

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»
(ТУСУР)



УТВЕРЖДАЮ
Директор департамента образования

Документ подписан электронной подписью

Сертификат: 1с6сfa0a-52a6-4f49-aef0-5584d3fd4820

Владелец: Троян Павел Ефимович

Действителен: с 19.01.2016 по 16.09.2019

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Дискретная математика

Уровень образования: **высшее образование - бакалавриат**

Направление подготовки / специальность: **09.03.03 Прикладная информатика**

Направленность (профиль) / специализация: **Прикладная информатика в экономике**

Форма обучения: **заочная (в том числе с применением дистанционных образовательных технологий)**

Факультет: **ФДО, Факультет дистанционного обучения**

Кафедра: **АСУ, Кафедра автоматизированных систем управления**

Курс: **1**

Семестр: **2**

Учебный план набора 2018 года

Распределение рабочего времени

№	Виды учебной деятельности	2 семестр	Всего	Единицы
1	Самостоятельная работа под руководством преподавателя	16	16	часов
2	Контроль самостоятельной работы	4	4	часов
3	Всего контактной работы	20	20	часов
4	Самостоятельная работа	151	151	часов
5	Всего (без экзамена)	171	171	часов
6	Подготовка и сдача экзамена	9	9	часов
7	Общая трудоемкость	180	180	часов
			5.0	З.Е.

Контрольные работы: 2 семестр - 2

Экзамен: 2 семестр

Томск 2018

ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рабочая программа дисциплины составлена с учетом требований федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 09.03.03 Прикладная информатика, утвержденного 12.03.2015 года, рассмотрена и одобрена на заседании кафедры АСУ «__» _____ 20__ года, протокол № _____.

Разработчик:

доцент каф. АСУ _____ А. В. Афонасенко

Заведующий обеспечивающей каф.
АСУ

_____ А. М. Кориков

Рабочая программа дисциплины согласована с факультетом и выпускающей кафедрой:

Декан ФДО _____ И. П. Черкашина

Заведующий выпускающей каф.
АСУ

_____ А. М. Кориков

Эксперты:

Доцент кафедры технологий
электронного обучения (ТЭО)

_____ Ю. В. Морозова

Доцент кафедры
автоматизированных систем
управления (АСУ)

_____ А. И. Исакова

1. Цели и задачи дисциплины

1.1. Цели дисциплины

изучить основные научные результаты, полученные в областях: теории множеств, теории булевых функций, теории графов и гиперграфов, теории алгоритмов, используемые для проведения фундаментальных и прикладных научных исследований, изучить методики составления математических моделей объектов и процессов конечной структуры с позиций системного подхода, изучить методы поиска и оценки решений с привлечением математических моделей дискретных структур, научить самостоятельно разрабатывать дискретные алгоритмы и анализировать существующие.

1.2. Задачи дисциплины

– состоит в освоении математического аппарата дискретной математики с закреплением материала на конкретных примерах и прикладных задачах.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Дискретная математика» (Б1.Б.16) относится к блоку 1 (базовая часть).

Предшествующими дисциплинами, формирующими начальные знания, являются: Математика.

Последующими дисциплинами являются: Базы данных, Вычислительные системы, сети и телекоммуникации, Теория вероятностей и математическая статистика.

3. Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

– ОПК-2 способностью анализировать социально-экономические задачи и процессы с применением методов системного анализа и математического моделирования;

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

– **знать** основы теории множеств; законы булевой алгебры, системы логических элементов; основы теории графов; основы математической логики и теории алгоритмов.

– **уметь** решать задачи логики; решать задачи на графах; составлять функциональные схемы логических функций.

– **владеть** методами оптимизации на графах; терминологией математической логики; методами минимизации булевых функций; информацией о существующих алгоритмах на графах.

4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5.0 зачетных единицы и представлена в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины

Виды учебной деятельности	Всего часов	Семестры
		2 семестр
Контактная работа (всего)	20	20
Самостоятельная работа под руководством преподавателя (СРП)	16	16
Контроль самостоятельной работы (КСР)	4	4
Самостоятельная работа (всего)	151	151
Подготовка к контрольным работам	75	75
Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	76	76
Всего (без экзамена)	171	171
Подготовка и сдача экзамена	9	9
Общая трудоемкость, ч	180	180

Зачетные Единицы	5.0	
------------------	-----	--

5. Содержание дисциплины

5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

Разделы дисциплины и виды занятий приведены в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы дисциплины и виды занятий

Названия разделов дисциплины	СРП, ч	КСР, ч	Сам. раб., ч	Всего часов (без экзамена)	Формируемые компетенции
2 семестр					
1 Основы теории множеств.	4	4	30	34	ОПК-2
2 Теория графов.	4		30	34	ОПК-2
3 Экстремальные задачи на графах.	2		31	33	ОПК-2
4 Переключательные функции.	4		30	34	ОПК-2
5 Комбинаторика.	2		30	32	ОПК-2
Итого за семестр	16	4	151	171	
Итого	16	4	151	171	

5.2. Содержание разделов дисциплины (самостоятельная работа под руководством преподавателя)

Содержание разделов дисциплин (самостоятельная работа под руководством преподавателя) приведено в таблице 5.2.

Таблица 5.2 – Содержание разделов дисциплин (самостоятельная работа под руководством преподавателя)

Названия разделов	Содержание разделов дисциплины (самостоятельная работа под руководством преподавателя)	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
2 семестр			
1 Основы теории множеств.	Основные понятия теории множеств, способы задания множеств. Алгебра множеств. Отображение множеств.	4	ОПК-2
	Итого	4	
2 Теория графов.	Основные понятия теории графов. Классификация графов. Маршруты и пути в графах.	4	ОПК-2
	Итого	4	
3 Экстремальные задачи на графах.	Максимальное паросочетание в двудольном графе. Венгерский алгоритм нахождения максимального паросочетания в двудольном графе. Оптимальные потоки в транспортных/информационных сетях.	2	ОПК-2
	Итого	2	
4 Переключательные функции.	Определение. Способы представления ПФ. Булевы функции (БФ).	4	ОПК-2

	Функциональная полнота, функционально полные базисы. Методы минимизации БФ.		
	Итого	4	
5 Комбинаторика.	Основные формулы комбинаторики. Комбинаторика и теоретико-вероятностные задачи.	2	ОПК-2
	Итого	2	
Итого за семестр		16	

5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами представлены в таблице 5.3.

