**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования**

«ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ СИСТЕМ
УПРАВЛЕНИЯ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ»
(ТУСУР)

УТВЕРЖДАЮ
Проректор по УР
_____Сенченко П.В.
«22» _____02_____ 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

# МАТЕМАТИКА

Уровень образования: **высшее образование - бакалавриат**
Направление подготовки / специальность: **38.03.05 Бизнес-информатика**
Направленность (профиль) / специализация: **ИТ-предпринимательство**
Форма обучения: **очно-заочная (в том числе с применением дистанционных образовательных технологий)**
Факультет: **Факультет дистанционного обучения (ФДО)**
Кафедра: **Кафедра автоматизации обработки информации (АОИ)**
Курс: **1**
Семестр: **1**
Учебный план набора 2023 года

Объем дисциплины и виды учебной деятельности

| Виды учебной деятельности | 1 семестр | Всего | Единицы |
|---|---|---|---|
| Самостоятельная работа | 130 | 130 | часов |
| Самостоятельная работа под руководством преподавателя | 12 | 12 | часов |
| Контрольные работы | 2 | 2 | часов |
| Общая трудоемкость (включая промежуточную аттестацию) | 144 | 144 | часов |
| | | 4 | з.е. |

| Формы промежуточной аттестация | Семестр | Количество |
|---|---|---|
| Зачет | 1 | |
| Контрольные работы | 1 | 1 |

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Сенченко П.В.
Должность: Проректор по УР
Дата подписания: 22.02.2023
Уникальный программный ключ:
a1119608-cdff-4455-b54e-5235117c185c

Томск

Согласована на портале № 76833

## 1. Общие положения

### 1.1. Цели дисциплины

1. Формирование способностей анализа исходных данных, необходимых для расчета экономических и социально-экономических показателей, при помощи математического аппарата.
2. Приобретение умений и навыков использовать математический аппарат в различных смежных и профессионально направленных предметах.

### 1.2. Задачи дисциплины

1. Воспитание строгости логических суждений и развитие алгоритмического мышления.
2. Освоение и применения методов обработки информации в предметной области.
3. Ознакомление с основными методами исследования при решении математических задач и овладение ими.

## 2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Блок дисциплин: Б1. Дисциплины (модули).

Часть блока дисциплин: Обязательная часть.

Модуль дисциплин: Модуль укрупненной группы специальностей и направлений (general hard skills – GHS).

Индекс дисциплины: Б1.О.02.03.

Реализуется с применением электронного обучения, дистанционных образовательных технологий.

## 3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВО и основной образовательной программой (таблица 3.1):

Таблица 3.1 – Компетенции и индикаторы их достижения

| Компетенция | Индикаторы достижения компетенции | Планируемые результаты обучения по дисциплине |
|---|---|---|
| **Универсальные компетенции** | | |

Согласована на портале № 76833

| | | |
|---|---|---|
| УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач | УК-1.1. Знает методики сбора и обработки информации, актуальные российские и зарубежные источники информации для решения поставленных задач, а также методы системного анализа | Знает методы обработки информации в предметной области "математика": основные определения и теоремы курса математики, некоторые сведения из теории чисел, основы определения производных функций; методы исследования функций. |
| | УК-1.2. Умеет применять методики поиска, сбора и обработки информации, осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной из разных источников | Умеет применять математический аппарат для обработки информации; решать системы двух и трёх линейных уравнений, решать неравенства, включая и неравенства с модулями, строить графики элементарных функций, оперировать с показательными и логарифмическими функциями. ; анализировать при помощи математического аппарата исходные данные из разных источников; использовать методы математики для расчета экономических и социально-экономических показателей. |
| | УК-1.3. Владеет методами поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации, методикой системного подхода для решения поставленных задач; способен генерировать различные варианты решения поставленных задач | Владеет алгебраическими операциями с десятичными и обыкновенными дробями; методом решения простейших алгебраических уравнений, включая линейные и квадратные, элементами векторной алгебры и её применения ; методикой системного подхода при решении экономических задач при помощи математического аппарата; способен генерировать варианты решения задач в предметной области "математика". |
| **Общепрофессиональные компетенции** | | |
| - | - | - |
| **Профессиональные компетенции** | | |
| - | - | - |

## 4. Объем дисциплины в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зачетных единиц, 144 академических часов.

Распределение трудоемкости дисциплины по видам учебной деятельности представлено в таблице 4.1.

