

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»
(ТУСУР)

УТВЕРЖДАЮ
Директор департамента образования
П. Е. Троян
«___» 20__ г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

Математический анализ

Уровень образования: высшее образование - бакалавриат

Направление подготовки / специальность: 38.03.05 Бизнес-информатика

Направленность (профиль) / специализация: ИТ-предпринимательство

Форма обучения: заочная (в том числе с применением дистанционных образовательных технологий)

Факультет: ФДО, Факультет дистанционного обучения

Кафедра: АОИ, Кафедра автоматизации обработки информации

Курс: 2

Семестр: 3, 4

Учебный план набора 2018 года

Распределение рабочего времени

№	Виды учебной деятельности	3 семестр	4 семестр	Всего	Единицы
1	Самостоятельная работа под руководством преподавателя	10	10	20	часов
2	Контроль самостоятельной работы	2	2	4	часов
3	Всего контактной работы	12	12	24	часов
4	Самостоятельная работа	123	123	246	часов
5	Всего (без экзамена)	135	135	270	часов
6	Подготовка и сдача экзамена	9	9	18	часов
7	Общая трудоемкость	144	144	288	часов
				8.0	З.Е.

Контрольные работы: 3 семестр - 1; 4 семестр - 1

Экзамен: 3, 4 семестр

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Шелупанов А.А.
Должность: Ректор
Дата подписания: 28.02.2018
Уникальный программный ключ:
c53e145e-8b20-45aa-9347-a5e4dbb90e8d

Томск 2018

ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рабочая программа дисциплины составлена с учетом требований федерального государственного образовательного стандарта высшего образования (ФГОС ВО) по направлению подготовки (специальности) 38.03.05 Бизнес-информатика, утвержденного 11.08.2016 года, рассмотрена и одобрена на заседании кафедры ТЭО «__» 20__ года, протокол №__.

Разработчик:

ст. преподаватель каф. ТЭО _____ П. С. Мещеряков

Заведующий обеспечивающей каф.

ТЭО _____ В. В. Кручинин

Рабочая программа дисциплины согласована с факультетом и выпускающей кафедрой:

Декан ФДО _____ И. П. Черкашина

Заведующий выпускающей каф.
АОИ _____ Ю. П. Ехлаков

Эксперты:

Доцент кафедры технологий
электронного обучения (ТЭО) _____ Ю. В. Морозова

Доцент кафедры автоматизации
обработки информации (АОИ) _____ А. А. Сидоров

1. Цели и задачи дисциплины

1.1. Цели дисциплины

Формирование у будущих специалистов основных представлений в области математического анализа, необходимых для использования в других математических дисциплинах; освоение основных методов решения задач математического анализа. Формирование способности самостоятельно изучать необходимый для решения профессиональных задач теоретический и практический материал.

1.2. Задачи дисциплины

- Развитие алгоритмического и логического мышления студентов.
- Овладение методами исследования и решения задач.
- Выработка у студентов умения самостоятельно расширять свои знания и проводить анализ прикладных задач.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина «Математический анализ» (Б1.Б.6) относится к блоку 1 (базовая часть).

Предшествующими дисциплинами, формирующими начальные знания, являются: Математический анализ, Линейная алгебра, Моделирование и анализ бизнес-процессов, Теория вероятностей и математическая статистика.

Последующими дисциплинами являются: Математический анализ, Исследование операций и теория принятия решений, Преддипломная практика, Прикладная статистика, Теория игр.

3. Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

- ОК-7 способностью к самоорганизации и самообразованию;

В результате изучения дисциплины обучающийся должен:

- **знать** основы математического анализа, дифференциального и интегрального исчислений, использующихся при изучении общетеоретических и специальных дисциплин и способствующих дальнейшему самообразованию в профессиональной деятельности.

- **уметь** применять методы и вычислительные алгоритмы математического анализа при решении профессиональных задач на основе информационной и библиографической культуры и пользоваться математической литературой при самоорганизации и самообразовании в профессиональной деятельности.

- **владеть** методами решения задач дифференциального и интегрального исчислений, необходимых в дальнейшем при самообразовании в профессиональной деятельности.