Таблица 5.3 – Разделы дисциплины и междисциплинарные связи

Наименование дисциплин	№ разделов данной дисциплины, для которых необходимо изучение обеспечивающих и обеспечиваемых дисциплин				
	1	2	3	4	5
Предшествующие дисциплины					
1 Математика	+	+	+	+	+
Последующие дисциплины					
1 Базы данных	+				
2 Вычислительные системы, сети и телекоммуникации		+	+	+	
3 Теория вероятностей и математическая статистика	+				+

5.4. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий представлено в таблице 5.4.

Таблица 5.4 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Компетенции и	Виды занятий			Формы контроля
	СРП	КСР	Сам. раб.	
ОПК-2	+	+	+	Контрольная работа, Экзамен, Проверка контрольных работ, Тест

6. Интерактивные методы и формы организации обучения

Не предусмотрено РУП.

7. Лабораторные работы

Не предусмотрено РУП.

8. Контроль самостоятельной работы

Виды контроля самостоятельной работы приведены в таблице 8.1.

Таблица 8.1 – Виды контроля самостоятельной работы

№	Вид контроля самостоятельной работы	Трудоемкость (час.)	Формируемые компетенции

2 семестр			
1	Контрольная работа с автоматизированной проверкой	2	ОПК-2
2	Контрольная работа с автоматизированной проверкой	2	ОПК-2
Итого		4	

9. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

Названия разделов	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции	Формы контроля
2 семестр				
1 Основы теории множеств.	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	15	ОПК-2	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	15		
	Итого	30		
2 Теория графов.	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	15	ОПК-2	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	15		
	Итого	30		
3 Экстремальные задачи на графах.	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	16	ОПК-2	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	15		
	Итого	31		
4 Переключательные функции.	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	15	ОПК-2	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	15		
	Итого	30		
5 Комбинаторика.	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	15	ОПК-2	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к	15		

	контрольным работам			
	Итого	30		
	Выполнение контрольной работы	4	ОПК-2	Контрольная работа
Итого за семестр		151		
	Подготовка и сдача экзамена	9		Экзамен
Итого		160		

10. Контроль самостоятельной работы (курсовой проект / курсовая работа)

Не предусмотрено РУП.

11. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся

Рейтинговая система не используется.

12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

12.1. Основная литература

1. Жигалова Е.Ф. Дискретная математика [Электронный ресурс]: учебное пособие / Е.Ф. Жигалова. – Томск: ТУСУР, ФДО, 2014. Доступ из личного кабинета студента — Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library/> (дата обращения: 05.09.2018).

12.2. Дополнительная литература

1. Дискретная математика [Электронный ресурс]: учебное пособие / З. А. Смыслова. – Томск: ТУСУР, ФДО, 2000. Доступ из личного кабинета студента — Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library/> (дата обращения: 05.09.2018).

12.3. Учебно-методические пособия

12.3.1. Обязательные учебно-методические пособия

1. Жигалова Е. Ф. Дискретная математика: электронный курс/ Е. Ф. Жигалова . – Томск: ТУСУР, ФДО, 2014. Доступ из личного кабинета студента.

2. Жигалова Е. Ф. Дискретная математика [Электронный ресурс]: методические указания по организации самостоятельной работы для студентов заочной формы обучения направления подготовки 09.03.03 Информатика и вычислительная техника, обучающихся с применением дистанционных образовательных технологий / Е. Ф. Жигалова – Томск : ФДО, ТУСУР, 2018. Доступ из личного кабинета студента. — Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library/> (дата обращения: 05.09.2018).

12.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

Для лиц с нарушениями зрения:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

12.4. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. ЭБС «Юрайт»: www.biblio-online.ru (доступ из личного кабинета студента по ссылке

13. Материально-техническое обеспечение дисциплины и требуемое программное обеспечение

13.1. Общие требования к материально-техническому и программному обеспечению дисциплины

13.1.1. Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины

Кабинет для самостоятельной работы студентов
учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для проведения групповых и индивидуальных консультаций, помещение для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, помещение для самостоятельной работы

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Коммутатор MicroTeak;
- Компьютер PENTIUM D 945 (3 шт.);
- Компьютер GELERON D 331 (2 шт.);
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- 7-zip
- Google Chrome (с возможностью удаленного доступа)
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows
- LibreOffice (с возможностью удаленного доступа)
- Microsoft Windows
- OpenOffice

13.1.2. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 201 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Состав оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры класса не ниже ПЭВМ INTEL Celeron D336 2.8ГГц. - 5 шт.;

- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

13.2. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися с нарушениями слуха предусмотрено использование

звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися с нарушениями зрения предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися с нарушениями опорно-двигательного аппарата используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

14. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины

14.1. Содержание оценочных материалов и методические рекомендации

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы в составе:

14.1.1. Тестовые задания

Вопрос 1.

Элементы множества обозначаются:

1. числами;
2. заглавными буквами;
3. символами;
4. строчными буквами.

Вопрос 2.

Что означает запись: $A \subseteq B$ и $B \subseteq A$?

1. $A \neq B$.
2. $A < B$.
3. $A = B$.

Вопрос 3.

Пусть $A = \{2\}$ – множество, состоящее из одного элемента, $B = \{\{2\}, \{4\}\}$ – множество, состоящее из двух элементов, каждое из которых является одноэлементным множеством. Какие соотношения имеют место?

1. $2 \notin \{2\}$; $\{2\} \subset \{\{2\}, \{4\}\}$; $2 \in \{\{2\}, \{4\}\}$.
2. $2 \in \{2\}$; $\{2\} \notin \{\{2\}, \{4\}\}$; $2 \notin \{\{2\}, \{4\}\}$.
3. $2 \notin \{2\}$; $\{2\} \notin \{\{2\}, \{4\}\}$; $2 \notin \{\{2\}, \{4\}\}$.
4. $2 \in \{2\}$; $\{2\} \subset \{\{2\}, \{4\}\}$; $2 \notin \{\{2\}, \{4\}\}$.