Таблица 4.1 – Трудоемкость дисциплины по видам учебной деятельности

| Виды учебной деятельности | Всего часов | Семестры |
|---|---|---|
| | | 1 семестр |
| **Контактная аудиторная работа обучающихся с преподавателем, всего** | 14 | 14 |
| Самостоятельная работа под руководством преподавателя | 12 | 12 |
| Контрольные работы | 2 | 2 |
| **Самостоятельная работа обучающихся, в т.ч. контактная внеаудиторная работа обучающихся с преподавателем, всего** | 130 | 130 |

Согласована на портале № 76833

| | | |
|---|---|---|
| Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части дисциплины | 122 | 122 |
| Подготовка к контрольной работе | 8 | 8 |
| **Общая трудоемкость (в часах)** | 144 | 144 |
| **Общая трудоемкость (в з.е.)** | 4 | 4 |

## 5. Структура и содержание дисциплины

### 5.1. Разделы (темы) дисциплины и виды учебной деятельности

Структура дисциплины по разделам (темам) и видам учебной деятельности приведена в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Разделы (темы) дисциплины и виды учебной деятельности

| Названия разделов (тем) дисциплины | Контр. раб. | СРП, ч. | Сам. раб., ч | Всего часов (без промежуточной аттестации) | Формируемые компетенции |
|---|---|---|---|---|---|
| **1 семестр** | | | | | |
| 1 Векторная алгебра | 2 | 6 | 66 | 74 | УК-1 |
| 2 Основы линейной алгебры | | 6 | 64 | 70 | УК-1 |
| Итого за семестр | 2 | 12 | 130 | 144 | |
| Итого | 2 | 12 | 130 | 144 | |

### 5.2. Содержание разделов (тем) дисциплины

Содержание разделов (тем) дисциплины приведено в таблице 5.2.

Таблица 5.2 – Содержание разделов (тем) дисциплины

| Названия разделов (тем) дисциплины | Содержание разделов (тем) дисциплины | СРП, ч | Формируемые компетенции |
|---|---|---|---|
| **1 семестр** | | | |
| 1 Векторная алгебра | Линейные операции над векторами. Линейная зависимость. Базис и координаты на прямой, плоскости и в пространстве. Деление отрезка в данном отношении. Проекция вектора на ось. Скалярное произведение векторов. Векторное и смешанное произведения векторов. | 6 | УК-1 |
| | Итого | 6 | |
| 2 Основы линейной алгебры | Матрицы и определители. Системы линейных уравнений. Линейные (векторные) пространства. | 6 | УК-1 |
| | Итого | 6 | |
| Итого за семестр | | 12 | |
| Итого | | 12 | |

### 5.3. Контрольные работы

Виды контрольных работ и часы на контрольные работы приведены в таблице 5.3.

Таблица 5.3 – Контрольные работы

| № п.п. | Виды контрольных работ | Трудоемкость, ч | Формируемые компетенции |
|---|---|---|---|
| **1 семестр** | | | |

Согласована на портале № 76833

| | | | |
|---|---|---|---|
| 1 | Контрольная работа с автоматизированной проверкой | 2 | УК-1 |
| Итого за семестр | | 2 | |
| Итого | | 2 | |

### 5.4. Лабораторные занятия

Не предусмотрено учебным планом

### 5.5.Контроль самостоятельной работы (курсовой проект / курсовая работа)

Не предусмотрено учебным планом

### 5.6. Самостоятельная работа

Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции представлены в таблице 5.6.

Таблица 5.6. – Виды самостоятельной работы, трудоемкость и формируемые компетенции

| Названия разделов (тем) дисциплины | Виды самостоятельной работы | Трудоемкость, ч | Формируемые компетенции | Формы контроля |
|---|---|---|---|---|
| **1 семестр** | | | | |
| 1 Векторная алгебра | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части дисциплины | 62 | УК-1 | Зачёт, Тестирование |
| | Подготовка к контрольной работе | 4 | УК-1 | Контрольная работа |
| | Итого | 66 | | |
| 2 Основы линейной алгебры | Самостоятельное изучение тем (вопросов) теоретической части дисциплины | 60 | УК-1 | Зачёт, Тестирование |
| | Подготовка к контрольной работе | 4 | УК-1 | Контрольная работа |
| | Итого | 64 | | |
| Итого за семестр | | 130 | | |
| Итого | | 130 | | |

### 5.7. Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов учебной деятельности

Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов учебной деятельности представлено в таблице 5.7.

