

**МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования**  
**«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ**  
**УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»**  
**(ТУСУР)**

УТВЕРЖДАЮ  
Директор департамента образования  
\_\_\_\_\_ П. Е. Троян  
«\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**Дискретная математика**

Уровень образования: **высшее образование - бакалавриат**  
Направление подготовки / специальность: **09.03.04 Программная инженерия**  
Направленность (профиль) / специализация: **Индустриальная разработка программных продуктов**  
Форма обучения: **очная**  
Факультет: **ФСУ, Факультет систем управления**  
Кафедра: **АОИ, Кафедра автоматизации обработки информации**  
Курс: **1**  
Семестр: **1**  
Учебный план набора 2018 года

**Распределение рабочего времени**

№	Виды учебной деятельности	1 семестр	Всего	Единицы
1	Лекции	26	26	часов
2	Практические занятия	36	36	часов
3	Всего аудиторных занятий	62	62	часов
4	Самостоятельная работа	82	82	часов
5	Всего (без экзамена)	144	144	часов
6	Подготовка и сдача экзамена	36	36	часов
7	Общая трудоемкость	180	180	часов
		5.0	5.0	З.Е.

Экзамен: 1 семестр

Томск 2018

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Шелупанов А.А.  
Должность: Ректор  
Дата подписания: 20.12.2017  
Уникальный программный ключ:  
c53e145e-8b20-45aa-9347-a5e4dbb90e8d

## ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рабочая программа дисциплины составлена с учетом требований федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 09.03.04 Программная инженерия, утвержденного 12.03.2015 года, рассмотрена и одобрена на заседании кафедры АОИ «\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ года, протокол №\_\_\_\_\_.

Разработчик:

старший преподаватель каф. АОИ \_\_\_\_\_ Л. И. Синчинова

Заведующий обеспечивающей каф.  
АОИ

\_\_\_\_\_ Ю. П. Ехлаков

Рабочая программа дисциплины согласована с факультетом и выпускающей кафедрой:

Декан ФСУ

\_\_\_\_\_ П. В. Сенченко

Заведующий выпускающей каф.  
АОИ

\_\_\_\_\_ Ю. П. Ехлаков

Эксперты:

Доцент кафедры автоматизации обработки информации (АОИ)

\_\_\_\_\_ Н. Ю. Салмина

Доцент кафедры автоматизации обработки информации (АОИ)

\_\_\_\_\_ А. А. Сидоров

## 1. Цели и задачи дисциплины

### 1.1. Цели дисциплины

Освоение теоретических основ и получение практических навыков в решении задач по базовым разделам дискретной математики: теория множеств, бинарные отношения, комбинаторика и теория графов, основы математической логики

### 1.2. Задачи дисциплины

- формирование у студента знаний основных понятий, аксиоматики дискретной математики, понятий множества, бинарного отношения; о типах отбора в комбинаторике; видах и графов и их представлениях в ЭВМ.
- получение студентами навыков применения изученных методов для решения практических задач, пользования расчетными формулами, теоремами, таблицами при решении задач дискретной математики

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Дискретная математика» (Б1.В.ОД.2) относится к блоку 1 (вариативная часть).

Последующими дисциплинами являются: Информатика и программирование, Организация баз данных.

## 3. Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

- ПК-12 способностью к формализации в своей предметной области с учетом ограничений используемых методов исследования;

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

- **знать** способы задания множеств, основные операции над ними, отношения между элементами множеств, их свойства и виды отношений; основные понятия комбинаторики, методы решения комбинаторных задач; основные комбинаторные конфигурации, метод включения-исключения; основные понятия теории графов, связные графы, изоморфизм графов;
- **уметь** применять положения и методы дискретной математики для формализации практических задач в термины дисциплины; решать задачи, используя инструменты и методы дискретной математики
- **владеть** навыками решения задач дискретной математики

## 4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5.0 зачетных единицы и представлена в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины

Виды учебной деятельности	Всего часов	Семестры
		1 семестр
Аудиторные занятия (всего)	62	62
Лекции	26	26
Практические занятия	36	36
Самостоятельная работа (всего)	82	82
Проработка лекционного материала	40	40
Подготовка к практическим занятиям, семинарам	42	42
Всего (без экзамена)	144	144
Подготовка и сдача экзамена	36	36
Общая трудоемкость, ч	180	180
Зачетные Единицы	5.0	5.0

## 5. Содержание дисциплины

### 5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

Разделы дисциплины и виды занятий приведены в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы дисциплины и виды занятий

Названия разделов дисциплины	Лек., ч	Прак. зан., ч	Сам. раб., ч	Всего часов (без экзамена)	Формируемые компетенции
1 семестр					
1 Основы теории множеств	6	6	16	28	ПК-12
2 Бинарные отношения	6	8	16	30	ПК-12
3 Элементы реляционной алгебры	2	2	16	20	ПК-12
4 Комбинаторика	4	10	16	30	ПК-12
5 Основы теории графов	8	10	18	36	ПК-12
Итого за семестр	26	36	82	144	
Итого	26	36	82	144	

### 5.2. Содержание разделов дисциплины (по лекциям)

Содержание разделов дисциплин (по лекциям) приведено в таблице 5.2.