Вопрос 4.

Пусть A – множество чисел, которые делятся на 2, B – множество чисел, которые делятся на 3: $A = \{2, 4, 6, 8, 12, \dots\}$, $B = \{3, 6, 9, 12, 18, \dots\}$.

Определить, чему равно множество $A \cap B$.

1. $A \cap B = \{6\}$.
2. $A \cap B = \{6, 12, 18, \dots\}$.
3. $A \cap B = \{6, 12\}$.

Вопрос 5.

Определить на каких парах – $\langle 1, 2 \rangle$, $\langle 5, 5 \rangle$, $\langle 4, 3 \rangle$ на множестве натуральных чисел выполняется отношение \geq .

1. $\langle 4, 3 \rangle$.

2. $\langle 1, 2 \rangle, \langle 5, 5 \rangle$.
3. $\langle 5, 5 \rangle, \langle 4, 3 \rangle$.

Вопрос 6.

Областью определения бинарного отношения ρ называется множество:

1. $D_\rho \{x\}$.
2. $D_\rho \{x \mid \text{существует } y, \text{ что } y \rho x\}$.
3. $D_\rho \{x \mid \text{существует } y, \text{ что } x \rho y\}$.

Вопрос 7.

Определить область значений R_ρ бинарного отношения $\rho \{ \langle 1, 3 \rangle, \langle 3, 3 \rangle, \langle 4, 2 \rangle \}$.

1. $R_\rho \{3, 4\}$.
2. $R_\rho \{3, 2\}$.
3. $R_\rho \{1, 2\}$.

Вопрос 8.

Отношение ρ^{-1} называется обратным к отношению ρ , если:

1. $\rho^{-1} \{ \langle x, y \rangle \mid \langle y, x \rangle \in \rho \}$.
2. $\rho^{-1} \{ \langle x, y \rangle \mid \langle x, x \rangle \in \rho \}$.
3. $\rho^{-1} \{ \langle x, y \rangle \mid \langle y, x \rangle \in \rho \}$.

Вопрос 9.

Определить результат операции $X \cup Y$, если известно, что X — множество отличников в студенческой группе, Y — множество студентов группы, проживающих в общежитии.

1. $X \cup Y$ — отличники, живущие в общежитии.
2. $X \cup Y$ — все студенты группы.
3. $X \cup Y$ — все отличники группы + студенты, живущие в общежитии.

Вопрос 10.

Задать матрицей бинарное отношение:

$\rho \{ \langle a_i, a_j \rangle \mid \text{“отличаться на 1”}; a_i, a_j \in A \}$, где $A \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$.

- 1.
- 2.
- 3.

ρ_i j	1	2	3	4	5	6
1	0	1	0	0	0	0
2	1	0	1	0	0	0
3	0	1	0	1	0	0
4	0	0	1	0	1	0
5	0	0	0	1	0	1
6	0	0	0	0	1	0

ρ_i j	1	2	3	4	5	6
1	0	1	0	0	0	0
2	0	0	1	0	0	0
3	0	0	0	1	0	0
4	0	0	1	0	1	0
5	0	0	0	0	0	1
6	0	0	0	0	0	0

ρ_{ij}	1	2	3	4	5	6
1	0	0	0	0	0	0
2	1	0	0	0	0	0
3	0	1	0	0	0	0
4	0	0	1	0	0	0
5	0	0	0	1	0	0
6	0	0	0	0	1	0

Вопрос 11.

Граф G — это:

1. математический объект;
2. математический объект, состоящий из совокупности множества v (вершин) и множества u (рёбер);
3. математический объект, состоящий из множества вершин X ;
4. математический объект, состоящий из совокупности множества V (вершин) и множества U (рёбер), между элементами которых определено отношение инцидентности.

Вопрос 12.

Маршрутом в графе $G(X, U)$ называется последовательность:

1. вершин и рёбер данного графа.

2. вершин $x \in X$ и рёбер $u \in U$.
3. вершин $x \in X$ и рёбер $u \in U$, которая начинается и заканчивается в вершинах данного графа.
4. вершин $x \in X$ и рёбер $u \in U$, которая начинается и заканчивается в вершинах данного графа и в которой соседние вершины – смежные.

Вопрос 13.

Как можно вычислить степень вершин графа $G(X, U)$, если граф задан матрицей смежности R арифметического типа и в G отсутствуют петли?

1. Степень вершины $x_i \in X$ равна: сумме значений элементов матрицы R .
2. Степень вершины $x_i \in X$, $i = 1, 2, \dots, n$, равна сумме значений элементов i -ой строки матрицы R .
3. Степень вершины $x_i \in X$ равна значению элемента r_{ij} матрицы R , где j – номер вершины графа G , которая связана ребром с вершиной x_i .

Вопрос 14.

Определить размер матрицы метрики M графа $G(X, U)$, если $|X| = 8$, $|U| = 13$.

1. 8×13 .
2. 13×8 .
3. 8×8 .
4. 13×13 .

Вопрос 15.

Чтобы определить значение радиуса графа $G(X, U)$, если известна его матрица метрики M нужно:

1. в каждой строке матрицы M выделить наименьший элемент.
2. в матрице M выделить наименьший элемент.
3. в каждом столбце матрицы M выделить наибольший элемент.

Вопрос 16.

Указать все слагаемые в выражении

$$x_1x_2x_4x_6 + x_1x_2x_4x_7 + x_1x_2x_5x_6 + x_2x_3x_4x_6 + x_2x_3x_4x_7 +$$

+ $x_2x_3x_5x_6 + x_3x_4x_6x_7 + x_3x_4x_7 + x_3x_5x_6x_7$, к которым можно применить закон

поглощения.

1. $x_3x_5x_6x_7$; $x_2x_3x_4x_7$; $x_3x_4x_6x_7$.
2. $x_3x_4x_6x_7$; $x_3x_4x_7$; $x_2x_3x_4x_7$.
3. $x_1x_2x_4x_7$; $x_1x_2x_4x_6$; $x_1x_2x_5x_6$.

Вопрос 17.