4. Объем дисциплины и виды учебной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 8.0 зачетных единицы и представлена в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины

Виды учебной деятельности	Всего часов	Семестры	
		3 семестр	4 семестр
Контактная работа (всего)	24	12	12
Самостоятельная работа под руководством преподавателя (СРП)	20	10	10
Контроль самостоятельной работы (КСР)	4	2	2
Самостоятельная работа (всего)	246	123	123
Подготовка к контрольным работам	36	16	20
Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	210	107	103
Всего (без экзамена)	270	135	135
Подготовка и сдача экзамена	18	9	9

Общая трудоемкость, ч	288	144	144
Зачетные Единицы	8.0		

5. Содержание дисциплины

5.1. Разделы дисциплины и виды занятий

Разделы дисциплины и виды занятий приведены в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы дисциплины и виды занятий

Названия разделов дисциплины	СРП, ч	КСР, ч	Сам. раб., ч	Всего часов (без экзамена)	Формируемые компетенции
3 семестр					
1 Неопределенный интеграл	3	2	36	39	ОК-7
2 Определённый интеграл	2		27	29	ОК-7
3 Кратные интегралы	3		30	33	ОК-7
4 Криволинейные и поверхностные интегралы	2		30	32	ОК-7
Итого за семестр	10	2	123	135	
4 семестр					
5 Уравнения первого порядка	3	2	32	35	ОК-7
6 Уравнения высших порядков	3		31	34	ОК-7
7 Системы дифференциальных уравнений	2		31	33	ОК-7
8 Элементы теории устойчивости	1		15	16	ОК-7
9 Разностные уравнения	1		14	15	ОК-7
Итого за семестр	10		123	135	
Итого	20	4	246	270	

5.2. Содержание разделов дисциплины (самостоятельная работа под руководством преподавателя)

Содержание разделов дисциплин (самостоятельная работа под руководством преподавателя) приведено в таблице 5.2.

Таблица 5.2 – Содержание разделов дисциплин (самостоятельная работа под руководством преподавателя)

Названия разделов	Содержание разделов дисциплины (самостоятельная работа под руководством преподавателя)	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
3 семестр			
1 Неопределенный интеграл	Определение и свойства неопределенного интеграла. Приемы нахождения неопределенных интегралов: подведение под знак дифференциала, интегрирование по частям, интегрирование рациональных дробей, простейших иррациональностей и выражений, содержащих тригонометрические функции	3	ОК-7
	Итого	3	

2 Определённый интеграл	Определение и свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменных в определенном интеграле. Приближённое вычисление определенного интеграла. Несобственные интегралы первого и второго рода. Приложения определенного интеграла	2	ОК-7
	Итого		
3 Кратные интегралы	Определение и свойства кратных интегралов. Вычисление двойных и тройных интегралов. Замена переменных в кратных интегралах: полярная, сферическая и цилиндрическая система координат. Приложения кратных интегралов	3	ОК-7
	Итого		
4 Криволинейные и поверхностные интегралы	Понятие кривых и поверхностей в пространстве. Криволинейные и поверхностные интегралы первого и второго рода. Элементы теории поля	2	ОК-7
	Итого		
Итого за семестр		10	
4 семестр			
5 Уравнения первого порядка	Понятие обыкновенного дифференциального уравнения и дифференциального уравнения в частных производных. Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные уравнения. Линейные уравнения первого порядка. Уравнение Бернулли. Уравнения в полных дифференциалах	3	ОК-7
	Итого		
6 Уравнения высших порядков	Уравнения, допускающие понижение порядка. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Метод вариации произвольных постоянных решения линейных неоднородных уравнений. Уравнения с правой частью специального вида	3	ОК-7
	Итого		
7 Системы дифференциальных уравнений	Понятие системы дифференциальных уравнений. Однородные системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Метод вариации произвольных постоянных	2	ОК-7
	Итого		

8 Элементы теории устойчивости	Определение устойчивости по Ляпунову. Метод функций Ляпунова. Устойчивость линейных систем. Устойчивость по первому приближению	1	ОК-7
	Итого		
9 Разностные уравнения	Понятие разностного уравненияРазностные уравнения первого порядкаРазностные уравнения второго порядка	1	ОК-7
	Итого		
Итого за семестр		10	
Итого		20	

5.3. Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами

Разделы дисциплины и междисциплинарные связи с обеспечивающими (предыдущими) и обеспечиваемыми (последующими) дисциплинами представлены в таблице 5.3.