Таблица 5.7 – Соответствие компетенций, формируемых при изучении дисциплины, и видов занятий

| Формируемые компетенции | Виды учебной деятельности | | | Формы контроля |
|---|---|---|---|---|
| | Конт.Раб. | СРП | Сам. раб. | |
| УК-1 | + | + | + | Зачёт, Контрольная работа, Тестирование |

## 6. Рейтинговая система для оценки успеваемости обучающихся

Рейтинговая система не используется

## 7. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

Согласована на портале № 76833

### 7.1. Основная литература

1. Ерохина А. П. Высшая математика. Линейная алгебра, аналитическая геометрия, введение в математический анализ, дифференциальное исчисление: Учебное пособие / А.П. Ерохина, Л.Н. Байбакова - Томск: Эль Контент, 2013. - 226 с. Доступ из личного кабинета студента. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: https://study.tusur.ru/study/library.

### 7.2. Дополнительная литература

1. Линейная алгебра и аналитическая геометрия : учебник и практикум для вузов / Е. Г. Плотникова, А. П. Иванов, В. В. Логинова, А. В. Морозова ; под редакцией Е. Г. Плотниковой. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 340 с. Доступ из личного кабинета студента. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: https://urait.ru/bcode/489170.

### 7.3. Учебно-методические пособия

#### 7.3.1. Обязательные учебно-методические пособия

1. Мещеряков П.С. Линейная алгебра : методические указания по организации самостоятельной работы для студентов очно-заочной формы обучения направления подготовки 38.03.05 Бизнес-информатика, обучающихся с применением дистанционных образовательных технологий / П.С. Мещеряков, В.В. Кручинин. – Томск : ФДО, ТУСУР, 2018. Доступ из личного кабинета студента. [Электронный ресурс]: — Режим доступа: https://study.tusur.ru/study/library.

#### 7.3.2. Учебно-методические пособия для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Учебно-методические материалы для самостоятельной и аудиторной работы обучающихся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предоставляются в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

**Для лиц с нарушениями зрения:**

– в форме электронного документа;

– в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**

– в форме электронного документа;

– в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**

– в форме электронного документа;

– в печатной форме.

### 7.4. Иное учебно-методическое обеспечение

1. ЕрохинаА.П. Высшая математика. [Электронный ресурс]: Электронный курс / А.П. Ерохина, Л.Н. Байбакова, Д.С. Шульц. — Томск, ФДО, ТУСУР 2013. (доступ из личного кабинета студента) .

### 7.5. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. При изучении дисциплины рекомендуется обращаться к современным базам данных, информационно-справочным и поисковым системам, к которым у ТУСУРа открыт доступ: https://lib.tusur.ru/ru/resursy/bazy-dannyh.

2. ЭБС «Юрайт»: виртуальный читальный зал учебников и учебных пособий от авторов из ведущих вузов России ( https://urait.ru/ ). Доступ из личного кабинета студента.

## 8. Материально-техническое и программное обеспечение дисциплины

### 8.1. Общие требования к материально-техническому и программному обеспечению дисциплины

Учебные аудитории для проведения занятий лабораторного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, для самостоятельной работы студентов

Согласована на портале № 76833

634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.
Описание имеющегося оборудования:
- Веб-камера - 6 шт.;
- Наушники с микрофоном - 6 шт.;
- Комплект специализированной учебной мебели;
- Рабочее место преподавателя.
Программное обеспечение:
- 7-Zip;
- Google Chrome;
- Kaspersky Endpoint Security для Windows;
- LibreOffice;
- Microsoft Windows;

### 8.2. Материально-техническое и программное обеспечение для самостоятельной работы

Для самостоятельной работы используются учебные аудитории (компьютерные классы), расположенные по адресам:
- 634050, Томская область, г. Томск, Ленина проспект, д. 40, 233 ауд.;
- 634045, Томская область, г. Томск, ул. Красноармейская, д. 146, 209 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 47, 126 ауд.;
- 634034, Томская область, г. Томск, Вершинина улица, д. 74, 207 ауд.

Описание имеющегося оборудования:
- учебная мебель;
- компьютеры;
- компьютеры подключены к сети «Интернет» и обеспечивают доступ в электронную информационно-образовательную среду ТУСУРа.

Перечень программного обеспечения:
- Microsoft Windows;
- OpenOffice;
- Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows;
- 7-Zip;
- Google Chrome.