Результатом этапа *прямой ход* алгоритма Дейкстры является:

1. кратчайший маршрут, связывающий заданные начальную и конечные вершины графа;
2. получение для каждой вершины графа конечных значений меток;
3. получение для каждой вершины графа наименьших значений меток;
4. получение значения длины кратчайшего маршрута, связывающего заданные начальную и конечную вершины графа.

Вопрос 18.

Выполнить операцию склеивания для выражения

$$(\neg x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) (\neg x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3 \vee x_4).$$

1. $(\neg x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) (\neg x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3 \vee x_4) = \neg x_1 \vee x_2 \vee x_4$.
2. $(\neg x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) (\neg x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3 \vee x_4) = \neg x_1 \vee x_2 \vee x_3$.
3. $(\neg x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4) (\neg x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3 \vee x_4) = x_2 \vee \neg x_3 \vee x_4$.

Вопрос 19.

Укажите цель минимизации булевых функций.

Чем проще аналитическое выражение функции:

1. тем экономичнее она в эксплуатации;
2. тем проще ее практическая реализация на радиоэлементах;
3. тем меньше ошибок при её практической реализации;
4. экономичнее и проще ее практическая реализация на интегральных микросхемах.

Вопрос 20.

Простыми называют импликанты, которые:

1. не склеиваются с другими импликантами;
2. можно склеивать с другими импликантами;
3. содержат наименьшее число переменных

14.1.2. Экзаменационные тесты

Вопрос 1.

Что означает запись: $a \notin A$?

1. a не является подмножеством множества A .
2. a не принадлежит множеству A .
3. a не входит в подмножество A .

Вопрос 2.

Если каждый элемент множества A является элементом множества B , то как это записать?

1. $A=B$.
2. $A > B$.
3. $A \subseteq B$.
4. $A < B$.

Вопрос 3.

Пусть множество $A = \{1, 2\}$ состоит из двух элементов 1, 2.

$P(A)$ — множество всех подмножеств данного множества A . Определить из каких элементов состоит множество $P(A)$?

1. $P(A) = \{\{1\}, \{2\}\}$.
2. $P(A) = \{\{1\}, \{2\}, \{1, 2\}\}$.
3. $P(A) = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}, \{1, 2\}\}$.
4. $P(A) = \{\emptyset, \{1\}, \{2\}\}$.

Вопрос 4.

Пусть $A = \{4, 5, 6\}$, $B = \{2, 4, 6\}$, Определить, чему равно множество $A \cup B$.

1. $A \cup B = \{4, 5, 6\}$.
2. $A \cup B = \{2, 4, 6\}$.
3. $A \cup B = \{4, 5, 6, 2\}$.

Вопрос 5.

Задать матрицей бинарное отношение $\rho = \{ \langle a_i, a_j \rangle \mid a_i < a_j; a_i, a_j \in A \}$, где $A = \{1, 2, 3, 4\}$.

1.

ρ	1	2	3	4
1	0	1	1	1
2	0	0	1	1
3	0	0	0	1
4	0	0	0	0

2.

ρ	1	2	3	4
1	0	1	1	1
2	0	0	1	1
3	0	0	0	0
4	0	0	0	0

3.

ρ	1	2	3	4
1	0	0	0	0
2	1	0	0	0
3	1	1	0	0
4	1	1	1	0

Вопрос 6.

Областью значений бинарного отношения ρ называется множество:

1. $R_\rho = \{x \mid \text{существует } y, \text{ что } x \rho y\}$.
2. $R_\rho = \{y \mid \text{существует } x, \text{ что } x \rho y\}$.
3. $R_\rho = \{x \mid \text{существует } y, \text{ что } x \rho y\}$.

Вопрос 7.

Прямым (или декартовым) произведением двух множеств A и B называется множество пар, таких, что

1. упорядоченных; $A \times B = \{ \langle a, b \rangle \mid a \in A \text{ и } b \in B \}$.
2. упорядоченных; $A \times B = \{ \langle a, b \rangle \mid a \in A \text{ и } b \in B \}$.
3. неупорядоченных; $A \times B = \{ \langle a, b \rangle \mid a \in A \text{ и } b \in B \}$.

Вопрос 8.

Определить результат пересечения множества X всех прямоугольников и множества Y всех ромбов.

1. $X \cap Y$ — множество ромбов не прямоугольников.
2. $X \cap Y$ — множество ромбов и прямоугольников.
3. $X \cap Y$ — множество всех квадратов.

Вопрос 9.

Определить способ задания отношения: $\rho = \{ \langle 1, 2 \rangle, \langle 2, 1 \rangle, \langle 2, 3 \rangle \}$.

1. Перечислением.
2. Перечислением упорядоченных пар.
3. Списком.

Вопрос 10.

Чтобы определить значение диаметра графа $G(X, U)$, если известна его матрица метрики M нужно:

1. в каждой строке матрицы M выделить наибольший элемент.
2. в матрице M выделить наибольший элемент.
3. в каждом столбце матрицы M выделить наибольший элемент и сложить их.

Вопрос 11.

Алгоритм Дейкстры применяется:

1. для определения связности графа.
2. для нахождения в графе минимального маршрута.
3. для нахождения в графе кратчайшего маршрута.
4. для нахождения в графе маршрута наибольшей длины.

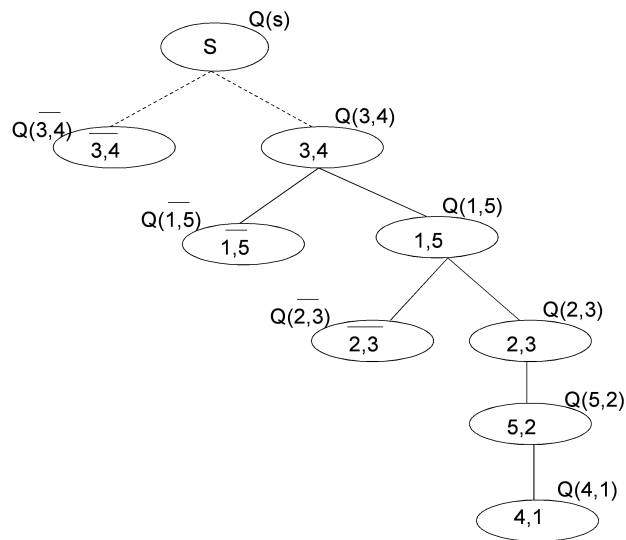
Вопрос 12.