Таблица 5.2 – Содержание разделов дисциплин (по лекциям)

Названия разделов	Содержание разделов дисциплины (по лекциям)	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
1 семестр			
1 Основы теории множеств	Понятие множества. Способы задания множеств. Основные определения. Операции над множествами. Диаграммы Эйлера-Венна. Системы множеств. Законы алгебры множеств.	6	ПК-12
	Итого	6	
2 Бинарные отношения	Декартово произведение множеств. Определение бинарного отношения. Способы задания бинарного отношения. Свойства отношений. Отношение эквивалентности. Отношение порядка.	6	ПК-12
	Итого	6	
3 Элементы реляционной алгебры	Отношения реляционной алгебры. Специальные операции над реляционными отношениями. Связь с базами данных	2	ПК-12
	Итого	2	
4 Комбинаторика	Задачи комбинаторики. Основные понятия и правила комбинаторики. Типы выборок. Сочетания. Размещения. Перестановки. Бином Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов	4	ПК-12
	Итого	4	

5 Основы теории графов	Понятие графа. Виды графов. Ориентированные и неориентированные графы. Способы задания графа. Матрицы графа. Графы и бинарные отношения. Изоморфизм графов. Планарность. Связность. Маршруты на графах. Эйлеровы циклы и цепи.	8	ПК-12
	Итого	8	
Итого за семестр		26	

### 5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами представлены в таблице 5.3.

Таблица 5.3 – Разделы дисциплины и междисциплинарные связи

Наименование дисциплин	№ разделов данной дисциплины, для которых необходимо изучение обеспечивающих и обеспечиваемых дисциплин				
	1	2	3	4	5
Последующие дисциплины					
1 Информатика и программирование				+	+
2 Организация баз данных	+	+	+		

### 5.4. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий представлено в таблице 5.4.

Таблица 5.4 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Компетенции	Виды занятий			Формы контроля
	Лек.	Прак. зан.	Сам. раб.	
ПК-12	+	+	+	Экзамен, Тест, Отчет по практическому занятию

### 6. Интерактивные методы и формы организации обучения

Не предусмотрено РУП.

### 7. Лабораторные работы

Не предусмотрено РУП.

### 8. Практические занятия (семинары)

Наименование практических занятий (семинаров) приведено в таблице 8.1.

Таблица 8.1 – Наименование практических занятий (семинаров)

Названия разделов	Наименование практических занятий (семинаров)	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
1 семестр			
1 Основы теории множеств	Множества и операции над ними	6	ПК-12
	Итого	6	

2 Бинарные отношения	Бинарные отношения и их свойства	4	ПК-12
	Бинарные отношения эквивалентности и порядка	4	
	Итого	8	
3 Элементы реляционной алгебры	Отношения реляционной алгебры	2	ПК-12
	Итого	2	
4 Комбинаторика	Решение комбинаторных задач	6	ПК-12
	Решение составных комбинаторных задач	4	
	Итого	10	
5 Основы теории графов	Матричные представления графов	6	ПК-12
	Графы и бинарные отношения	4	
	Итого	10	
Итого за семестр		36	

### 9. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

Названия разделов	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции	Формы контроля
1 семестр				
1 Основы теории множеств	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	8	ПК-12	Отчет по практическому занятию, Тест, Экзамен
	Проработка лекционного материала	8		
	Итого	16		
2 Бинарные отношения	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	8	ПК-12	Отчет по практическому занятию, Тест, Экзамен
	Проработка лекционного материала	8		
	Итого	16		
3 Элементы реляционной алгебры	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	8	ПК-12	Отчет по практическому занятию, Тест, Экзамен
	Проработка лекционного материала	8		
	Итого	16		
4 Комбинаторика	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	8	ПК-12	Отчет по практическому занятию, Тест, Экзамен

	Проработка лекционного материала	8		
	Итого	16		
5 Основы теории графов	Подготовка к практическим занятиям, семинарам	10	ПК-12	Отчет по практическому занятию, Тест, Экзамен
	Проработка лекционного материала	8		
	Итого	18		
Итого за семестр		82		
	Подготовка и сдача экзамена	36		Экзамен
Итого		118		

#### 10. Курсовой проект / курсовая работа

Не предусмотрено РУП.

#### 11. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся

##### 11.1. Балльные оценки для элементов контроля

Таблица 11.1 – Балльные оценки для элементов контроля

Элементы учебной деятельности	Максимальный балл на 1-ую КТ с начала семестра	Максимальный балл за период между 1КТ и 2КТ	Максимальный балл за период между 2КТ и на конец семестра	Всего за семестр
1 семестр				
Тест	25	20	25	70
Итого максимум за период	25	20	25	70
Экзамен				30
Нарастающим итогом	25	45	70	100

##### 11.2. Пересчет баллов в оценки за контрольные точки

Пересчет баллов в оценки за контрольные точки представлен в таблице 11.2.

Таблица 11.2 – Пересчет баллов в оценки за контрольные точки

Баллы на дату контрольной точки	Оценка
$\geq 90\%$ от максимальной суммы баллов на дату КТ	5
От 70% до 89% от максимальной суммы баллов на дату КТ	4
От 60% до 69% от максимальной суммы баллов на дату КТ	3
$< 60\%$ от максимальной суммы баллов на дату КТ	2

##### 11.3. Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку представлен в таблице 11.3.

Таблица 11.3 – Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

Оценка (ГОС)	Итоговая сумма баллов, учитывает успешно сданный экзамен	Оценка (ECTS)
5 (отлично) (зачтено)	90 - 100	A (отлично)

4 (хорошо) (зачтено)	85 - 89	В (очень хорошо)
	75 - 84	С (хорошо)
	70 - 74	D (удовлетворительно)
3 (удовлетворительно) (зачтено)	65 - 69	
	60 - 64	Е (посредственно)
2 (неудовлетворительно) (не зачтено)	Ниже 60 баллов	F (неудовлетворительно)

## **12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

### **12.1. Основная литература**

1. Новиков, Федор Алексеевич. Дискретная математика для программистов : Учебное пособие для вузов. - СПб. : Питер , 2007. - 363[5] с. (наличие в библиотеке ТУСУР - 80 экз.)
2. Микони С.В. Дискретная математика для бакалавра [Электронный ресурс]: множества, отношения, функции, графы учеб. пособие. – СПб. ЛАНЬ, 2012. – 192 с. - Режим доступа: <http://e.lanbook.com/view/book/4316> (дата обращения: 22.07.2018).

### **12.2. Дополнительная литература**

1. Пермякова Н.В. Спецглавы математики: учеб. пособие. – Ч. 2. Теория графов. – Томск: ТМЦДО, 2000. – 125 с (наличие в библиотеке ТУСУР - 106 экз.)

### **12.3. Учебно-методические пособия**

#### **12.3.1. Обязательные учебно-методические пособия**

1. Дискретная математика [Электронный ресурс]: Методические указания к практическим занятиям и организации самостоятельной работы / Л. И. Синчинова - 2018. 36 с. - Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/8099> (дата обращения: 22.07.2018).

