсии непрерывной случайной величины.
86. Что такое среднее квадратическое отклонение? Какую размерность имеет эта величина?
87. Чему равно математическое ожидание среднего арифметического  $n$  независимых одинаково распределенных случайных величин?
88. Чему равна дисперсия среднего арифметического  $n$  независимых одинаково распределенных случайных величин?
89. Что называют начальным моментом  $k$ -го порядка случайной величины?
90. По какой формуле вычисляют начальный момент  $k$ -го порядка дискретной случайной величины?
91. Какой формулой определяется начальный момент  $k$ -го порядка непрерывной случайной величины?
92. Что называют центральным моментом  $k$ -го порядка случайной величины?
93. По какой формуле вычисляют центральный момент  $k$ -го порядка дискретной случайной величины?
94. Какой формулой определяется центральный момент  $k$ -го порядка непрерывной случайной величины?
95. Чему равны начальные моменты: нулевого порядка, первого порядка?
96. Чему равны центральные моменты: нулевого порядка, первого порядка, второго порядка?
97. Что характеризует коэффициент асимметрии случайной величины?
98. Что характеризует эксцесс случайной величины?
99. Чему равен эксцесс случайной величины, распределенной по нормальному закону?
100. Что такое характеристическая функция?
101. Какова связь между характеристической функцией и плотностью распределения?
102. Что называют кумулянтной функцией?
103. Свойства характеристической функции (с доказательством).
104. Что такое двумерная случайная величина?
105. Какие другие названия используют для двумерной случайной величины?
106. Что такое закон распределения дискретной двумерной случайной величины?
107. В каком виде можно записать закон распределения дискретной двумерной случайной величины?
108. Как, зная закон распределения дискретной двумерной случайной величины, найти законы распределения составляющих?
109. Каким образом по таблице совместного распределения двух дискретных случайных величин можно вычислить математическое ожидание и дисперсию каждой из этих величин?
110. Что называют условным законом распределения дискретной случайной величины  $X$  при  $Y=y_k$  ?
111. Как условный закон распределения связан с безусловным законом?
112. Как определяется функция распределения двумерной случайной величины?
113. Каковы свойства функции распределения двумерной случайной величины?
114. Как определяется плотность распределения двумерной случайной величины?
115. Как выражается функция распределения двумерной случайной величины через ее плотность распределения?
116. По каким формулам можно вычислить вероятность попадания значений двумерной случайной величины в заданный прямоугольник?
117. По какой формуле можно вычислить вероятность попадания значений двумерной случайной величины в заданную область?
118. Как определяется независимость двух случайных величин?



119. Как выражается необходимое условие независимости двух случайных величин? (с доказательством)
120. Что можно сказать о взаимной связи случайных величин  $X$  и  $Y$ , зная их числовые характеристики  $M[X]$ ,  $D[X]$ ,  $M[Y]$ ,  $D[Y]$ ?
121. Что такое ковариация двух случайных величин?
122. Что называют коэффициентом корреляции?
123. Каковы свойства коэффициента корреляции? (докажите их)
124. Какая связь существует между равенством нулю коэффициента корреляции и независимостью случайных величин?
125. Какими должны быть испытания, чтобы можно было применять формулу Бернулли?
126. Какой вид имеет формула Бернулли?
127. Как запишется закон распределения дискретной случайной величины количества появившихся гербов на двух новеньких монетах, случайно оброненных на пол?
128. Что называют наивероятнейшим числом появления события в  $n$  независимых испытаниях? Как находится это число?
129. Какой вид имеет формула, определяющая вероятность того, что в  $n$  независимых испытаниях событие  $A$  появится от  $k_1$  до  $k_2$  раз ( $0 < k < n$ )?
130. Как найти вероятность того, что в  $n$  независимых испытаниях событие  $A$  появится хотя бы один раз?
131. Как вычислить вероятность того, что в  $n$  независимых испытаниях событие  $A$  наступит а) менее  $k$  раз; б) более  $k$  раз; в) не менее  $k$  раз; г) не более  $k$  раз?
132. Какое распределение вероятностей называется биномиальным?
133. Чем объясняется слово «биномиальный» в названии распределения?
134. Чему равно математическое ожидание случайной величины, распределенной по биномиальному закону с параметрами  $n$  и  $p$ ?
135. Чему равна дисперсия случайной величины, распределенной по биномиальному закону с параметрами  $n$  и  $p$ ?
136. Чему равно среднее квадратическое отклонение случайной величины, распределенной по биномиальному закону с параметрами  $n$  и  $p$ ?
137. Запишите биномиальный закон распределения вероятностей случайной величины в виде таблицы?
138. Почему закон распределения Пуассона называют законом редких событий?
139. При каких условиях можно применять закон распределения Пуассона?
140. Получите формулу Пуассона.
141. Запишите формулу Пуассона и объясните смысл каждого символа.
142. Что является случайной величиной в законе распределения Пуассона?
143. Каковы общие условия, необходимые для применимости закона распределения Пуассона и закона биномиального распределения?
144. Как связаны между собой биномиальное распределение и распределение Пуассона?
145. Чему равно математическое ожидание и дисперсия случайной величины, распределенной по закону Пуассона?
146. Какая из величин в законе Пуассона больше: математическое ожидание или число независимых испытаний?
147. Исследуется распределение Пуассона. Что вероятнее: событие  $A$  появится ровно один раз или не разу?
148. Какое распределение вероятностей называют равномерным на отрезке  $[a;b]$ ?
149. Как записать плотность распределения случайной величины  $X$ , равномерно распределенной на отрезке  $[a;b]$ ?
150. Какой вид имеет функция распределения  $F(x)$  случайной величины  $X$ , равномерно распределенной на отрезке  $[a;b]$ ? (Вывести)
151. Чему равно математическое ожидание случайной величины  $X$ , равномерно распределенной на отрезке  $[a;b]$ ? (Вывести)