Упростить выражение $P = x_1x_2x_4x_6 + x_1x_2x_4x_7 + x_1x_2x_5x_6 + x_2x_3x_4x_6 + x_2x_3x_4x_7 + x_2x_3x_5x_6 + x_3x_4x_6x_7 + x_3x_4x_7 + x_3x_5x_6x_7$ с помощью законов булевой алгебры.

1. $P = x_1x_2x_4x_6 + x_1x_2x_4x_7 + x_1x_2x_5x_6 + x_2x_3x_4x_6 + x_2x_3x_5x_6 + x_3x_5x_6x_7$.
2. $P = x_1x_2x_4x_6 + x_1x_2x_4x_7 + x_1x_2x_5x_6 + x_2x_3x_4x_6 + x_2x_3x_5x_6 + x_3x_4x_7 + x_3x_5x_6x_7$.
3. $P = x_1x_2x_4x_6 + x_1x_2x_5x_6 + x_2x_3x_4x_6 + x_2x_3x_5x_6 + x_3x_4x_6x_7 + x_3x_4x_7 + x_3x_5x_6x_7$.

Вопрос 13.

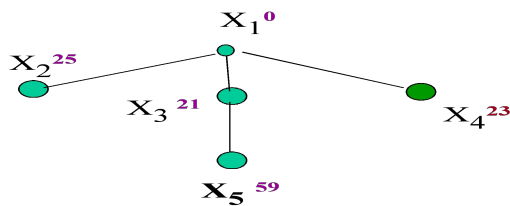
Вычислить значение оценки $Q(i, j)$ для вершины (1,5) с рисунка дерева решений, соответствующей той дуге графа, которую следует включить в искомый кратчайший гамильтонов цикл. Пусть оценка $Q(z)$ текущей материнской вершины равна 100; оценка нулевого элемента $q(1,5)$ в текущей матрице расстояний равна 28; коэффициент приведения d текущей матрицы расстояний равен 5.



1. $Q(1,5) = 5$.
2. $Q(1,5) = 105$.
3. $Q(1,5) = 33$.
4. $Q(1,5) = 128$.

Вопрос 14.

На рисунке на дереве решений в верхнем индексе вершины указано текущее значение её метки. В соответствии с правилами алгоритма Дейкстры определить — вершину x_k , которая должна быть назначена в качестве “ведущей вершины” для перехода к следующей итерации алгоритма.



1. $x_k = x_3$.
2. $x_k = x_4$.
3. $x_k = x_2$.
4. $x_k = x_5$.

Вопрос 15.

Определить количество компонент связности S в графе $G(X, U)$, если $|X|=6$, $|U|=12$ и матрица смежности R , после выполнения нескольких итераций операции замыкания его вершин, стала иметь вид R' :

R'	1	2	3
1	4	0	0
2	0	5	0
3	0	0	3

1. $S=4$.
2. $S=12$.
3. $S=3$.
4. $S=5$.

Вопрос 16.

Переключательные функции можно задавать:

1. табличными способами; теоретико-графовыми; аналитическим способом.
2. только табличными способами;
3. графически.

Вопрос 17.

Укажите название булевой функции $f(x)$ одной переменной, принимающей значения (0; 1) на наборах переменной: (0; 1).

1. «переменная x ».
2. «константа “1”».
3. «отрицание x ».

Вопрос 18.

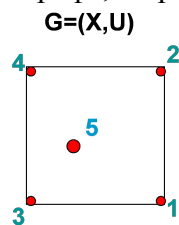
Укажите название функции f_{13} , заданной в таблице:

x_1	x_2	f_8	f_9	f_{10}	f_{11}	f_{12}	f_{13}	f_{14}	f_{15}
0	0	1	1	1	1	1	1	1	1
0	1	0	0	0	0	1	1	1	1
1	0	0	0	1	1	0	0	1	1
1	1	0	1	0	1	0	1	0	1

1. “штрих Шеффера”.
2. “функция Вебба”, или “стрелка Пирса”.
3. “импликация: $x_1 \rightarrow x_2$ ”.

Вопрос 19.

В графе, на рисунке, выделить все максимальные пустые подграфы:



1. (3,2); (4,1); (5,2).
2. (3,2); (4,1); (5); (3,5).
3. (3,2); (4,1); (5).
4. (3,2); (4,1).

Вопрос 20.

Определить минимальное количество цветов K для правильной раскраски вершин графа $G(X,U)$, где $X=\{1,2,3,4,5\}$, если с помощью алгоритма Магу-Вейсмана получена минимальная форма произведения $\Pi=x_1x_3x_4 + x_1x_3x_5 + x_2x_3x_4 + x_2x_3x_5 + x_1x_2x_4x_5$.

1. $K=4$.
2. $K=2$.
3. $K=3$.
4. $K=5$.

14.1.3. Темы контрольных работ

Пример варианта задания первой контрольной работы по теме «Дискретная математика».

Вопрос 1.

Определить является ли поток на сети Т максимальным, если интерпретирующий его граф $G = (X, U)$ содержит дуги:

$$U = \left\{ \left(\overrightarrow{x_1 x_2} \right)_{22}^{18}, \left(\overrightarrow{x_2 x_3} \right)_{9}^{6}, \left(\overrightarrow{x_1 x_3} \right)_{9}^{2}, \left(\overrightarrow{x_2 x_4} \right)_{7}^{7}, \left(\overrightarrow{x_2 x_5} \right)_{6}^{5}, \left(\overrightarrow{x_3 x_5} \right)_{8}^{8}, \left(\overrightarrow{x_5 x_4} \right)_{4}^{4}, \left(\overrightarrow{x_5 x_6} \right)_{9}^{9}, \left(\overrightarrow{x_4 x_6} \right)_{12}^{11} \right\},$$

(здесь за скобками нижний индекс соответствует пропускной способности, верхний - величине потока на дуге. При решении задачи применять процедуру пометок алгоритма Форда-Фалкерсона.