#### **12.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

##### **Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

##### **Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

##### **Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

### **12.4. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. При изучении дисциплины рекомендуется обращаться к базам данных, информационно-справочным и поисковым системам, к которым у ТУСУРа открыт доступ: <https://lib.tusur.ru/ru/resursy/bazy-dannyh>

## **13. Материально-техническое обеспечение дисциплины и требуемое программное обеспечение**

### **13.1. Общие требования к материально-техническому и программному обеспечению дисциплины**

#### **13.1.1. Материально-техническое и программное обеспечение для лекционных занятий**

Для проведения занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации используется учебная аудитория с количеством по-



садочных мест не менее 22-24, оборудованная доской и стандартной учебной мебелью. Имеются демонстрационное оборудование и учебно-наглядные пособия, обеспечивающие тематические иллюстрации по лекционным разделам дисциплины.

### **13.1.2. Материально-техническое и программное обеспечение для практических занятий**

Лаборатория «Операционные системы и СУБД»

учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для курсового проектирования (выполнения курсовых работ), помещение для самостоятельной работы

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 430 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Персональный компьютер Intel Core 2 Duo E6550 2.3 ГГц, ОЗУ – 2 Гб, жесткий диск – 250 Гб (12 шт.);

- Магнитно-маркерная доска;
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- Microsoft Windows 7 Pro

Лаборатория «Информатика и программирование»

учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для курсового проектирования (выполнения курсовых работ), помещение для самостоятельной работы

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 428 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Персональный компьютер Intel Core 2 Duo E6550 2.3 ГГц, ОЗУ – 2 Гб, жесткий диск – 250 Гб (14 шт.);

- Меловая доска;
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- Microsoft Windows 7 Pro

Лаборатория «Программная инженерия»

учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для курсового проектирования (выполнения курсовых работ), помещение для самостоятельной работы

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 409 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Персональный компьютер Intel Core i3-6300 3.2 ГГц, ОЗУ – 8 Гб, жесткий диск – 500 Гб (10 шт.);

- Проектор Optoma Ex632.DLP;
- Экран для проектора Lumian Mas+Er;
- Магнитно-маркерная доска;
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- Microsoft Windows 10

Лаборатория «Бизнес-информатика»

учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для курсового проектирования (выполнения курсовых работ), помещение для самостоятельной работы

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 407 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Персональный компьютер Intel Core i5-2320 3.0 ГГц, ОЗУ – 4 Гб, жесткий диск – 500 Гб (12 шт.);

- Проектор Optoma Eх632.DLP;
- Экран для проектора Lumian Mas+Er;
- Магнитно-маркерная доска;
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- Microsoft Windows 10

### **13.1.3. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы**

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 201 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Состав оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры класса не ниже ПЭВМ INTEL Celeron D336 2.8ГГц. - 5 шт.;
- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

## **13.2. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями зрениями** предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

## **14. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины**

### **14.1. Содержание оценочных материалов и методические рекомендации**

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной

компетенций используются оценочные материалы в составе:

#### 14.1.1. Тестовые задания

1. Какая из совокупностей не задает множество?
  1. ;
  2. {свекла, морковь, капуста, вилка, помидор, человек};
  3. {а, ф, о, а, е, л, к, о};
  4. делится на 3}.
2. Для каких множеств А и В верно утверждение: А не включается в В?
  1. , ;
  2. , делится на 10};
  3. , .
  4.  $A = \{a, e, y, i\}$ , гласные русского алфавита
3. В задаче рассматриваются множества: , и . Какое из множеств является универсальным множеством U элементов, рассматриваемых в данной задаче?
  1. {0, 3, 4, 5, 2, 6, 7};
  2. {0, 5, 2, 7, 6, 4, 8};
  3. {0, 5, 2, 7, 4};
  4. {1, 2, 3, 4, 5}
4. Какое слово нужно вставить в определение: «Дополнением множества А до универсального называется ... универсального множества и множества А»?
  1. пересечение;
  2. объединение;
  3. разность;
  4. соединение
5. Как называется отношение R на множестве X, для которого выполняется условие ?
  1. рефлексивным;
  2. антирефлексивным;
  3. симметричным;
  4. несимметричным.
6. Пусть на множестве задано отношение  $S = \{(x, y) | (x + y) \text{ делится на } 2\}$ . Какое из множеств является классом эквивалентности, порожденным элементом 3?
  1. {1, 2, 3};
  2. {1, 3, 5};
  3. {3, 4, 5, 6};
  4. {3, 5, 6}.
7. Задано бинарное отношение . Какое из множеств является его областью определения?
  1. {3, 4, 6};
  2. {1, 2, 3, 4, 6};
  3. {1, 2, 3};
  4. {1, 2, 4}
8. На множестве  $X = \{5, 7, 9, 2, 1\}$  задано отношение . Каким свойством обладает данное отношение?
  1. симметричность;
  2. несимметричность;
  3. транзитивность;
  4. рефлексивность.
9. Какое подмножество в реляционной алгебре получается после выполнения операции селекции отношения R по условию F?
  1. вертикальное подмножество;
  2. горизонтальное подмножество;
  3. объединенное множество;
  4. диагональное подмножество.
10. Какие отношения в реляционной алгебре называются совместимыми?