### 8.3. Материально-техническое обеспечение дисциплины для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Освоение дисциплины лицами с ограниченными возможностями здоровья и инвалидами осуществляется с использованием средств обучения общего и специального назначения.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями слуха** предусмотрено использование звукоусиливающей аппаратуры, мультимедийных средств и других технических средств приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы преподавания для обучающихся с инвалидностью, портативной индукционной системы. Учебная аудитория, в которой занимаются обучающиеся с нарушением слуха, оборудована компьютерной техникой, аудиотехникой, видеотехникой, электронной доской, мультимедийной системой.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями зрения** предусмотрено использование в лекционных и учебных аудиториях возможности просмотра удаленных объектов (например, текста на доске или слайда на экране) при помощи видеоувеличителей для комфортного просмотра.

При занятиях с обучающимися с **нарушениями опорно-двигательного аппарата** используются альтернативные устройства ввода информации и другие технические средства приема/передачи учебной информации в доступных формах, мобильной системы обучения для людей с инвалидностью.

## 9. Оценочные материалы и методические рекомендации по организации изучения дисциплины

### 9.1. Содержание оценочных материалов для текущего контроля и промежуточной аттестации

Согласована на портале № 76833

Для оценки степени сформированности и уровня освоения закрепленных за дисциплиной компетенций используются оценочные материалы, представленные в таблице 9.1.

Таблица 9.1 – Формы контроля и оценочные материалы

| Названия разделов (тем) дисциплины | Формируемые компетенции | Формы контроля | Оценочные материалы (ОМ) |
|---|---|---|---|
| 1 Векторная алгебра | УК-1 | Зачёт | Перечень вопросов для зачета |
| | | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
| | | Тестирование | Примерный перечень тестовых заданий |
| 2 Основы линейной алгебры | УК-1 | Зачёт | Перечень вопросов для зачета |
| | | Контрольная работа | Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы |
| | | Тестирование | Примерный перечень тестовых заданий |

Шкала оценки сформированности отдельных планируемых результатов обучения по дисциплине приведена в таблице 9.2.

Таблица 9.2 – Шкала оценки сформированности планируемых результатов обучения по дисциплине

| Оценка | Баллы за ОМ | Формулировка требований к степени сформированности планируемых результатов обучения | | |
|---|---|---|---|---|
| | | знать | уметь | владеть |
| 2 (неудовлетворительно) | < 60% от максимальной суммы баллов | отсутствие знаний или фрагментарные знания | отсутствие умений или частично освоенное умение | отсутствие навыков или фрагментарные применение навыков |
| 3 (удовлетворительно) | от 60% до 69% от максимальной суммы баллов | общие, но не структурированные знания | в целом успешно, но не систематически осуществляемое умение | в целом успешное, но не систематическое применение навыков |
| 4 (хорошо) | от 70% до 89% от максимальной суммы баллов | сформированные, но содержащие отдельные проблемы знания | в целом успешное, но содержащие отдельные пробелы умение | в целом успешное, но содержащие отдельные пробелы применение навыков |
| 5 (отлично) | ≥ 90% от максимальной суммы баллов | сформированные систематические знания | сформированное умение | успешное и систематическое применение навыков |

Шкала комплексной оценки сформированности компетенций приведена в таблице 9.3.

Таблица 9.3 – Шкала комплексной оценки сформированности компетенций

Согласована на портале № 76833

| Оценка | Формулировка требований к степени компетенции |
|---|---|
| 2 (неудовлетворительно) | Не имеет необходимых представлений о проверяемом материале или<br>Знать на уровне **ориентирования**, представлений. Обучающийся знает основные признаки или термины изучаемого элемента содержания, их отнесенность к определенной науке, отрасли или объектам, узнает в текстах, изображениях или схемах и знает, к каким источникам нужно обращаться для более детального его усвоения. |
| 3 (удовлетворительно) | Знать и уметь на **репродуктивном** уровне. Обучающихся знает изученный элемент содержания репродуктивно: произвольно воспроизводит свои знания устно, письменно или в демонстрируемых действиях. |
| 4 (хорошо) | Знать, уметь, владеть на **аналитическом** уровне. Зная на репродуктивном уровне, указывать на особенности и взаимосвязи изученных объектов, на их достоинства, ограничения, историю и перспективы развития и особенности для разных объектов усвоения. |
| 5 (отлично) | Знать, уметь, владеть на **системном** уровне. Обучающийся знает изученный элемент содержания системно, произвольно и доказательно воспроизводит свои знания устно, письменно или в демонстрируемых действиях, учитывая и указывая связи и зависимости между этим элементом и другими элементами содержания дисциплины, его значимость в содержании дисциплины. |

### 9.1.1. Примерный перечень тестовых заданий

1. Найдите матрицу
   $C = 3\begin{bmatrix}2 & -3 & 3\\ 4 & -1 & 2\end{bmatrix} + 4\begin{bmatrix}2 & 0 & 5\\ 4 & 0 & 5\end{bmatrix}$
   В ответ введите сумму элементов 1-го столбца матрицы С.

