

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования**  
**«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ**  
**УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»**  
**(ТУСУР)**

УТВЕРЖДАЮ  
Проректор по учебной работе  
\_\_\_\_\_  
П.В. Сенченко  
«23» \_\_\_\_\_ 12 \_\_\_\_\_ 2020 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

**ДИСКРЕТНАЯ МАТЕМАТИКА**

Уровень образования: **высшее образование - бакалавриат**  
Направление подготовки / специальность: **09.03.01 Информатика и вычислительная техника**  
Направленность (профиль) / специализация: **Системы автоматизированного проектирования**  
Форма обучения: **очная**  
Факультет: **Факультет вычислительных систем (ФВС)**  
Кафедра: **Кафедра компьютерных систем в управлении и проектировании (КСУП)**  
Курс: **2**  
Семестр: **3**  
Учебный план набора 2021 года

**Объем дисциплины и виды учебной деятельности**

Виды учебной деятельности	3 семестр	Всего	Единицы
Лекционные занятия	18	18	часов
Лабораторные занятия	36	36	часов
Самостоятельная работа	90	90	часов
Общая трудоемкость	144	144	часов
(включая промежуточную аттестацию)	4	4	з.е.

Формы промежуточной аттестация	Семестр
Зачет	3

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Сенченко П.В.  
Должность: Проректор по УР  
Дата подписания: 23.12.2020  
Уникальный программный ключ:  
a1119608-cdff-4455-b54e-5235117c185c

Томск

Согласована на портале № 63305

## **1. Общие положения**

### **1.1. Цели дисциплины**

1. Формирование фундаментальных знаний в области дискретной математики, необходимых для решения различных задач, возникающих при изучении последующих дисциплин. Овладение современным аппаратом и методами дискретной математики для дальнейшего использования при решении теоретических и прикладных задач.

### **1.2. Задачи дисциплины**

1. Изучение основ дискретной математики и освоение приёмов решения практических задач по темам дисциплины.
2. Развитие умения оперировать понятиями и методами дисциплины, используемыми в дальнейшей учебной и профессиональной деятельности.
3. Приобретение навыков самостоятельной работы.

## **2. Место дисциплины в структуре ОПОП**

Блок дисциплин: Б1. Дисциплины (модули).

Часть блока дисциплин: Обязательная часть.

Модуль дисциплин: Модуль направления подготовки (special hard skills – SHS).

Индекс дисциплины: Б1.О.03.02.

Реализуется с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий.

## **3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций**

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО и основной образовательной программой (таблица 3.1):

Таблица 3.1 – Компетенции и индикаторы их достижения

Компетенция	Индикаторы достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине
<b>Универсальные компетенции</b>		
-	-	-
<b>Общепрофессиональные компетенции</b>		

ОПК-1. Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования в профессиональной деятельности	ОПК-1.1. Знает основы логики, математики, физики, вычислительной техники и программирования	Знает основные понятия и приемы дискретной математики; логические операции, формулы логики, законы алгебры логики; основные понятия теории множеств, теоретико-множественные операции и их связь с логическими операциями; основные понятия теории графов, характеристики и виды графов.
	ОПК-1.2. Умеет планировать и формулировать задачи исследования, решать стандартные профессиональные задачи с применением естественнонаучных и общеинженерных знаний, методов математического анализа и моделирования	Умеет планировать и формулировать задачи исследования, решать стандартные профессиональные задачи с применением знаний дискретной математики, методов дискретной математики
	ОПК-1.3. Владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности, математического моделирования различных процессов	Владеет навыками теоретического и экспериментального исследования объектов профессиональной деятельности, моделирования различных процессов с применением методов дискретной математики
ОПК-8. Способен разрабатывать алгоритмы и программы, пригодные для практического применения	ОПК-8.1. Знает алгоритмические языки программирования, состав и структуру операционных систем, современные среды разработки программного обеспечения	Знает основные понятия, объекты и методы дискретной математики, используемые при разработке программного обеспечения.
	ОПК-8.2. Умеет составлять алгоритмы, разрабатывать программы на алгоритмических языках программирования, тестировать работоспособность программы, интегрировать программные модули	Умеет применять методы дискретной математики для составления алгоритмов, разработки программы на алгоритмических языках программирования, тестирования работоспособности программ, интегрирования программных модулей.
	ОПК-8.3. Владеет алгоритмическими языками программирования, навыками отладки и тестирования работоспособности программы	Владеет математическим аппаратом дискретного характера, используемым при отладке и тестировании работоспособности программ.

Профессиональные компетенции		
-	-	-

**4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем и на самостоятельную работу обучающихся**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетных единиц, 144 академических часов.