1. они имеют одинаковую степень;
  2. соответствующие поля имеют одинаковую природу;
  3. они имеют одинаковую степень и соответствующие поля имеют одинаковую природу;
  4. к ним применимы операции теории множеств.
11. Отношения  $R$  имеет степень 4, отношение  $S$  – 3. Какую степень будет иметь отношение ?
1. 4;
  2. 3;
  3. 7;
  4. 12.
12. Какой вид будет иметь конкатенация записей «квадрат» и «квартал»?
1. «кварат»;
  2. «квадратл»;
  3. «квадратквартал»;
  4. «квадратртал»
13. Имеется 6 шапок и 4 шарфа. Сколькими способами можно выбрать себе комплект из шапки и шарфа?
1. 6;
  2. 4;
  3. 10;
  4. 24.
14. Имеется 6 шоколадных конфет и 15 карамелек. Сколькими способами можно выбрать конфету?
1. 6;
  2. 15;
  3. 21;
  4. 80.
15. От чего зависит в комбинаторике ответ на вопрос о упорядоченности выбора?
1. от количества данных;
  2. от контекста задачи;
  3. от правила отбора;
  4. от используемой формулы
16. Какое слово нужно вставить в утверждение: «Ориентированный граф, имеющий петли при каждой вершине, представляет ... отношение»?
1. биективное;
  2. рефлексивное;
  3. антирефлексивное.
  4. симметричное.
17. Чем определяется размерность матрицы смежности неориентированного графа?
1. количеством вершин графа;
  2. количеством ребер графа;
  3. степенями вершин графа.
  4. свойствами графа.
18. Какая из матриц графа не обязательно является квадратной?
1. смежности;
  2. инцидентности;
  3. достижимости;
  4. контрдостижимости
19. Как связаны между собой матрицы смежности изоморфных графов?
1. не связаны;
  2. могут быть получены друг из друга перестановкой строк и столбцов;
  3. в произведении дают единичную матрицу;
  4. матрицы совпадают.
20. Как называется граф, в котором для любых двух вершин графа найдется цепь, соединя-

ющая эти вершины?

1. простым;
2. сложным;
3. связным;
4. составным

#### 14.1.2. Экзаменационные вопросы

1. Понятие множества. Способы задания множеств.
2. Понятие конечного и бесконечного множества. Пустое и универсальное множества.
3. Включение множеств. Равенство множеств. Свойства.
4. Операции над множествами.
5. Системы множеств.
6. Законы алгебры множеств.
7. Декартово произведение множеств.
8. Понятие бинарного отношения. Способы задания.
9. Свойства бинарных отношений.
10. Отношение эквивалентности. Фактор-множество.
11. Отношение порядка. Диаграмма Хассе.
12. Операции реляционной алгебры.
15. Задачи комбинаторики.
16. Типы выборок в зависимости от порядка следования элементов и их различимости.
17. Бином Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов.
18. Неориентированные графы. Определение. Пример.
19. Неориентированные графы. Определение. Пример.
20. Понятие смежности в ориентированном и неориентированном графах.
21. Понятие инцидентности в ориентированном и неориентированном графах.
22. Достижимость и контрдостижимость.
23. Ориентированные графы и бинарные отношения.
24. Изоморфизм графов. Критерий изоморфизма.
25. Циклы и цепи в графах.

#### 14.1.3. Вопросы для подготовки к практическим занятиям, семинарам

Практическое занятие «Множества и операции над ними»

Вариант 1

1. Заданы множества  $X=\{1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$ ,  $Y=\{3,6,5,4,1\}$ ,  $Z=\{2,4,6,8,0\}$ . Перечислите элементы множества .
2. Постройте два разбиения и два покрытия для множеств  $Y$  и  $Z$ .
3. Постройте диаграмму Эйлера-Венна для множества .
4. Постройте булеан множества  $X=\{5,4,8,6\}$ .
5. Пользуясь законами алгебры множеств, упростите выражение .

Вариант 2

1. Заданы множества  $X=\{a,b,c,d,e,f\}$ ,  $Y=\{d,f,e,a\}$ ,  $Z=\{a,h,d,e\}$ . Перечислите элементы множества .
2. Постройте два разбиения и два покрытия для множеств  $Y$  и  $Z$ .
3. Постройте диаграмму Эйлера-Венна для множества .
4. Постройте булеан множества  $X=\{f,t,y,i\}$ .
5. Пользуясь законами алгебры множеств, упростите выражение .

Вариант 3

1. Заданы множества  $X=\{-1,0,2,6,8,9\}$ ,  $Y=\{-2,0,5,7,9\}$ ,  $Z=\{-1,5,6,8\}$ . Перечислите элементы множества .
2. Постройте два разбиения и два покрытия для множеств  $Y$  и  $Z$ .
3. Постройте диаграмму Эйлера-Венна для множества .

4. Постройте булеан множества  $X=\{-2,5,8,9\}$ .
5. Пользуясь законами алгебры множеств, упростите выражение

#### Вариант 4

1. Заданы множества  $X=\{-3,-2,-1,0,1,2,3\}$ ,  $Y=\{-4,-2,0,2,4\}$ ,  $Z=\{0,1,2,3,4\}$ . Перечислите элементы множества .
2. Постройте два разбиения и два покрытия для множеств  $Y$  и  $Z$ .
3. Постройте диаграмму Эйлера-Венна для множества .
4. Постройте булеан множества  $X=\{4,5,6,8\}$ .
5. Пользуясь законами алгебры множеств, упростите выражение

#### Вариант 5

1. Заданы множества  $X=\{а, к, р, о, б, т\}$ ,  $Y=\{г, и, м, н, а, с, т\}$ ,  $Z=\{к, л, о, у, н\}$ . Перечислите элементы множества .
2. Постройте два разбиения и два покрытия для множеств  $Y$  и  $Z$ .
3. Постройте диаграмму Эйлера-Венна для множества .
4. Постройте булеан множества  $X=\{ц, и, р, к\}$ .
5. Пользуясь законами алгебры множеств, упростите выражение

#### Вариант 6

1. Заданы множества  $X=\{к, о, м, н, а, т\}$ ,  $Y=\{к, у, х, н, я\}$ ,  $Z=\{с, п, а, л, ь, н, я\}$ . Перечислите элементы множества .
2. Постройте два разбиения и два покрытия для множеств  $Y$  и  $Z$ .
3. Постройте диаграмму Эйлера-Венна для множества .
4. Постройте булеан множества  $X=\{с, а, л, о, н\}$ .
5. Пользуясь законами алгебры множеств, упростите выражение

#### Вариант 7

1. Заданы множества  $X=\{т, а, б, у, р, е\}$ ,  $Y=\{с, т, о, л\}$ ,  $Z=\{г, а, р, н, и, т, у\}$ . Перечислите элементы множества .
2. Постройте два разбиения и два покрытия для множеств  $Y$  и  $Z$ .
3. Постройте диаграмму Эйлера-Венна для множества .
4. Постройте булеан множества  $X=\{с, т, у, л\}$ .
5. Пользуясь законами алгебры множеств, упростите выражение