2. Найдите матрицу
   $C = 3\begin{bmatrix}3 & -1 & 4\\ 5 & 1 & 5\end{bmatrix} + 4\begin{bmatrix}2 & -2 & 1\\ 4 & -2 & 4\end{bmatrix}$
   В ответ введите сумму элементов 1-го столбца матрицы.

3. Найдите матрицу
   $C = 4\begin{bmatrix}5 & 0 & 3\\ 5 & 1 & 3\end{bmatrix} + 4\begin{bmatrix}4 & 1 & 2\\ 1 & -2 & 3\end{bmatrix}$
   В ответ введите сумму элементов 1-го столбца матрицы С.

4. Даны две матрицы
   $A = \begin{bmatrix}2 & -2 & 1 & -3\\ 5 & 1 & 5 & -2\\ 4 & 1 & 4 & -2\end{bmatrix}$ и $B = \begin{bmatrix}5 & 0 & 2 & 0\\ 1 & 1 & 4 & -1\\ 1 & 0 & 4 & 0\\ 4 & 1 & 2 & -3\end{bmatrix}$
   Найдите элемент $C_2^1$матрицы С=А×В. Верхний индекс номер строки.

5. Даны две матрицы
   $A = \begin{bmatrix}3 & -3 & 1 & -3\\ 4 & 0 & 5 & -1\\ 4 & 0 & 4 & -2\end{bmatrix}$ и $B = \begin{bmatrix}3 & -3 & 1 & -1\\ 4 & -1 & 5 & 0\\ 1 & -2 & 2 & 1\\ 5 & 0 & 3 & -2\end{bmatrix}$
   Найдите элемент $C_1^2$матрицы С=А×В. Верхний индекс номер строки.

6. Вычислите определитель пятого порядка

Согласована на портале № 76833

$$D = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 8 & 0 & 5 \\ 0 & 1 & 10 & 1 & 6 \\ 0 & 1 & 9 & 1 & 4 \\ 1 & 6 & 4 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 11 & 7 & 8 \end{vmatrix}$$

7. Вычислите определитель пятого порядка

$$D = \begin{vmatrix} 0 & 4 & 6 & 7 & 9 \\ 0 & 4 & 7 & 5 & 7 \\ 1 & 8 & 3 & 7 & 0 \\ 0 & 4 & 8 & 7 & 9 \\ 0 & 4 & 9 & 3 & 1 \end{vmatrix}$$

8. Дана матрица

$$A = \begin{bmatrix} -3 & -3 & 6 \\ -4 & -3 & 4 \\ -1 & -1 & 1 \end{bmatrix}$$

Докажите, что она имеет обратную А-1, и найдите элемент обратной матрицы, стоящей в строке 2 и столбце 1.
В ответ введите значение этого элемента. Не целое число округлите до трех значащих (отличных от нуля) цифр десятичной дроби.

9. Дана матрица

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & 2 \\ 3 & -1 & 3 \\ 5 & -5 & 5 \end{bmatrix}$$

Докажите, что она имеет обратную А-1, и найдите элемент обратной матрицы, стоящей в строке 3 и столбце 3.
В ответ введите значение этого элемента. Не целое число округлите до трех значащих (отличных от нуля) цифр десятичной дроби.

10. В матрице размером (11, 7) четыре элемента равны единице, а все остальные равны нулю. Ненулевые элементы расположены так, что в каждой строке и каждом столбце не более одного ненулевого элемента.
Чему равен ранг матрицы?
а) 7 б) 4 в) 11 г) 3

11. Дана матрица

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 2 & 1 \\ -4 & -2 & 4 \\ 4 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

Докажите, что она имеет обратную А-1, и найдите элемент обратной матрицы, стоящей в строке 2 и столбце 1.
В ответ введите значение этого элемента. Не целое число округлите до трех значащих (отличных от нуля) цифр десятичной дроби.