Распределение трудоемкости дисциплины по видам учебной деятельности представлено в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины по видам учебной деятельности

Виды учебной деятельности	Всего часов	Семестры
		3 семестр
<b>Контактная аудиторная работа обучающихся с преподавателем, всего</b>	54	54
Лекционные занятия	18	18
Лабораторные занятия	36	36
<b>Самостоятельная работа обучающихся, в т.ч. контактная внеаудиторная работа обучающихся с преподавателем, всего</b>	90	90
Подготовка к зачету	26	26
Подготовка к тестированию	10	10
Подготовка к лабораторной работе, написание отчета	54	54
<b>Общая трудоемкость (в часах)</b>	144	144
<b>Общая трудоемкость (в з.е.)</b>	4	4

**5. Структура и содержание дисциплины**

**5.1. Разделы (темы) дисциплины и виды учебной деятельности**

Структура дисциплины по разделам (темам) и видам учебной деятельности приведена в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы (темы) дисциплины и виды учебной деятельности

Названия разделов (тем) дисциплины	Лек. зан., ч	Лаб. раб.	Сам. раб., ч	Всего часов (без экзамена)	Формируемые компетенции
<b>3 семестр</b>					
1 Вводные положения.	3	-	8	11	ОПК-1, ОПК-8
2 Теория множеств.	3	8	21	32	ОПК-1, ОПК-8
3 Переключательные функции.	3	8	19	30	ОПК-1, ОПК-8
4 Теория графов.	6	8	21	35	ОПК-1, ОПК-8
5 Экстремальные задачи на графах.	3	12	21	36	ОПК-1, ОПК-8
Итого за семестр	18	36	90	144	
Итого	18	36	90	144	

**5.2. Содержание разделов (тем) дисциплины**

Содержание разделов (тем) дисциплины (в т.ч. по лекциям) приведено в таблице 5.2.

Таблица 5.2 – Содержание разделов (тем) дисциплины (в т.ч. по лекциям)

Названия разделов (тем) дисциплины	Содержание разделов (тем) дисциплины (в т.ч. по лекциям)	Трудоемкость (лекционные занятия), ч	Формируемые компетенции
<b>3 семестр</b>			

1 Вводные положения.	Дискретная математика, ее место и связь с другими дисциплинами.	3	ОПК-1, ОПК-8
	Итого	3	
2 Теория множеств.	Основные понятия теории множеств, способы задания. Алгебра множеств. Операции над множествами. Отношения. Представление множеств и отношений в ЭВМ.	3	ОПК-1, ОПК-8
	Итого	3	
3 Переключательные функции.	Определение. Способы представления переключательных функций (ПФ). Булевы функции (БФ). Функциональная полнота. Методы минимизации булевых функций (БФ).	3	ОПК-1, ОПК-8
	Итого	3	
4 Теория графов.	Основные понятия теории графов. Маршруты и пути в графах. Деревья и нагруженные графы. Нахождение минимального остовного дерева. Транспортные сети. Поток на сети. Разрез сети.	6	ОПК-1, ОПК-8
	Итого	6	
5 Экстремальные задачи на графах.	Внутренне устойчивые множества вершин графа. Раскраска вершин графа. Раскраска рёбер графа.	3	ОПК-1, ОПК-8
	Итого	3	
Итого за семестр		18	
Итого		18	

### 5.3. Практические занятия (семинары)

Не предусмотрено учебным планом

### 5.4. Лабораторные занятия

Наименование лабораторных работ приведено в таблице 5.4.

Таблица 5.4 – Наименование лабораторных работ

Названия разделов (тем) дисциплины	Наименование лабораторных работ	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции
<b>3 семестр</b>			
2 Теория множеств.	Доказательства равенства множеств. Свойства отношений. Решение примеров на множествах.	8	ОПК-1, ОПК-8
	Итого	8	
3 Переключательные функции.	Формы записи переключательных функций. Методы минимизации булевых функций. Построение схем по заданным логическим функциям.	8	ОПК-1, ОПК-8
	Итого	8	

4 Теория графов.	Унарные и бинарные операции над графами. Структурный анализ графа. Определение в графе количества маршрутов заданной длины. Определение метрики графа. Связность графа.	8	ОПК-1, ОПК-8
	Итого	8	
5 Экстремальные задачи на графах.	Нахождение кратчайшего маршрута в графе. Нахождение минимального маршрута в графе. Нахождение максимального потока на транспортной сети. Паросочетание (графы Кёнига).	12	ОПК-1, ОПК-8
	Итого	12	
Итого за семестр		36	
Итого		36	