#### Вариант 8

1. Заданы множества  $X=\{о, б, е, з, ь, я, н, а\}$ ,  $Y=\{ж, и, р, а, ф\}$ ,  $Z=\{з, е, б, р, а\}$ . Перечислите элементы множества .
2. Постройте по два разбиения и по два покрытия для множеств  $Y$  и  $Z$ .
3. Постройте диаграмму Эйлера-Венна для множества .
4. Постройте булеан множества  $X=\{з, в, е, р, и\}$ .
5. Пользуясь законами алгебры множеств, упростите выражение

#### Вариант 9

1. Заданы множества  $X=\{к, и, с, л, о, т, а\}$ ,  $Y=\{щ, е, л, о, ч, ь\}$ ,  $Z=\{л, а, к, м, у, с\}$ . Перечислите элементы множества .
2. Постройте по два разбиения и по два покрытия для множеств  $Y$  и  $Z$ .
3. Постройте диаграмму Эйлера-Венна для множества .
4. Постройте булеан множества  $X=\{с, о, л, ь\}$ .

5. Пользуясь законами алгебры множеств, упростите выражение

Вариант 10

1. Заданы множества  $X=\{\text{б, о, л, ь, н, и, ц, а}\}$ ,  $Y=\{\text{о, т, д, е, л}\}$ ,  $Z=\{\text{о, к, у, л, и, с, т}\}$ . Перечислите элементы множества.
2. Постройте по два разбиения и по два покрытия для множеств  $Y$  и  $Z$ .
3. Постройте диаграмму Эйлера-Венна для множества.
4. Постройте булеан множества  $X=\{\text{в, р, а, ч, и}\}$ .
5. Пользуясь законами алгебры множеств, упростите выражение

Практическое занятие «Бинарные отношения и их свойства»

Вариант 1.

1. Постройте геометрически декартово произведение множеств:  
 $X=\{x \mid R: x>0\}$ ,  $Y=\{y \mid R: y<0\}$ .
2. На множестве  $X=\{1,3,5,7,9\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \mid X: x=y^2\}$ . Запишите отношение перечислением пар.
3. Постройте график, схему, граф отношения из задания 2 и запишите его матрицу.
4. Выясните, какими свойствами обладает отношение, заданное в задании 2. Является ли оно отношением эквивалентности. Обоснуйте ответ.

Вариант 2.

1. Постройте геометрически декартово произведение множеств:  
 $X=\{x \mid R: x<0\}$ ,  $Y=\{y \mid R: y>0\}$ .
2. На множестве  $X=\{1,3,5,7,9\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \mid X: x=y-2\}$ . Запишите отношение перечислением пар.
3. Постройте график, схему, граф отношения из задания 2 и запишите его матрицу.
4. Выясните, какими свойствами обладает отношение, заданное в задании 2. Является ли оно отношением эквивалентности. Обоснуйте ответ.

Вариант 3.

1. Постройте геометрически декартово произведение множеств:  
 $X=\{x \mid R: x>2\}$ ,  $Y=\{y \mid R: y>5\}$ .
2. На множестве  $X=\{1,3,5,7,9\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \mid X: x=y+2\}$ . Запишите отношение перечислением пар.
3. Постройте график, схему, граф отношения из задания 2 и запишите его матрицу.
4. Выясните, какими свойствами обладает отношение, заданное в задании 2. Является ли оно отношением эквивалентности. Обоснуйте ответ.

Вариант 4.

1. Постройте геометрически декартово произведение множеств:  
 $X=\{x \mid R: 0<x<2\}$ ,  $Y=\{y \mid R: 0<y<3\}$ .
2. На множестве  $X=\{1,3,5,7,9\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \mid X: x=y+4\}$ . Запишите отношение перечислением пар.
3. Постройте график, схему, граф отношения из задания 2 и запишите его матрицу.
4. Выясните, какими свойствами обладает отношение, заданное в задании 2. Является ли оно отношением эквивалентности. Обоснуйте ответ.

Вариант 5.

1. Постройте геометрически декартово произведение множеств:  
 $X=\{x \mid R: 2<x<6\}$ ,  $Y=\{y \mid R: 0>y>3\}$ .
2. На множестве  $X=\{1,3,5,7,9\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \mid X: x=y-4\}$ . Запишите отношение перечислением пар.
3. Постройте график, схему, граф отношения из задания 2 и запишите его матрицу.
4. Выясните, какими свойствами обладает отношение, заданное в задании 2. Является ли оно отношением эквивалентности. Обоснуйте ответ.

Вариант 6.

1. Постройте геометрически декартово произведение множеств:

$$X=\{x \in \mathbb{R} : x+2 < 0\}, Y=\{y \in \mathbb{R} : y-3 > 0\}.$$

2. На множестве  $X=\{1,2,3,4,5,6,7,8\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \in X \times X : x=y*2\}$ . Запишите отношение перечислением пар.

3. Постройте график, схему, граф отношения из задания 2 и запишите его матрицу.

4. Выясните, какими свойствами обладает отношение, заданное в задании 2. Является ли оно отношением эквивалентности. Обоснуйте ответ.

Вариант 7.

1. Постройте геометрически декартово произведение множеств:

$$X=\{x \in \mathbb{R} : x-1 < 0\}, Y=\{y \in \mathbb{R} : y+1 > 0\}.$$

2. На множестве  $X=\{1,2,3,4,5,6,7,8\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \in X \times X : x=y*2\}$ . Запишите отношение перечислением пар.

3. Постройте график, схему, граф отношения из задания 2 и запишите его матрицу.

4. Выясните, какими свойствами обладает отношение, заданное в задании 2. Является ли оно отношением эквивалентности. Обоснуйте ответ.

Вариант 8.