12. Дана матрица

$$A = \begin{bmatrix} -4 & 1 & 6 \\ 3 & -1 & -7 \\ 3 & -1 & -5 \end{bmatrix}$$

Докажите, что она имеет обратную А-1, и найдите элемент обратной матрицы, стоящей в строке 2 и столбце 3.
В ответ введите значение этого элемента. Не целое число округлите до трех значащих (отличных от нуля) цифр десятичной дроби.

13. В матрице размером (7, 15) шесть элементов равны единице, а все остальные равны нулю. Ненулевые элементы расположены так, что в каждой строке и каждом столбце не более

одного ненулевого элемента.
Чему равен ранг матрицы?
а) 15 б) 9 в) 7 г) 6 д) 1

14. В матрице размером (16, 7) четыре элемента равны единице, а все остальные равны нулю. Ненулевые элементы расположены так, что в каждой строке и каждом столбце не более одного ненулевого элемента.
Чему равен ранг матрицы?
а) 12 б) 3 в) 16 г) 7 д) 4

15. В матрице размером (10, 16) девять элементов равны единице, а все остальные равны нулю. Ненулевые элементы расположены так, что в каждой строке и каждом столбце не более одного ненулевого элемента.
Чему равен ранг матрицы?
а) 16 б) 9 в) 1 г) 7 д) 10

16. Вычислите определитель пятого порядка

$$D = \begin{vmatrix} 0 & 3 & 8 & 4 & 0 \\ 0 & 3 & 10 & 2 & 3 \\ 0 & 3 & 9 & 4 & 1 \\ 1 & 6 & 5 & 3 & 8 \\ 0 & 3 & 11 & 0 & 8 \end{vmatrix}$$

17. Вычислите определитель пятого порядка

$$D = \begin{vmatrix} 0 & 3 & 7 & 3 & 1 \\ 1 & 3 & 8 & 6 & 1 \\ 0 & 3 & 8 & 1 & 9 \\ 0 & 3 & 9 & 4 & 0 \\ 0 & 3 & 10 & 9 & 3 \end{vmatrix}$$

18. Дана система:

$$\begin{cases} 4x + 2y + 4z = 22 \\ 3x + 4y + 2z = 17 \\ 2x + 2y + 3z = 14 \end{cases}$$

По формуле Крамера найдите неизвестную $y$.

19. Дана система:

$$\begin{cases} x + 3y + 4z = 21 \\ 2x + 3y + 2z = 21 \\ 3x + 2y + z = 20 \end{cases}$$

По формуле Крамера найдите неизвестную $y$.

20. Дана система:

$$\begin{cases} 3x + 3y + z = 19 \\ 2x + y + 2z = 14 \\ x + 4y + 2z = 25 \end{cases}$$

По формуле Крамера найдите неизвестную $y$.

### 9.1.2. Перечень вопросов для зачета

Приведены примеры типовых заданий из банка контрольных тестов, составленных по пройденным разделам дисциплины.

Согласована на портале № 76833

1. Найдите матрицу
$C = 4\begin{bmatrix}5 & -1 & 3\\ 5 & -1 & 5\end{bmatrix} + 2\begin{bmatrix}5 & 0 & 1\\ 4 & -3 & 4\end{bmatrix}$
В ответ введите сумму элементов 2-ого столбца матрицы С.

2. Найдите матрицу
$C = 2\begin{bmatrix}1 & -2\\ 4 & -2\\ 2 & 0\end{bmatrix} + 4\begin{bmatrix}5 & -1\\ 1 & 0\\ 4 & -2\end{bmatrix}$
В ответ введите сумму элементов 2-ого столбца матрицы С.

3. Даны две матрицы:
$A = \begin{bmatrix}2 & -3 & 1 & -3\\ 1 & -2 & 4 & -2\\ 5 & -1 & 2 & -3\end{bmatrix}$ и $B = \begin{bmatrix}1 & -2 & 3 & 4\\ -1 & 2 & 5 & 3\\ 3 & 2 & -2 & 1\\ -2 & 3 & 3 & 1\end{bmatrix}$
Найдите элемент $C_4^1$ матрицы $C = A \cdot B$. Верхний индекс номер строки.

4. Найдите матрицу
$C = 3\begin{bmatrix}4 & 0 & 5\\ 2 & -3 & 3\end{bmatrix} + 2\begin{bmatrix}3 & 0 & 2\\ 1 & 1 & 4\end{bmatrix}$
В ответ введите сумму элементов 3-ого столбца матрицы С.