Таблица 5.3 – Разделы дисциплины и междисциплинарные связи

Наименование дисциплин	№ разделов данной дисциплины, для которых необходимо изучение обеспечивающих и обеспечиваемых дисциплин								
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Предшествующие дисциплины									
1 Математический анализ	+	+	+	+	+	+	+	+	+
2 Линейная алгебра				+		+	+		+
3 Моделирование и анализ бизнес-процессов	+								
4 Теория вероятностей и математическая статистика	+	+	+						
Последующие дисциплины									
1 Математический анализ	+	+	+	+	+	+	+	+	+
2 Исследование операций и теория принятия решений	+	+							
3 Преддипломная практика	+	+	+	+	+	+	+	+	+
4 Прикладная статистика	+	+							+
5 Теория игр	+	+							

5.4. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий представлено в таблице 5.4.

Таблица 5.4 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Компетенции	Виды занятий			Формы контроля
	СРП	КСР	Сам. раб.	
ОК-7	+	+	+	Контрольная работа, Экзамен, Проверка контрольных работ, Тест

6. Интерактивные методы и формы организации обучения

Не предусмотрено РУП.

7. Лабораторные работы

Не предусмотрено РУП.

8. Контроль самостоятельной работы

Виды контроля самостоятельной работы приведены в таблице 8.1.

Таблица 8.1 – Виды контроля самостоятельной работы

№	Вид контроля самостоятельной работы	Трудоемкость (час.)	Формируемые компетенции
3 семестр			
1	Контрольная работа с автоматизированной проверкой	2	ОК-7
4 семестр			
1	Контрольная работа с автоматизированной проверкой	2	ОК-7
Итого		4	

9. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

Названия разделов	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции	Формы контроля
3 семестр				
1 Неопределенный интеграл	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	32	ОК-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	4		
	Итого	36		
2 Определённый интеграл	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	23	ОК-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	4		
	Итого	27		
3 Кратные интегралы	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	26	ОК-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	4		

	Итого	30		
4 Криволинейные и поверхностные интегралы	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	26	OK-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	4		
	Итого	30		
	Выполнение контрольной работы	2	OK-7	Контрольная работа
Итого за семестр		123		
	Подготовка и сдача экзамена	9		Экзамен
4 семестр				
5 Уравнения первого порядка	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	28	OK-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	4		
	Итого	32		
6 Уравнения высших порядков	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	27	OK-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	4		
	Итого	31		
7 Системы дифференциальных уравнений	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	27	OK-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	4		
	Итого	31		
8 Элементы теории устойчивости	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	11	OK-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	4		

	Итого	15		
9 Разностные уравнения	Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части курса	10	ОК-7	Контрольная работа, Тест, Экзамен
	Подготовка к контрольным работам	4		
	Итого	14		
	Выполнение контрольной работы	2	ОК-7	Контрольная работа
Итого за семестр		123		
	Подготовка и сдача экзамена	9		Экзамен
Итого		264		

10. Контроль самостоятельной работы (курсовой проект / курсовая работа) Не предусмотрено РУП.

11. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся
Рейтинговая система не используется.

12. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

12.1. Основная литература

1. Интегральное исчисление [Электронный ресурс]: учебное пособие / А. А. Ельцов, Т. А. Ельцова. — Томск : Эль Контент, 2013. — 138 с. Доступ из личного кабинета студента: — Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library/> (дата обращения: 05.09.2018).
2. Ельцов А. А. Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс]: учебное пособие / А. А. Ельцов, Т. А. Ельцова. — Томск : Эль Контент, 2013. — 104 с. Доступ из личного кабинета студента. — Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library/> (дата обращения: 05.09.2018).
3. Высшая математика. Дифференциальное исчисление [Электронный ресурс]: учебное пособие / Л.И.Магазинников, А. Л.Магазинников. — Томск : Эль Контент, 2013. — 116 с. Доступ из личного кабинета студента. — Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library/> (дата обращения: 05.09.2018).

12.2. Дополнительная литература

1. Бермант, А.Ф. Краткий курс математического анализа [Электронный ресурс] [Электронный ресурс]: учебное пособие / А.Ф. Бермант, И.Г. Араманович. — Электрон. дан. — Санкт-Петербург : Лань, 2010. — 736 с. — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/2660>. — Загл. с экрана. Доступ из личного кабинета — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/2660> (дата обращения: 05.09.2018).