### 5.5. Курсовой проект / курсовая работа

Не предусмотрено учебным планом

### 5.6. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 5.6.

Таблица 5.6 – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

Названия разделов (тем) дисциплины	Виды самостоятельной работы	Трудоемкость, ч	Формируемые компетенции	Формы контроля
<b>3 семестр</b>				
1 Вводные положения.	Подготовка к зачету	6	ОПК-1, ОПК-8	Зачёт
	Подготовка к тестированию	2	ОПК-1, ОПК-8	Тестирование
	Итого	8		
2 Теория множеств.	Подготовка к зачету	5	ОПК-1, ОПК-8	Зачёт
	Подготовка к тестированию	2	ОПК-1, ОПК-8	Тестирование
	Подготовка к лабораторной работе, написание отчета	14	ОПК-1, ОПК-8	Лабораторная работа
	Итого	21		
3 Переключательные функции.	Подготовка к зачету	5	ОПК-1, ОПК-8	Зачёт
	Подготовка к тестированию	2	ОПК-1, ОПК-8	Тестирование
	Подготовка к лабораторной работе, написание отчета	12	ОПК-1, ОПК-8	Лабораторная работа
	Итого	19		

4 Теория графов.	Подготовка к зачету	5	ОПК-1, ОПК-8	Зачёт
	Подготовка к тестированию	2	ОПК-1, ОПК-8	Тестирование
	Подготовка к лабораторной работе, написание отчета	14	ОПК-1, ОПК-8	Лабораторная работа
	Итого	21		
5 Экстремальные задачи на графах.	Подготовка к зачету	5	ОПК-1, ОПК-8	Зачёт
	Подготовка к тестированию	2	ОПК-1, ОПК-8	Тестирование
	Подготовка к лабораторной работе, написание отчета	14	ОПК-1, ОПК-8	Лабораторная работа
	Итого	21		
Итого за семестр		90		
Итого		90		

### 5.7. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов учебной деятельности

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов учебной деятельности представлено в таблице 5.7.

Таблица 5.7 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

Формируемые компетенции	Виды учебной деятельности			Формы контроля
	Лек. зан.	Лаб. раб.	Сам. раб.	
ОПК-1	+	+	+	Зачёт, Лабораторная работа, Тестирование
ОПК-8	+	+	+	Зачёт, Лабораторная работа, Тестирование

## 6. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся

### 6.1. Балльные оценки для форм контроля

Балльные оценки для форм контроля представлены в таблице 6.1.

Таблица 6.1 – Балльные оценки

Формы контроля	Максимальный балл на 1-ую КТ с начала семестра	Максимальный балл за период между 1КТ и 2КТ	Максимальный балл за период между 2КТ и на конец семестра	Всего за семестр
<b>3 семестр</b>				
Зачёт	0	0	50	50
Лабораторная работа	12	12	12	36
Тестирование	4	5	5	14
Итого максимум за период	16	17	67	100
Нарастающим итогом	16	33	100	100

### 6.2. Пересчет баллов в оценки за текущий контроль

Пересчет баллов в оценки за текущий контроль представлен в таблице 6.2.

Таблица 6.2 – Пересчет баллов в оценки за текущий контроль

Баллы на дату текущего контроля	Оценка
$\geq 90\%$ от максимальной суммы баллов на дату ТК	5
От 70% до 89% от максимальной суммы баллов на дату ТК	4
От 60% до 69% от максимальной суммы баллов на дату ТК	3
$< 60\%$ от максимальной суммы баллов на дату ТК	2

### 6.3. Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку представлен в таблице

6.3.

Таблица 6.3 – Пересчет суммы баллов в традиционную и международную оценку

Оценка	Итоговая сумма баллов, учитывает успешно сданный экзамен	Оценка (ECTS)
5 (отлично) (зачтено)	90 – 100	A (отлично)
4 (хорошо) (зачтено)	85 – 89	B (очень хорошо)
	75 – 84	C (хорошо)
	70 – 74	D (удовлетворительно)
3 (удовлетворительно) (зачтено)	65 – 69	E (посредственно)
	60 – 64	
2 (неудовлетворительно) (не зачтено)	Ниже 60 баллов	F (неудовлетворительно)

## 7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

### 7.1. Основная литература

1. Дискретная математика: Учебное пособие / Е. Ф. Жигалова - 2014. 98 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/5864>.

2. Шевелев, Ю. П. Дискретная математика : учебное пособие / Ю. П. Шевелев. — 4-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 592 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://reader.lanbook.com/book/206510#3>.

### 7.2. Дополнительная литература

1. Кузнецов, О. П. Дискретная математика для инженера : учебное пособие / О. П. Кузнецов. — 6-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 400 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/210278>.

2. Шевелев, Ю. П. Сборник задач по дискретной математике (для практических занятий в группах) : учебное пособие / Ю. П. Шевелев, Л. А. Писаренко, М. Ю. Шевелев. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 528 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/211148>.