5. Найдите матрицу
$C = 2\begin{bmatrix}1 & 0 & 5\\ 5 & 1 & 2\end{bmatrix} + 3\begin{bmatrix}1 & -3 & 1\\ 3 & -3 & 1\end{bmatrix}$
В ответ введите сумму элементов 2-ого столбца матрицы С.

6. Дана система:
$\begin{cases}x + 2y + 2z = 12\\ x + 3y + 2z = 15\\ x + y + 3z = 10\end{cases}$
По формуле Крамера найдите неизвестную $y$.

7. Дана система:
$\begin{cases}4x + 4y + z = 13\\ 2x + 3y + 4z = 12\\ x + 3y + z = 8\end{cases}$
По формуле Крамера найдите неизвестную $y$.

8. Найдите площадь параллелограмма, построенного на векторах:
$\bar{a} = (36, -9, -9)$
$\bar{b} = (0, 1, -1)$

9. Найдите площадь параллелограмма, построенного на векторах:
$\bar{a} = (32, -8, -8)$
$\bar{b} = (0, 8, -8)$

10. Найдите площадь параллелограмма, построенного на векторах:
$\bar{a} = (32, -8, -8)$
$\bar{b} = (0, 6, -6)$

### 9.1.3. Примерный перечень тем и тестовых заданий на контрольные работы

Математика

Согласована на портале № 76833

1. Найдите собственные числа матрицы

$$\begin{vmatrix} 0 & 0 & 4 \\ 0 & 9 & 0 \\ 4 & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

В ответ введите собственные числа в порядке возрастания, разделив их точкой с запятой. Пример ввода ответа: -2;1;3.

2. Докажите, что вектор (4;-4) является собственным для матрицы

$$\begin{vmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{vmatrix}$$

Найдите собственное число, отвечающее ему.

3. Найдите собственные числа матрицы

$$\begin{vmatrix} 0 & 0 & 9 \\ 0 & 12 & 0 \\ 9 & 0 & 0 \end{vmatrix}$$

В ответ введите собственные числа в порядке возрастания, разделив их точкой с запятой. Пример ввода ответа: -2;1;3.

4. Докажите, что вектор (9;-9) является собственным для матрицы

$$\begin{vmatrix} 0 & 2 \\ 2 & 0 \end{vmatrix}$$

Найдите собственное число, отвечающее ему.

5. В матрице размером (16,14) ровно три строки являются линейными комбинациями остальных. Чему равен ранг этой матрицы?

6. В матрице размером (11,9) ровно три строки являются линейными комбинациями остальных. Чему равен ранг этой матрицы?

7. В матрице размером (19,17) ровно три строки являются линейными комбинациями остальных. Чему равен ранг этой матрицы?

8. Найдите матрицу

$$C = 4\begin{bmatrix} 3 & 1 & 3 \\ 2 & 1 & 1 \end{bmatrix} + 4\begin{bmatrix} 4 & -3 & 4 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

В ответ введите сумму элементов 3-го столбца матрицы С.

9. Даны две матрицы

$$A = \begin{bmatrix} 5 & -2 & 1 & -1 \\ 3 & -3 & 1 & -3 \\ 5 & -2 & 1 & 1 \end{bmatrix} \text{ и } B = \begin{bmatrix} 4 & -3 & 3 & -2 \\ 2 & 0 & 5 & -3 \\ 1 & -1 & 2 & -3 \\ 1 & -3 & 4 & -2 \end{bmatrix}$$

Найдите элемент $C_1^3$ матрицы C=A×B. Верхний индекс номер строки.

10. Вычислите определитель пятого порядка

$$D = \begin{vmatrix} 0 & 1 & 4 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & 7 & 7 & 7 \\ 0 & 1 & 5 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 6 & 9 & 0 \\ 1 & 1 & 2 & 8 & 5 \end{vmatrix}$$

### 9.2. Методические рекомендации

Учебный материал излагается в форме, предполагающей самостоятельное мышление

Согласована на портале № 76833

студентов, самообразование. При этом самостоятельная работа студентов играет решающую роль в ходе всего учебного процесса.

Начать изучение дисциплины необходимо со знакомства с рабочей программой, списком учебно-методического и программного обеспечения. Самостоятельная работа студента включает работу с учебными материалами, выполнение контрольных мероприятий, предусмотренных учебным планом.