12.3. Учебно-методические пособия

12.3.1. Обязательные учебно-методические пособия

1. Ельцов А.А., Ельцова Т.А. Интегральное исчисление [Электронный ресурс]: методические указания по выполнению контрольных работ. — Томск: Факультет дистанционного обучения, ТУСУР, 2013. — 60 с. Доступ из личного кабинета студента. — Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library/> (дата обращения: 05.09.2018).
2. Мещеряков П.С. Математический анализ [Электронный ресурс]: методические указания по организации самостоятельной работы для студентов заочной формы обучения направления подготовки 38.03.05 Бизнес-информатика, обучающихся с применением дистанционных образовательных технологий / П.С. Мещеряков, В.В. Кручинин. — Томск : ФДО, ТУСУР, 2018. Доступ из личного кабинета студента — Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library/> (дата

обращения: 05.09.2018).

3. Ельцов А.А. Математика. Дифференциальные уравнения. Интегральное исчисление : электронный курс / А. А. Ельцов. – Томск ТУСУР, ФДО, 2013. Доступ из личного кабинета студента

4. Магазинников Л. И. Высшая математика. Дифференциальное исчисление [Электронный ресурс]: учебное методическое пособие / Л. И. Магазинников, А. Л. Магазинников. — Томск : Эль Контент, 2013. — 96 с. Доступ из личного кабинета студента. — Режим доступа: <https://study.tusur.ru/study/library/> (дата обращения: 05.09.2018).

5. Магазинников Л.И.. Теория функции комплексного переменного : электронный курс / Л.И. Магазинников. – Томск ТУСУР, ФДО, 2018. Доступ из личного кабинета студента.

12.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

Для лиц с нарушениями зрения:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

12.4. Профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. Крупнейший российский информационный портал в области науки, технологии, медицины и образования. www.elibrary.ru

2. zbMATH – математическая база данных, охватывающая материалы с конца 19 века. zbMath содержит около 4 000 000 документов, из более 3 000 журналов и 170 000 книг по математике, статистике, информатике, а также машиностроению, физике, естественным наукам и др. zbmath.org

3. ЭБС «Лань»: www.e.lanbook.com (доступ из личного кабинета студента по ссылке <http://lanbook.fdo.tusur.ru>).

13. Материально-техническое обеспечение дисциплины и требуемое программное обеспечение

13.1. Общие требования к материально-техническому и программному обеспечению дисциплины

13.1.1. Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины

Кабинет для самостоятельной работы студентов

учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для проведения групповых и индивидуальных консультаций, помещение для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, помещение для самостоятельной работы

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Коммутатор MicroTeak;
- Компьютер PENTIUM D 945 (3 шт.);
- Компьютер GELERON D 331 (2 шт.);
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- 7-zip
- Google Chrome (с возможностью удаленного доступа)
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows
- Microsoft Windows (с возможностью удаленного доступа)

- OpenOffice

13.1.2. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 201 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Состав оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры класса не ниже ПЭВМ INTEL Celeron D336 2.8ГГц. - 5 шт.;
- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

13.2. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями зрениями** предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися **с нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

14. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины

14.1. Содержание оценочных материалов и методические рекомендации

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы в составе:

14.1.1. Тестовые задания

1. Какие два множества называются равными.
 - а. которые включают в себя одни и те же элементы
 - б. которые имеют одинаковый радиус
 - с. которые состоят из одинакового числа элементов
 - д. которые являются подмножеством одного и того же множества

2. Первый замечательный предел равен
- Единице
 - Нулю
 - Экспоненте
 - Числу пи
3. Если предел функции слева и предел справа в точке конечны и не равны между собой, то эта точка является точкой:
- Неустранимого разрыва первого рода
 - Разрыва второго рода
 - Устранимого разрыва первого рода
 - Устранимого разрыва второго рода
4. Две бесконечно малые функции называются эквивалентными на бесконечности, если на бесконечности равен единице предел их:
- Отношения
 - Разности
 - Суммы
 - Произведения
5. Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 5x}{\sin 2x}$
- 2
 - 5
 - 2/5
 - 5/2
6. Найти область определения функции. $y = \sqrt{1 - x^2}$;
- [-1;1]
 - (-1;1)
 - [-1;1)
 - (-1;1]
7. Найти предел функции $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 4x - 2}{x^2 + 6x - 5}$
- 1/3
 - 3
 - 3
 - 2
8. Найти предел функции $\lim_{x \rightarrow 2} \left(1 + \frac{1}{x}\right)^x$
- e
 - 1
 - 0
 - 2.25
9. Вычислить производную сложной функции: $f(x) := (e^{2x} + 5x)^2 - 5x$
- $$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^4 + 3x^2 + 5x - 6}{x^3 + 3x^2 + 7x - 1}$$
10. Вычислить предел:

11. Неопределенный интеграл $\int \frac{1}{\sqrt{5x-2}} dx$ равен

- a. $(2/5)+(5x-2)^{1/2}+C$
- b. $(2/5)*(5x-2)^{1/2}+C$
- c. $(2/5)+(5x-2)^2+C$
- d. $(2/5)*(5x+2)^{1/2}+C$

12. Неопределенный интеграл это:

- a. Совокупность всех первообразных подынтегральной функции
- b. Совокупность всех производных подынтегральной функции
- c. Число, по модулю равное площади криволинейной трапеции ограниченной подынтегральной функцией
- d. Предел интегральных сумм

13. Интеграл по бесконечному интервалу от непрерывной функции либо по конечному интервалу от функции имеющей разрыв на этом интервале, называется:

- a. Несобственный
- b. Определенный
- c. Расходящийся
- d. Сходящийся

Установите соответствие между интегралом и его

названием $\int \frac{\sqrt{\ln x + x^2}}{x} dx$

14.

- a. Двойной интеграл
- b. Поверхностный интеграл первого рода
- c. Поверхностный интеграл второго рода
- d. Неопределенный интеграл

15. Если в определенном интеграле поменять местами пределы интегрирования то

- a. ни чего не произойдет
- b. это недопустимая операция
- c. значение результата поменяет знак
- d. значение интеграла обратится в ноль

При вычислении несобственных интегралов получены результаты:

a) $\int_{-\infty}^1 f_1(x) dx = \infty$	б) $\int_0^{+\infty} f_2(x) dx = \infty$
в) $\int_{-\infty}^{+\infty} f_3(x) dx = 5$	г) $\int_{-\infty}^{+\infty} f_4(x) dx = 0$

16. Какие из данных интегралов сходятся?

- a. а) и г)
- b. в) и г)
- c. а) и б)
- d. б) и в)

Установите соответствие между интегралом и его названием:

$$\iint_D e^x \sin y \, dx \, dy, \quad D \text{ — плоская область}$$

17.

- a. Двойной интеграл
- b. Поверхностный интеграл первого рода
- c. Поверхностный интеграл второго рода
- d. Неопределенный интеграл

18. Обыкновенное дифференциальное уравнение первого порядка — это уравнение:

- a. Которое связывает воедино независимую переменную, неизвестную функцию и ее производную.
- b. При решении которого надо вычислять дифференциал
- c. Таких уравнений не существует
- d. Которое не содержит независимую переменную.

19. Порядок дифференциального уравнения - это:

- a. Наивысший порядок производной неизвестной функции, входящей в это уравнение.
- b. Наивысшая степень неизвестной функции, входящей в это уравнение.
- c. Сумма порядков производных неизвестной функции в уравнении.
- d. Наивысшая степень независимого аргумента в уравнении.

20. Особое решение дифференциального уравнения:

- a. Не может быть получено из общего решения
- b. Может быть получено из общего решения фиксированием констант.
- c. Является суммой общего и частного решения.
- d. Находится как предел отношения частного решения к общему.

14.1.2. Экзаменационные тесты

Приведены типовые задания из банка экзаменационных тестов по пройденным темам.

1. Предел числовой последовательности, это:

- a. Число
- b. Вектор
- c. Отрезок
- d. Нет правильного ответа

2. Если предел функции слева и предел справа в точке конечны и равны между собой, то эта точка является точкой:

- a. Неустранимого разрыва первого рода
- b. Разрыва второго рода
- c. Устранимого разрыва первого рода
- d. Устранимого разрыва второго рода

3. Найдите $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\sin 2x}{x} \right)^{(1+x)}$

- a. e
- b. e^2
- c. 2
- d. 0

4. Функция $\cos(3/x)$ в точке $x=0$ имеет разрыв:

- a. первого рода устранимый
- b. первого рода неустранимый
- c. второго рода
- d. непрерывна в данной точке