3. Новиков, Ф. А. Дискретная математика для программистов : Учебное пособие для вузов / Ф. А. Новиков. - 2-е изд. - СПб. ; М. ; Нижний Новгород : Питер, 2007. - 363[5] с. (наличие в библиотеке ТУСУР - 79 экз.).

4. Шапорев, С. Д. математическая логика. Курс лекций и практических занятий. Учебное пособие для вузов. БХВ – Петербург, 2005.-410с. (наличие в библиотеке ТУСУР - 59 экз.).

### 7.3. Учебно-методические пособия

#### 7.3.1. Обязательные учебно-методические пособия

1. Дискретная математика: Методические указания по подготовке к лабораторным занятиям и для самостоятельной работы / Е. Ф. Жигалова - 2015. 133 с. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: <https://edu.tusur.ru/publications/6569>.

#### 7.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах,



адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

#### **7.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

1. При изучении дисциплины рекомендуется обращаться к современным базам данных, информационно-справочным и поисковым системам, к которым у ТУСУРа открыт доступ:  
<https://lib.tusur.ru/ru/resursy/bazy-dannyh>.

### **8. Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины**

#### **8.1. Материально-техническое и программное обеспечение для лекционных занятий**

Для проведения занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации используется учебная аудитория с достаточным количеством посадочных мест для учебной группы, оборудованная доской и стандартной учебной мебелью. Имеются мультимедийное оборудование и учебно-наглядные пособия, обеспечивающие тематические иллюстрации по лекционным разделам дисциплины.

#### **8.2. Материально-техническое и программное обеспечение для лабораторных работ**

Лаборатория САПР: учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для самостоятельной работы; 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 321 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- Интерактивная доска SmartBOARD;
- Монитор SVGA;
- Монитор 17,0" LG FLATRON L1750SQ SN (10 шт.);
- Проектор LG RD-DX 130;
- ПЭВМ -"PENTIUM-386"- 7;
- Системный блок Intel Celeron 2.93GHz KC-1 (2 шт.);
- Системный блок Intel Celeron 2.93GHz KC-3;
- Экран;
- Доска маркерная;
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- ERwin Data Modeler r7;
- Enterprise Architect;
- Far Manager;
- Foxit Reader;
- MatLab&SimulinkR2006b;
- Mathcad 13, 14;
- Microsoft EXCEL Viewer;
- Microsoft PowerPoint Viewer;
- Microsoft Visual Studio 2005 Professional;
- Microsoft Visual Studio 2013 Professional;
- Microsoft Word Viewer;
- MySQL;
- MySQL Community edition (GPL);
- OpenOffice 4;

- Oracle Database Express Edition 10g;
- Project 2007 Standard;
- Rational Suite Enterprise V7;
- SWI-Prolog-Editor;
- Visual FoxPro 9.0 Professional;
- Windows 10 Enterprise;
- puTTY;
- Анализатор трафика Wireshark;
- КОМПАС 3DLT V12 SP1;

Лаборатория информационных технологий: учебная аудитория для проведения занятий практического типа, учебная аудитория для проведения занятий лабораторного типа, помещение для самостоятельной работы; 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 323 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- ПТК на базе IBM PC/AT - 4 шт.;
- Магнитно-маркерная доска;
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.

Программное обеспечение:

- Debian 3.2;
- ERwin Data Modeler r7;
- Enterprise Architect;
- Far Manager;
- Foxit Reader;
- Keysight (ADS);
- Keysight System Vue;
- MatLab&SimulinkR2006b;
- Mathcad 13, 14;
- Microsoft EXCEL Viewer;
- Microsoft PowerPoint Viewer;
- Microsoft Visual Studio 2005 Professional;
- Microsoft Visual Studio 2013 Professional;
- Microsoft Word Viewer;
- MySQL;
- MySQL Community edition (GPL);
- OpenOffice 4;
- Oracle Database Express Edition 10g;
- Project 2007 Standard;
- Rational Suite Enterprise V7;
- SWI-Prolog-Editor;
- Visual FoxPro 9.0 Professional;
- Windows Embedded 8.1 Industry Enterprise;
- puTTY;
- Анализатор трафика Wireshark;
- КОМПАС 3DLT V12 SP1;

### **8.3. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы**

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:

- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 201 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Описание имеющегося оборудования:

- учебная мебель;
- компьютеры;

- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду ТУСУРа.