1. Постройте геометрически декартово произведение множеств:

$$X=\{x \in \mathbb{R} : x*2 < 0\}, Y=\{y \in \mathbb{R} : y*2 > 0\}.$$

2. На множестве  $X=\{1,2,3,4,5,6\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \in X \times X : x=y-2\}$ . Запишите отношение перечислением пар.

3. Постройте график, схему, граф отношения из задания 2 и запишите его матрицу.

4. Выясните, какими свойствами обладает отношение, заданное в задании 2. Является ли оно отношением эквивалентности. Обоснуйте ответ.

Вариант 9.

1. Постройте геометрически декартово произведение множеств:

$$X=\{x \in \mathbb{R} : x/2 < 0\}, Y=\{y \in \mathbb{R} : y/2 > 0\}.$$

2. На множестве  $X=\{1,2,3,4,5,6\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \in X \times X : x=y+2\}$ . Запишите отношение перечислением пар.

3. Постройте график, схему, граф отношения из задания 2 и запишите его матрицу.

4. Выясните, какими свойствами обладает отношение, заданное в задании 2. Является ли оно отношением эквивалентности. Обоснуйте ответ.

Вариант 10.

1. Постройте геометрически декартово произведение множеств:

$$X=\{x \in \mathbb{R} : x/3 < 5\}, Y=\{y \in \mathbb{R} : y/5 > 3\}.$$

2. На множестве  $X=\{1,2,3,4,5,6\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \in X \times X : x \text{ делится на } y-2\}$ . Запишите отношение перечислением пар.

3. Постройте график, схему, граф отношения из задания 2 и запишите его матрицу.

4. Выясните, какими свойствами обладает отношение, заданное в задании 2. Является ли оно отношением эквивалентности. Обоснуйте ответ.

Практическое занятие «Бинарные отношения эквивалентности и порядка»

Вариант 1.

1. На множестве  $X=\{1,2,3,4,5\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \in X \times X : x+y \text{ делится на } 2\}$ . Постройте фактор-множество данного отношения.

2. Постройте диаграмму Хассе частично упорядоченного множества  $X=\{-2,-1,0,1,2\}$  с отношением делимости.

Вариант 2.

1. На множестве  $X=\{2,6,7,12,17\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \in X \times X : x+y \text{ делится на } 2\}$ . Постройте фактор-множество данного отношения.

2. Постройте диаграмму Хассе частично упорядоченного множества  $X=\{2,4,8,9,12\}$  с отношением делимости.

Вариант 3.

1. На множестве  $X=\{5,6,7,8,9\}$  задано отношение  $R=\{(x,y) \in X \times X : x+y \text{ делится на } 2\}$ . Постройте фактор-множество данного отношения.

2. Постройте диаграмму Хассе частично упорядоченного множества  $X=\{-1,0,1,2,3\}$  с отношением делимости.



Вариант 4.

1. На множестве  $X = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$  задано отношение  $R = \{(x, y) \in X \times X : |x - y| \text{ делится на } 2\}$ . Постройте фактор-множество данного отношения.
2. Постройте диаграмму Хассе частично упорядоченного множества  $X = \{2, 4, 6, 8, 10\}$  с отношением делимости.

Вариант 5.

1. На множестве  $X = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$  задано отношение  $R = \{(x, y) \in X \times X : |x + y| \text{ делится на } 2\}$ . Постройте фактор-множество данного отношения.
2. Постройте диаграмму Хассе частично упорядоченного множества  $X = \{3, 4, 5, 6, 7, 8\}$  с отношением делимости.

Вариант 6.

1. На множестве  $X = \{-5, -1, 0, 1, 5\}$  задано отношение  $R = \{(x, y) \in X \times X : |x + y| \text{ делится на } 2\}$ . Постройте фактор-множество данного отношения.
2. Постройте диаграмму Хассе частично упорядоченного множества  $X = \{1, 3, 6, 8, 9\}$  с отношением делимости.

Вариант 7.

1. На множестве  $X = \{-9, -5, -2, 0, 3, 4\}$  задано отношение  $R = \{(x, y) \in X \times X : |x + y| \text{ делится на } 2\}$ . Постройте фактор-множество данного отношения.
2. Постройте диаграмму Хассе частично упорядоченного множества  $X = \{1, 2, 4, 5, 6, 8\}$  с отношением делимости.

Вариант 8.

1. На множестве  $X = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$  задано отношение  $R = \{(x, y) \in X \times X : x + y \text{ делится на } 2\}$ . Постройте фактор-множество данного отношения.
2. Постройте диаграмму Хассе частично упорядоченного множества  $X = \{1, 4, 8, 9, 16, 18\}$  с отношением делимости.

Вариант 9.

1. На множестве  $X = \{-5, 3, -2, 0, 2, 3, 5\}$  задано отношение  $R = \{(x, y) \in X \times X : |x + y| \text{ делится на } 2\}$ . Постройте фактор-множество данного отношения.
2. Постройте диаграмму Хассе частично упорядоченного множества  $X = \{-2, 2, 1, 5\}$  с отношением делимости.

Вариант 10.

1. На множестве  $X = \{0, 1, 2, 3, 4\}$  задано отношение  $R = \{(x, y) \in X \times X : |x - y| \text{ делится на } 2\}$ . Постройте фактор-множество данного отношения.
2. Постройте диаграмму Хассе частично упорядоченного множества  $X = \{-5, -1, 1, 5, 6\}$  с отношением делимости.

Практическое занятие «Отношения реляционной алгебры»

Вариант 1.

1. Даны отношения:

R: A1 A2 A3 S: B1 B2 B3

а а 8 д т 1

д т 1 л н 1

о к 5 а а 8

м ц 3

Найдите объединение, пересечение и разность этих отношений.

2. Выполните операцию проекции отношения R на список (3,1,2) и селекцию отношения S по условию  $B2 > B1$ .

3. Постройте соединение отношений R и S по условию  $A3 + B3 > 6$ .

Вариант 2.

1. Даны отношения:

R: A1 A2 A3 S: B1 B2 B3

1 а 5 4 к 5

3 т 1 3 т 1

4 к 5 1 а 2

7 ц 3

Найдите объединение, пересечение и разность этих отношений.

2. Выполните операцию проекции отношения R на список (3,1) и селекцию отношения S по условию  $B3 < B2$ .