5. Производная функции $(\sin x)^x$ равна

- a. $((\sin x)^x)^*(\ln(\sin x) + x^*\operatorname{ctg} x)$
- b. $((\sin x)^x) + (\ln(\sin x) + x^*\operatorname{ctg} x)$
- c. $((\sin x)^x)^*(\ln(\sin x) + x^*\operatorname{tg} x)$
- d. не существует

6. Найти область определения функции. $y = \sqrt{x^2 - 4x + 3}$;

- a. $[1;3)$
- b. $(1;3)$
- c. $(-\infty, 1] \text{ и } [3, +\infty)$
- d. $(-\infty, 1) \text{ и } [3, +\infty)$

7. Вычислить производную сложной функции: $f(x) := \ln(\sin(3 \cdot x) + 5) - 8x$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^2 - 6 \cdot x + 7}{x^2 - 8 \cdot x + 12}$$

8. Вычислить предел:

$$\lim_{A \rightarrow +\infty} \int_a^A f(x) dx$$

9. Предел $\lim_{A \rightarrow +\infty} \int_a^A f(x) dx$ называется

- a. Замечательный предел
- b. Несобственный интеграл
- c. Определенный интеграл
- d. Расходящийся интеграл

$$\int_1^\infty \frac{dx}{x^\alpha}$$

10. При каких значениях α , интеграл

- a. $\alpha \leq 1$
- b. $\alpha > 1$
- c. $-5 < \alpha \leq 1$
- d. $\alpha \leq e$

11. Любые две первообразные одной и той же функции

- a. Абсолютно одинаковы
- b. Отличаются лишь на константу
- c. Линейно не зависимы
- d. Нет правильного ответа

12. Константу как сомножитель подынтегральной функции

- a. Можно вынести за знак интеграла
- b. Можно вычеркнуть
- c. Можно занести под дифференциал, но в квадрате
- d. Перенести в показатель подынтегральной функции

13. Интеграл $\int \sin 2x \, dx =$, выберете неверный ответ

- a. $-\cos^2 x + C$.
- b. $-\cos x + C$.
- c. $-\frac{1}{2} \cos 2x + C$.
- d. $\sin^2 x + C$;

14. Вычислить интеграл $\int x \cos x \, dx$

- a. $x \sin x + \cos x + C$
- b. $-\sin\left(\frac{1}{x}\right) + C$.
- c. $\frac{1}{2} \sin 2x + C$
- d. $x - 2 \ln|x + 2| + C$.

15. При вычислении интеграла $\int \frac{dx}{x^2 + 4x + 20}$ знаменатель дроби можем преобразовать следующим образом

- a. $(x + 2)^2 + 4^2$.
- b. $4 - 9(x - 1)^2$
- c. $(x^2 + 2x + 1) + 1$
- d. $1 - (x + 1)^2$

16. Уравнение $M(x, y) \, dx + N(x, y) \, dy = 0$ будет уравнением в полных дифференциалах, если

- a. M и N равны между собой
- b. M и N отличаются лишь знаком
- c. $\frac{\partial M}{\partial y} = \frac{\partial N}{\partial x}$.
- d. $\frac{\partial u}{\partial x} = M(x, y)$

17. Какие уравнения не относятся к уравнениям, допускающим понижение порядка

- a. $y^{(n)} = f(x)$

- b. $F(x, y^{(k)}, y^{(k+1)}, \dots, y^{(n)}) = 0, k \geq 1$
 c. $F(y, y', y'', \dots, y^{(n)}) = 0,$

$$a_n(x)y^{(n)} + a_{n-1}(x)y^{(n-1)} + \dots + a_1(x)y' + a_0(x)y = b(x)$$
 d.

18. Любая линейная комбинация решений уравнения $L(y)=0$ есть

- a. Константа
 b. Решение этого уравнения.
 c. Новое уравнение
 d. Его коэффициенты

19. Для уравнения $L(y)=0$ с постоянными коэффициентами, решения ищутся в виде

- a. $y=e^x$
 b. $y=e^{rx}$
 c. $y=c^*x$
 d. $y=x^k$

20. Среди корней характеристического уравнения $L(y)=0$ с постоянными коэффициентами не может быть

- a. Действительных кратности 1
 b. Действительных кратности >1
 c. Комплексных кратности 1
 d. Комплексно сопряженных