Перечень программного обеспечения:

- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

#### **8.4. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями зрения** предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

### **9. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины**

#### **9.1. Содержание оценочных материалов для текущего контроля и промежуточной аттестации**

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы, представленные в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Формы контроля и оценочные материалы

Названия разделов (тем) дисциплины	Формируемые компетенции	Формы контроля	Оценочные материалы (ОМ)
1 Вводные положения.	ОПК-1, ОПК-8	Зачёт	Перечень вопросов для зачета
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
2 Теория множеств.	ОПК-1, ОПК-8	Зачёт	Перечень вопросов для зачета
		Лабораторная работа	Темы лабораторных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
3 Переключательные функции.	ОПК-1, ОПК-8	Зачёт	Перечень вопросов для зачета
		Лабораторная работа	Темы лабораторных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий

4 Теория графов.	ОПК-1, ОПК-8	Зачёт	Перечень вопросов для зачета
		Лабораторная работа	Темы лабораторных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий
5 Экстремальные задачи на графах.	ОПК-1, ОПК-8	Зачёт	Перечень вопросов для зачета
		Лабораторная работа	Темы лабораторных работ
		Тестирование	Примерный перечень тестовых заданий

Шкала оценки сформированности отдельных планируемых результатов обучения по дисциплине приведена в таблице 9.2.

Таблица 9.2 – Шкала оценки сформированности планируемых результатов обучения по дисциплине

Оценка	Баллы за ОМ	Формулировка требований к степени сформированности планируемых результатов обучения		
		знать	уметь	владеть
2 (неудовлетворительно)	< 60% от максимальной суммы баллов	отсутствие знаний или фрагментарные знания	отсутствие умений или частично освоенное умение	отсутствие навыков или фрагментарные применение навыков
3 (удовлетворительно)	от 60% до 69% от максимальной суммы баллов	общие, но не структурированные знания	в целом успешно, но не систематически осуществляемое умение	в целом успешное, но не систематическое применение навыков
4 (хорошо)	от 70% до 89% от максимальной суммы баллов	сформированные, но содержащие отдельные проблемы знания	в целом успешное, но содержащие отдельные пробелы умение	в целом успешное, но содержащие отдельные пробелы применение навыков
5 (отлично)	≥ 90% от максимальной суммы баллов	сформированные систематические знания	сформированное умение	успешное и систематическое применение навыков

Шкала комплексной оценки сформированности компетенций приведена в таблице 9.3.

Таблица 9.3 – Шкала комплексной оценки сформированности компетенций

Оценка	Формулировка требований к степени компетенции
--------	---

2 (неудовлетворительно)	Не имеет необходимых представлений о проверяемом материале или Знать на уровне <b>ориентирования</b> , представлений. Обучающийся знает основные признаки или термины изучаемого элемента содержания, их отнесенность к определенной науке, отрасли или объектам, узнает в текстах, изображениях или схемах и знает, к каким источникам нужно обращаться для более детального его усвоения.
3 (удовлетворительно)	Знать и уметь на <b>репродуктивном</b> уровне. Обучающийся знает изученный элемент содержания репродуктивно: произвольно воспроизводит свои знания устно, письменно или в демонстрируемых действиях.
4 (хорошо)	Знать, уметь, владеть на <b>аналитическом</b> уровне. Зная на репродуктивном уровне, указывать на особенности и взаимосвязи изученных объектов, на их достоинства, ограничения, историю и перспективы развития и особенности для разных объектов усвоения.
5 (отлично)	Знать, уметь, владеть на <b>системном</b> уровне. Обучающийся знает изученный элемент содержания системно, произвольно и доказательно воспроизводит свои знания устно, письменно или в демонстрируемых действиях, учитывая и указывая связи и зависимости между этим элементом и другими элементами содержания дисциплины, его значимость в содержании дисциплины.

### 9.1.1. Примерный перечень тестовых заданий

- Пусть  $A$  – множество чисел, которые делятся на 2,  $B$  – множество чисел, которые делятся на 3,  
 $A = \{2, 4, 6, 8, 12, 14, 16\}$ ,  $B = \{3, 6, 9, 12, 15, 18\}$ . Определите, чему равно множество  $A \cap B$ :  
 Ответы:  
 а)  $A \cap B = \{6\}$   
 б)  $A \cap B = \{6, 12, 18\}$   
 в)  $A \cap B = \{6, 12, 14\}$   
 г)  $A \cap B = \{16, 12, 15\}$
- Указать конечные вершины эйлеровой цепи в неографе  $G = (X, U)$ , если элементы  $g_{ij}$  его матрицы смежности  $R$  имеют значения, указанные в матрице:  
 $R$ 

	1	2	3	4	5	6	7
1	0	3	0	0	0	0	0
2	3	0	1	0	3	1	0
3	0	1	0	1	2	0	0
4	0	0	1	0	0	0	1
5	0	3	2	0	0	0	1
6	0	1	0	0	0	0	1
7	0	0	0	1	1	1	0

 Ответы:  
 а) 5; 3  
 б) 4; 7  
 в) 1; 7  
 г) эйлеровой цепи, в данном графе  $G = (X, U)$ , нет.
- Укажите правильную запись закона де Моргана.  
 Ответы:  
 а)  $\neg(x_1 + x_2) = \neg(x_1 \cdot x_2)$   
 б)  $\neg(x_1 + x_2) = x_1 \cdot x_2$   
 в)  $\neg(x_1 + x_2) = \neg x_1 + \neg x_2$   
 г)  $\neg(x_1 + x_2) = \neg x_1 \cdot \neg x_2$
- Укажите правильную запись закона склеивания.