3. Постройте соединение отношений R и S по условию  $A1 - B3 > 0$ .

Вариант 3.

1. Даны отношения:

R: A1 A2 A3 S: B1 B2 B3

1 а 5 4 к 5

3 т 1 3 н 1

4 к 5 1 а 2

7 ц 3

Найдите объединение, пересечение и разность этих отношений.

2. Выполните операцию проекции отношения R на список (2,3) и селекцию отношения S по условию  $B3 > 2$ .

3. Постройте соединение отношений R и S по условию  $A1 - B3 < 0$ .

Вариант 4.

3. Даны отношения:

R: A1 A2 A3 S: B1 B2 B3

1 а 5 4 у 5

3 т 3 3 н 1

4 у 5 1 а 1

7 ц 3

Найдите объединение, пересечение и разность этих отношений.

2. Выполните операцию проекции отношения R на список (3,2) и селекцию отношения S по условию  $B3 < 2$ .

3. Постройте соединение отношений R и S по условию  $A1 * B3 > 6$ .

Вариант 5.

1. Даны отношения:

R: A1 A2 A3 S: B1 B2 B3

а а 5 у к 5

т т 1 е н 1

к к 5 а а 5

ф ц 3

Найдите объединение, пересечение и разность этих отношений.

2. Выполните операцию проекции отношения R на список (2,3,1) и селекцию отношения S по условию  $B3 > 2$ .

3. Постройте соединение отношений R и S по условию  $A1 > B2$ .

Вариант 6.

1. Даны отношения:

R: A1 A2 A3 S: B1 B2 B3

а а б у к в

т т р е н д

к к н а а б

ф ц г

Найдите объединение, пересечение и разность этих отношений.

2. Выполните операцию проекции отношения R на список (2,1) и селекцию отношения S по условию  $B3 > A2$ .

3. Постройте соединение отношений R и S по условию  $A1 > B2$ .

Вариант 7.

1. Даны отношения:

R: A1 A2 A3 S: B1 B2 B3

а 1 5 у 2 5  
т 5 1 е 3 1  
к 2 5 а 1 5  
ф 4 3

Найдите объединение, пересечение и разность этих отношений.

2. Выполните операцию проекции отношения R на список (3,1) и селекцию отношения S по условию  $B3 > 2$ .

3. Постройте соединение отношений R и S по условию  $A1 > B2$ .

Вариант 8.

1. Даны отношения:

R: A1 A2 A3 S: B1 B2 B3

а а 5 у к 5

т т 1 е н 1

к к 5 а а 5

ф ц 3

Найдите объединение, пересечение и разность этих отношений.

2. Выполните операцию проекции отношения R на список (2,3,1) и селекцию отношения S по условию  $B3 = A3$ .

3. Постройте соединение отношений R и S по условию  $A1 > B2$ .

Вариант 9.

1. Даны отношения:

R: A1 A2 A3 S: B1 B2 B3

1 а 5 3 к 5

2 т 1 5 н 1

3 к 5 1 а 5

7 ц 3

Найдите объединение, пересечение и разность этих отношений.

2. Выполните операцию проекции отношения R на список (2,3) и селекцию отношения S по условию  $B1 > 2$ .

3. Постройте соединение отношений R и S по условию  $A2 = B2$ .

Вариант 10.

3. Даны отношения:

R: A1 A2 A3 S: B1 B2 B3

а а 5 у к 5

т т 1 е н 1

к к 5 а а 5

ф ц 3

Найдите объединение, пересечение и разность этих отношений.

2. Выполните операцию проекции отношения R на список (3,2) и селекцию отношения S по условию  $B3 = 5$ .

3. Постройте соединение отношений R и S по условию  $A2 > B1$ .

Практическое занятие «Решение комбинаторных задач»

Вариант 1.

1. В ящике 2 мяча и 3 кубика. Сколькими способами можно выбрать игрушку?

2. Сколькими способами можно переставить буквы слова «Караку-ли»?

3. Сколькими способами можно выбрать из класса, состоящего из 28 человек, пятерых для дежурства в столовой?

4. Сколько трехбуквенных слов можно составить из 12 гласных русского алфавита?

Вариант 2.

1. Студенту нужно выбрать одну задачу из 10 заданий по стереометрии и пяти – по алгебре. Сколькими способами он может это сделать?

2. Сколькими способами можно выписать в ряд 9 троек и 6 пятерок?

3. В столовой продается 3 вида супа. Сколькими способами можно составить набор из 6

порций?

Вариант 3.

1. На столе 4 яблока и 2 груши. Сколькими способами можно выбрать себе фрукт?
2. Сколько домов в городе N, если все их номера имеют три цифры, состоящие из всех чисел, кроме 0?
3. Сколько существует четырехзначных десятичных чисел, если в каждом из них все цифры различные?

4. Сколькими способами можно рассадить в зале в ряд 10 человек?

Вариант 4.

1. На полке стоят банки с грушевым и абрикосовым компотом. В 10 банках груши, в 6 – абрикосы, а в 2 – груши и абрикосы. Сколько банок на полке?
2. Сколькими способами можно поменять местами буквы в слове «жираф»?
3. Сколькими способами можно разложить восемь монет разного достоинства в два кармана?
4. Сколькими способами из 9 школьников можно выбрать 5, чтобы они начали уборку территории?

Вариант 5.

1. В одном шкафу висит 2 платья, в другом – 5. Сколькими способами можно выбрать себе платье?
2. Сколько различных слов можно составить из букв слова «отношение»?
3. Сколькими способами можно определить трех отличников среди студентов группы, состоящей из 17 человек?
4. В ящике пять кубиков с номерами 1, 2, 3, 4, 5. вынимают один кубик и записывают его номер. Кубик возвращают в ящик и наугад снова выбирают один кубик и номер его записывают справа от первой цифры. Сколько возможно таких чисел?

Вариант 6.