В процессе изучения дисциплины для лучшего освоения материала необходимо регулярно обращаться к рекомендуемой литературе и источникам, указанным в учебных материалах; пользоваться через кабинет студента на сайте Университета образовательными ресурсами электронно-библиотечной системы, а также общедоступными интернет-порталами, содержащими научно-популярные и специализированные материалы, посвященные различным аспектам учебной дисциплины.

При самостоятельном изучении тем следуйте рекомендациям:

– чтение или просмотр материала осуществляйте со скоростью, достаточной для индивидуального понимания и освоения материала, выделяя основные идеи; на основании изученного составить тезисы. Освоив материал, попытаться соотнести теорию с примерами из практики;

– если в тексте встречаются незнакомые или малознакомые термины, следует выяснить их значение для понимания дальнейшего материала;

– осмысливайте прочитанное и изученное, отвечайте на предложенные вопросы.

Студенты могут получать индивидуальные консультации, в т.ч. с использованием средств телекоммуникации.

По дисциплине могут проводиться дополнительные занятия, в т.ч. в форме вебинаров. Расписание вебинаров и записи вебинаров публикуются в электронном курсе по дисциплине.

### 9.3. Требования к оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусмотрены дополнительные оценочные материалы, перечень которых указан в таблице 9.4.

Таблица 9.4 – Дополнительные материалы оценивания для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

| Категории обучающихся | Виды дополнительных оценочных материалов | Формы контроля и оценки результатов обучения |
|---|---|---|
| С нарушениями слуха | Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы | Преимущественно письменная проверка |
| С нарушениями зрения | Собеседование по вопросам к зачету, опрос по терминам | Преимущественно устная проверка (индивидуально) |
| С нарушениями опорно-двигательного аппарата | Решение дистанционных тестов, контрольные работы, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету | Преимущественно дистанционными методами |
| С ограничениями по общемедицинским показаниям | Тесты, письменные самостоятельные работы, вопросы к зачету, контрольные работы, устные ответы | Преимущественно проверка методами, определяющимися исходя из состояния обучающегося на момент проверки |

### 9.4. Методические рекомендации по оценочным материалам для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов предусматривается доступная форма предоставления заданий оценочных средств, а именно:

– в печатной форме;

– в печатной форме с увеличенным шрифтом;

Согласована на портале № 76833

– в форме электронного документа;
– методом чтения ассистентом задания вслух;
– предоставление задания с использованием сурдоперевода.

Лицам с ограниченными возможностями здоровья и инвалидам увеличивается время на подготовку ответов на контрольные вопросы. Для таких обучающихся предусматривается доступная форма предоставления ответов на задания, а именно:

– письменно на бумаге;
– набор ответов на компьютере;
– набор ответов с использованием услуг ассистента;
– представление ответов устно.

Процедура оценивания результатов обучения лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

**Для лиц с нарушениями зрения:**
– в форме электронного документа;
– в печатной форме увеличенным шрифтом.

**Для лиц с нарушениями слуха:**
– в форме электронного документа;
– в печатной форме.

**Для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата:**
– в форме электронного документа;
– в печатной форме.

При необходимости для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов процедура оценивания результатов обучения может проводиться в несколько этапов.

Согласована на портале № 76833

**ЛИСТ СОГЛАСОВАНИЯ**

Рассмотрена и одобрена на заседании кафедры ТЭО
протокол № 18 от «29» 12 2022 г.

**СОГЛАСОВАНО:**

| Должность | Инициалы, фамилия | Подпись |
|---|---|---|
| Заведующий выпускающей каф. АОИ | А.А. Сидоров | Согласовано, d4895b45-5d88-49f8-b7c7-e8bf0196776a |
| Заведующий обеспечивающей каф. ТЭО | В.В. Кручинин | Согласовано, 9981316d-9009-4fa1-ac30-57783d22ccf5 |
| Декан ФДО | И.П. Черкашина | Согласовано, 4580bdea-d7a1-4d22-bda1-21376d739cfc |

**ЭКСПЕРТЫ:**

| | | |
|---|---|---|
| Доцент, каф. АОИ | Ю.В. Морозова | Согласовано, 8461038d-613f-4932-8e22-2b7293a14b92 |
| Старший преподаватель, каф. ТЭО | А.В. Гураков | Согласовано, 4bfa5749-993c-4879-adcf-c25c69321c91 |

**РАЗРАБОТАНО:**

| | | |
|---|---|---|
| Доцент, каф. ТЭО | Д.С. Шульц | Разработано, 40960635-ea0b-4107-98b2-1ccab5e84423 |

Согласована на портале № 76833