Ответы:

а)  $xy + \neg y x = y$

б)  $xy + \neg y x = xy$

в)  $xy + \neg y x = x$

г)  $xy + \neg y x = x + 1$

5. Две упорядоченные пары  $(x, y)$  и  $(u, v)$  равны между собой тогда и только тогда, когда:

Ответы:

а)  $y = v$

б)  $x = u$

в)  $x = u$  и  $y = v$

г)  $x = v$  и  $y = u$

6. Для элементов множества  $M = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$  составить матрицу бинарного отношения  $R$

"быть делителем", где  $R = \{(a, b); a, b - \text{элементы } M; a - \text{делитель } b\}$ , которое выполняется для

пар:  $\{(1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (1,5), (1,6), (2,2), (2,4), (2,6), (3,3), (3,6), (4,4), (5,5), (6,6)\}$ . В

ответе

привести пары, для которых выполняется заданное отношение.

Ответы:

а)

R 1 2 3 4 5 6

1 1 1 1 1 1

2 0 1 0 1 0

3 0 0 1 0 0

4 0 0 0 1 0

5 0 0 0 0 1

6 0 0 0 0 1

б)

R 1 2 3 4 5 6

1 1 1 0 1 1

2 0 1 0 1 0

3 0 0 1 0 1

4 0 0 0 1 0

5 0 0 0 0 1

6 0 0 0 0 1

в)

R 1 2 3 4 5 6

1 1 1 1 1 1

2 0 1 0 1 0

3 0 0 1 0 0

4 0 0 0 1 0

5 0 0 0 0 1

6 0 0 1 0 0

г)

R 1 2 3 4 5 6

1 1 1 1 1 1

2 0 1 0 1 0

3 0 0 1 0 0

4 0 1 0 1 0

5 1 0 0 0 1

6 0 0 1 0 0

7. Маршрутом в графе  $G=(X, U)$  называется последовательность:

а) вершин из множества  $X$  и рёбер из множества  $U$  графа  $G=(X, U)$

б) вершин из множества  $X$  и рёбер из множества  $U$  графа  $G=(X, U)$ , которая начинается и заканчивается в вершинах данного графа

в) вершин из множества  $X$  и рёбер из множества  $U$  графа  $G=(X, U)$ , в которой соседние вершины – смежные

- г) вершин из множества  $X$  и рёбер из множества  $U$  графа  $G=(X,U)$ , в которой соседние вершины - несмежные
8. Компонента связности графа – это:
- связный подграф заданного графа
  - часть графа
  - наибольший по вхождению вершин связный подграф графа
  - несвязный подграф заданного графа
9. Дайте полную характеристику связному неориентированному графу:
- содержит только одну компоненту связности
  - содержит только одну компоненту связности и в нём все вершины взаимно достижимы
  - все вершины взаимно достижимы
  - содержит только одну компоненту связности и в нём есть вершины взаимно достижимые
10. Что означает элемент  $r_{5,8}=0$  в матрице смежности  $R$  графа  $G=(X,U)$  в терминологии маршрутов, если  $|X|=35$ ,  $|U|=28$  и матрица  $R$  – логического типа?
- вершины графа  $G$   $x_5$  и  $x_8$  взаимно не достижимы
  - количество дуг, связывающих вершины  $x_5$  и  $x_8$  в графе  $G$ , равно “0”
  - вершины  $x_5$  и  $x_8$  в графе  $G$  – несмежные
  - вершины  $x_5$  и  $x_8$  не связывает маршрут длины “1”
11. Чему равна сумма строк матрицы инцидентности ориентированного графа, если трём вершинам инцидентны рёбра-петли:
- равна 2
  - не меньше, чем 2
  - не является нулевой строкой
  - равна 6
12. Укажите цель минимизации булевых функций.  
Чем проще аналитическое выражение функции:
- тем экономичнее она в эксплуатации
  - тем проще ее практическая реализация на радиоэлементах
  - тем меньше ошибок при её практической реализации
  - экономичнее и проще ее практическая реализация на интегральных микросхемах
13. Сумма строк матрицы инцидентности ориентированного графа без петель:
- равна 2
  - не меньше, чем 2
  - является нулевой строкой
  - равна 1
14. На основании таблицы истинности бинарных операций определите СДНФ операции  $x_1 \sim x_2$ .  
Ответы:
- $x_1x_2 + \neg x_1 \neg x_2$
  - $x_1 + x_1 \neg x_2$
  - $\neg x_1x_2 + x_1 \neg x_2$
  - $\neg x_1x_2 + x_1 x_2$
15. Вычислите мощность  $P$  множества  $M = \{2, 23, 3, 15, 2, 15, 18, 9, 9\}$   
Ответы:
- $P = 70$
  - $P = 96$
  - $P = 6$
  - $P = 9$
16. Множество  $M = M_1 \cup M_2$ , где  $M_1 = \{2, 23, 3, 15, 18, 9, 9\}$ ;  $M_2 = \{5, 6, 3, 16, 15, 32, 45, 2\}$ .  
Определите элементы множества  $M$ .  
Ответы:
- $M = \{2, 23, 3, 15, 18, 9, 9, 5, 6, 2, 16, 15, 32\}$
  - $M = \{2, 23, 3, 15, 18, 9, 5, 6, 16, 32, 45\}$
  - $M = \{15, 2, \}$
  - $M = \{15, 2, 3, 15\}$
17. Сравните множества  $M_1$  и  $M_2$ , где  $M_1 = \{2, 23, 3, 15, 1, 2, 18, 9, 9\}$ ;  $M_2 = \{2, 23, 3, 15, 1,$