1. Поток в сети Т максимальный, так как при пометках вершин вершину x_6 пометить нельзя.
2. Поток на сети Т не максимальный, так как при пометках вершин вершину x_3 можно пометить.
3. Поток на сети Т максимальный, так как при пометках вершин вершину x_4 пометить нельзя.

Вопрос 2.

Сколько минимальных разрезов можно выделить в транспортной сети, содержащей один исток и один сток?

1. Число минимальных разрезов, которые можно выделить в транспортной сети, содержащей один исток и один сток, равно числу насыщенных дуг в данной сети.
2. Число минимальных разрезов, которые можно выделить в транспортной сети, содержащей один исток и один сток, не более 3.
3. Число минимальных разрезов, которые можно выделить в транспортной сети, содержащей один исток и один сток, равно 1.

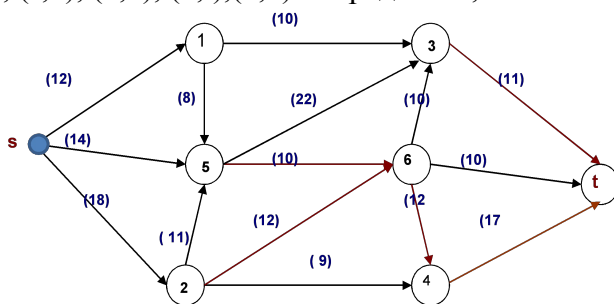
Вопрос 3.

Если в транспортной сети содержится более одной вершины-исток, то для решения задачи о максимальном потоке в данной сети можно применять алгоритм Форда-Фалкерсона?

1. Применять алгоритм Форда-Фалкерсона для решения задачи о максимальном потоке для транспортной сети с несколькими вершинами – исток нельзя.
2. Применять алгоритм Форда-Фалкерсона для решения задачи о максимальном потоке для транспортной сети с несколькими вершинами – исток возможно после предварительного разделения данной сети на подсети с одним истоком и одним стоком.
3. Применять алгоритм Форда-Фалкерсона для решения задачи о максимальном потоке для транспортной сети с несколькими вершинами – исток возможно, после применения процедуры «замыкания» для вершин-исток.

Вопрос 4.

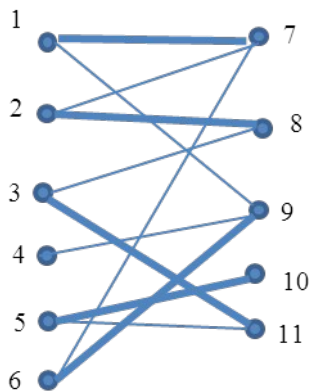
После пропускания потока в транспортной сети (рис.1) насыщенными оказались дуги: $U = (s,1), (s,5), (5,6), (3,t), (6,3)$. Определить, возможно ли увеличить поток в данной сети?



1. Поток в сети увеличить нельзя, т.к. сеть — насыщенная.
2. Поток в сети увеличить нельзя, т.к. отсутствуют ненасыщенные пути, связывающие исток s и сток t .
3. Сеть — ненасыщенная, следовательно, поток в сети можно увеличить.

Вопрос 5.

В графе на рисунке задано паросочетание, выделенное «жирными рёбрами».. Определить: возможно ли его увеличить?



1. Паросочетание можно увеличить, т.к. в графе есть ненасыщенная вершина 4.
2. Паросочетание нельзя увеличить, т.к. в графе есть только одна ненасыщенная вершина 4.
3. Паросочетание можно увеличить, если «жирные» рёбра сделать «тонкими», а «тонкие» сделать «жирными».

Вопрос 6.

Граф $G=(X,U)$ задан матрицей смежности D . Определить: граф G содержит эйлерову цепь?

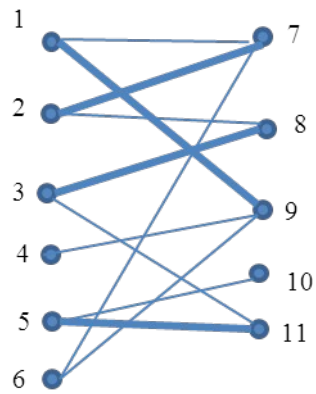
D	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	0	2	2	0	1	0	0	0	0	0
2	2	0	0	0	1	0	0	0	0	0
3	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0
4	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
5	1	1	0	1	0	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1
7	0	0	0	0	0	1	0	1	0	1
8	0	0	0	0	0	1	1	0	1	0
9	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1
10	0	0	0	0	0	1	1	0	1	0

1. Граф $G=(X,U)$ содержит эйлерову цепь.
2. Граф $G=(X,U)$ не содержит эйлерову цепь, т.к. есть вершины с нечётными степенями.
3. Граф $G=(X,U)$ не содержит эйлерову цепь, т.к. количество вершин с нечётными степенями более 2-х.
4. Граф $G=(X,U)$ не содержит эйлерову цепь, т.к. он несвязен.

Вопрос 7.

В графе на рисунке задано паросочетание, выделенное «жирными рёбрами».

Для увеличения паросочетания, выделить в данном графе тонкую чередующуюся цепь:



1. Тонкая чередующаяся цепь включает рёбра: (7,1), (1,9), (9,4).
2. Тонкая чередующаяся цепь включает рёбра: (10,5), (5,11), (11,3), (3,8), (8,2), (2,7), (7,1).
3. Тонкая чередующаяся цепь включает рёбра: (4,9), (9,1), (1,7), (7,2), (2,8), (8,3), (3,11), (11,5), (5,10).

Вопрос 8.

Граф $G=(X,U)$ задан матрицей смежности B . Если граф G содержит эйлерову цепь, то указать её концевые вершины.

B	1	2	3	4	5	6
1	0	2	2	0	2	0
2	2	0	0	0	1	2
3	2	0	0	2	0	0
4	0	0	2	0	2	0
5	2	1	0	2	0	0
6	0	2	0	0	0	0

1. 5; 3.
2. 4; 7.
3. 2; 5.
4. Таких вершин нет, т.к. данный граф не содержит эйлерову цепь.

Вопрос 9.

Граф $G=(X,U)$ задан матрицей смежности B . Если граф G содержит эйлеров цикл, то указать вершины, через которые он проходит.