152. Чему равна дисперсия случайной величины  $X$ , равномерно распределенной на отрезке  $[a;b]$ ? (Вывести)
153. Чему равно среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ , равномерно распределенной на отрезке  $[a;b]$ ? (Вывести)
154. Случайная величина  $X$  равномерно распределена на отрезке  $[a;b]$ . Как найти вероятность попадания ее значений в интервал  $(c;d)$ , принадлежащий данному отрезку?
155. Какое распределение двумерной случайной величины  $(X,Y)$  называется равномерным в данной области?
156. Какое распределение вероятностей случайной величины называют нормальным?
157. Каков вероятностный смысл параметра  $a$ , входящего в выражение плотности нормального распределения? (Вывести)
158. Каков вероятностный смысл параметра  $\sigma$ , входящего в выражение плотности нормального распределения? (Вывести)
159. Как называется график плотности нормального распределения?
160. Как вычислить вероятность попадания значений нормальной случайной величины  $X$  в заданный интервал? (Вывести)
161. Как вычислить вероятность отклонения нормальной случайной величины от ее математического ожидания? (Вывести)
162. Сформулируйте правило трех сигм. (Вывести)
163. Какое распределение дискретной случайной величины называется геометрическим?
164. Чему равно математическое ожидание случайной величины  $X$ , имеющей геометрическое распределение?
165. Чему равна дисперсия случайной величины  $X$ , имеющей геометрическое распределение?
166. Чему равно среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ , имеющей геометрическое распределение?
167. Как определяется показательное распределение случайной величины?
168. Какой вид имеет функция распределения для показательного закона? (Вывести)
169. Каково соотношение между математическим ожиданием и средним квадратическим отклонением случайной величины, имеющей показательное распределение? (Вывести)
170. Как найти вероятность попадания значений в заданный интервал  $(a; b)$  случайной величины  $X$ , имеющей показательное распределение?
171. Сформулируйте локальную теорему Лапласа (с пояснениями входящих в формулы символов)
172. Сформулируйте интегральную теорему Лапласа (с пояснениями входящих в формулы символов)
173. В каких случаях можно пользоваться приближенными формулами Лапласа?
174. По какой формуле вычисляется вероятность отклонения частоты события от его вероятности в независимых испытаниях?
175. Как определяется функция Лапласа? Каким свойством она обладает?

## 4. Методические материалы

Для обеспечения процесса обучения и решения задач обучения используются следующие материалы:

- методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций, в составе согласно п.12 рабочей программы:

### 4.1. Основная литература

1. Магазинников Л.И. Высшая математика IV. Теория вероятностей: учебное пособие для вузов / Л. И. Магазинников; Министерство образования Российской Федерации, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. - Томск: ТУСУР, 2012. – 151 с.  
<https://edu.tusur.ru/publications/2248>
2. Болотюк В.А. Практикум и индивидуальные задания по курсу теории вероятностей (типовые расчеты) : учебное пособие / В.А. Болотюк, Л.А. Болотюк, А.Г. Гринь [и др.] — СПб.: Лань, 2010. — 288 с. <https://e.lanbook.com/book/534>
3. Бородин, А.Н. Элементарный курс теории вероятностей и математической статистики: учебное пособие. — СПб.: Лань, 2011. — 255 с. <https://e.lanbook.com/book/2026>

### 4.2. Дополнительная литература

1. Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика: учебное пособие для бакалавров / В. Е. Гмурман. – 12-е изд. – М. : Юрайт, 2013. – 480 с. Экземпляры всего: 7.
2. Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике: учебное пособие для бакалавров / В. Е. Гмурман. – 11-е изд., перераб. и доп.– М.: Юрайт, 2013. – 405 с. Экземпляры всего: 6.

### 4.3. Учебно-методические пособия

1. Болотюк В.А. Практикум и индивидуальные задания по курсу теории вероятностей (типовые расчеты): учебное пособие / В.А. Болотюк, Л.А. Болотюк, А.Г. Гринь [и др.]— СПб.: Лань, 2010. — 288 с. <https://e.lanbook.com/book/534>
2. Магазинников Л.И. Высшая математика IV. Теория вероятностей: учебное пособие для вузов / Л. И. Магазинников; Министерство образования Российской Федерации, Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники. - Томск: ТУСУР, 2012. – 151 с.  
<https://edu.tusur.ru/publications/2248>

### 4.4. Программное обеспечение

Система дистанционного образования MOODLE для сопровождения самостоятельной работы студентов (методические материалы: текстовые, аудио и видеофайлы, индивидуальные задания, тесты и т.д.); Mathcad; Advanced Grapher

### 4.5. Базы данных, информационно справочные и поисковые системы

- Ссылки с сайта кафедры на математические ресурсы и он-лайн тренажёры;
- Базы данных: <http://lib.tusur.ru/category/bd/>
- Научно-образовательный портал ТУСУРа: <https://edu.tusur.ru/>
- Электронно-библиотечная система «Лань», доступ по IP-адресам ТУСУРа, адрес для работы: <http://e.lanbook.com/>
- Поисковые системы Google, Yandex