- 18, 9)  
 Ответы:  
 а)  $M1 = M2$   
 б)  $M1 > M2$   
 в)  $M1 \neq M2$   
 г)  $M1 < M2$
18. Решите задачу с помощью диаграмм Эйлера-Венна.  
 Из 100 приехавших туристов 75 знали немецкий язык и 83 – французский; 15 человек не знали ни немецкого, ни французского. Сколько туристов знали оба эти языка?  
 Ответы:  
 а) 70 туристов знали оба языка  
 б) 58 туристов знали оба языка  
 в) 73 туриста знали оба языка  
 г) 74 туриста знали оба языка
19. Неорграф  $G=(X, U)$ , где  $X = (1,2,3,4,5,6,7,8)$ , задан матрицей смежности  $R$ . Элементы  $r_{ij}$  матрицы смежности  $R$  неорграфа  $G$  имеют следующие значения:  $r_{18} = 1$ ;  $r_{58} = 1$ ;  $r_{16} = 2$ ;  $r_{28} = 2$ ;  $r_{78} = 1$ ;  $r_{76} = 1$ ;  $r_{36} = 3$ ;  $r_{46} = 1$ ;  $r_{34} = 1$ . Определите, через какие рёбра и вершины проходит эйлеров цикл в данном графе.  
 Ответы:  
 а) эйлеров цикл в графе  $G$  проходит через все рёбра  
 б) эйлеров цикл в графе  $G$  проходит через вершины с чётными номерами  
 в) в данном графе  $G$  не содержится эйлеров цикл  
 г) эйлеров цикл в графе  $G$  проходит через вершины с нечётными номерами
20. Определите периферийные и центральные вершины в неорграфе  $G=(X, U)$ , где  $X = (1,2,3,4,5,6,7)$ , по его матрице метрики  $M$ , элементы  $m(ij)$  имеют значения:  $m(1,2)= 1$ ,  $m(1,3)= 4$ ,  $m(1,4)= 5$ ,  $m(1,5)= 3$ ,  $m(1,6)= 3$ ,  $m(1,7)= 2$ ,  $m(2,3)= 3$ ,  $m(2,4)= 4$ ,  $m(2,5)= 2$ ,  $m(2,6)= 2$ ,  $m(2,7)= 1$ ,  $m(3,4)= 1$ ,  $m(3,5)= 1$ ,  $m(3,6)= 2$ ,  $m(3,7)= 2$ ,  $m(4,5)= 2$ ,  $m(4,6)= 3$ ,  $m(4,7)= 3$ ,  $m(5,6)= 1$ ,  $m(5,7)= 1$ ,  $m(6,7)= 1$ .  
 Ответы:  
 а) периферийные вершины: 1;3. Центральные вершины: 7; 6  
 б) периферийные вершины: 1;4. Центральные вершины: 7; 6; 5  
 в) периферийные вершины: 1;2;4. Центральные вершины: 7; 6  
 г) периферийные вершины: 1;2. Центральные вершины: 7; 6

### 9.1.2. Перечень вопросов для зачета

1. Бинарные отношения. Свойства бинарных отношений.
2. Охарактеризуйте такие понятия, как граф, дополнительный граф, подграф. Что такое смежность, инцидентность, степень вершины?
3. Что такое минимальная ДНФ? Как найти минимальную ДНФ?
4. Покажите на примере, как построить комбинационную схему по булевой функции, представленной в ДНФ.
5. Назовите алгоритм решения задачи "поиск кратчайшего маршрута" на взвешенном графе
6. Структурный анализ графа. Определение в графе количества маршрутов заданной длины. Определение метрики графа. Компонента связности графа.