B	1	2	3	4	5	6	7
1	0	2	1	0	1	0	0
2	2	0	0	0	1	1	0
3	1	0	0	1	0	0	0
4	0	0	1	0	1	0	0
5	1	0	0	1	0	0	1
6	0	1	0	0	0	0	1
7	0	0	0	0	1	1	0

1. Эйлеров цикл проходит через все вершины графа G .
2. Эйлеров цикл в графе G проходит только через вершины 1,3,5,7.
3. Граф G не содержит эйлеров цикл.
4. В графе G имеются вершины с нечётной степенью, поэтому в нём не содержится эйлеров цикл.

Вопрос 10.

Определить, является ли граф $G(X,U)$ транспортной сетью, если

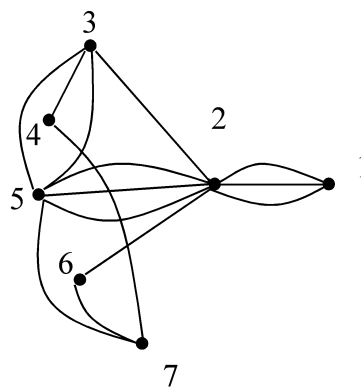
$$U = \{(\overrightarrow{x_1x_2}), (\overrightarrow{x_3x_1}), (\overrightarrow{x_1x_4}), (\overrightarrow{x_2x_5}), (\overrightarrow{x_3x_3}), (\overrightarrow{x_4x_6}), (\overrightarrow{x_6x_7}), (\overrightarrow{x_3x_7}), (\overrightarrow{x_5x_7}), (\overrightarrow{x_6x_6}), (\overrightarrow{x_6x_5})\}$$

1. Граф $G(X,U)$ является транспортной сетью, так как есть $x_i \in X$ такая, что $\Gamma \ddot{x}_i = \emptyset$.
2. Граф $G(X,U)$ транспортной сетью является, так как есть вершина $x_1 \in X$ такая, что $\Gamma \ddot{x}_1 = \emptyset$ и $x_7 \in X$ такая, что $\Gamma x_7 = \emptyset$.
3. Граф $G(X,U)$ транспортной сетью не является, так как есть вершина $x_1 \in X$ такая, что $\Gamma \ddot{x}_1 = \emptyset$ и $x_7 \in X$ такая, что $\Gamma x_7 = \emptyset$, но не указаны пропускные способности дуг.
4. Граф $G(X,U)$ транспортной сетью не является, т.к. содержит петлю при вершине x_6 .

Пример варианта задания второй контрольной работы по теме «Дискретная математика».

Вопрос 1.

В графе $G(X)$ определить — какой маршрут M_i , связывающий вершины 3, 2, не является простой цепью?

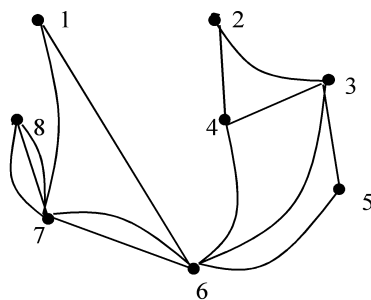


$G(X)$

1. $M_1 = (3,4), (4,7), (5,7), (5,2), (2,1), (1, 2)$.
2. $M_2 = (3,2)$.
3. $M_3 = (3, 5), (5, 7), (7, 6), (6, 2)$.

Вопрос 2.

Выделить в графе $G(X)$ гамильтонову цепь M :



$G(X)$

1. $M = (8, 7), (7, 6), (6, 1), (1, 7), (7, 6), (6, 5), (5, 3), (3, 4), (4, 2)$.
2. $M = (8, 7), (7, 1), (1, 6), (6, 5), (5, 3), (3, 4), (4, 2)$.
3. $M = (2, 3), (3, 4), (4, 6), (6, 3), (3, 5), (5, 6), (6, 1), (1, 7), (7, 8)$.
4. $M = (2, 4), (4, 6), (6, 5), (5, 3), (3, 6), (6, 1), (1, 7), (7, 8)$.

Вопрос 3.

Определить хроматическое число γ двудольного графа $L=(X_1, X_2, U)$, если $|X_1| = 8$, $|X_2| = 12$, $|U| = 34$.

1. $\gamma = 8$.
2. $\gamma = 20$.
3. $\gamma = 2$.
4. $\gamma = 14$.

Вопрос 4.

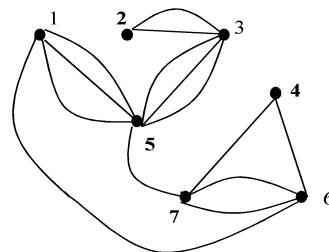
Определить элемент матрицы расстояний R , значение которого необходимо приравнять к «м» после включения ребра (2,5) в гамильтонов цикл и удаления ребра (2,5) из матрицы R (согласно алгоритму Литтла). Матрица R после удаления ребра (2,5) приведена в таблице:

i j	2	3	4	5	6
1	4	4	11	0	47
3	8	M	37	41	0
5	0	25	0	M	9
6	4	0	0	33	M

1. Это элемент $r[3,2]$.
2. Это элемент $r[5,2]$.
3. Это элемент $r[2,6]$.
4. Это элемент $r[5,3]$.

Вопрос 5.

Указать наибольшее подмножество вершин графа $L=(I, U)$, которые можно раскрасить одним цветом:

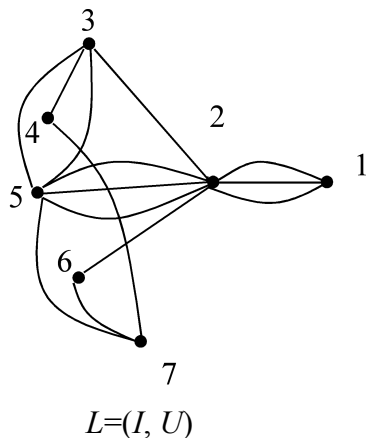


$L=(I, U)$

1. {245, 2654, 1254}.
2. {2145}.
3. {245, 265}.
4. {345, 271}.

Вопрос 6.

Для графа $L=(I, U)$ указать значение кардинального числа Q наименьшего множества, входящего в семейство максимальных внутренне устойчивых, вершинам которого нельзя присваивать один и тот же цвет.