1. В домик Бабы-яги можно попасть тремя дорогами, а обратно выехать только двумя. Сколько существует способов съездить в гости к Ба-бе-яге?
2. Сколькими способами можно расположить в ряд 4 красных шарика, 8 желтых и 2 зеленых?
3. В канцелярии имеется три типа ручек. Сколькими способами можно выбрать себе 5?
4. Сколькими способами можно из 10 листов выбрать 4, чтобы распечатать на них домашнюю работу по дискретной математике?

Вариант 7.

1. В магазине «Все для чая» имеется 5 различных чашек и 3 блюдца. Сколькими способами можно купить чашку с блюдцем?
2. Сколькими способами можно составить букет из 3 роз, 1 орхидеи и 10 хризантем?
3. Сколькими способами можно выбрать трех солдат из 10, чтобы поставить их в караул?
4. Сколькими способами можно выбрать из 10 старушек 4 и рассадить их на скамейке?

Вариант 8.

1. В компьютерном классе 18 компьютеров. На 6 из них есть и Паскаль и Си. На семи – только Паскаль. На скольких компьютерах установлен только Си?
2. Сколькими способами можно выбрать из различных 12 кубиков 6 и разложить их в ящике?
3. В чайной лавке 15 различных чашек. Сколькими способами можно выбрать среди них 5?
4. В магазине имеется 2 замшевые сумки, 3 лакированные, 2 кожаные. Сколькими способами можно разложить их на прилавке, если сумки из одного материала неразличимы?

Вариант 9.

1. В магазине стоит 7 пачек черного чая и 15 зеленого. Сколькими способами можно выбрать себе чай?
2. Сколькими способами можно определить трех отличников среди студентов группы, состоящей из 17 человек?
3. Сколько можно поставить пятизначных инвентарных номеров на компьютеры в классе, если использовать все десять цифр?

4. Сколько различных слов можно составить из букв слова «сокол»?

Вариант 10.

1. В шкафу висит 4 шелковых платья и 2 атласных. Сколькими способами можно выбрать себе платье?

2. Сколькими способами можно разложить на тарелке 4 яблока, 6 груш и 8 мандарин?

3. Сколькими способами из 10 банок малинового варенья можно выбрать 4, чтобы съесть?

4. Сколько различных трехбуквенных слов можно составить из букв слова «костюм»?

Практическое занятие «Решение составных комбинаторных задач»

Вариант 1.

На первой полке 3 папки, а на второй – 13. Сколькими способами можно выбрать 2 папки с одной полки и одну с другой?

Вариант 2.

Из 17 различных книг 5 – в твердом переплете. Сколькими способами можно составить 6 книг так, чтобы ровно 3 были в твердом переплете?

Вариант 3.

Сколько слов, состоящих из двух гласных и трех согласных, можно составить из слова «пуговица»?

Вариант 4.

Дано множество цифр 1, 2, 3, 4, 5, 6. Сколько различных трех или четырехзначных слов можно составить так, чтобы в числах все цифры были разными?

Вариант 5.

Сколько существует семизначных чисел, которые одинаково читаются слева направо и справа налево?

Вариант 6.

У одного студента 6 книг, у второго – 8. Сколькими способами они могут поменять 2 книги на 2 книги?

Вариант 7.

Сколько различных четырехбуквенных слов можно составить из слова «журналист» так, чтобы в этих словах было две гласных и две согласных?

Вариант 8.

Сколькими способами можно из колоды, содержащей 36 карт выбрать 5 карт так, чтобы среди них было хотя бы две дамы?

Вариант 9.

Имеется колода из 32 карт. Сколькими способами можно выбрать из нее 4 карты так, чтобы хотя бы две из них были черной масти?

Вариант 10.

Сколько существует шестirazрядных двоичных чисел, содержащих ровно три единицы?

Практическое занятие «Матричные представления графов»

1. Самостоятельно записать любую квадратную матрицу, состоящую из нулей и единиц, симметричную относительно главной диагонали и выполнить задание 1, указанное выше.

2. Самостоятельно записать любую не квадратную матрицу, состоящую из нулей и единиц и выполнить задание 2, указанное выше

3. Самостоятельно записать любую квадратную матрицу, состоящую из нулей и единиц и выполнить задание 3, указанное выше.

4. Самостоятельно записать любую не квадратную матрицу, состоящую из чисел, удовлетворяющих условиям построения матриц инцидентности для ориентированного графа и выполнить задание 4, указанное выше.

Практическое занятие «Графы и бинарные отношения»

Задания 1 – 4 одинаковы для всех вариантов.

1. Построить ориентированный граф, содержащий 5 вершин и 5 ребер и выяснить его свойства.

2. Построить матрицу инцидентности для этого графа.

3. Построить матрицу смежности для этого графа.

4. Посчитать полустепени исхода и захода для всех вершин своего графа.

Задание 5.

Вариант 1

Построить граф отношения «быть знакомым» на множестве людей и выяснить его свойства.

Вариант 2

Построить граф отношения « $x + y > 7$ » на множестве  $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  и выяснить его свойства.

Вариант 3

Построить граф отношения «быть делителем» на множестве  $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  и выяснить его свойства.

Вариант 4

Построить граф отношения « $x - y < 2$ » на множестве  $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  и выяснить его свойства.

Вариант 5

Построить граф отношения «быть сыном» на множестве людей и выяснить его свойства.

Вариант 6

Построить граф отношения «прямая  $x$  пересекает прямую  $y$ » на множестве прямых и выяснить его свойства.

Вариант 7

Построить граф отношения «быть сестрой» на множестве людей и выяснить его свойства.

Вариант 8

Построить граф отношения «находиться на одинаковом расстоянии от начала координат» на множестве точек вещественной плоскости и выяснить его свойства.

Вариант 9

Построить граф отношения « $x + y < 7$ » на множестве  $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  и выяснить его свойства.

Вариант 10

Построить граф отношения « $x - y < 2$ » на множестве  $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  и выяснить его свойства.

#### **14.2. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 14.

Таблица 14 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Категории обучающихся	Виды дополнительных оценочных материалов	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка
С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету	Преимущественно дистанционными методами
С ограничениями по общемедицинским показаниям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами исходя из состояния обучающегося на момент проверки

#### **14.3. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается до-

ступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.