### 9.1.3. Темы лабораторных работ

1. Доказательства равенства множеств. Свойства отношений. Решение примеров на множествах.
2. Формы записи переключательных функций. Методы минимизации булевых функций.



- Построение схем по заданным логическим функциям.
- Унарные и бинарные операции над графами. Структурный анализ графа. Определение в графе количества маршрутов заданной длины. Определение метрики графа. Связность графа.
  - Нахождение кратчайшего маршрута в графе. Нахождение минимального маршрута в графе. Нахождение максимального потока на транспортной сети. Паросочетание (графы Кёнига).

## 9.2. Методические рекомендации

Учебный материал излагается в форме, предполагающей самостоятельное мышление студентов, самообразование. При этом самостоятельная работа студентов играет решающую роль в ходе всего учебного процесса.

Начать изучение дисциплины необходимо со знакомства с рабочей программой, списком учебно-методического и программного обеспечения. Самостоятельная работа студента включает работу с учебными материалами, выполнение контрольных мероприятий, предусмотренных учебным планом.

В процессе изучения дисциплины для лучшего освоения материала необходимо регулярно обращаться к рекомендуемой литературе и источникам, указанным в учебных материалах; пользоваться через кабинет студента на сайте Университета образовательными ресурсами электронно-библиотечной системы, а также общедоступными интернет-порталами, содержащими научно-популярные и специализированные материалы, посвященные различным аспектам учебной дисциплины.

При самостоятельном изучении тем следуйте рекомендациям:

- чтение или просмотр материала осуществляйте со скоростью, достаточной для индивидуального понимания и освоения материала, выделяя основные идеи; на основании изученного составить тезисы. Освоив материал, попытаться соотнести теорию с примерами из практики;

- если в тексте встречаются незнакомые или малознакомые термины, следует выяснить их значение для понимания дальнейшего материала;

- осмысливайте прочитанное и изученное, отвечайте на предложенные вопросы.

Студенты могут получать индивидуальные консультации, в т.ч. с использованием средств телекоммуникации.

По дисциплине могут проводиться дополнительные занятия, в т.ч. в форме вебинаров. Расписание вебинаров и записи вебинаров публикуются в электронном курсе / электронном журнале по дисциплине.

## 9.3. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 9.2.

Таблица 9.2 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Категории обучающихся	Виды дополнительных оценочных материалов	Формы контроля и оценки результатов обучения
С нарушениями слуха	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы	Преимущественно письменная проверка
С нарушениями зрения	Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам	Преимущественно устная проверка (индивидуально)
С нарушениями опорно-двигательного аппарата	Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету	Преимущественно дистанционными методами

С ограничениями по обще медицинским показаниям	Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы	Преимущественно проверка методами, определяющимися исходя из состояния обучающегося на момент проверки
--	--	--

#### **9.4. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

- в печатной форме;
- в печатной форме с увеличенным шрифтом;
- в форме электронного документа;
- методом чтения ассистентом задания вслух;
- предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

- письменно на бумаге;
- набор ответов на компьютере;
- набор ответов с использованием услуг ассистента;
- представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

**Для лиц с нарушениями зрения:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

- в форме электронного документа;
- в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.

## ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ

Рассмотрена и одобрена на заседании кафедры КСУП  
протокол № 2 от «29» 10 2020 г.

### СОГЛАСОВАНО:

Должность	Инициалы, фамилия	Подпись
Заведующий выпускающей каф. КСУП	Ю.А. Шурыгин	Согласовано, 86bee96a-108e-4833- aead-5229de651610
Заведующий обеспечивающей каф. КСУП	Ю.А. Шурыгин	Согласовано, 86bee96a-108e-4833- aead-5229de651610
Начальник учебного управления	Е.В. Саврук	Согласовано, fa63922b-1fce-4aba- 845d-9ce7670b004c

### ЭКСПЕРТЫ:

Доцент, каф. КСУП	Т.Е. Григорьева	Согласовано, d848614c-1d2f-4e32- b86c-1029abc0b2d5
Доцент, каф. КСУП	Н.Ю. Хабибулина	Согласовано, 127794aa-ac54-4444- 9122-130bd40d9285

### РАЗРАБОТАНО:

Доцент, КСУП	Е.Ф. Жигалова	Разработано, ee9746fc-1c4b-408d- b29b-db16b9b4070f
--------------	---------------	--