1. $Q = 5$.
2. $Q = 2$.
3. $Q = 4$.
4. $Q = 0$.

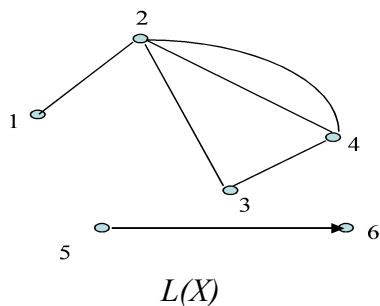
Вопрос 7.

Как изменится номер № k -ой вершины после склеивания i -ой и j -ой вершин, если $N_{\alpha}(k) > N_{\alpha}(i)$ и $N_{\alpha}(k) > N_{\alpha}(j)$?

1. Номер $N_{\alpha}(k)$ не изменится.
2. Номер $N_{\alpha}(k)$ уменьшится на «1».
3. Номер $N_{\alpha}(k)$ уменьшится на «2».
4. Номер $N_{\alpha}(k)$ увеличится на «1».

Вопрос 8.

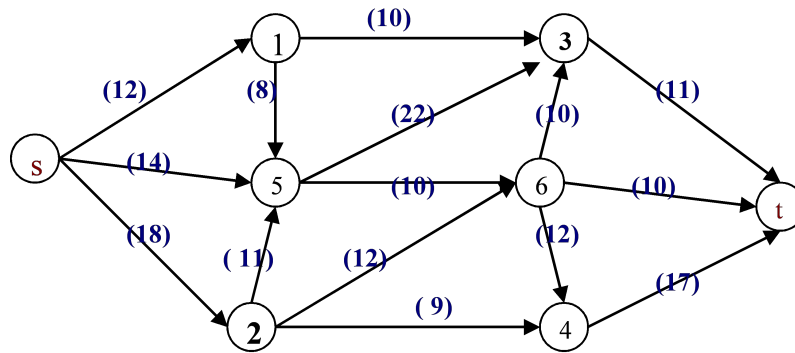
Определить расстояние ρ между вершинами 2,6 в графе $L(X)$:



1. Расстояние ρ между вершинами 2,6 равно 4.
2. Расстояние ρ между вершинами 2,6 равно 2.
3. Расстояние ρ между вершинами 2,6 равно 0.
4. Расстояние ρ между вершинами 2,6 равно ∞ .

Вопрос 9.

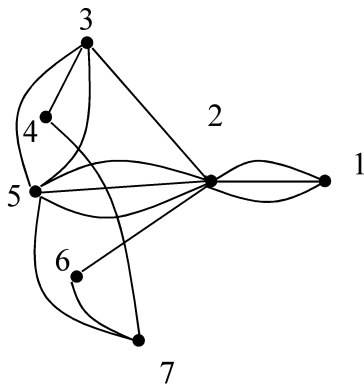
На рисунке на сети F выделено подмножество вершин: $\{t, 2, 4, 6, 5, 1\}$. Записать минимальный разрез сети, порождаемый данным подмножеством вершин:



1. Разрез сети F: $\{(s,2), (s,5), (s,1), (1,5)\}$.
2. Разрез сети F: $\{(s,2), (s,5), (s,1)\}$.
4. Разрез сети F: $\{(5,6), (2,6), (2,4), (3,5), (s,2)\}$.

Вопрос 10.

Записать минимальную форму для выражения Π , подмножества вершин которого порождают все максимальные пустые подграфы графа $G = (I, U)$, представленного на рисунке:



1. $\Pi = x_2x_4x_7x_5 + x_2x_4x_6x_5 + x_2x_3x_7 + x_1x_3x_4x_6x_5 + x_1x_3x_5x_6x_7$.
2. $\Pi = x_1x_2x_7 + x_2x_5x_7 + x_1x_3x_4x_7 + x_1x_3x_6x_7 + x_1x_2x_6 + x_1x_3x_7$.
3. $\Pi = x_1x_2x_7 + x_2x_5x_7 + x_2x_5x_6 + x_3x_5x_6x_7 + x_1x_2x_6$.
4. $\Pi = x_3x_1x_6x_5 + x_1x_3x_4x_6 + x_1x_3x_4x_7 + x_1x_3x_6x_7 + x_3x_5x_6x_7 + x_2x_4x_5x_6$.

14.1.4. Методические рекомендации

Учебный материал излагается в форме, предполагающей самостоятельное мышление студентов, самообразование. При этом самостоятельная работа студентов играет решающую роль в ходе всего учебного процесса.

Начать изучение дисциплины необходимо со знакомства с рабочей программой, списком учебно-методического и программного обеспечения. Самостоятельная работа студента включает работу с учебными материалами, выполнение контрольных мероприятий, предусмотренных учебным планом.

В процессе изучения дисциплины для лучшего освоения материала необходимо регулярно обращаться к рекомендуемой литературе и источникам, указанным в учебных материалах; пользоваться через кабинет студента на сайте Университета образовательными ресурсами электронно-библиотечной системы, а также общедоступными интернет-порталами, содержащими научно-популярные и специализированные материалы, посвященные различным аспектам учебной дисциплины.

При самостоятельном изучении тем следуйте рекомендациям:

- чтение или просмотр материала необходимо осуществлять медленно, выделяя основные идеи; на основании изученного составить тезисы. Освоив материал, попытаться соотнести теорию с примерами из практики;
- если в тексте встречаются термины, следует выяснить их значение для понимания дальнейшего материала;

- необходимо осмысливать прочитанное и изученное, отвечать на предложенные вопросы.

Студенты могут получать индивидуальные консультации с использованием средств телекоммуникации.

По дисциплине могут проводиться дополнительные занятия в форме вебинаров. Расписание вебинаров публикуется в кабинете студента на сайте Университета. Запись вебинара публикуется в электронном курсе по дисциплине.

14.2. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 14.

Таблица 14 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Категории обучающихся	Виды дополнительных оценочных материалов	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка
С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету	Преимущественно дистанционными методами
С ограничениями по общемедицинским показаниям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами исходя из состояния обучающегося на момент проверки

14.3. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в форме электронного документа;

- в печатной форме.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в форме электронного документа;

- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.