14.1.3. Темы контрольных работ

Математический анализ

1. Второй замечательный предел равен
 - Единице
 - Нулю
 - Экспоненте
 - Числу пи
2. Если предел функции слева или предел справа в точке бесконечен или не существует, то эта точка является точкой:
 - Неустранимого разрыва первого рода
 - Разрыва второго рода
 - Устранимого разрыва первого рода
 - Устранимого разрыва второго рода
3. Производная функции одной переменной в точке, есть предел при приращении аргумента стремящегося к нулю:
 - Частного приращения функции к приращению аргумента
 - Произведения приращения функции на приращение аргумента
 - Дифференциальных сумм
 - Не имеет никакого отношения к пределам
4. Производная функции $y=x^{1/3}$ в точке $x=0$ равна
 - 0
 - 1

- c. бесконечности
- d. не существует

5. Найти предел функции $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sin 5x}$

- a. 5
- b. 1
- c. 1/5
- d. 0

$$\int_a^b f(x) dx \approx$$

6. Определенный интеграл

a. $\frac{b-a^{n-1}}{n} \sum_{i=0}^n f(x_i)$

b. $\sum_{i=0}^{n-1} f\left(\frac{x_i + x_{i+1}}{2}\right)$

c. $f(x_{i+1}) \Delta x_i$

d. Нельзя вычислить не интегрируя, даже приближенно

7. Какая из формул не используется при вычислении дуги кривой

a. $\int_a^b \sqrt{(x'_t(t))^2 + (y'_t(t))^2} dt$

b. $\int_a^b \sqrt{1 + (f'(x))^2} dx$

c. $\int_a^b \sqrt{(r'_\varphi)^2 + (r)^2} d\varphi$

d. Нет правильного ответа

8. Уравнение $M(x, y) dx + N(x, y) dy = 0$, называется

- a. дифференциальным уравнением в частных производных
- b. дифференциальной форме
- c. скалярным дифференциальным уравнением
- d. алгебраическим уравнением

9. Уравнение $y' = f(x, y)$, называется однородным, если

a. $f(tx, ty) = f(x, y)$

b. $y' = f_1(x)f_2(y)$

c. $y' = \varphi\left(\frac{y}{x}\right)$

d. f(x) однородная степени k>1

$$y' + a_0(x)y = b(x)y^n$$

10. Если в уравнении Бернулли

п положить равным 1 то

получим уравнение

- a. С разделяющимися переменными
- b. Линейное
- c. Однородное
- d. Квазилинейное

14.1.4. Методические рекомендации

Учебный материал излагается в форме, предполагающей самостоятельное мышление студентов, самообразование. При этом самостоятельная работа студентов играет решающую роль в ходе всего учебного процесса.

Начать изучение дисциплины необходимо со знакомства с рабочей программой, списком учебно-методического и программного обеспечения. Самостоятельная работа студента включает работу с учебными материалами, выполнение контрольных мероприятий, предусмотренных учебным планом.

В процессе изучения дисциплины для лучшего освоения материала необходимо регулярно обращаться к рекомендуемой литературе и источникам, указанным в учебных материалах; пользоваться через кабинет студента на сайте Университета образовательными ресурсами электронно-библиотечной системы, а также общедоступными интернет-порталами, содержащими научно-популярные и специализированные материалы, посвященные различным аспектам учебной дисциплины.

При самостоятельном изучении тем следуйте рекомендациям:

- чтение или просмотр материала необходимо осуществлять медленно, выделяя основные идеи; на основании изученного составить тезисы. Освоив материал, попытаться соотнести теорию с примерами из практики;

- если в тексте встречаются термины, следует выяснить их значение для понимания дальнейшего материала;

- необходимо осмысливать прочитанное и изученное, отвечать на предложенные вопросы.

Студенты могут получать индивидуальные консультации с использованием средств телекоммуникации.

По дисциплине могут проводиться дополнительные занятия в форме вебинаров. Расписание вебинаров публикуется в кабинете студента на сайте Университета. Запись вебинара публикуется в электронном курсе по дисциплине.

14.2. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 14.

Таблица 14 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями

Категории обучающихся	Виды дополнительных оценочных материалов	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка
С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету	Преимущественно дистанционными методами
С ограничениями по общемедицинским показаниям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами исходя из состояния обучающегося на момент проверки

14.3. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

Для лиц с нарушениями зрения:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

Для лиц с нарушениями слуха:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.